# L'UNIVERSITE GALATASARAY L'INSTITUT DES SCIENCES

# L'APPLICATION DES METHODES DE PRISE DE DEISION MULTI CRITERES FLOUS AU PROBLEME DE SELECTION DE LA LOCATION DE BANQUE

Nihan ÇINAR

## L'APPLICATION DES METHODES DE PRISE DE DECISION MULTI CRITERES FLOUS AU PROBLEME DE SELECTION DE LA LOCATION DE BANQUE

(ÇOK KRİTERLİ KARAR VERME YÖNTEMLERİNİN BANKA YERİ SEÇİMİ PROBLEMİNE UYGULANMASI)

**PAR** 

Nihan ÇINAR, Ingénieur en Génie Mathématiques

Thèse

Présenté en vue de

l'obtention du diplôme de

**MASTER** 

en

**GENIE INDUSTRIEL** 

de

L'INSTITUT DES SCIENCES

de

L'UNIVERSITE GALATASARAY

Juin 2019

### La présente atteste que la these intitulée

# L'APPLICATION DES METHODES DE PRISE DE DECISION MULTI CRITERES FLOUS AU PROBLEME DE SELECTION DE LA LOCATION DE BANQUE

préparée par Nihan ÇINAR en vue de l'obtention du diplome de Master en Génie Industriel de l'Université Galatasaray est approuvée par le

### Comité de Thèse:

M. Conf. Assoc. Murat Levent DEMİRCAN (Directeur)
Département Génie Industriel
Université Galatasaray

M. Conf. A. Çağrı TOLGA Département Génie Industriel Université Galatasaray

M. Conf. Assoc. Ali ÇOŞKUN Département de Gestion Université Boğaziçi

Date: 20/06/2019

### **PREFACE**

La décision a une grande importance dans la vie. Si plusieurs critères doivent être considées, prendre une décision devient plus difficile. Dans ce travail, une décision est prise sous plusieurs critères.

Je voudrais remercier à mes amis qui travaillent dans les banques différentes, qui m'ont fourni des rendez-vous avec leurs directeurs et qui m'ont beaucopu aidé pour la formation du structure de la décision de modèle. Je voudrais exprimer ma plus sincère gratitude à M.Conf.Ass. M.Levent DEMİRCAN qui m'a aidé tout au long de mon travail et à ma famille plusieurs critères.

J'offre ce travail à mon fils, Volkan ÇINAR.

Nihan ÇINAR

Juin, 2019

### TABLEAU DES MATIERES

LISTE DES SYMBOLES	vi
LISTE DES TABLEAUX	vii
ABSTRACT	viii
RÉSUMÉ	ix
ÖZET	X
1. INTRODUCTION	1
2. LA SELECTION DE LOCATION D'ETABLISSMENT DANS I	LE SECTEUR
DE SERVICE	
3. PRISE DE DECISION	9
3.1 La Théorie de Décision	10
3.2 Décision	11
3.2.1. Les Eléments de Décision	11
3.2.2. Environnements de Décision	12
3.2.3. Les Critères de la Décision Dans l'Incertitude	13
3.2.4. Les Critères Influant La Décision	14
3.2.5. Les Mèthodes d'Analyse de Décision	15
3.3 La Théorie d'Ensemble Flou	16
4. METHODOLOGIE	19
4.1 TOPSIS Hierarchique Flou	19
4.2 COPRAS Hierarchique Flou	27
4.3 La Mèthode ARAS	30

5. UN MODELE DE DECISION POUR LA SELECTION DE LOCATION			
D'UNE NOUVELLE BRANCHE DANS LE SECTEUR BANCAIRE ET UNE			
APPLICATION	35		
5.1 Application avec TOPSIS Hierarchique Flou	38		
5.2 Application avec COPRAS Hierarchique Flou	52		
5.3 Application avec ARAS	59		
5.4 Discussion	64		
6. CONCLUSION	66		
REFERENCES	68		
APPENDICE A L'EVALUATION DES CRITERES PRINCIPAUX	72		
APPENDICE B L'EVALUATION DES SOUS CRITERES	73		
APPENDICE C L'EVALUATION DES ALTERNATIVES SELON LES S	SOUS		
CRITERES	74		
APPENDICE D LES DATAS DES VILLES	75		
BIOGRAPHIE	76		

### LISTE DES SYMBOLES

 $\tilde{\mathbf{I}}_{CR}$  : La matrice de decision pour les critères

 $\tilde{\mathbf{I}}_{SCR}$  : La matrice de decision pour les sous critères

 $\tilde{\mathbf{I}}_{\mathbf{AL}}$ : La matrice de decision pour les alternatives

 $\widetilde{\mathbf{W}}_{\mathbf{p}}$ : La moyenne arithmétique des critères principaux

 $\tilde{\mathbf{C}}_{\mathbf{qpl}}$  : La moyenne arithmétiques des des scores évalués des alternatives

 $\tilde{\mathbf{x}}_{ij}$ : L'élément de la matrice de decision

**B** : L'ensemble des critères d'avantage

*c* : L'ensemble des critères de coût

A\* : La solution idéale positive

A : La solution idéale negative

 $\mathbf{M}(\widetilde{\mathbf{V}}_{\mathbf{i}})$ : La matrice généralisée

 $S_i^*$ : La solution positive idéale

 $S_i^-$ : La solution negative idéale

 $D_{ii}^*$ : La distance de la solution positive idéale

 $D_{ii}^-$ : La distance de la solution négative idéale

*C<sub>i</sub>* : Le coefficient de proximité

f : La matrice de decision normalisée

 $\hat{X}_{ii}$ : La matrice de decision floue normalisée pondérée

**Q**<sub>i</sub>: La valeur d'importance

N<sub>i</sub> : L'index de performance

 $x_{0i}$ : La valeur optimal du critère j

 $\overline{X}$  : La matrice de decision normalisée

S<sub>i</sub> : La valeur de la function d'optimalité de l'alternative i

 $S_0$ : La meilleure valeur de la function optimale

### LISTE DES TABLEAUX

Tableau 4.1:	Les variables linguistiques pour les critères pondérés	22
Tableau 4.2:	Les variables linguistiques pour l'évaluation des alternatives	22
Tableau 5.1:	L'évaluation de la pondérée d'importance des critères principaux	38
Tableau 5.2:	La matrice $\tilde{I}_{CR}$	39
Tableau 5.3:	Les évaluations des pondérées d'importance des sous-critères	40
Tableau 5.4:	La matrice $\tilde{I}_{SCR}$	41
	L'évaluation du premier décideur <b>DC</b> <sub>1</sub>	
Tableau 5.6:	L'évaluation du deuxième décideur <b>DC</b> <sub>2</sub>	42
Tableau 5.7:	L'évaluation du troisème décideur <b>DC</b> <sub>3</sub>	43
Tableau 5.8:	L'évaluation du quatrième décideur <b>DC</b> <sub>4</sub>	43
Tableau 5.9:	La matrice $\tilde{I}_{AL}$	44
Tableau 5.10:	Les valeurs $\widetilde{R}_{ij}$	45
Tableau 5.11:	Les valeurs $\widetilde{V}_{ij}$	46
Tableau 5.12:	La matrice $( extbf{ extit{M}}(\widetilde{ extit{v}}_{ij})$	47
Tableau 5.13:	La matrice <b>D</b> *	49
Tableau 5.14:	La matrice <b>D</b> <sup>-</sup>	50
Tableau 5.15:	Les valeurs $S_i$	51
Tableau 5.16:	Les valeurs $C_i$ et $NC_i$	51
Tableau 5.17:	Les poids agrégés des critères	53
Tableau 5.18:	La matrice de décision floue X	54

Tableau 5.19:	La matrice de décision floue défuzzifiée	. 55
Tableau 5.20:	La matrice de décision floue défuzzifiée normalisée f	. 56
Tableau 5.21:	La matrice de décision floue défuzzifiée normalisée pondérée $\widehat{\mathbf{X}}$	. 57
Tableau 5.22:	Les valeurs $P_i$ , $Q_i$ , $R_i$ des alternatives	. 58
Tableau 5.23:	Les indices de performance $N_i$ des alternatives	. 58
Tableau 5.24:	Les poids des critères défuzzifiées normalisées	. 59
Tableau 5.25:	La matrice de decision initiale <b>X</b>	. 60
Tableau 5.26:	La matrice de decision normalisée $\overline{\mathbf{X}}$	. 61
Tableau 5.27:	La matrice de decision normalisée pondérée $\widehat{X}$	. 62
Tableau 5.28:	Les valeurs des fonctions d'optimalité	. 63
Tableau 5.29:	Rang des alternatives	. 64

### **ABSTRACT**

Banks are financial institutions which proposes financial services. This study's goal is to provide a decision support model in order to help a bank selecting the most appropriate city for opening among four alternatives in Turkey. In the proposed decision support model, because of fuzziness of the evaluation process et the structure of the problem, the fuzzy hierarchical TOPSIS, the fuzzy hierarchical COPRAS and ARAS methods. At the end of the study, according to the evaluatins under the considered criteria, Tekirdağ is found out the best candidate city in the examined methods.

**Keywords**: Multi criteria decision making, location selection, bank branch location selection, fuzzy hierarchical TOPSIS, fuzzy hierarchical COPRAS, ARAS

### RÉSUMÉ

Les banques sont des établisssements financières qui ont le but de proposer des services financiers pour accomplir les demandes économiques de la population et du gouvernement. Les branches sont encore forcement utilisés dans ce monde technologique. Dans ce travail, un modèle de décision est dévélopé pour une banque qui a pour but de se développer et d'avoir une nouvelle branche parmi 4 villes en Nord-Ouest de la Turquie. Pour la résolution, en raison de la structure floue des critères et des alternatives et de la structure hierarchique, les mèthodes TOPSIS et COPRAS hierarchiques floues et ARAS sont considérées séparément. Finalement, Tekirdağ est trouvé comme la meilleure ville et il est observé que l'ordre des alternatives selon les méthodes utilisées reste le même.

**Mots clé** : Décision multi-critère, séléction de location, séléction de la location de banque, TOPSIS hierarchique floue, COPRAS hierarchique floue, ARAS

### ÖZET

Bankalar, bir ülkenin ekonomik ihtiyaçlarını karşılamak ve bu amaçla hizmet vermek için var olan finansal kuruluşlardır. Teknolojinin gelişmesine paralel olarak Internet Bankacılığı öne çıksa da, şubeler bankaların müşterilerine direkt olarak ulaşmak için kullandığı en önemli hizmet aracıdır. Bu çalışmada, bir bankanın Trakya yöresinde bulunan dört aday şehir arasından en doğru tercih yapabilmesine yönelik bir karar destek modeli önerilmektedir. Bu modelde, çok kriterli karar verme yöntemlerinden, değerlendirme süreçlerinin bulanıklığından ve modelin hiyerarşik yapısından dolayı bulanık hiyerarşik TOPSIS ve bulanık hiyerarşik COPRAS ile ARAS yöntemleri kullanılmıştır. Her üç metodla yapılan değerlendirmelere göre Tekirdağ en iyi aday şehir olarak seçilmiştir.

**Anahtar kelimeler**: Çok kriterli karar verme, yer seçimi, banka şube yeri seçimi, hiyerarşik bulanık TOPSIS, hiyerarşik bulanık COPRAS, ARAS

### 1. INTRODUCTION

Les banques sont des établisssements financières qui ont le but de proposer des services financiers pour accomplir les demandes écoomiques de la population et du gouvernement. Elles reçoivent des dépôts d'argent, accordent des prêts et gèrent les moyens de paiment. Îls ont toujours un grand rôle, des leurs premieres constructions dans le développement des pays et dans l'économie. O peut dire que selon leurs activités et les profils des clients, les banques peuvent être classifiées. Les banques de dépôt sont les plus connues. Ces banques reçoivent les épargnes de leurs clients et des prêts sont accordés. Un autre type de banque est appelé comme les banques d'investissement. Ces banques servent aux entreprises pour le but de leurs financements. Même si elles ne sont pas nombreuses, il y a des banques qui sont spécialisées pour la gestion des grandes portfeuilles. On peut dire que le système bancaire influt forcement le développement éconoique d'un pays. Enfin elles sont indispensables pour l'économie.

Pour servir à leurs clients, les branches sont encore forcement utilisés dans ce monde technologique. Elles sont très importantes pour les banques car elles sont le premier point de contact avec leurs clients. Avec la globalisation et la technologie dévéloppée, même si les cartes de crédit, banking sur Internet et téléphone, les ATM et POS sont acceptés comme les produits les plus utiles, le peuple turque préfère encore les branches pour toutes leurs opérations bancaires. Les branches sont aussi des facteurs importantes pour évaluer et déterminer la performance des banques. Dans plusieures recherches, la performance des banques est forcement analysée et il est vu que la location des branches influent beaucoup la performance de la banque et la satisfaction des clients.

La séléction de la location d'une branche peut être constatée en 3 étapes qui sont la séléction de la ville, la séléction de la zone dans la ville et la séléction d'un point dans lazone. Notre problème est la séléction de la ville et un modèle de décision pour la séléction du meilleur alternative est proposé. Les facteurs principaux qui influencent la séléction de location, selon les propositions des experts et aussi des recherches litéraires

sont déterminés comme le structure démographique, la location géographique, sles propriété commercielles et socio-économiques, l'existence des autres banques. D'autre part, le facteur qui rend plus difficile la séléction avec plusieurs critères et la pondération différente des banques selon leurs visions, leurs missions, leurs stratégies et la diversité de leurs produits. Dans ce cas, les locations différentes comme le meilleur alternative pour chaque banque peuvent être constatées.

Dans ce travail, un modèle de décision est dévélopé pour una banque qui a pour but de se développer et d'avoir une nouvelle branche parmi 4 villes en Nord-Ouest de la Turquie. Pour la résolution, en raison de la structure floue des critères et des alternatives et de la structure hierarchique, les mèthodes TOPSIS et COPRAS HIERARCHIQUES FLOUES sont considérées séparément. Ayant les données quantitatives des alternatives, une mèthode d'optimisation classique ARAS est utilisée comme la trosième mèthode pour comparer les solutions.

# 2. LA SELECTION DE LOCATION D'ETABLISSEMENT DANS LE SECTEUR DE SERVICE

Avec la globalisation, de nombreuses sont en concurrence les uns avec les autres donc la diversité des produits et des services devient un facteur important pour être choisis. Dans ces conditions, la séléction des locations devient une décision stratégique très importante pour les établissements. Dans notre monde, on voit que les services ou les produits à bon marché ne sont pas les détails les plus préférables par les clients mais il est constaté qu'ils préfèrent être offerts au niveau optimal et avec les prix raisonnables.

La location d'une établissement est en général comprise comme la location géographique où réalise ses activités économiques. La stratégie d'une établissement est de les réaliser avec la meilleure bénéfice et la rentabilité la plus élevée. Considérant sa vision et sa mission, elle a pour but de se développer donc la location redevient un critère important.

Selon (Ertuğrul, 2008), on voit la décision d'une novelle séléction de location dans différentes conditions comme la décision d'une nouvelle enteprise, le désir de changer les locations, le renouvellement des produits et de la direction, les développements technologiques, l'abandonnement de la production de quelques produits, l'achat des nouvelles machines et les désavantages dans les conditions érgonomiques'.

Pendant la séléction de location, de nombreux facteurs sont considérés. Dans la littérature, l'analyse de regression, la programmation linéaire, les modèles de transport sont vus des mèthodes préférées avec les facteurs quantitatives et qualitatives qui dépendent des modèles de séléction (Kahraman et al. 2006)

Îl n'y a pas beaucoup d'applications directes des théories dans la littérature, mais certains principes sont indispensables pour la meilleure séléction de location (Barutçugil, 1983; Hwang et al. 2006):

- La détermination des besoins des établissements doit être objective.
- Les étapes des études de séléction de location ne doivent pss changer car le changement de l'ordre peut produire des risques.
- Pour chaque étape de la décision, les experts doivent être bien choisis. Leurs connaissances et leurs expériences doivent être utiles et bien identifiées pour le but.
- Les décisions de séléction ne peuvent pas être pour une pérriode courte.
- A la fin des études, la rentabilité des résultats doit être bien identifiée.

En général, les critères considérés par les établissements sont suivants:

### Les Propriétés de la Population

La première étape de l'étude est d'analyser le profile du (des) client (s) :

- Savoir l'âge moyen de la population est un facteur impotant pour la décision. Les besoins peuvent être différées selon l'âge. Pour cette raison, la population doit être bien analysée car le succes commercial dépend aussi de la nature du peuple.
- La densité de la population est un autre facteur à analyser. Car elle peut varier selon les changement de la saison.
- Les niveaux d'éducation, le structure ethnique de la population peuvent être analysés car ces propriétés sont souvent les indicateurs des besoins et des préférences différentes.
- Le niveau économique de la population est très important. Le nombre des voitures par personne, les informations obtenues avec les numéros de téléphone etc. peuvent être quelques indicateurs pour ce sujet. Comme la rentabilité est importante, le potentiel économique doit être bien analysé.

### Les Conditions Géographiques

Bien définir et connaître une population nécessite analyser détaillement la région. La détermination des propriétées de la population est forcement faite analysant le potentiel commercial donc pour la séléction de location, les informations commercialles de la région sont absolument nécessaires. Pour l'analyse du potentiel commercial, il faut d'abord bien déterminer les régions qui sont dévéloppés et attractives ou qui sont en train de se déelopper et dont la préférabilité sera la meilleure dans les années suivantes. L'existence de la concurrence est aussi un autre facteur important pour la séléction d'une nouvelle location. La concurrence est définie avec la qualité et la quantité. Pour un client, la facilité du transport peut être aussi important dans certaines conditions. L'existence des banques, le nombre d'employeur et l'histoire du développement sont aussi des critères pour la prédiction des développements économiques dans le futur.

### Secteur

On peut dire que ce facteur est le plus important parmi tous les facteurs considérés. Sans le prendre en compte, il est impossible d'analyser l'analyse de location car chaque activité de production est réalisée afin de répondre à un besoin. Pour cette raison, les producteurs doivent savoir où le consommateur se trouve, s'il est nécessaire ou pas d'être au près des consommateurs. Selon le type des produits, les consommateurs peuvent se trouver répandus dans une région certaine. Si les consommateurs se trouvent ensemble, c'est convenable de choisir la location tour prés d'eux. Les pharmacies prés des hopitaux, le taxi des gares, des cinémas ou des théâtres sont quelques exemples de ce type des locations. Si les consommateurs sont répandus, l'analyse de séléction de location dot déterminer un point selon les poids de distribution (Barutçugil, 1983).

Dans la considération du secteur, déterminer les besoins du client devient très important. Par exemple, pour un banquier, le service signifie gérer bien l'argent mais pour le client, les services des banques ont des différents sens. İls se plaignent rarement de la gestion de leurs dépôts mais l'impolitesse du personel, les attentes longues, les demandes de crédit

ou les téléphones qui ne sont pas répondus, les heures de travail limitées, les problèmes de transport sont en général les sujets rencontrés pour se plaindre.

### La Séléction de Location Dans le Secteur Bancaire

Aujourd'hui les banques, ayant une place très importante dans la vie économique et commerciale, sont les organisations économiques qui font et organisent tous lesprocessus reliés au capital et au crédit, qui travaillent pour les besoins de l'état et des entreprises (Mikail, Tsetinov, 2004). Aujourd'hui les banques ont des fonctions et des responsabilités reliés à l'argent, au crédit et au capital. Dans un environnement sans les banques, les fonctions économiques ne sont pas possibles.

Les banques utilisent le branches comme des canaux de distribution où les clients peuvent profiter facilement des services. Elles diminuent les échecs économiques en distribuant les risques (Ağaoğlu, 1989). Spécialement, les banques commerciales qui sont face à face avec les clients, ont une grande importance dans l'économie.

En particulier, au cours des 20 années les changements qui se produisent dans le secteur bancaire, la concurrence internationale, l'union des banques, les développements dans la technologie ont eu une grande influence sur la création des réseaux de branche flexibles (Kwong, Bai : 2004). Dans la littérature étrangère, plusieurs études pour le problème de séléction de location our les banques constatées.

Dans l'article par (Avery et al., 1997), les locations des branches bancaires sont examinés et à la fin des analyses, les règles officielles qui peuvent être différentes selon les provinces et les changements dans les Technologies influent comme les critères démographiques et économiques la décision.

D'après (Meidan, 1983), la sélécton des branches bancaires est une décision pour longtemps concernant plusieurs facteurs donc les potentiels des alternatives doivent être bien définis et analysés. Les caractérsitiques commerciaux, la localisation des autres banques, la structure de la population, le potentiel d'emploi et le potentiel commercial doivent être bien considérés.

Dans (Min, 1989), où le problème de séléction des locations des branches des banques commerciaux, aux Etats-Unis, à Ohio, est examiné en utilisant fuzzy goal programming, les critères externes qui influent les décisions, sont observés et les critères démographiques et socio-économiques, les possibilités de transport, les valeurs potentielles des crédits et le potentiel commercial sont vus au premier plan.

Dans l'article (Ravaillon et Wodon, 2000) où les locations géographiques des branches bancaires en Bangladesh sont examinés avec les analyses de regression à l'aide des data économiques, démographiques et des caractéristiques secteurels.

Dans (Abbasi, 2003), où la séléction des branches bancaires en Jordan est examinée, un modèle de décision est dévéloppé et les critères pris en considération sont, les valeurs de revenu, les caractéristiques culturels de l'environnement, le nombre d'entreprises, le depôt total dans la région, le potentiel de développement et la concurrence.

Dans un travail où les performances des branches d'une banque en Grèce par (Boufounou, 1995) sont analysés utilisant la mèthode d'analyse de régression sous les critères qui sont la population totale, la structure de la population, la croissance annuelle de la population, le nombre des entreprises et l'existence des autres banques sont utilisés.

Dans les recherches pour la séléction de location de branche dans le secteur bancaaire, avec les dévéloppements technologiques, les software des systèmes d'information géographique sont utilisés par (Milliotis,2002) et (Zhao et al.,2004). Les premiers travaux sont réalisés dans le deuxième part des années 1970, la methode de computer aided mapping et utilisée en utilisant les informations démographiques, économiques et aussi du potentiel commercial. Ces informations sont appliquées sur les maps séparément et en les comparant, la séléction de location la plus appropriée est examinée.

Dans les travaux scientifiques et dans les interviews avec les experts du secteur bancaire, il est vu que même si certains critères sont les mêmes pour chaque banque, les critères considérés peuvent différer. Les séléctions différentes sont rencontrées selon les structures, les visions, les missions, les stratégies de marketing et la diversité des services

des banques. En général, la séléction de location de branche peut être vue comme une décision de trois étapes suivantes:

- La séléction de la ville où la branche sera ouverte
- La séléction de la zone la plus appropriée dans cette ville
- La séléction de la location la plus appropriée de la zone choisie.

Dans chaque étape, les facteurs qui influent la décision de séléction peuvent différer. Premièrement, les critères comme les indicateurs démographiques et socio économiques, l'existence des autres banques et le potentiel de dévéloppement, la ville la plus appropriée est chosie. Au deuxième mèthode, avec la considération des critères semblables, les caractéristiques économiques des quartiers et la convenabilité des services bancaires. Dans la zone choisie, déterminant le boluevard et la location la plus aprropriée sur le boulvard choisi, la dernière étape est terminée. Ces trois étapes montrent qu'il n'y a pas une mèthode stricte, applicable et convenable pour la séléction de branche bancaire car les critères considérés peuvent différer selon la structure, la vision, la mission, la stratégie de marketing et la diversité des services.

### 3. PRISE DE DECISION

Bien que le concept de décision soit défini différemment par les chercheurs dans la situation actuelle, il est généralement possible de définir comme :

La décision consiste à choisir l'alternative la plus appropriée en tenant compte des critères déterminés parmi les options disponibles pour atteindre le but déterminé

Le processus de décision est un élément indispensable de la vie et dans chaque problème du plus simple au plus complexe qui est rencontré. La décision est un processus de résolution de problème. Le processus de décision devient un processus difficile, en particulier dans les domains où des informations incertaines sont présentes ou dans lesquelles des facteurs inefficaces, linguistiques sont fréquemment utilisés. Ces facteurs indiquent que le processus de décision doit se dérouler dans un environnement flou (Başkaya et al. 2015)

La décision est un concept qui évolue constamment parallèlement au développement de l'esprit humain. Fondamentalement, les décisions prises pour atteindre un objectif unique ont progressé vers des systèmes visant à atteindre plusieurs objectifs dans le sens du développement de la compréhension et de la réflexion au fil du temps (Turanlı et Köse, 2005).

L'incertitude de l'avenir rend la décision difficile. Toutes les options sont évaluées en détail La décision est devenue un processus de plus en plus complexe car la concurrence s'est accrue et les outils informatiques de communication et d'information sont très développés et diversifiés. Le choix de l'alternative la plus appropriée pour les décideurs consiste à atteindre l'objectif efficacement considérant des multiples facteurs qui s'affectent. L'obtention de résultats ciblés montre l'efficacité de la décision.

Les étapes de base de l'analyse de décision incluent la définition du problème, la liste de toutes les options possibles, l'identification de tous les événements possibles qui ne

sont pas sous le contrôle de la décision, l'établissement d'un tableau de décision indiquant les résultats obtenus pour chaque événement, la sélection d'un modèle de décision, l'application du modèle et la sélection d'une alternative (Topçu, 2000; Ersöz&Kabak, 2010).

### 3.1 La Thèorie De Décision

Le but principal de la décision est de soutenir les gens selon leurs propres stratégies. La théorie de la décision concerne le processus de décision. Les gens doivent prendre une décision pour presque tout ce qu'ils ont fait. La théorie de la décision se concentre sur certains aspects du comportement humain, en particulier sur la manière dont il utilise sa liberté. Dans ce contexte, la théorie de la décision traite des comportements orientés vers les objectifs (Ünal, 2018).

La théorie moderne de la décision se développe depuis les années 50 avec la contribution de nombreuses disciplines. Le développement des théories de la décision a été réalisé de deux manières: théorique et pragmatique.

Les théories de décision sont généralement classées comme normatives et descriptives. Ces théories sont suivantes (Ünal,2010) :

- Théories normatives: La théorie normative concerne la décision qui attire l'attention sur les conditions préalables à la prise d'une décision fondée sur la raison et la logique. L'utilisation de la théorie normative dans les processus décisionnels est très limitée.
- Théories descriptives: Cette théorie est liée à la manière dont une décision est prise. Bien que les différences entre théories normatives et descriptives semblent en principe très simples, la différence entre elles n'est souvent pas tout à fait claire. La théorie de décision multi critère peut être normative et descriptive. Bien que la théorie de l'utilité soit normative, le processus de l' hiérarchie analytique est une théorie descriptive (Saaty et Niemira, 2006 ; Ünal, 2010).

### 3.2 Décision

Prendre décision fait référence à un processus. La décision est un ensemble d'activités entre le début et la fin, au cours desquelles différentes actions, tâches, activités ou idées se succèdent et mettent en valeur l'une des alternatives (Evren et Uluengin, 1992).

La décision est un processus en plusieurs étapes. De nombreux modèles ont été proposés concernant la manière dont le processus de décision est exécuté. Langley et lal. En 1995, dans leurs recherches de littérature sur les processus de décision ils determinent que les processus de décision étaient entre deux points : un processus unique, ouvert et ciblé et un processus non clair et complex. Selon le processus de décision dans leurs recherches, ils ont révélé qu'il y avait 5 modèles: Ces modèles sont (Ünal, 2010):

- processus séquentiel
- processus anarchique
- processus répétif
- processus de convergence
- processus d'inspiration

### 3.2.1 Les Eléments De Décision

La décision nécessite que les objectifs, les objectifs et les stratégies soient perçus dans le cadre de l'intégrité du système. Diverses analyses, approches et méthodes sont utilisées pour déterminer les meilleurs processus en fonction de l'évolution et du développement des conditions des technologies de l'information et de la communication. Pour aborder le processus de décision de manière analytique, les éléments fondamentaux de la décision doivent être préalablement définis.

Les éléments nécessaires pour le processus de 1 décision sont les suivants:

• Décideurs: désigne la personne ou le groupe doté de l'autorité et de la responsabilité de choisir la plus appropriée des options disponibles.

- Objectif: définit la nouvelle version de la situation actuelle à la suite des activités réalisées par le décideur en fonction des préférences qu'il a déterminées.
- Critères de décision : Il s'agit des valeurs sur lesquelles les décideurs insistent pour les alternatives. C'est la valeur permettant d'évaluer dans quelle mesure une décision peut être prise. Les critères sont d'avantage ou de coût. Chaque problème a plusieurs critères. Les décideurs déterminent les critères appropriés et suffisants pour chaque problème. Le nombre de critères dépend de la nature du problème (Yoon&Hwang, 1995).
- Options: Ce sont des approches contrôlables qui représentent différentes solutions (options, stratégies, plans) pouvant être utilisées pour résoudre le problème. Les options sont exprimées dans le cadre de la réalisation de multiples objectifs ou critères
- Pondération du critère: Presque toutes les méthodes de décision multicritères nécessitent des données sur l'importance relative de chaque critère. Ces données sont généralement fournies par une échelle ordinale ou cardinale (Yoon&Hwang, 1995).
- Mesure: La mesure fait référence à la numérisation de préférences ou de critères (Koen, 2008).
- Conclusion (Résultat): Le processus de décision a une conséquence. Le résultat reflète chaque événement et alternative.

### 3.2.2 Environments De Décision

Pour prendre décision, la situation de l'environnement doit être déterminée en avance. Îl n'est pas possible de prendre des décisions par raison et par logique si l'environnement dans lequel la décision est prise est inconnu.Les environnements de décision sont comme suivant (Örnek, 2007)

• Décision dans le certitude : Les décideurs décident dans un environnement de certitude si la situation qui résultera de leur décision est pleinement connue (Kuru, 2011).

- Décision en risque : Dans le cas où de nombreuses alternatives de chaque action sont susceptibles d'avoir des conséquences, cela peut être mentionné dans l'environnement de risque. Les résultats que chaque alternative peut atteindre en toutes circonstances se produisent dans une certaine possibilité. Il est imprévisible quel type de résultats entraînera un environnement en risque. Dans l'environnement de risque, le décideur reconnaît que des conditions naturelles sont susceptibles de se produire, calcule l'avantage attendu et choisit la meilleure solution (Emhan, 2007 ; Örnek, 2007)
- Décision dans l'incertitude : la possibilité d'incertitude dans l'incertitude est inconnue. Cependant, les résultats possibles sont prévisibles et des données pertinentes sont disponibles. Aucune valeur de probabilité ne peut être attribuée aux résultats par les personnes qui décideront selon la définition. Dans le processus de décision dans l'incertitude jouent un rôle important dans les informations personnelles des décideurs, leurs expériences passées et les conditions environnementales (Kuru, 2011; Örnek, 2007).
- Décision en information partielle : la distribution de la probabilité d'occurrence d'événements et de certains critères standards peut être mentionnée dans le cas d'informations partielles en cas de connaissance préalable. Pour cela, la qualité de la distribution de probabilité, les paramètres de distribution doivent être connus à l'avance (Halaç, 1991).

### 3.2.3 Les Critères De La Décision Dans L'Incertitude

En cas d'incertitude, la probabilité d'occurrence des événements attendus est inconnue et certains critères ont été développés :

A. Critère de Laplace: Il est basé sur l'hypothèse que tous les événements pouvant se produire sont égaux les uns aux autres. Après avoir donné des possibilités égales à chaque situation, le problème est résolu en le convertissant en un problème de décisiondans un environnement en risque (Alp, 2008). Chaque alternative est évaluée en fonction de

chaque probabilité. Après avoir évalué toutes les alternatives, les scores sont pris en fonction des possibilités. Le score le plus élevé est considéré comme la meilleure option.

- b. Critère de Maximin: Les critères de décision de pessimisme sont considérés comme le cas le plus défavorable pour chaque alternative. Les décideurs choisissent ce qui est le meilleur pour eux parmi les pires résultats (Alp, 2008).
- c. Critère de Maximax: Dans ce critère, le décideur est optimiste. Pour la stratégie sélectionnée, il est déterminé que l'événement sera le meilleur résultat. En d'autres termes, c'est une approche pour sélectionner le plus élevé des résultats maximum.
- d. Critère de Minimax: Ce critère de décision prend en compte les coûts d'opportunité ou de regret, et non les valeurs de résultat direct des décisions prises. Il est recommandé de choisir la solution la moins regrettable pour chaque solution lorsque le pire événement se produit (Kuru, 2011; Alp 2008). Selon ce critère, la matrice appelée "regret" est créée. Le regret maximum à atteindre est minimisé.
- e. Critère de Hurwicz: Parmi les alternatives, le critère de décision est que seuls les pires et les meilleurs doivent être pris en compte. De plus, les meilleures et les pires valeurs de chaque alternative sont multipliées par le coefficient de signification et les résultats sont collectés. Ainsi, les alternatives sont les valeurs attendues. Après ce processus, le problème est résolu comme le problème de la décision en risque.

### 3.2.4 Les Facteurs Influant La Décision

Une décision dépend d'un certain nombre de facteurs, indépendamment de qui est pris pour quel but. Ces facteurs peuvent être présentés comme suivant (Kuru, 2011).

- L'inquiet d'incapabilité de prendre de bonnes décisions: Bien que les décideurs souhaitent prendre une décision cohérente et correcte dans la direction de leur présence, cela peut amener certains décideurs à s'inquiéter de la décision correcte et cohérente (Turanli, 1988; Alp, 2008).
- L'environment de la décision : Les décideurs doivent prendre en compte les décisions considérant la société, l'état, les situations internationales, la situation

- actuelle, les évolutions politiques, la culture organisationnelle, les comportements décisionnels, les politiques et les stratégies dans l'environnement interne.
- *Temps*: Afin de déterminer la meilleure option en évaluant toutes les options avec des détails, les décideurs devraient disposer de suffisamment de temps. Cependant, la plupart des décisions peuvent être prises avec des contraintes de temps. Ce cas peut empêcher la bonne décision (Mondy et Premeaux, 1995)
- *Risque*: L'un des facteurs qui influencent la décision est la décision due à une mauvaise décision. Cette situation peut être exprimée comme le risque de la décision prise. Les décideurs tiennent compte de ce risque, qu'ils le sachent ou non. Ce qui est important, c'est que ce risque soit pris dans la mesure où les entreprises acceptent. Parce que ce ratio affecte les décisions qui seront prises par l'entreprise (Kuru, 2011).
- Facteurs psychologiques: De nombreux facteurs psychologiques affectent le processus de décision. Certains d'entre eux peuvent également affecter la capacité à évaluer et conduire à des préjugés. Le premier de ces facteurs est l'environnement collectif dans lequel les décideurs sont impliqués. L'identité du décideur peut influer sur la décision. Un deuxième facteur est que le décideur est influencé par les connaissances et les valeurs des organisations avec le même respect dans l'environnement externe (Kuru, 2011; Alp, 2008).
- Les caractéristiques des décideurs: Les caractéristiques personnelles du décideur, telles que ses capacités, ses préjugés et ses expériences, sont d'autres facteurs importants influant sur le processus de décision (Mondy et Premeaux, 1995; Alp, 2008).

### 3.2.5 Les Méthodes d'Analyse de Décision

Les méthodes d'analyse décision sont généralement examinées en 3 groupes: "la décision à objectif unique", "systèmes d'aide à la décision" et " décision multicritère" (Zhou, 2006).

- La décision à objectif unique: les méthodes de ce groupe évaluent les alternatives avec des résultats incertains qui peuvent être obtenus dans les cas où il y a un seul but. Les arbres de décision sont le moyen le plus fondamental de cette méthode. Ces techniques reflètent le problème plus complet et plus simple.
- Systèmes d'aide à la décision : c'est un système qui aide le décideur à résoudre des problèmes non structurés difficiles et complexes en rassemblant les méthodes, les modèles et les sources de données utilisés dans la décision.
- Décision multi critères: Il y a des méthodes pour sélectionner et classer les meilleures alternatives de décision potentielles considérant les critères ou les qualifications concrets ou abstraits.

### 3.3 La Théorie d'Ensemble Flou

L'idée d'un ensemble flou est d'abord introduite par Zadeh(1965). Un ensemble flou est une classe d'objets avec des niveaux d'appartenance. Chaque foncti on d'appartenance attribue un degré d'appartenance entre 0 et 1.

Le premier ouvrage de Zadeh et Goguen sur l'ensemble flou montre l'intention de généraliser le concept classique d'un ensemble afin de prendre en compte le flou au sens du langage humain, du jugement, de l'évaluation et des décisions. Le concept de théorie des ensembles flous est un bon point de départ pour la création d'un cadre conceptuel qui est similaire au cadre utilisé dans le cas des ensembles ordinaires, mais est plus général que l'autre. Fondamentalement, un tel cadre conceptuel offre une manière naturelle de traiter des problèmes dans lesquels l'imprécision est due à l'absence de critères de class d'appartenance bien définis splutôt qu'à la présence de variables aléatoires. L'imprécision est définie par le flou plutôt que par le manque de connaissances sur la valeur d'un paramètre. La théorie des ensembles flous offre un cadre mathématique difficile, mais la

théorie des ensembles flous n'a rien de flou. Cette théorie peut également être mesurée comme langage de modélisation, car elle convient parfaitement aux situations dans lesquelles des relations et des critères flous existent.

La reconnaissance de la théorie des ensembles flous s'est développée lentement dans les années 1960 et 1970. Dans la seconde moitié des années 1970, les premières applications effectives et pratiques dans le contrôle des méthodes technologiques sont basées sur des systèmes flous. Ce système est appelé contrôle flou (systèmes dechauffage, cimenteries, etc.) et a considérablement tiré l'intérêt à ce domaine. Les applications les plus réussies, notamment au Japon, concernent les machines à laver, les caméras vidéo, les gares, les métros, etc. En outre, le système a attiré davantage d'attention et de recherche dans les années 1980, de sorte qu'en 1984 déjà environ 4000 publications existaient et en 2000 plus de 30 000 (Zimmermann, 2010).

La théorie des ensembles flous est pratiquée pour prendre des mesures en cas de confrontation avec des circonstances vagues. Elle convert la plupart des concepts, variables et systèmes incorrects et mystérieux en une forme mathématique et établir le contexte du raisonnement, de la déduction et de la prise de décision dans des conditions vagues. La science de la gestion floue pourrait générer les modèles représentés par l'être humain et traiter de manière perceptive les informations qualitatives. Par conséquent, les techniques de gestion deviennent plus flexibles et il est probable que des organisations complexes soient organisées dans des environnements variables et flous. Plusieurs développements sont considérés depuis sa présentation et a initié diverses applications dans divers domaines (Farzami & Vafei, 2013).

Selon Avazpour et al.(2013), un ensemble flou  $\tilde{A}$ peut être défini mathématiquement par une fonction d'appartenance  $\mu_{\tilde{A}}(x)$  qui attribue à chaque élément x dans l'univers du discours X un nombre réel dans l'intervalle [0,1]. En fait, le nombre flou triangulaire est principalement utilisé dans les fonctions d'appartenance.

La fonction d'appartenance  $\mu_{\tilde{A}}(X)$  est défini comme (Avazpour et al., 2013) :

$$\mu_{\widetilde{A}}(X) = \begin{pmatrix} \frac{x-a}{b-a} & a \le x \le b \\ \frac{x-c}{b-c} & b \le x \le c \\ 0 & autrement \end{pmatrix}$$
 (3.1)

Les opérations arithmétiques pour les nombres flous triangulaires  $A_1 = (a_1, b_1, c_1)$ , où  $a_1 \le b_1 \le c_1$  et  $A_1 = (a_2, b_2, c_2)$ , où  $a_2 \le b_2 \le c_2$ , peuvent être présentés comme suivant:

**Addition**: 
$$A_1 + A_2 = (a_1 + a_2, b_1 + b_2, c_1 + c_2)$$
 (3.2)

Soustraction: 
$$A_1 - A_2 = (a_1 - a_2, b_1 - b_2, c_1 - c_2)$$
 (3.3)

**Multiplication**: 
$$A_1 * A_2 = (a_1 a_2, b_1 b_2, c_1 c_2)$$
, si  $a_1 \ge 0, a_2 \ge 0$  (3.4)

**Division**: 
$$A_1 \div A_2 = (\frac{a_1}{c_2}, \frac{b_1}{b_2}, \frac{c_1}{a_2})$$
, si  $a_1 \ge 0, a_2 \ge 0$  (3.5)

Selon Avazpour (2013), bien que les processus de multiplication et de division sur des nombres flous triangulaires ne produisent pas un nombre flou triangulaire de manière significative, des estimations sur les nombres flous triangulaires peuvent être mises en œuvre pour de nombreuses applications pratiques. Les nombres flous triangulaires conviennent pour quantifier les informations incertaines sur la plupart des problèmes de décision comme la sélection du personnel, l'évaluation de la créativité, de la personnalité et du leadership etc. La raison principale de l'application des nombres flous triangulaires peut être indiquée comme une représentation intuitive et efficace dans le calcul.

### 4. METHODOLOGIE

### 4.1 TOPSIS Hierarchique Flou

Premièrement, le processus d'évaluation les alternatives avec la mèthode Hierarchical Fuzyy TOPSIS .

TOPSIS (Technique For Order Preference by Similarity to İdeal Solution) tente à presenter un problème de décision multi-critère avec m alternatives comme une mèthode géométrique avec m points dans n espace dimensonelle. TOPSIS a été introduit par Hwang and Yonn en 1881. La méthode dépend du concept selon lequel l'alternative choisie doit avoir la distance la plus courte par rapport à la solution idéale positive et la plus grande distance par rapport à la solution idéale négative. Ensuite, cette méthode sélectionne une alternative présentant le maximum de similarité ou de proximité par rapport aux solutions idéales (Kahraman, Büyüközkan, et al., 2007).

La solution idéale positive est une solution qui maximise les critères ou attributs de bénéfices, tandis que la solution idéale négative maximise les critères de coûts et minimise les critères de bénéfices. Les critères ou attributs de bénéfice sont ceux qui sont appelés pour la maximisation, alors que les critères ou attributs de coût sont appelés pour la minimisation. L'alternative idéale est la solution la plus proche à la solution idéale positive et la plus éloignée de la solution idéale négative (Y.M.Wang& Elhag, 2006).

En littérature, TOPSIS Hierarchique Flou est utilisé dans les différents domains. Kahraman, Ateş et al. (2007) ont utilisé TOPSIS Hierarchique Flou pour la séléction des fournisseurs de services électroniques. Kahraman, Büyükozkan et al. (2007) ont utilisé TOPSIS Hierarchique Flou pour sélection d'une nouvelle idée de produit plus rationnelle pour une organisation. Kahraman, et al. (2007) have used TOPSIS Hierarchique Flou pour l'évaluation et la sélection de diverses technologies de l'information logistique. Paksoy et al. (2012) a utilisé pour une application dans une entreprise de fabrication

d'huiles végétales en Turquie pour développer une stratégie organisationnelle pour la gestion des canaux de distribution.

Doğanalp (2012) a utilisé TOPSIS Hierarchique Flou pour la séléction d'ingénieurs de machines. Doğanalp (2016) a utilisé TOPSIS Hierarchique Flou déterminant les cours sélectifs

Les considérations et les jugements humains sont souvent imprécis ou incertains et le processus de la pensée humaine ne peut pas être considérée en valeurs numériques exactes. Une méthode peut être plus réaliste de mettre en œuvre des variables linguistiques au lieu de valeurs numériques.

TOPSIS floue, qui est l'une des méthode de la prise de décision multicritères flous, pourrait convenir très bien à la résolution du problème dans un environnement flou. Dans cette mèthode, les poids d'importance de divers critères et les évaluations des alternatives par rapport aux critères sont exprimées sous forme de variables linguistiques(Chen, 2000). En conséquence, la méthode TOPSIS floue diffère légèrement de la méthode TOPSIS en utilisant des variables linguistiques au lieu de valeurs numériques.

De plus, en cas d'imprécision et de changement de circonstances, la méthode floue TOPSIS est utilisée pour éviter des conditions défavorables produites par des modifications des critères de décision. La méthode floue TOPSIS confronte certaines faiblesses de la méthode TOPSIS. D'après Akkoç et Vatanseve (2013), ces faiblesses sont :

- L'obligation d'attribuer des poids initiaux pour chaque critère
- Quand les nombres flous sont 1 et 0; on estime que ces chiffres sont respectivement la solution idéale positive et négative. Lorsque les poids et les valeurs évaluées sont tellement hors normes, la distance entre les critères et les solutions idéales floues positives et négatives grandissent.
- Les résultats parfois ne sont pas conformes à l'idée principale. Par conséquent, la solution finale est la solution la plus courte pour la solution idéale et la plus longue distance pour la solution idéale .négative(T.-C.Wang &Lee, 2009)

La méthode TOPSIS floue ne prévoit pas de structure hiérarchique entre les critères principaux et les sous-critères comme dans les méthodes de pondération additive et de produit pondéré. Les méthodes floues TOPSIS évaluent les alternatives par rapport aux critères principaux avec un seul niveau. L'avantage commun de ces méthodes est leur facilité de mise en œuvre. de l'autre côté, la méthode de prise de décision multicritères célèbre et largement utilisée, AHP, propose un modèle hierarchical qui offre la possibilité de prendre en compte plus d'informations et offre une supériorité à AHP parmi d'autres méthodes de prise de décision multicritères. La méthode AHP, cependant, prend beaucoup de temps pendant de la mise en œuvre car de nombreuses questions sont posées pour la comparaison entre les alternatives et les critères et ses calculs sont très fastidieux. La mèthode TOPSIS floue hiérarchique a été dévéloppée pour profiter à la fois des avantages de la structure hiérarchique de AHP et de la mise en œuvre facile de TOPSIS. La mèthode TOPSIS floue hiérarchique est simple à mettre en œuvre et comporte moins de questions à prendre en compte. En outre, il fournit une bonne expression du problème de décision à l'évaluateur avec son modèle hiérarchique. Les calculs hiérarchiques de la mèthode TOPSIS floue sont moins fastidieux et plus rapides que AHP dans le processus de mise en œuvre (Kahraman, Büyüközkan, et al., 2007). De plus, la méthode TOPSIS hiérarchique floue qui inclut les matrices  $\tilde{I}_{CR}$ ,  $\tilde{I}_{SCR}$ ,  $\tilde{I}_{AL}$  diffère de la mèthode TOPSIS floue avec la présence des sous-critères (Doğanalp, 2016).

Les variables linguistiques pour l'évaluation de l'importance des poids des critères et des alternatives utilisés dans les travaux sont donnés dans les Tableaux (4.1) et (4.2), respectivement (Doğanalp, 2016 ; Li&Yang 2004) :

Tableau 4.1. Les Variables Linguistiques Pour Les Critères Pondérées

Très pauvre (TP)	(0,0,0.2)
Pauvre (P)	(0,0.2,0.4)
Milieu (M)	(0.3, 0.5, 0.7)
Bon (B)	(0.6,0.8,1)
Très bon (TB)	(0.8,1,1)

Tableau 4.2. Les Variables Linguistiques Pour L'Evaluation Des Alternatives

Très pauvre (TP)	(0,0,2)
Pauvre (P)	(0,2,4)
Milieu(M)	(3,5,7)
Bon (B)	(6,8,10)
Très bon (TB)	(8,10,10)

Supposons qu'il y ait n critères principaux, m sous-critères, k alternatives, s répondants. Chaque attribut principal a  $r_i$  sous-critères où le nombre total de sous-critères m est égal à :

$$\sum_{i=1}^{m} r_i \tag{4.1}$$

La matrice  $\tilde{I}_{CR}$  représente l'évaluation des poids des principaux critères considérant l'objectif et se présente comme suivant :

$$\begin{array}{c}
CR_1 \\
CR_2 \\
\vdots \\
\widetilde{V}_2 \\
\vdots \\
\widetilde{W}_p \\
\vdots \\
CR_n
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
\widetilde{W}_1 \\
\widetilde{W}_2 \\
\vdots \\
\widetilde{W}_p \\
\vdots \\
\widetilde{W}_N
\end{array}$$
(4.2)

où  $\widetilde{W}_p$  est la moyenne arithmétique des critères principaux des poids qui sont évaluées par les décideurs et calculé comme :

$$\widetilde{W}_{P} = \frac{\sum_{i=1}^{S} \widetilde{W}_{pi}}{S}, \quad p = 1, 2, ..., n$$
 (4.3)

Dans l'équation (4.2),  $\widetilde{W}_{pi}$  montre le score d'évaluation floue des critères principaux p par rapport à l'objectif évalué par le décideur i. La matrice  $\widetilde{I}_{SCR}$ , signifiant les poids des sous-critères considérant le critère principal, est calculé comme:

où  $\widetilde{W}_{pl}$  est la moyenne arithmétique des poids qui sont évaluées par les décideurs et calculé comme :

$$\widetilde{W}_{pl} = \frac{\sum_{i=1}^{s} \widetilde{W}_{pli}}{s}, \quad p = 1, 2, \dots, n$$

$$(4.5)$$

 $\widetilde{W}_{pli}$  signifie le poids du sous-critère l, dans l'équation (4.5), par rapport au critère principal p qui est calculé par l'évaluation des décideurs.

La matrice  $\tilde{I}_{AL}$  est présentée par les scores des alternatives par rapport au sous-critère et donnée comme suivant :

où;

$$\widetilde{W}_{pl} = \widetilde{W}_p \widetilde{W}_{pl} \tag{4.7}$$

 $\tilde{C}_{qpl}$  dans la matrice $\tilde{I}_A$  est la moyenne arithmétique des scores evalués par les décideurs et est calculé par :

$$\tilde{C}_{qpl} = \frac{\sum_{i=1}^{s} \tilde{C}_{qpli}}{s} \tag{4.8}$$

où  $\tilde{\mathcal{C}}_{qpli}$  est le score d'évaluation flou de l'alternative q par rapport au sous-critère l sous le critère principal p évalué par le décideur i. Après avoir résolu  $\tilde{\mathcal{C}}_{qpli}$ , le structure hierarchique de TOPSIS devient prêt à utiliser dans l'algorythme flou de TOPSIS. Selon Doğanalp (2016), les étapes de l'algorythme de hierarchique TOPSIS flou sont présentées comme suivant :

#### Etape 1: Détermination De La Matrice De Décision Floue

La Matrice De Décision Floue  $(D = [\tilde{X}_{ij}])$ ,  $\tilde{X}_{ij} = (a_{ij}, b_{ij}, c_{ij})$  est calculé à travers de l'évaluation linguistique des altenatives par rapport au sous-critère comme dans l'équation (4.6).

#### Etape 2: Détermination De La Matrice De Décision Floue Normalisée

La matrice de décision floue normalisée  $(D' = [\tilde{r}_{ij}])$  est calculée. La transformation de la matrice de décision floue à la matrice normalisée de décision floue est réalisée utilisant l'échelle linéaire donnée ci-dessous :

$$\tilde{r}_{ij} = \left[\frac{a_{ij}}{c_j^*}, \frac{b_{ij}}{b_j^*}, \frac{c_{ij}}{a_i^*}\right], \ j \in B, \ a_j^* = \max a_{ij}, \ b_j^* = \max b_{ij}, \ c_j^* = \max c_{ij}$$

$$(4.9)$$

$$\tilde{r}_{ij} = \left[\frac{a_j^-}{c_{ij}}, \frac{b_j^-}{b_{ij}}, \frac{c_j^-}{a_{ij}}\right], j \in C, a_j^- = mina_{ij}, b_j^- = minb_{ij}, c_j^- = minc_{ij}$$
(4.10)

En (4.9) et (4.10), B représente les critères de bénéfice et C représente les critères de coût.

#### Etape 3: Détermination De La Matrice De Décision FloueNormaliséePondérée

Détermination de la matricede décision floue normalisée pondérée  $V = [\tilde{V}_{ij}]$  est calculée comme:

$$\tilde{v}_{ij} = \tilde{r}_{ij} * \tilde{v}_{ij}^* \tag{4.11}$$

# Etape 4: Détermination Des Solutions Idéales Positives Et Négatives

La solution idéale positive et la solution idéale négatives sont définies. La solution idéale positive  $A^*$  est la solution qui augmente les critères de bénéfice, en diminuant les critères de coûts; la solution idéale négative  $A^-$ est la solution qui augmente les critères de coûts et diminue les critères de bénéfice (Y.M.Wang &Elhag, 2006) :

$$A^* = [\tilde{v}_1^*, \tilde{v}_2^*, \dots, \tilde{v}_n^*], \quad \tilde{v}_i^* = \max \tilde{v}_{ij}$$

$$\tag{4.12}$$

$$A^{-} = [\tilde{v}_{1}^{-}, \tilde{v}_{2}^{-}, \dots, \tilde{v}_{n}^{-}], \ \tilde{v}_{j}^{-} = min\tilde{v}_{ij} \tag{4.13}$$

# Etape 5: Calculation de $(M(\widetilde{v}_{ij}))$ pour $\widetilde{v}_{ij}$

Pour  $\widetilde{v}_{ij}$ , la matrice généralisée  $(M(\widetilde{v}_{ij}))$  est calculée.  $\widetilde{V}_j^*$  et  $\widetilde{V}_j^-$  sont des nombres flous généralisés indiquant les valeurs le plus grand et le plus petit respectivement.

$$M(\tilde{v}_{ij}) = \frac{-a_{ij}^2 + c_{ij}^2 - a_{ij}b_{ij} + b_{ij}c_{ij}}{[3(-a_{ij} + c_{ij})]}$$
(4.14)

# **Etape 6: Détermination de la Distance de la Solution Positive Idéale et de la Solution Négative Idéale**

Les distances de la solution positive idéale  $(S_i^*)$  et de la solution négative idéale  $S_i^-$  sont calculées :

$$S_i^* = \sum_{i=1}^m D_{ii}^*$$
,  $i = 1, 2, ..., m$  (4.15)

$$S_i^{*-} = \sum_{i=1}^m D_{ij}^-, j = 1, 2, ..., n$$
 (4.16)

$$D_{ij}^{*} = \begin{cases} 1 - \frac{c_{ij} - a^{*}}{b^{*} + c_{ij} - a^{*} - b_{ij}}, \mathbf{b}_{ij} < \mathbf{b}^{*} \\ 1 - \frac{c^{*} - a_{ij}}{b_{ij} + c^{*} - a_{ij} - b^{*}}, \mathbf{b}^{*} < \mathbf{b}_{ij} \end{cases}$$
(4.17)

$$D_{ij}^{-} = \begin{cases} 1 - \frac{c^{-} - a_{ij}}{b_{ij} + c^{-} - a_{ij} - b^{-}}, \mathbf{b}^{-} < \mathbf{b}_{ij} \\ 1 - \frac{c_{ij} - a^{-}}{b^{-} + c_{ij} - a^{-} - b_{ij}}, \mathbf{b}_{ij} < \mathbf{b}^{-} \end{cases}$$
(4.18)

#### **Etape 7: Calculation du Coefficient de Proximité**

Les coefficients de proximité des alternatives sont calculés suivant :

$$C_i = \frac{S_i^-}{S_i^- + S_i^+} \tag{4.19}$$

Comme le  $C_i$  s'approche à 1, l'alternative  $AL_i$  est la solution la plus pres à la solution idéale positive et la plus loine de la solution idéale négative. Par conséquent, selon le coefficient de proximité on peut déterminer le classement de tous les alternatives et choisir le meilleur parmi un ensemble d'alternatives possibles.

#### 4.2 Copras Hierarchique Flou

La méthode de COPRAS (COmplexPRoportinalASsessment) (Zavdaskas&Kaklauskas, 1996) suppose une dépendance directe et proportionnelle de l'importance et du degré d'utilité des versions étudiées dans un système de critères décrivant de manière adéquate les alternatives, ainsi que des valeurs et des poids des critères (Kaklauskas, et al., 2010). Cette méthode est largement appliquée lorsqu'un décideur doit choisir la solution optimale parmi un groupe de solutions, en considérant un ensemble de critères d'évaluation. Dans la méthode COPRAS classique, le poids des critères et les évaluations des alternatives sont connus avec précision et des valeurs précises sont utilisées dans le processus d'évaluation. Cependant, dans de nombreuses conditions, des données précises ne sont pas en mesure de modéliser des problèmes de décision réels et il est souvent difficile pour les évaluateurs de déterminer les scores précis des alternatives et les poids exacts des critères d'évaluation. Le mérite d'utiliser une approche floue est de déterminer l'importance relative des attributs en utilisant des nombeurs flous au lieu de nombres précis (Önüt& Soner, 2008; Sun&Lin, 2009; Sun, 2010; Kara, 2011). Par conséquent, la méthode COPRS floue est développée pour remédier aux carences du système COPRAS traditionnel. Considérant le structure de notre travail, la procédure de la méthode Copras Hierarchique Floue comprend les étapes suivantes:

# Etape 1: Détermination de la matrice de décision floue agrégée

La matrice de décision floue où les scores des alternatives sont exprimées par les variables linguistiques avec les nombres flous triangulaires est construite. Les scores aggrégés flous sont calculés à travers de l'évaluation linguistique des alternatives  $A_i$  par rapport au critère principal j comme dans l'équation (4.20)

$$\begin{bmatrix} AL_1 \\ AL_2 \\ \tilde{I}_{AL=} \vdots \\ \vdots \\ AL_m \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \tilde{x}_{11} & \tilde{x}_{112} & \cdots & \tilde{x}_{1n} \\ x_{21} & \tilde{x}_{22} & \cdots & \tilde{x}_{2n} \\ \vdots & \vdots & \cdots & \vdots \\ x_{m1} & \tilde{x}_{m2} & \cdots & \tilde{m}_{mk_n} \end{bmatrix}$$

$$\tilde{x}_{ijk} = (x_{ij1}, x_{ij2}, x_{ij3})$$

$$x_{ij1} = min\{x_{ijs1}\}, x_{ij2} = \frac{1}{s} \sum_{s=1}^{s} x_{ijks2}, x_{ij3} = max\{x_{ijs3}\}$$
(4.20)

### Etape 2 : Défuzzification de la matrice de décision floue agrégée

La matrice de décision floue agrégée obtenue dans l'étape précédente est défuzzyfiée et leurs valeurs crisp sont dérivées. Ce travail, pour transformer les poids flous en poids nets, applique la méthode du centre de surface, méthode simple et pratique permettant de calculer la meilleure valeur de performance non floue (BNP) des poids flous. La valeur BNP du nombre flou  $\tilde{x}_{ij} = (l_{ij}, m_{ij}, u_{ij})$  peut être calculée utilisant l'équation (4.21) comme ci-dessous :

$$x_{ij} = \frac{[(u_{ij} - l_{ij}) + (m_{ij} - l_{ij})]}{3} + l_{ij}$$
(4.21)

#### Etape 3 : Normalisation de la matrice de décision floue agrégée défuzzifiée (f)

La normalisation de la prise de décision $(f_{ij})$  est calculée en divisant chaque élément par le plus grand élément de chaque colonne pour éliminer les anomalies avec différentes unités de mesure, de sorte que tous les critères soient sans dimension.

# Etape 4 : Détermination de la matrice de décision floue normalisée pondérée $(\hat{x}_{ij})$

Les valeurs normalisées pondérées floues sont calculées en multipliant les poids des critères et des sous-critères d'évaluation par la matrice de décision normalisée $(f_{ij})$ :

$$\hat{\mathbf{x}}_{ij} = \mathbf{f}_{ij} \times \mathbf{w}_{j} \times \mathbf{w}_{jk} \tag{4.22}$$

#### **Etape 5: Détermination**

Les critères d'avantage montrent la meilleure valorisation des valeurs les plus élevées pour atteindre l'objectif et les critères de coûtsont les critères ayant les plus bas scores qui indiquent la meilleure solution pour atteindre le but (Özdağoğlu, 2013). Pour chaque alternative, la somme des valeurs des critères d'avantage dans la matrice de décision floue normalisée pondérée et la somme des valeurs des critères de coût dans la matrice de décision floue normalisée pondérée sont calculées comme  $P_i$ et  $R_i$  respectivement cidessous :

$$P_i = \sum_{j=1}^k \hat{x}_{ij} \; ; \; i = 1, ..., m; \; j = 1, ..., n \; ;$$
 (4.23)

$$R_i = \sum_{j=k+1}^m \hat{x}_{ij}; i = 1, ..., m; j = 1, ..., n$$
(4.24)

**Etape 6:** La valeur d'importance relative symbolisée par  $Q_i$  est calculéé ci-dessous :

$$Q_{i} = P_{i} + \frac{R_{min} \times \sum_{i=1}^{n} R_{i}}{R_{i} \times \sum_{i=1}^{n} \frac{R_{min}}{R_{i}}}$$
(4.25)

Etape 7: La plus grande valeur d'importance est determinée: -

$$Q_{max} = max\{Q_i\} \tag{4.26}$$

**Etape 8:**  $N_i$ , l'index de performance pour chaque alternative est calculée :

$$N_i = \frac{Q_i}{Q_{max}} \times 100 \tag{4.27}$$

Considérant leurs indices de performance les alternatives sont mises en rang où le meilleur alternative est celui qui a la plus grande valeur.

#### 4.3 La mèthode ARAS

Dans la revue de la littérature, il est constaté que la méthode ARAS est fréquemment utilisée pour résoudre les problèmes de décision dans le domaine de la science de la construction et des matériaux. Mais récemment, dans les études, il s'applique également aux autres problèmes de décision. La méthode ARAS est utilisée avec d'autres méthodes de prise de décision multicritères telles que TOPSIS, AHP et plusieurs études présentant la méthode ARAS, qui incluent la théorie du système flou et du système gris, sont examinées dans la littérature.

Dans Zavadskas et al. (2010), pour l'analyse du versement de fondations, la méthode ARAS est utilisée avec 3 alternatives et 6 critères. Pour la sélection multicritères d'un port en eau profonde dans l'est de la mer Baltique, Klavedia, AHP et FUZZY ARAS sont examinés ensemble par Zavadskas et al. (2013). L'évaluation des alternatives prioritaires pour la préservation des bâtiments historiques dans les villes européennes est déterminéeavec les méthodes ARAS et AHP dans Kutut et al. (2014). Medineckiene et al. (2015) utilisent la méthode ARAS pour classer les alternatives. 4 fournisseurs alternatifs sous 6 critères sont évalués avec des nombres gris et classés par la méthode ARAS dans Turskis et al. (2010). Les méthodes ARAS et AHP sont utilisées ensemble pour évaluer les performances d'une sélection de pré-projet dans Bakshi et al. (2011). Shariati et al. (2014) proposent un modèle pour la sélection de sites de décharge avec la méthode ARAS utilisant la logique floue. Darji et al. (2014), sont utilisées les méthodes ARAS, OCRA et EVAMIX pour la sélection de matériaux dans l'industrie du sucre.

Le problème typique de la prise de décision multi-critèreà concerne la tâche consistant à classer un nombre fini d'alternatives, chacune d'entre elles étant explicitement décrite en

termes de critères de décision différents qui doivent être pris en compte simultanément. Selon la méthode ARAS, une valeur de fonction d'utilité déterminant l'efficacité relative complexe d'une alternative réalisable est directement proportionnelle à l'effet relatif des valeurs et des poids des principaux critères pris en compte dans un projet.

La première étape est la formation de matrice de décision suivant de préférences pour m alternatives possibles (lignes) notées sur n critères (colonnes):

$$X = \begin{bmatrix} x_{01} & \dots & x_{0j} & \dots & x_{0n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ x_{i1} & \dots & x_{ij} & \dots & \dots \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ x_{m1} & \dots & \dots & \dots & x_{mn} \end{bmatrix}; i = 0, \dots, m; \quad j = 1, \dots, n$$

$$(4.28)$$

où m - nombre d'alternatives, n-nombre de critères décrivant chaque alternative, - valeur représentant la valeur de performance de l'alternative i en termes de critère j, - valeur optimale de critère j.

Si la valeur optimale du critère j est inconnue, alors

$$x_{0j} = \max_{i} x_{ij}$$
, si  $\max_{i} x_{ij}$  est préférable 
$$x_{0j} = \min_{i} x_{ij}^{*}$$
, if  $\min_{i} x_{ij}^{*}$  est préférable

Habituellement, les valeurs de performance  $x_{ij}$  et les poids des critères  $w_j$  sont considérées comme les éléments de la matrice de décision. Le système de critères ainsi que les valeurs et les poids initiaux des critères sont déterminés par les experts. Les informations peuvent être corrigées par les parties intéressées en tenant compte de leurs objectifs et de leurs opportunités.

Habituellement, les critères ont des dimensions différentes. La prochaine étape a pour but de recevoir des valeurs pondérées sans dimension à partir des critères de comparaison. Afin d'éviter les difficultés causées par différentes dimensions des critères, le rapport à la valeur optimale est utilisé. Il existe différentes théories décrivant le rapport à la valeur optimale. Cependant, les valeurs sont mappées soit sur l'intervalle [0,1]; ou l'intervalle  $[0,\infty]$  en appliquant la normalisation de la matrice de décision

Dans la deuxième étape, les valeurs initiales  $\overline{x_{ij}}$  de tous les critères sont normalisées - définissant les valeurs de la matrice de décision normalisée  $\overline{X}$ .

$$\overline{X} = \begin{bmatrix} \overline{x}_{01} & \dots & \overline{x}_{0j} & \dots & \overline{x}_{0n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ \overline{x}_{i1} & \dots & \overline{x}_{ij} & \dots & \dots \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ \overline{x}_{m1} & \dots & \dots & \dots & \overline{x}_{mn} \end{bmatrix}; \qquad i = \overline{0, \dots, m}; \quad j = \overline{1, \dots n} \quad (4.30)$$

Les critères, dont les valeurs préférables sont des maxima, sont normalisés comme cidessous:

$$\bar{x}_{ij} = \frac{x_{ij}}{\sum_{i=0}^{m} x_{ij}}$$
 (4.31)

Les critères, dont les valeurs préférables sont les minima, sont normalisés en appliquant une procédure en deux étapes:

$$x_{ij} = \frac{1}{x_{ij}^*}; \ \bar{x}_{ij} = \frac{x_{ij}}{\sum_{i=0}^{m} x_{ij}}$$
 (4.32)

La troisième étape consiste à définir une matrice pondérée normalisée  $\hat{X}$ .

$$\hat{X} = \begin{bmatrix}
\hat{x}_{01} & \dots & \hat{x}_{oj} & \dots & \hat{x}_{on} \\
\dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\
\hat{x}_{ij} & \dots & \hat{x}_{ij} & \dots & \dots \\
\dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\
\hat{x}_{m1} & \dots & \dots & \dots & \hat{x}_{mn}
\end{bmatrix} \qquad i = \overline{0, \dots, m}; \quad j = \overline{1, \dots n} \tag{4.33}$$

Les valeurs pondérées normalisées de tous les critères sont calculées comme suivant :

$$\widehat{x}_{ij} = \widehat{x}_{ij} w_j; \quad i = \overline{0, \dots, m}$$

$$\tag{4.34}$$

où  $w_j$  est le poids (importance) du critère j et  $\overline{x_{ij}}$  correspond à la notation normalisée du critère j. L'étape suivante consiste à déterminer les valeurs de la fonction d'optimalité:

$$S_i = \sum_{j=1}^n \hat{x}_{ij} \; ; \quad i = \overline{0, ..., m}$$
 (4.35)

où  $S_i$ est la valeur de la fonction d'optimalité de l' alternative i. La plus grande valeur est la meilleure et la moins une est la pire. En tenant compte du processus de calcul, la fonction d'optimalité  $S_i$  a une relation directe et proportionnelle avec les valeurs  $x_{ij}$  et les poids des critères  $w_j$  étudiés et leur influence relative sur le résultat final. Par conséquent, la plus grande valeur de la fonction d'optimalité $S_i$ , l'alternative la plus efficace. Les priorités des alternatives peuvent être déterminées en fonction de la valeur  $S_i$ . Par conséquent, il est commode d'évaluer et de classer les alternatives de décision lorsque cette méthode est utilisée.

Le degré d'utilité d'alternative est déterminé par une comparaison de la variable analysée avec la meilleure idéale  $S_0$ . L'équation utilisée pour calculer le degré d'utilité $K_i$  d'une alternative est donnée ci-dessous:

$$K_i = \frac{S_i}{S_0} \; ; \; i = \overline{0, ..., m}$$
 (4.36)

où  $S_i$  et  $S_0$  sont des valeurs de critère d'optimalité, obtenues à partir de l'équation (4.35). Il est clair que les valeurs $K_i$  calculées sont comprises dans l'intervalle [0,1] et peuvent être ordonnées en ordre croissant, ce qui correspond à l'ordre de priorité souhaité. L'efficacité de l'alternative réalisable peut être déterminée en fonction des valeurs de la fonction d'utilité.

# 5. UN MODELE DE DECÍSION POUR LA SELECTION DE LOCATIN D'UNE NOUVELLE BRANCHE DANS LE SECTEUR BANCAÎRE ET L'APPLICATION

Dans ce chapitre, un modèle de décision sera proposé pour une banque privée à choisr la ville la plus appropriée pour une nouvelle branche parmi les quatre villes au nord ouest de la Turquie qui sont Çanakkale  $(AL_1)$ , Edirne  $(AL_2)$ , Kırklareli  $(AL_3)$  et Tekirdağ  $(AL_4)$  selon les objectifs organisationnels, ses stratégies de marketing et la diversité de ses produits.

La séléction de location dans le secteur bancaire concerne plusieurs critères différents et où l'importance de chaque critère peut varier selon les décideurs. Les mèthodes TOPSIS et COPRAS sont souvent utilisés mais à cause de la nature floue de la décision et considérant le structure hiearchique du problème, la mèthode hierarchique TOPSIS floue et la mèthode COPRAS hierarchique floue sont utilisées séparément afin de pouvoir choisir la meilleure alternative. Aussi la mèthode ARAS est proposée comme la troisième mèthode pour mettre en rang les alternatives, après avoir déterminé les poids des critères.

Dans la littérature et aussi dans les interviews avec les experts du secteur, bien qu'il y aient cetains critères communs, les critères considérés pour chaque banque peut varier selon la vision, la mission, les stratégies de marketing et la diversité des produits donc les choix différents de location peuvent être vus.

Pour que le modèle donne des résultats réels et applicables, les critères ont été choisi parmi ceux qui sont plus rencontrés dans la litérature et présenté aux directeurs et experts de la banque. Considérant leurs opinions, ils sont groupés en 5 critères principaux concernant 15 critères.

#### **Les Indicateurs Bancaires**

Ces indicateurs préférés sont aussi utilisés pour les analyses régionaux ou les mesures de perfomance interne.

- Nombre de branche ( $SCR_{11}$ ): C'est le nombre total des branches dans les villes candidates
- Nombre de banques  $(SCR_{12})$ : C'est le nombre total des banques dans le villes candidates.
- Le dépôt de banque par habitant  $(SCR_{13})$ : C'est la valeur obtenue divisant le dépôt total des banques dans la région par la population totale
- Le crédit de banque par habitant  $(SCR_{14})$ : C'est la valeur obtenue divisant le crédit total des banques dans la région par la population totale.
- Nombre de ATM et POS (*SCR*<sub>15</sub>): C'est le nombre total des ATM et POS utilisés par la population dans le villes candidates.

#### Les Critères Démographiques

Pour les banques, l'un des critères les plus importants est les caractères démographiques de la région. Parmi les critères qui sont plus rencontrés dans la littérature, les experts ont choisi les suivants :

- Population totale(SCR<sub>21</sub>)
- La croissance annuelle de la population (SCR<sub>22</sub>): C'est la population qui croit pour chaque 100 parties de la population entre les deux dates de recensement de population

#### Les Critères Socio-Economiques

Ce sont les critères remarquables pour les banques sur la diversité de leurs produits et les stratégies de marketing dans la région considérée :

- Le produit national brut par habitant (*SCR*<sub>31</sub>): C'est la valeur obtenue par la somme des produits et des services de la population totale de la région dans un an divisée par le nombre d'habitant
- Le taux moyen des ménages (SCR<sub>32</sub>): C'est la valeur moyenne des habitants qui vivent dans une maison.

# La Répartition Secteurelle D'Emploi

Certains secteurs deviennent plus importants pour les banques selon leurs stratégies, les diversités de leurs produits, leurs visions et leurs missions. Ces differences peuvent influer la décision de location de branche, donc elles sont ajoutées dans le modèle. Les quatre secteurs principaux sont considérés pour la résolution du problème :

- Le pourcentage de l'emploi dans le secteur d'agriculture (*SCR*<sub>41</sub>): C'est le pourcentage de la population, plus àgée de 6 ans, qui est employeur, employé dans le secteur d'agriculture ou qui travaille pour gagner l'argent dans un secteur relié au secteur d'agriculture.
- Le pourcentage de l'emploi dans le secteur de construction (SCR<sub>42</sub>): C'est le pourcentage de la population, plus àgée de 6 ans, qui est employeur, employé dans le secteur de construction ou qui travaille pour gagner l'argent dans un secteur relié au secteur de construction.
- Le pourcentage de l'emploi dans le secteur de production (SCR<sub>43</sub>): C'est le pourcentage de la population, plus àgée de 6 ans, qui est employeur, employé dans le secteur de production ou qui travaille pour gagner l'argent dans un secteur relié au secteur de production.
- Le pourcentage de l'emploi dans le secteur de service (SCR<sub>44</sub>) : C'est le pourcentage de la population, plus àgée de 6 ans, qui est employeur, employé dans

le secteur de service ou qui travaille pour gagner l'argent dans un secteur relié au secteur de service

### Le potentiel commercial

Pour les banques, un autre indicateur du potentiel régional est les activités commerciaux. Les clients commerciaux dont toujours une source économique très importante. Ces caractères sont exprimés comme suivant:

- **Nombre d'entreprises** (*SCR*<sub>51</sub>) : C'est le nombre d'entreprises actives dans la région.
- Nombre des zones industrielles organisées (SCR<sub>52</sub>): C'est le nombre des zones industrielles organizées acties dans la region

Les datas des critères qui sont déterminés et considérés selon les opinions des directeurs et des experts de la banque sont obtenus des informations statistiques les plus actuel sont donnés dans l' Appendice D.

#### 5.1 Application avec TOPSIS Hierarchique Flou

Tout au long du processus, 4 décideurs vont avoir place. Pour le but de séléctionner la viile idéale pour la branche, les décideurs évaluent la pondérée d'importancedescritères principaux et des sous-critères utilisant variables linguistiques dans le tableau

Tableau 5.1 L'évaluation de la pondérée d'importance des critères principaux

Decideurs	Critères Principaux (CR)						
(DC)	CR <sub>1</sub>	CR <sub>2</sub>	CR <sub>3</sub>	CR <sub>4</sub>	CR <sub>5</sub>		
$DC_1$	TB	TB	M	M	M		
$DC_2$	В	TB	В	M	В		
$DC_3$	TB	TB	M	M	M		
DC <sub>4</sub>	TB	M	P	В	M		

 $DC_n : n^{eme}$  Décideur  $CR_n : n^{eme}$  Critère Principal

**TB:** Très bon, **B:** Bon, **M:** Milieu, **P:** Pauvre, **TP:** Très Pauvre

Utilisant le Tableau 5.1, les variables linguistiques sont transfomées aux nombres flous triangulaires. Par exemple, l'évaluation d'un décideur pour l'un des critères principaux (CR) avec "B" a été transformé à (0.6,0.8.1) qui est un nombre triangulaire flou.

Dans le Tableau 5.1, la colonne colorée pour le deuxième critère principal  $CR_2$  a été évalué comme (TB) par le premieur décideur, (TB) par le deuxième décideur, (TB) par le troisième décideur et (M) par le quatrième décideur. Utilisant l'équation (4.3), la pondérée d'importance pour  $CR_2$  va être calculée comme :

$$W_2 = \frac{1}{4} [(0.8,1,1) + (0.8,1,1) + (0.8,1,1) + (0.3,0.5,0.7)] = (0.68,0.875,0.93)$$

Tous les critères principaux de décision sont calculés dans une manière similaire et la matrice  $\tilde{I}_{CR}$  est obtenue et présentée dans le Tableau 5.2 :

Tableau 5.2. La matrice  $\tilde{I}_{CR}$ 

CR <sub>1</sub>	(0.8,0.95,1)
CR <sub>2</sub>	(0.68, 0.875, 0.93)
CR <sub>3</sub>	(0.3,0.5,0.7)
CR <sub>4</sub>	(0.43, 0.625, 0.78)
CR <sub>5</sub>	(0.38, 0.575, 0.78)

CR<sub>n</sub>: n<sup>eme</sup> Critère Principal

Pour déterminer la pondérée d'importance des sous-critères, les décideurs ont bénéficié des data des alternatives en Appendice D et les variables linguistiques d'importance des poids pour chaque critère dans le Tableau 4.1. Les évaluations des pondérées d'importance des sous-critères par les décideurs est illustré dans le Tableau 5.3 :

Tableau 5.3 Les évaluations des pondérées d'importance des sous-critères

D: 1 (DC)	Sous-Critères(SCR)							
Decideurs(DC)	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>			
$DC_1$	TB	TB	TB	В	В			
$DC_2$	В	В	В	В	В			
DC <sub>3</sub>	TB	TB	В	TB	TB			
DC <sub>4</sub>	TB	TB	TB	TB	TB			
Decideurs(DC)		Sous-Critères(SCR)						
Decideurs(DC)	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>			
$DC_1$	В	В	M	P	TB			
$DC_2$	M	TB	В	M	TB			
$DC_3$	TB	TB	TB	P	P			
$DC_4$	M	M	M	P	TB			
Decideurs(DC)	Sous-Critères(SCR)							
Decideurs(DC)	$SCR_{42}$	SCR <sub>43</sub>	$SCR_{44}$	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>			
DC <sub>1</sub>	M	TB	M	M	TB			
$DC_2$	M	В	TB	В	M			
$DC_3$	P	TB	M	M	TB			
DC <sub>4</sub>	TB	В	TB	M	P			

DC<sub>n</sub>: n<sup>eme</sup> Decideurs, SCR<sub>in</sub>: n<sup>eme</sup> Sous Critère sous i<sup>eme</sup> critère principal

Dans le Tableau 5.3, la colonne colorée pour le premier sous-critère  $SCR_{11}$  a été évalué comme (TB) par le premieur décideur, (B) par le deuxième décideur, (TB) par le troisième décideur et (TB) par le quatrième décideur. Utilisant l'équation (4.5), la pondérée d'importance pour  $SCR_{11}$  va être calculée comme :

$$\widetilde{W}_{11} = \frac{1}{4}[(0.8,1,1) + (0.6,0.8,1) + (0.8,1,1) + (0.8,1,1)] = (0.75,0.95,1)$$

Tous les pondérées d'importance des sous critères de décision sont calculés dans une manière similaire. Enfin, la matrice  $\tilde{I}_{SCR}$  est obtenue et présentée dans le Tableau 5.4 :

Tableau 5.4 La matrice  $\tilde{I}_{SCR}$ 

	CR <sub>1</sub>	CR <sub>2</sub>	CR <sub>3</sub>	CR <sub>4</sub>	CR <sub>5</sub>
SCR <sub>11</sub>	(0.75,0.95,1)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)
SCR <sub>12</sub>	(0.75,0.95,1)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)
SCR <sub>13</sub>	(0.7,0.9,1)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)
SCR <sub>14</sub>	(0.7,0.9,1)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)
SCR <sub>15</sub>	(0.7,0.9,1)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)
SCR <sub>21</sub>	(0,0,0)	(0.5,0,7,0.85)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)
SCR <sub>22</sub>	(0,0,0)	(0.63, 0.78, 0.93)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)
SCR <sub>31</sub>	(0,0,0)	(0,0,0)	(0.5,0,7,0.85)	(0,0,0)	(0,0,0)
SCR <sub>31</sub>	(0,0,0)	(0,0,0)	(0.08, 0.28, 0.48)	(0,0,0)	(0,0,0)
SCR <sub>41</sub>	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0.6,0.8,0.85)	(0,0,0)
SCR <sub>42</sub>	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0.35,0.55,0.7)	(0,0,0)
SCR <sub>43</sub>	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0.7,0.9,1)	(0,0,0)
SCR <sub>44</sub>	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0.55, 0.75, 0.85)	(0,0,0)
SCR <sub>51</sub>	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0.38,0.58,0.78)
SCR <sub>52</sub>	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0,0,0)	(0.48,0.68,0.78)

 $D_n$ :  $n^{eme}$  Decideurs,  $SCR_{in}$ :  $n^{eme}$  Sous Critère sous  $i^{eme}$  critère principal

Pour le but de déterminer la ville idéale pour ouvrir une nouvelle branche, les décideurs ont évalué considerant les sous-critères utilisant les datas des alternatives avec les variable linguistiques données dans le Tableau 4.2. les évaluations par les décideurs sont données dans les Tableaux 5.5, 5.6, 5.7, 5.8, 5

Tableau 5.5 L'évaluation du premier décideur  $DC_1$ 

Altown office (AT)	Sous Critères(SCR)					
Alternatives(AL)	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>	
$AL_1$	В	В	M	В	В	
$AL_2$	TB	В	P	M	В	
$AL_3$	В	В	P	M	В	
$AL_4$	В	TB	TB	TB	TB	
Alternatives(AL)	Sous Critères(SCR)					
Alternatives(AL)	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>	
$AL_1$	M	В	M	M	M	
$AL_2$	M	TP	M	M	M	
$AL_3$	M	TP	В	M	M	
$AL_4$	TB	TB	TB	TB	M	
Altown office (AT)	Sous Critères(SCR)					
Alternatives(AL)	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>	
$AL_1$	M	M	В	В	M	
$AL_2$	P	В	TB	M	P	
$AL_3$	P	В	TB	P	M	
$AL_4$	TP	В	TB	TB	TB	

 $AL_n$ :  $n^{eme}$  Alternative, ,  $SCR_{in}$ :  $n^{eme}$  Sous Critère sous  $i^{eme}$  critère principal

Tableau 5.6 L'évaluation du deuxième décideur  $DC_2$ 

Altamaticas(AT)	Sous Critères(SCR)					
Alternatives(AL)	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>	
$AL_1$	M	В	M	В	В	
$AL_2$	В	TB	P	M	В	
$AL_3$	В	В	P	M	В	
$AL_4$	M	TB	TB	TB	TB	
Altomotives(AI)		Sou	s Critères(So	CR)		
Alternatives(AL)	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>	
$AL_1$	M	В	M	В	В	
$AL_2$	M	P	P	В	В	
$AL_3$	M	P	M	В	В	
$AL_4$	TB	В	В	В	В	
Altomotivos(AI)	Sous Critères(SCR)					
Alternatives(AL)	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>	
$AL_1$	В	В	В	В	P	
$AL_2$	P	В	TB	M	TP	
$AL_3$	P	В	TB	P	P	
$AL_4$	TP	В	TB	TB	TB	

Tableau 5.7 L'évaluation du troisième décideur  $DC_3$ 

A14 42 (AT)	Sous Critères(SCR)					
Alternatives(AL)	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>	
$AL_1$	В	TB	M	В	В	
$AL_2$	TB	В	P	M	В	
$AL_3$	В	В	P	M	В	
$AL_4$	M	TB	TB	TB	В	
Alternatives(AL)		Sou	s Critères(S	CR)		
Alternatives(AL)	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>	
$AL_1$	В	В	В	M	M	
$AL_2$	M	P	M	M	P	
$AL_3$	P	P	В	M	M	
$AL_4$	В	TB	В	В	M	
Alternatives(AL)	Sous Critères(SCR)					
Alternatives(AL)	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>	
$AL_1$	M	M	В	В	P	
$AL_2$	TP	M	TB	M	TP	
$AL_3$	P	M	TB	M	P	
AL <sub>4</sub>	P	В	TB	TB	TB	

 $AL_n$ :  $n^{eme}$  Alternative, ,  $SCR_{in}$ :  $n^{eme}$  Sous Critère sous  $i^{eme}$  critère principal

Table 5.8. L'Evaluation du quatrième décideur  $DC_4$ 

Altarmaticag(AT)	Sous Critères(SCR)					
Alternatives(AL)	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>	
$AL_1$	M	В	M	В	В	
$AL_2$	В	TB	P	M	В	
$AL_3$	В	TB	TB	TB	В	
$AL_4$	M	TB	TB	TB	В	
Altomotives (AI)		Sou	s Critères(So	CR)		
Alternatives(AL)	SC <sub>R21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>	
$AL_1$	M	TB	M	В	M	
$AL_2$	P	M	P	В	M	
$AL_3$	TB	В	TB	TB	В	
$AL_4$	В	TB	В	В	M	
Alternatives(AL)	Sous Critères(SCR)					
Alternatives(AL)	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>	
$AL_1$	M	В	TB	В	M	
$AL_2$	TP	В	TB	M	P	
$AL_3$	P	В	TB	В	TB	
$AL_4$	P	В	TB	TB	TB	

Considerant Tableau 4.2, les variables linguistiques sont transformées aux nombres triangulaires flous. Les zones colorées du premier sous-critère montre que il est évalué comme BON (B) par le premier et le troisième décideurs, MILIEU(M) par le deuxième et le quatrième décideurs. Selon le Tableau 4.2, milieu (M) correspond à (3,5,7) et bon(B) correspond à (6,8,10). A l'aide de l'équation (4.8) , le score de l'alternative pour le premier sous-critère :

$$\tilde{c}_{111} = \frac{1}{4} [(6,8,10) + (3,5,7) + (6,8,10) + (3,5,7)] = (4.5,6.5,8.5)$$

Toutes les alternatives sont calculés dans une manière similaire. Enfin, la matrice  $\tilde{I}_A$ , matrice d'évaluation des alternatives considerant les sous critères est obtenue et présentée dans le Tableau 5.9:

Table 5.9 La matrice Ĩ<sub>AL</sub>

	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SC <sub>R13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>
$AL_1$	(4.5,6.5,8.5)	(6.5,8,10)	(3,5,7)	(6,8,10)	(6,8,10)
$AL_2$	(7,9,10)	(7,9,10)	(0,2,4)	(3,5,7)	(6,8,10)
$AL_3$	(6,8,10)	(6,8,10)	(0,1.5,3.5)	(2.25,4.25,6.25)	(6,8,10)
AL <sub>4</sub>	(4.5,6.5,8.5)	(8,10,10)	(8,10,10)	(8,10,10)	(7,9,10)
	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>
$AL_1$	(3.75,5.75,7,75)	(6.5,8.5,10)	(3.75,5.75,7,75)	(4.5,6.5,8.5)	(3.75,5.75,7.75)
$AL_2$	(2.25,4.25,6.25)	(0.75,2.25,4.25)	(1.5,3.5,5.5)	(4.5,6.5,8.5)	(4.5,6.5,8.5)
$AL_3$	(1.5,3.5,5.5)	(7,9,10)	(4.5,6.5,8.5)	(4.5,6.5,8.5)	(3.75,5.75,7.75)
AL <sub>4</sub>	(7.5,9.5,10)	(7,9,10)	(7,9,10)	(7,9,10)	(4.5,6.5,8.5)
	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>
$AL_1$	(3.75,5.75,7.75)	(3.75,5.75,7.75)	(6.5,8.5,10)	(6,8,10)	(1.5,3.5,5.5)
$AL_2$	(0,1,3)	(0,1,3)	(8,10,10)	(3,5,7)	(0,1,3)
$AL_3$	(0,2,4)	(0,2,4)	(8,10,10)	(0.75,2.75,4.75)	(1.5,3.5,5.5)
AL <sub>4</sub>	(0,1,1.75)	(0,1,1.75)	(8,10,10)	(7.5,9.5,10)	(8.5,10,10)

 $AL_n$ :  $n^{eme}$  Alternatives,  $SCR_{in}$ :  $n^{eme}$  Sous Critère sous  $i^{eme}$  critère principal

Après avoir determiné la matrice de décision floue normalisée, la matrice de décision floue normalisée est obtenue par l'usage des équations (4.9) et (4.10). Dans la matrice de décision, tous les critères sont évaluées comme si elles sont considérées comme des critères d'avantage ou de coût. Pour le critère d'avantage, chaque élément de la matrice

 $\tilde{\mathbf{I}}_{AL}$ , étant chacun un nombre flou triangulaire est divisé par la plus grande valeur dans la même. colonne et pour le critère de coût, par la plus petite valeur dans la même colonne. Toutefois, pour ce travail, tous les critères sont considérés comme le critère d'avantage. Donc  $\tilde{R}_{1j}$  est obtenu avec l'équation (4.9).

La première colonne de la matrice  $\tilde{I}_A$  présente le premier sous-critère qui est considéré comme un critère d'avantage.  $a_{ij}^* = maxa_{ij} = 7$ ,  $b_{ij}^* = maxb_{ij} = 9$ ,  $c_{ij}^* = maxc_{ij} = 10$  et avec (4.9), le premier élément de la matrice  $\tilde{R}_{ij}$  est calculé comme ci-dessous :

$$\tilde{R}_{111} = \left(\frac{4.5}{10}, \frac{6.5}{9}, \frac{8.5}{7}\right) = (0.45, 0.722, 1.214)$$

Tableau 5.10 Les valeurs  $\tilde{R}_{ij}$ 

	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>
$AL_1$	(0.45,0.72,1.21)	(0.65, 0.8, 1.25)	(0.3,0.5,0.875)	(0.6,0.8,1.25)	(0.6,0.89,1.43)
$AL_2$	(0.7,1,1.43)	(0.7,0.9,1.25)	(0,0.2,0.5)	(0.3,0.5,0.875)	(0.6,0.89,1.43)
$AL_3$	(0.6,0.90,1.43)	(0.6,0.8,1.25)	(0,0.15,0.438)	(0.225, 0.425, 0.781)	(0.6,0.8,1.43)
$AL_4$	(0.45, 0.72, 1.21)	(0.8,1,1.25)	(0.8,1,1.25)	(0.8,1,1.25)	(0.7,1,1.43)
	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>
$AL_1$	(0.38, 0.61, 1.03)	(0.65, 0.94, 1.43)	(0.38, 0.64, 1.11)	(0.45,0.722,1.214)	(0.44, 0.89, 1.72)
$AL_2$	(0.23, 0.45, 0.83)	(0.08, 0.25, 1.25)	(0.15, 0.39, 0.79)	(0.45,0.722,1.214)	(0.53,1,1.89)
$AL_3$	(0.15,0.37,0.73)	(0.08, 0.25, 1.25)	(0.45, 0.72, 1.21)	(0.45,0.72,1.21)	(0.44,0.89,1.72)
$AL_4$	(0.75,1,1.33)	(0.7,1,1.43)	(0.7,1,1.429)	(0.7,1,1.43)	(0.53,1,1.8)
	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>
$AL_1$	(0.484,1,2.067)	(0.48,1,2.07)	(0.65, 0.85, 1.25)	(0.6,0.84,1.33)	(0.15, 0.35, 1.33)
$AL_2$	(0,0.17,0.8)	(0,0.17,0.8)	(0.8,1,1.25)	(0.3,0.53,0.93)	(0,0.1,0.38)
$AL_3$	(0,0.35,1.07)	(0,0.35,1.07)	(0.8,1,1.25)	(0.08,0.9,0.63)	(0.15, 0.35, 0.69)
ALA	(0.0,17,2)	(0.0,17,2)	(0.8,1,1.25)	(0.75,1,1.33)	(0.8,1,1.25)

 $AL_n$ :  $n^{eme}$  Alternatives,  $SCR_{in}$ :  $n^{eme}$  Sous Critère sous  $i^{eme}$  critère principal

La Matrice de decision floue normalisée pondérée est determiné avec l'équation (4.11). Cette étape depend des values des  $\tilde{R}_{ij}$ ,  $\tilde{W}_{j}^{*}$  et  $\tilde{W}_{ij}^{*}$ . Donc,  $\tilde{V}_{ij}$  est calculé comme ci-dessous et présenté dans le Tableau (5.11)

$$\widetilde{V}_{111} = \widetilde{R}_{111} \times \widetilde{W}_1^* \times \widetilde{W}_{11}^*$$

$$= (0.45,0.722,1.214) \times (0.8,0.95,1) \times (0.75,0.95,1)$$
$$= (0.270,0.686,1.214)$$

Tableau 5.11 Les valeurs  $\tilde{v}_{ij}$ 

	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>
$AL_1$	(0.27, 0.686, 1.214)	(0.39, 0.76, 1.25)	(0.168, 0.45, 0.875)	(0.336, 0.72, 1.25)
$AL_2$	(0.42,0.903,1.429)	(0.42,0.812,1.25)	(0,0.171,0.5)	(0.168, 0.428, 0.875)
$AL_3$	(0.36,0.802,1.429)	(0.36,0.722,1.25)	(0,0.128,0.438)	(0.126, 0.363, 0.781)
$AL_4$	(0.27, 0.652, 1.214)	(0.48,0.903,1.25)	(0.48, 0.855, 1.250)	(0.448, 0.855, 1.25)
	SCR <sub>15</sub>	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>
$AL_1$	(0.336, 0.8, 1.429)	(0.13,0.371,0.81)	(0.274, 0.64, 1.222)	(0.056, 0.224, 0.659)
$AL_2$	(0.336,0.760,1.429)	(0.076,0.274,0.655)	(0.032, 0.17, 1.07)	(0.023, 0.136, 0.468)
$AL_3$	(0.336,0.760,1.429)	(0.06,0.258,0.577)	(0.032, 0.17, 1.07)	(0.068, 0.253, 0.723)
$AL_4$	(0.392, 0.855, 1.429)	(0.253, 0.613, 1.048)	(0.295, 0.678, 1.222)	(0.105, 0.35, 0.85)
4				
4	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>
AL <sub>1</sub>		SCR <sub>41</sub> (0.113,0.442,1.135)	SCR <sub>42</sub> (0.072,0.344,1.121)	
	SCR <sub>32</sub>			SCR <sub>43</sub>
$AL_1$	SCR <sub>32</sub> (0.1,0.099,0.404) (0.068,0.253,0.723)	(0.113,0.442,1.135)	(0.072,0.344,1.121)	SCR <sub>43</sub> (0.144,0.563,1.602)
$AL_1$ $AL_2$	SCR <sub>32</sub> (0.1,0.099,0.404) (0.068,0.253,0.723) (0.068,0.253,0.723)	(0.113,0.442,1.135) (0.135,0.5,1.135)	(0.072,0.344,1.121) (0, 0.06,0.703)	SCR <sub>43</sub> (0.144,0.563,1.602) (0, 0.06, 0.703)
$\begin{array}{c} AL_1 \\ AL_2 \\ AL_3 \end{array}$	SCR <sub>32</sub> (0.1,0.099,0.404) (0.068,0.253,0.723) (0.068,0.253,0.723)	(0.113,0.442,1.135) (0.135,0.5,1.135) (0.113,0.442,1.135)	(0.072,0.344,1.121) (0, 0.06,0.703) (0, 0.174,0.703)	SCR <sub>43</sub> (0.144,0.563,1.602) (0, 0.06, 0.703) (0, 0.174,0.703)
$\begin{array}{c} AL_1 \\ AL_2 \\ AL_3 \end{array}$	SCR <sub>32</sub> (0.1,0.099,0.404) (0.068,0.253,0.723) (0.068,0.253,0.723) (0.105,0.35,0.85)	(0.113,0.442,1.135) (0.135,0.5,1.135) (0.113,0.442,1.135) (0.135,0.5,1.244)	(0.072,0.344,1.121) (0, 0.06,0.703) (0, 0.174,0.703) (0, 0.06, 1.085)	SCR <sub>43</sub> (0.144,0.563,1.602) (0, 0.06, 0.703) (0, 0.174,0.703)
AL <sub>1</sub> AL <sub>2</sub> AL <sub>3</sub> AL <sub>4</sub>	\$CR <sub>32</sub> (0.1,0.099,0.404) (0.068,0.253,0.723) (0.068,0.253,0.723) (0.105,0.35,0.85) \$CR <sub>44</sub>	(0.113,0.442,1.135) (0.135,0.5,1.135) (0.113,0.442,1.135) (0.135,0.5,1.244) SCR <sub>51</sub>	(0.072,0.344,1.121) (0, 0.06,0.703) (0, 0.174,0.703) (0, 0.06, 1.085) SCR <sub>52</sub>	SCR <sub>43</sub> (0.144,0.563,1.602) (0, 0.06, 0.703) (0, 0.174,0.703)
AL <sub>1</sub> AL <sub>2</sub> AL <sub>3</sub> AL <sub>4</sub>	\$CR <sub>32</sub> (0.1,0.099,0.404) (0.068,0.253,0.723) (0.068,0.253,0.723) (0.105,0.35,0.85) \$CR <sub>44</sub> (0.152,0.398,0.823)	(0.113,0.442,1.135) (0.135,0.5,1.135) (0.113,0.442,1.135) (0.135,0.5,1.244) SCR <sub>51</sub> (0.084,0.278,0.801)	(0.072,0.344,1.121) (0, 0.06,0.703) (0, 0.174,0.703) (0, 0.06, 1.085) <b>SCR</b> <sub>52</sub> (0.027,0.136,0.533)	SCR <sub>43</sub> (0.144,0.563,1.602) (0, 0.06, 0.703) (0, 0.174,0.703)

 $AL_n: n^{eme}$  Alternatives,  $SCR_{in}: n^{eme}$  Sous Critère sous  $i^{eme}$  critère principal

Pour calculer les solutions idéales positives et négatives, la matrice  $(M(\tilde{v}_{ij}))$  est calculée àl'aide de l'équation (4.14). Par exemple, pour le premier élément de  $(M(\tilde{v}_{ij}))$ , la valeur du premier sous critère de l'alternative  $AL_1$ ,  $(M(\tilde{v}_{111}))$  est calculée comme ci-dessous :

$$M(\tilde{v}_{111}) = \frac{-a_{111}^2 + c_{111}^2 - a_{111} - b_{111} + b_{111}c_{111}}{[3(-a_{111} + c_{111})]}$$
$$= \frac{-(0.270)^2 + (1.214)^2 - (0.270 \times 0.686) + (0.686 \times 1.214)}{[-3(-0.270 + 1.214)]} = 0.723$$

Toutes les valeurs de  $\left(M(\tilde{v}_{ij})\right)$  sont calculées de la même manière et presentées dans le Tableau 5.12:

Tableau 5.12 La matrice  $(M(\widetilde{v}_{ij}))$ 

	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>
AL <sub>1</sub>	0.723	0.800	0.498	0.769	0.855
$AL_2$	0.917	0.827	0.224	0.490	0.842
$AL_3$	0.864	0.777	0.189	0.424	0.842
AL <sub>4</sub>	0.712	0.878	0.851	0.851	0.892
	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>
AL <sub>1</sub>	0.440	0.712	0.313	0.171	0.563
$AL_2$	0.335	0.424	0.209	0.348	0.626
$AL_3$	0.298	0.424	0.348	0.348	0.569
AL <sub>4</sub>	0.638	0.732	0.435	0.435	0.626
	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>
AL <sub>1</sub>	0.512	0.769	0.458	0.388	0.232
$AL_2$	0.165	0.165	0.590	0.259	0.088
$AL_3$	0.292	0.292	0.509	0.162	0.192
AL <sub>4</sub>	0.382	0.549	0.493	0.412	0.427

 $AL_n$ :  $n^{eme}$  Alternatives,  $SCR_{in}$ :  $n^{eme}$  Sous Critère sous  $i^{eme}$  critère principal

Considérant les valeurs de  $(M(\tilde{v}_{ij}))$ , les solutions idéales positives et négatives peuvent être obtenues. Dans le Tableau (5.12), pour le premier sous-critère ( $SCR_{11}$ ), l'alternative  $AL_2$  a la plus grande valeur de  $(M(\tilde{v}_{ij}))$  qui est 0.917 et la plus petite valeur  $(M(\tilde{v}_{ij}))$  qui est 0.712 est representée par l'alternative  $AL_4$ .

Donc, la valeur du premier sous-critère ( $SCR_{11}$ ) pour l'alternative  $AL_2$  dans le Tableau  $\tilde{v}_{ij}$ , (0.42, 0.903, 1.429), est determinée comme la solution idéale positive  $v_{ij}^*$ . La solution idéale négative  $v_{ij}^-$  est celle de l'alternative  $AL_4$  qui est (0.270,0.652,1.214). Toutes les solutions idéales sont présentées ci-dessous:

$$A^* = \begin{bmatrix} (0.420, 0.903, 1.429), (0.480, 0.903, 1.250), (0.448, 0.855, 1.250), (0.448, 0.855, 1.250), \\ (0.392, 0.855, 1.430), (0.250, 0.613, 1.048), (0.295, 0.678, 1.222), (0.105, 0.350, 0.850), \\ (0.105, 0.350, 0.850), (0.135, 0.500, 1.24), (0.072, 0.344, 1.120), (0.144, 0.563, 1.600), \\ (0.238, 0.563, 0.969), (0.105, 0.331, 0.801), (0.143, 0.388, 0.751) \end{bmatrix}$$

 $A^{-*}$ 

$$=\begin{bmatrix} (0.270,0.652,1.214), (0.420,0.812,0.969), (0.000,0.128,0.438), (0.126,0.363,0.781), \\ (0.336,0.760,1.429), (0.060,0.258,0.577), (0.032,0.170,0.519), (0.023,0.136,0.468), \\ (0.010,0.099,0.404), (0.113,0.442,1.135), (0.000,0.060,0.434), (0.000,0.060,0.434), \\ (0.152,0.398,0.823), (0.011,0.096,0.240), (0.000,0.039,0.225) \end{bmatrix}$$

Pour trouver la distance de la solution idéale positive, premièrement les valeurs  $D_{ij}^*$  de chaque sous-critère sont calculées avec (4.17). (4.15) montre que la distance d'un alternative de la solution idéale positive est égale à l'additition des values  $D_{ij}^*$  calculées pour chaque sous critère. Selon (4.17),  $D_{ij}^*$  est calculé pour chaque sous-critère avec les valeurs dans la matrice de decision floue normalisée pondérée  $\tilde{v}_{ij}$  et les valeurs de l'ensemble des solutions idéales positives  $\tilde{v}_{ij}^*$ .

Par exemple, la valeur  $\tilde{v}_{ij}$  de  $SCR_{11}$  pour l'alternative  $AL_1$  est (0.27, 0.686, 1.214) et la valeur  $\tilde{v}_{ij}^*$  de  $SCR_{11}$  est (0.42, 0.903, 1.419). Donc  $a_{ij}=0.27$ ,  $b_{ij}=0.686$ ,  $c_{ij}=1.214$  et  $a^*=0.42$ ,  $b^*=0.903$ ,  $c^*=1.419$ . Îl est clair que  $b_{ij} < b^*$  et selon (4.17), les valeurs  $D_{ij}^*$  sont calculées comme ci-dessous et representées dans le Tableau 5.13:

$$D_{111}^* = 1 - \frac{c_{ij} - a^*}{b^* + c_{ij} - a^* - b_{ij}} = 1 - \frac{1.214 - 0.42}{0.903 + 1.214 - 0.42 - 0.686} = 0.$$

Tableau 5.13 La matrice D\*

	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>
$AL_1$	0.214	0.156	0.487	0.144	0.05
$AL_2$	0	0.105	0.929	0.5	0.084
$AL_3$	0.09	0	1.015	0.596	0.084
AL <sub>4</sub>	0.66	0.7	0	0	0
•	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>
$AL_1$	0.302	0.039	0.186	0.456	0.055
$AL_2$	0.457	0.396	0.371	0.136	0.029
$AL_3$	0.523	0.396	0.136	0.136	0.055
$AL_4$	0	0	0	0	0.47
	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>
$AL_1$	0	0	0.219	0.07	0.393
$AL_2$	0.44	0.634	0	0.256	0.809
$AL_3$	0.212	0.41	0.096	0.461	0
AL <sub>4</sub>	0.22	0.25	0.14	0.49	0.56

 $AL_n$ :  $n^{eme}$  Alternatives,  $SCR_{in}$ :  $n^{eme}$  Sous Critère sous  $i^{eme}$  critère principal

Pour trouver la distance de la solution idéale négative, les valeurs  $D_{ij}^-$  de chaque souscritère sont calculées avec (4.18). (4.16) montre que la distance d'un alternative de la solution idéale positive est égale à l'addition des values  $D_{ij}^-$  calculées pour chaque sous critère. Selon (4.18),  $D_{ij}^-$  est calculé pour chaque sous-critère avec les valeurs dans la matrice de decision floue normalisée pondérée  $\tilde{v}_{ij}$  et les valeurs de l'ensemble des solutions idéales négatives  $\tilde{v}_{ij}^-$ .

Par exemple, la valeur  $\tilde{v}_{ij}$  de  $SCR_{11}$  pour l'alternative  $AL_1$  est (0.27, 0.686, 1.214) et la valeur  $\tilde{v}_{ij}^-$  de  $SCR_{11}$  est (0.27, 0.652, 1.214). Donc  $a_{ij} = 0.27$ ,  $b_{ij} = 0.686$ ,  $c_{ij} = 1.214$  et  $a^- = 0.270$ ,  $b^- = 0.652$ ,  $c^- = 1.214$ . Îl est clair que  $b_{ij} > b^-$  et selon (4.18) les valeurs  $D_{ij}^-$  sont calculées comme ci-dessous et representées dans le Tableau 5.14

$$D_{111}^{-} = 1 - \frac{c^{-} - a_{ij}}{b_{ij} + c^{-} - a_{ij} - b^{-}} = 1 - \frac{1.214 - 0.27}{0.686 + 1.214 - 0.27 - 0.652} = 0.214$$

Tableau 5.14 La matrice  $D^-$ 

	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>
AL <sub>1</sub>	0.035	0.059	0.544	0.445	0.035
$AL_2$	0.24	0	0	0	0
$AL_3$	0.15	0	0	0	0
$AL_4$	0	0.16	1.01	0.6	0.08
	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SC <sub>R31</sub>	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>
$AL_1$	0.2	0.658	0.175	0	0
$AL_2$	0	0	0	0.313	0
$AL_3$	0	0	0.23	0.31	0
$AL_4$	0.52	0.69	0.37	0.46	0.18
	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>
$AL_1$	0.44	0.634	0	0.54	0.328
$AL_2$	0	0	0.219	0	0
AL <sub>3</sub>	0.21	0.21	0.14	0	0.33
AL <sub>4</sub>	0	0.08	0.1	0.64	0.81

 $AL_n$ :  $n^{eme}$  Alternatives,  $SCR_{in}$ :  $n^{eme}$  Sous Critère sous  $i^{eme}$  critère principal

Selon (4.15), les valeurs de  $D_{ij}^*$  de chaque alternative sont aggrégées et le total de l'addition determine la distance de la position idéale positive  $S_i^*$ . De la même manière, les valeurs de  $D_{ij}^-$  de chaque alternative are sont aggrégées et le total de l'addition determine la distance de la position idéale négative  $S_i^-$ . Comme un exemple, les calculs pour le premier alternative  $AL_1$  sont démontrées ci-dessous et les résultats pour tous les alternatives dans le Tableau (5.15)

$$S_1^* = (0.214 + 0.156 + 0.487 + 0.144 + 0.05 + 0.302 + 0.039 + 0.186 + 0.456 + 0.055 + 0 + 0 + 0.219 + 0.07 + 0.399) = 2.777$$

$$S_1^- = (0.035 + 0.059 + 0.544 + 0.445 + 0.035 + 0.2 + 0.658 + 0.175 + 0 + 0 + 0.44 + 0.634 + 0 + 0.54 + 0.328) = 4.0936$$

Tableau 5.15 Les valeurs  $S_i$ 

	$S_i^+$	$S_i^-$
$AL_1$	2.770	4.094
$AL_2$	5.147	0.772
$AL_3$	4.211	1.575
AL <sub>4</sub>	3.490	5.695

La dernière étape pour la séléction de l'alternative idéal est la détermination du coefficient de proximité. Selon (4.19), tous les coefficients sont calculés et les performances des alternatives sont classées du meilleur au pire.

Par exemple, le coefficient de proximité de l'alternative  $AL_1$  est calculé comme cidessous and tous les coefficients de proximité  $C_i$  sont présentés dans le Tableau 5.16 :

$$C_1 = \frac{S_1^-}{S_1^- + S_1^+} = \frac{4.094}{4.094 + 2.770} = 0.596$$

Tableau 5.16 Les valeurs  $(C_i)$  et  $(NC_i)$ 

	$(C_i)$	$(NC_i)$
$AL_1$	0.596	0.368
$AL_2$	0.130	0.081
$AL_3$	0.272	0.168
$AL_4$	0.620	0.383

Les alternatives, du meilleur au pire, considérant les coefficients de proximité, sont classés ci-dessous comme Tekirdağ, Çanakkale, Kırklareli et Edirne.

Selon (Chen et al., 2006) l'évaluation de l'alternative choisie considérant le coefficient de proximité, il n'est pas suggéré de choisir l'alternative si son coefficient de proximité se situe dans l'intervalle [0,0.2). Si le coefficient de proximité de l'alternative se situe dans une plage de [0,2,0,4), l'alternative choisie est recommandée avec un risque élevé. Le coefficient de proximité dans l'intervalle [0.4,0.6) indique que l'alternative peut être sélectionnée avec un risque faible. Si le coefficient de proximité de l'alternative se situe dans une intervalle de [0.6, 0.8), l'alternative sélectionnée est approuvée et en cas où l'intervalle [0.8, 1), cette alternative est définitivement approuvée et préférable de la sélectionner.

La valeur du coefficient de proximité de la seconde alternative est 0.124, il n'est pas recommandé de sélectionner  $AL_2$ . La valeur du coefficient de proximité de la troisième alternative est 0.259, de sorte que le choix de  $AL_3$ n'est pas recommandé avec un risque élevé. La valeur du coefficient de proximité de la première alternative est 0.596; il est donc suggéré de sélectionner  $AL_1$  avec un risque faible. Enfin, la valeur du coefficient de la quatrième alternative est 0.620, de sorte que  $AL_4$  est sélectionné comme l'alternative idéale avec approbation et préféré parmi d'autres alternativeS.

#### 5.2 Application avec COPRAS Hierarchique Flou

Les poids des critères sont calculés by TOPSIS Hierarchique Flou et sont montrés dans les Tableaux 4 et 6. Donc ces valeurs peuvent être utilisées aussi dans le processus de Hierarchical FUZZY COPRAS. Comme le travail a un structure hierarchique et nous aurons besoin des poids agrégées des critères dans cette methode, comme dans (4.7), on multiplie les poids des sous criteres et des criteres considerant les tableaux (5.2) et (5.4) et on défuzzifie les valeurs floues avec l'équation (4.20). Par exemple pour le premier critere principal  $CR_1$ , le poids flou est (0.8, 0.95,1) et le premier sous-critere  $SCR_{11}$  (0.75,0.95,1), donc le poids agrégé est calculé comme :

$$\widetilde{W}_{11} = (0.8, 0.95, 1) \times (0.75, 0.95, 1) = (0.6, 0.903, 1)$$

La valeur défuzzifiée du poids agrégé est calculée ci-dessous :

$$W_{11} = \frac{(1 - 0.6) + (0.903 - 0.6)}{3} + 0.6 = 0.834$$

Tous les poids défuzzifiés des critères sont calculés et présentés dans le Tableau 5.17

Tableau 5.17 Les poids agrégés des critères

Critères	Le Produit des poids des Critères	La valeur défuzifiée		
SCR <sub>11</sub>	(0.6,0.903,1)	0.834		
SCR <sub>12</sub>	(0.6,0.903,1)	0.834		
SCR <sub>13</sub>	(0.56,0.855,1)	0.805		
SCR <sub>14</sub>	(0.56,0.855,1)	0.805		
SCR <sub>15</sub>	(0.56,0.855,1)	0.805		
SCR <sub>21</sub>	(0.308, 0.613, 0.786)	0.579		
SCR <sub>22</sub>	(0.422, 0.678, 0.856)	0.652		
SCR <sub>31</sub>	(0.15, 0.35, 0.595)	0.365		
SCR <sub>32</sub>	(0.023, 0.138, 0.333)	0.164		
SCR <sub>41</sub>	(0.255, 0.5, 0.659)	0.471		
SCR <sub>42</sub>	(0.149, 0.344, 0.543)	0.345		
SCR <sub>43</sub>	(0.298, 0.563, 0.775)	0.545		
SCR <sub>44</sub>	(0.234, 0.469, 0.659)	0.454		
SCR <sub>51</sub>	(0.141,0.331,0.601)	0.357		
SCR <sub>52</sub>	(0.178,0.388,0.601)	0.389		

Considérant les Tableaux (5.5-5.8), les évaluations agrégées des alternatives par les décideurs sont réalisées utilisant l'équation (4.20). Par exemple, les scores flous de l'alternative  $AL_1$  par les 4 décideurs , colorés dans les Tableaux (5.5-5.8) pour

 $SRC_{11}$  sont (6,8,10), (3,5,7), (6,8,10), (3,5,7) et à l'aide de l'équation (4.20), le premier élément de la matrice de décision floue est calculé comme:

$$x_{111} = min\{6,3,6,3\} = 3$$
,  
 $x_{112} = \frac{1}{4}(8+5+8+5) = 6.5$ ,  
 $x_{113} = max\{10,7,10,7\} = 10$ 

Tous les scores des alternatives sont calculés dans une manière similaire. Enfin, la matrice d'évaluation des alternatives considerant les sous critères est obtenue et présentée dans le tableau suivant:

Tableau 5.18 La matrice de décision floue X

	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>
$AL_1$	(3,6.5,10)	(6,8,10)	(3,5,7)	(6,8,10)	(6,8,10)
$AL_2$	(6,9,10)	(6,9,10)	(0,2,4)	(3,5,7)	(6,8,10)
$AL_3$	(6,8,10)	(6,8,10)	(0,1.5,4)	(0,4.25,7)	(6,8,10)
AL <sub>4</sub>	(3,6.5,10)	(8,10,10)	(8,10,10)	(8,10,10)	(6,9,10)
	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>
$AL_1$	(3,5.75,10)	(6.5,8.5,10)	(3,5.75,10)	(3,6.5,10)	(3,5.75,10)
AL <sub>2</sub>	(0,4.25,6.25)	(0,2.25,7)	(0,3.5,7)	(3,6.5,10)	(3,6.5,10)
$AL_3$	(0,3.5,7)	(0,2.25,7)	(3,6.5,10)	(3,6.5,10)	(3,5.75,10)
$AL_4$	(6,9.5,10)	(6,9,10)	(6,9,10)	(6,9,10)	(3,6.5,10)
	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>
$AL_1$	(3,5.75,10)	(3,6.5,10)	(6,8.5,10)	(6,8,10)	(0,3.5,7)
AL <sub>2</sub>	(0,1,4)	(3,7.25,10)	(8,10,10)	(3,5,7)	(0,1,4)
AL <sub>3</sub>	(0,2,4)	(3,7.25,10)	(8,10,10)	(0,2.75,7)	(0,3.5,7)
AL <sub>4</sub>	(0,1,4)	(6,8,10)	(8,10,10)	(6,9.5,10)	(8,10,10)

 $AL_n$ :  $n^{eme}$  Alternatives,  $SCR_{in}$ :  $n^{eme}$  Sous Critère sous  $i^{eme}$  critère principal

Après avoir determiné la matrice de décision floue, la matrice de décision floue normalisée est obtenue par l'usage de l'équation (4.21). Dans le Tableau 5.18, l'évaluation floue de l'alternative  $AL_1$  pour  $SCR_{11}$  est (3, 6.5, 10) et défuzzifiée comme ci-dessous :

$$\tilde{x}_{111} = \frac{(10-3) + (6.5-3)}{3} + 3 = 6.5$$

Pour tous les alternatives, les évaluations floues sont défuzzifiées de la même manière et présentées dans le Tableau 5.19

Tableau 5.19 La matrice de décision floue défuzzifiée

	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>
$AL_1$	6.5	8	5	8	8
$AL_2$	8.33	8.33	2	5	8
$AL_3$	8	8	1.83	3.75	8
$AL_4$	6.5	9.33	9.33	9.33	8.33
Mak	8.33	9.33	9.33	9.33	8.33
	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>
$AL_1$	6.25	8.17	6.25	6.5	6.25
$AL_2$	3.75	3.08	3.5	6.5	6.5
AL <sub>3</sub>	3.5	3.08	6.5	6.5	6.25
$AL_4$	8.5	8.33	8.33	8.33	6.5
Mak	8.5	8.33	8.33	8.33	6.5
	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>
$AL_1$	6.25	6.5	8.17	8	3.5
$AL_2$	1.67	6.75	9.33	5	1.67
A <sub>L3</sub>	2	6.75	9.33	3.25	3.5
A <sub>L4</sub>	1.67	8	9.33	8.5	9.33
Mak	6.25	8	9.33	8.5	9.33

Après la défuzzification, la matrice obtenue est normalisée en divisant chaque élément par le plus grand élément de la colonne de chaque sous- critère, aussi exprimée dans le Tableau 5.19. Par exemple la valeur défuzzifiée normalisée de l'alternative  $AL_1$  pour  $SCR_{11}$  est calculée ci-dessous :

$$\frac{6.5}{8.33} = 0.780$$

Toutes les valeurs défuzzifiées normalisées sont calculées et présentées dans le tableau suivant :

Tableau 5.20 La matrice de décision floue défuzzifiée normalisée f

	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>
$AL_1$	0.780	0.857	0.536	0.857	0.960
$AL_2$	1.000	0.893	0.214	0.536	0.960
$AL_3$	0.960	0.857	0.196	0.402	0.960
$AL_4$	0.780	1.000	1.000	1.000	1.000
	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>
$AL_1$	0.735	0.980	0.750	0.780	0.962
$AL_2$	0.441	0.370	0.420	0.780	1.000
$AL_3$	0.412	0.370	0.780	0.780	0.962
AL <sub>4</sub>	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000
	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>
$AL_1$	1.000	0.813	0.875	0.941	0.375
$AL_2$	0.267	0.844	1.000	0.588	0.179
$AL_3$	0.320	0.844	1.000	0.382	0.375
AL <sub>4</sub>	0.267	1.000	1.000	1.000	1.000

Utilisant l'équation (4.22) et le Tableau (5.20), la matrice de décision floue défuzzifée normalisée est pondérée. Par exemple, pour l'alternative  $AL_1$  considérant  $SCR_{11}$ , le score défuzzifé normalisé est 0.780 et la valeur défuzzifiée du poids du critère est 0.834 donc le calcul est comme suivant :

$$0.780 \times 0.834 = 0.651$$

Tous les autres calculs pour la pondération sont réalisés de la même manière et la matrice de décision floue défuzzifée normalisée est obtenue ci-dessous:

Tableau 5.21 : La matrice de décision floue défuzzifiée normalisée pondérée  $\widehat{X}$ 

	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>
$AL_1$	0.651	0.715	0.431	0.690	0.773
$AL_2$	0.834	0.745	0.173	0.431	0.773
AL <sub>3</sub>	0.801	0.715	0.158	0.323	0.773
$AL_4$	0.651	0.834	0.805	0.805	0.805
	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>
$AL_1$	0.426	0.639	0.274	0.128	0.453
$AL_2$	0.255	0.241	0.153	0.128	0.471
$AL_3$	0.238	0.241	0.285	0.128	0.453
AL <sub>4</sub>	0.579	0.652	0.365	0.164	0.471
	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>
$AL_1$	0.345	0.443	0.397	0.336	0.146
$AL_2$	0.092	0.460	0.454	0.210	0.069
$AL_3$	0.110	0.460	0.454	0.137	0.146
$AL_4$	0.092	0.545	0.454	0.357	0.389

Dans notre modèle, tous les critères sont considérés comme le critère d'avantage donc pour la valeur d'importance relative Q de chaque alternative, il suffira de calculer seulement la somme  $P_i$  autrement dit, la somme  $R_i$  va être égal à 0 car il n'y a pas de critère de coût.

Pour l'alternative  $AL_1$  ,  $P_1$  est calculée avec l'équation (4.23) comme ci-dessous :

$$P_1 = 0.651 + 0.715 + 0.431 + 0.690 + 0.773 + 0.426 + 0.639$$
  
+0.274 + 0.128 + 0.453 + 0.345 + 0.443 + 0.397 + 0.336 + 0.146  
= 6.846

Pour tous les alternatives, les valeurs  $P_i$  sont calculées. Comme tous les critères sont les critères d'avantage, selon (4.25), ces valeurs sont aussi les valeurs d'importance relative de chaque alternative. Les valeurs P,R et Q des alternatives considérés sont ci-dessous :

Tableau 5.22 Les valeurs  $P_i$ ,  $R_i$ ,  $Q_i$  des alternatives

	AL <sub>1</sub>	AL <sub>2</sub>	$AL_3$	$AL_4$
P <sub>i</sub>	6.846	5.490	5.422	7.968
R <sub>i</sub>	-	-	-	
Qi	6.846	5.490	5.422	7.968

Selon (4.26),  $Q_{max} = 7.968$  et donc l'indice de performance (le degré de satisfaction)  $N_i$  peut être calculé pour chaque alternative utilisant l'Equation (4.27). Pour  $AL_1$ :

$$N_1 = \frac{6.846}{7.968} \times 100 = 85.9 \%$$

Calculant pour tous les alternatives de la même manière, les valeurs  $N_i$  sont présentées ci-dessous:

Tableau 5.23 Les indices de performance  $N_i$  des alternatives

	Çanakkale	Edirne	Kırklareli	Tekirdağ
$N_i(\%)$	85.9	69	68.05	100

L'alternative ayant 100 comme la valeur de l'indice de performance est le meilleur alternative. Donc pour ce travail, le meilleur alternative est Tekirdağ qui a 100 comme indice de performance et suivi par Çanakkale, Edirne et la ville non préférable est clairement Kırklareli.

#### 5.3 Application avec la mèthode ARAS

Premièrement, les valeurs défuziffiées des poids des critères sont normalisés et présentées dans le Tableau 5.24

Tableau 5.24 Les poids critères défuzzifiés normalisées

		Le poids
Critères	Les poids défuzifiés	Défuzziffié
		normalisé
SCR <sub>11</sub>	0.834	0.099
SCR <sub>12</sub>	0.834	0.099
SCR <sub>13</sub>	0.805	0.096
SCR <sub>14</sub>	0.805	0.096
SCR <sub>15</sub>	0.805	0.096
SCR <sub>21</sub>	0.579	0.069
SCR <sub>22</sub>	0.652	0.078
SCR <sub>31</sub>	0.365	0.043
SCR <sub>32</sub>	0.164	0.020
SCR <sub>41</sub>	0.471	0.056
SCR <sub>42</sub>	0.345	0.041
SCR <sub>43</sub>	0.545	0.065
SCR <sub>44</sub>	0.454	0.064
SCR <sub>51</sub>	0.357	0.043
SCR <sub>52</sub>	0.389	0.020
La valeur totale	8.404	1.000

Par l'exemple, pour le premier sous-critère  $SCR_1$ , le poids défuzzifié normalisé est calculé comme :

$$\frac{0.834}{8.404} = 0.099$$

Les data des alternatives obtenue des institutions officiels (www.bbb.org.tr, www.tuik.gov.tr, www.tobb.org.tr), avec les critères dont les poids défuzzifiés normalisés sont obtenus et donnés dans le Tableau 5.24, sont présentés comme la matrice de décision initiale dans le Tableau 5.25

Tableau 5.25 La matrice de décision initiale X

Tekirdağ

14

Critères	SCR <sub>11</sub> SCR		SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>
		SCR <sub>12</sub>	(euro)	(euro)			
Direction d'optimisation	max	max	max	max	max	max	max
Poids des critères	0.099	0.099	0.096	0.096	0.096	0.069	0.078
0 - la valeur opt.	127	15	2093	2523	30511	1.005.000	0.240
Çanakkale	81	13	1579	2079	19943	530.417	0.191
Edirne	58	12	2093	2278	13846	406.855	0.114
Kırklareli	52	13	1993	2108	11429	356.050	0.134
Tekirdağ	127	15	1650	2523	30511	1.005.000	0.240
Critères	SCR <sub>31</sub>	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>
Direction d'optimisation	max	max	max	max	max	max	max
Poids des critères	0.043	0.020	0.056	0.041	0.065	0.064	0.043
0- la valeur opt	7086	3.2	0.188	0.141	0.201	0.807	6480
Çanakkale	5722	2.7	0.170	0.141	0.182	0.507	4276
Edirne	4715	2.9	0.185	0.07	0.198	0.546	2467
Kırklareli	5771	2.87	0.178	0.077	0.190	0.555	2064
Tekirdağ	7086	3.2	0.188	0.051	0.201	0.582	6480
Critères	SCR <sub>52</sub>						
Direction d'optimisation	max						
Poids des critères	0.020	_					
0- la valeur opt	14						
Çanakkale	4						
Edirne	2						
	1						

Comme les critères ont des valeurs préférables, avec l'équation (4.31), la matrice de decision est normalisée. Par exemple pour Çanakkale sous  $SCR_{11}$ , la valeur normalisée est calculée comme :

$$\frac{81}{(127 + 81 + 52 + 52 + 127)} = 0.182$$

Tableau 5.26 La matrice de décision normalisée  $\overline{X}$ 

Critères	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>	
Direction d'optimisation	mak                     ids des critères	0.099	0.099	0.096	0.096	0.096	0.069	0.078	0.043
0 – la valeur optimale	0.285	0.221	0.224	0.220	0.287	0.304	0.261	0.233	
Çanakkale	0.182	0.191	0.169	0.177	0.188	0.161	0.208	0.188	
Edirne	0.130	0.176	0.224	0.199	0.130	0.123	0.124	0.155	
Kırklareli	0.117	0.191	0.207	0.184	0.108	0.108	0.146	0.190	
Tekirdağ	0.285	0.221	0.177	0.220	0.287	0.304	0.261	0.233	
Critères	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>		
Direction									
d'optimisation	mak								
	mak 0.020	mak 0.056	mak 0.041	mak 0.065	mak 0.064	0.043	0.020		
d'optimisation Poids des									
d'optimisation  Poids des critères  0 – la valeur	0.020	0.056	0.041	0.065	0.064	0.043	0.020		
Poids des critères  0 – la valeur optimale	0.020	0.056	0.041	0.065	0.064	0.043	0.020		
d'optimisation  Poids des critères  0 – la valeur optimale  Çanakkale	0.020 0.215 0.182	0.056 0.207 0.187	0.041 0.294 0.294	0.065 0.207 0.187	0.064 0.210 0.183	0.043 0.298 0.196	0.020 0.368 0.105		

Tous les calculs de la normalisation des alternatives sont faits et présentés dans le Tableau 5.26 ci-dessus. La troisième étape est de former la matrice pondérée normalisée. La valeur normalisée de chaque alternative est multipliée par le critère sous le quel il est considéré, utilisant l'équation (4.34). Par exemple, pour Çanakkale :

$$\hat{x}_{11} = \bar{x}_{11} * w_1 = 0.182 \times 0.099 = 0.018$$

Pour toutes les valeurs du Tableau 5.26, les calculs sont réalisés de la même manière et présentés dans le Tableau 5.27

Tableau 5.27 La matrice de décision normalisée pondérée  $\hat{X}$ 

Critères	SCR <sub>11</sub>	SCR <sub>12</sub>	SCR <sub>13</sub>	SCR <sub>14</sub>	SCR <sub>15</sub>	SCR <sub>21</sub>	SCR <sub>22</sub>	SCR <sub>31</sub>
0 – la valeur optimale	0.028	0.022	0.021	0.021	0.028	0.021	0.020	0.010
Çanakkale	0.018	0.019	0.016	0.017	0.018	0.011	0.016	0.008
Edirne	0.013	0.018	0.021	0.019	0.012	0.008	0.010	0.007
Kırklareli	0.012	0.019	0.020	0.018	0.010	0.007	0.011	0.008
Tekirdağ	0.028	0.022	0.017	0.021	0.028	0.021	0.020	0.01
Critères	SCR <sub>32</sub>	SCR <sub>41</sub>	SCR <sub>42</sub>	SCR <sub>43</sub>	SCR <sub>44</sub>	SCR <sub>51</sub>	SCR <sub>52</sub>	
0 – la valeur optimale	0.004	0.012	0.012	0.013	0.011	0.013	0.017	
Çanakkale	0.004	0.010	0.012	0.012	0.010	0.008	0.005	
Edirne	0.004	0.011	0.006	0.013	0.011	0.005	0.002	
Kırklareli	0.004	0.011	0.007	0.013	0.011	0.004	0.005	
Tekirdağ	0.004	0.012	0.004	0.013	0.011	0.013	0.017	

Finalement, les valeurs des fonctions d'optimalité sont calculées. Pour  $AL_1$ , le calcul est fait avec l'équation (4.35) comme :

$$S_0 = 0.028 + 0.022 + 0.021 + 0.021 + 0.028 + 0.021 + 0.020 + 0.010 + 0.004 + 0.012 + 0.012 + 0.013 + 0.011 + 0.013 + 0.017 = 0.254$$
 
$$S_1 = 0.018 + 0.019 + 0.016 + 0.017 + 0.018 + 0.011 + 0.016 + 0.008 + 0.004 + 0.010 + 0.012 + 0.012 + 0.010 + 0.008 + 0.005 = 0.185$$
 
$$K_1 = \frac{s_1}{s_0} = 0.728$$

Pour tous les alternatives, les résultats sont présentés dans le Tableau 5.28

Tableau 5.28 Les valeurs des fonctions d'optimalité

	$S_i$	$K_i$	%K <sub>i</sub>	Rang
Çanakkale	0.185	0,728	72,8	2
Edirne	0.161	0,633	63,3	3
Kırklareli	0.159	0,626	62,6	4
Tekirdağ	0.242	0,952	95,2	1

En utilisant la méthode ARAS, les valeurs des fonctions d'optimalité des alternatives de ville sont ordonnées par ordre croissant. Tekirdağ est la meilleure alternative pour la sélection de la meilleure location et Kırklareli, l'alternative la plus éloignée de l'optimalité, n'est pas préférable. Les valeurs  $K_i$  exprimées en pourcentage déterminent la valeur de chaque approche possible de l'optimum. Selon ces résultats, la meilleure alternative, Tekirdağ approche à l'optimum avec % 95.2.

## 5.4 Discussion

Tableau 5.29 Rang des alternatives

	TOPSIS Hierarchique Flou	COPRAS Hierarchique Flou	ARAS
Çanakkale	2	2	2
Edirne	4	3	3
Kırklareli	3	4	4
Tekirdağ	1	1	1

Comme c'est présenté dans le Tableau 5.29, on voit que les trois méthodes utilisées à déterminer la meilleure ville pour la sélection de la location de banque indiquent Tekirdağ comme la meilleure alternative et désignent Çanakkale comme deuxième alternative. Lorsque les résultats obtenus dans la méthode ARAS, qui utilise les valeurs réelles des villes candidates, sont pris comme référence, les méthodes floues TOPSIS et COPRAS floues, qui tiennent compte des évaluations des experts, offrent la même alternative idéale, montrant la fiabilité et la cohérence de ces méthodes. Dans le rang de TOPSIS hiérarchique flou, les places des troisième et quatrième alternatives diffèrent du classement des autres méthodes. La différence entre les coefficients de proximité des deux alternatives est assez faible, ce qui peut être dû à l'évaluation personnelle des alternatives et à l'algorithme de calcul géométrique de la distance à la solution idéale. D'autre part, on voit que le rang de toutes les alternatives dans la méthode COPRAS hierarchique floue est le même pour des raisons comme le structure pratique de la mèthode, les critères d'avantage et la cohérence des évaluations personnelles.

#### 6. CONCLUSION

Lorsque l'on examine les résultats de ce travail afin de déterminer la meilleure ville on constate que les critères bancaires sont les critères les plus importants, suivis du produit national brut par habitant et du potentiel commercial .À la suite des évaluations par les décideurs sous les critères de décision, les villes candidates ont été déterminés comme suit: Tekirdağ, Çanakkale, Edirne et Kırklareli. Selon les critères pris en compte et l'opinion des directeurs de banque, le score de Tekirdağ est le plus élevé et Tekirdeğ est la meilleure alternative pour une nouvelle branche.

La séléction de la ville idéale pour la banque est une décision de groupe cinsidérée selon plusieurs critères. L'évaluation de plusieures villes candidates en fonction des critères de décision formés par les opinions des experts, en d'autres termes, de plusieurs décideurs, permet de résoudre le problème avec des méthodes de décision multicritères.

Dans de nombreux cas, il peut ne pas être possible pour les individus d'exprimer leurs préférences avec des valeurs absolues comme oui / non. Dans ce cas, les expressions linguistiques peuvent être utilisées. Les deux des méthodes de prise de décision multicritères fréquemment utilisées qui permettent le regroupement et la décision dans des environnements de décision flous sont le TOPSIS flou et le COPRAS flou. Ces méthodes, à l'aide d'expressions linguistiques et de nombres flous, attribuent la fonction d'appartenance et effectuent des calculs. Contrairement aux autres méthodes utilisées dans les environnements flous, le processus d'évaluation n'est pas long, car moins d'exigences en matière de calcul sont considérées sans comparaison les alternatives les uns les autres selon les critères. Îl n'y a donc aucun risque d'incohérence pour le décideur. Étant donné que le poids des critères et des alternatives est différent de zéro dans les évaluations effectuées, il est impossible d'ignorer toute alternative ou critère pour prendre la décision. Ces propriétés rendent ces méthodes plus préférables.

Dans cette étude, nous présentons les methodes TOPSIS hiérarchique et COPRAS hierarchique flous et pour une banque privée en Turquie afin de choisir la meilleure

ville considérant la vision, la mission et la stratégie de marketing. On peut penser que l'utilisation de différentes méthodes peut suggérer la possibilité d'obtenir des résultats

différents dans la pratique. Les expressions linguistiques ont été transformées en nombres flous triangulaires. Détermination des poids des critères, la formation des matrices de décision floue normalisées et normalisées pondérées, principe de calcul des valeurs d'approximation à la solution idéale sont des aspects communs des méthodes. La formation de matrices de décision floues et le calcul de la distance à la solution sont des différences notables. En dépit de ces différences, les différences entre les coefficients de proximité des villes candidates sont assez faibles et on constate que la meilleure et le deuxième alternatives ne sont pas modifiées dans le classement et les troisième et quatrième alternatives diffèrent très très légèrement dans le classement.

Comme une troisième methode, utilisant les poids crisp des critères et les datas des alternatives, la methode ARAS est utilisée. L'introduction de l'alternative optimale  $A_o$  est la propriété originale de la methode ARAS. Dans les methodes de TOPSIS et COPRAS, la meilleure alternative est déterminée de l'ensemble des alternatives dans la comparaison avec la meilleure de cet ensemble. Donc le degré de l'utilité de l'alternative peut changer si des alternatives nouvelles sont ajoutées à l'ensemble. Dans certains cas, la meilleure alternative ne peut pas être la meilleure dans toutes les situations. Pour disparaitre ce désavantage, compararer les alternatives avec l'alternative optimale peut être convenable. Pour cette raison, la methode ARAS peut être préférable dans les problèmes multi critères.

De manière générale, les décideurs doivent déterminer la méthode la plus appropriée pour résoudre les problèmes auxquels ils sont confrontés. En outre, ces méthodes peuvent souvent être appliquées à d'autres méthodes multi critères telles que la sélection de projet, la sélection du personnel et la sélection des fournisseurs.

#### REFERENCES

Abbasi, G.Y. (2003), A decision support system for bank branch location selection, *International Journal of Compter Applications İn Technology*, 16, 202-210

Ağaoğlu, A. (1989), Banka işletmelerinin ekonomik analizi ve gelişme eğilimleri, doktora tezi, *Ankara Üniversitesi Sosyal Bilimler Enstitüsü İşletme Anabilim Dalı, Ankara* 

Akkoç, S., Vatansever, K. (2013) Fuzzy performance evaluation with AHP and TOPSIS methods: evidence from Turkish banking sector after the global financial crisis, *Eurasian Journal of Business and Economics*, 6(11), 53-74

Alp, S. (2008), Doğrusal hedef programlama yönteminin otobüsle kent içi toplu taşıma sisteminde kullanılması. *Doktora Tezi, MÜ, SBE, Istanbul* 

Avazpour, R., Ebrahimi, E., & Fathi, M.R. (2013). A 360 degree feedbackmodel for performance appraisal based on fuzzy AHP and TOPSIS. *International Journal of Economy, Management and Social Sciences*, 2(11), 969-976

Avery, R., Bostic, W., Calem, S. (1997). Changes in the distribution of banking offices, *Federal Reserve Bulletin, Washington* 

Bakshi, T. & Sarkar, B., 2011, "MCAbased performance evaluation of project selection", arXiv preprint arXviv1105.390

Barutçugil, İ. (1983), Üretim Sistemleri ve Yönetim Teknikleri, *Uludağ Üniversitesi Yayınevi, Bursa* 

Başkaya, Z., Öztürk, B.A. (2012) Tedarikçi değerlendirme problemlerinde bulanık TOPSIS algoritması ile grup karar verme ve karar vericilerin bireysel kararları arasındaki ilişkiler. *Uludağ Üniversitesi İktisadi ve İdari Bilimler Fakültesi Dergisi*, 31(1), 153-178 Boufounou, P.V. (1995) Evaluating bank branch location and performance a case study, *European Journal of Operational Research*, 87, 289-402

Chen, C.T. (2000), Extensions of the TOPSIS for group decision making under fuzzy environment, *Fuzzy Sets and Systems*, 114(1), 1-9

Darji, V.P.,&Rao,R.V.(2014), "Intelligent multi criteria decision making methods for material selection in sugar industry", Procedia Materials Science, 5, 2585-2594

Doğanalp, B.(2012) İnsan kaynakları seçme sürecinde bulanık mantık yaklaşımı, *Doktora Tezi*, *SÜ*, *Konya* 

Emhan, A.(2007) Karar verme süreci ve bu süreçte bilişim sistemlerinin kullanılması, *Elektronik Sosyal Bilimler Dergisi*, 6(21), 212-224

Ersöz, F., Kabak, M. (2010) Savunma sanayi uygulamalarında çok kriterli karar verme yöntemlerinin literature araştırması, *Savunma Bilimleri Dergisi*, 6(21), 212-224

Ertuğrul, İ., Karakaşoğlu N. (2008) Comparison of fuzzy AHP and fuzzy TOPSIS methods for facility location selection, *International Journal of Adv.Manuf.Techn*, 39: 783-795

Evren, R., Uluengin, F. (1992), Yönetimde karar verme, İTÜ Yayını, İstanbul

Farzami, S.M., Vafaei, F. (2013) Evaluation and selection of optimal contractor to execute project using FTOPSIS method (Case Study Kermanshah Gas Company), *International Research Journal of Applied and Basic Sciences*, 6(4), 450-459

Halaç, O.(1991) Kantitatif Karar Verme Teknikleri, Alfa yayınevi, İstanbul

Hwang, J.H., Hwang, S.H. (2006) Computer aided fuzzy AHP decision model and its application to school food service problem, *International Journal Of Innovative*, 2(1), 125-137

Hwang, C.L., Yoon, K. (1981) Multiple Attriutes Decision Making Methods and Applications, *Berlin : Springer*,

Kahraman, C., Ateş, N.Y., Çevik, S. & Gülbay, M. (2007) Fuzzy mult-attribute cost benefit analysis of e-services. *International Journal of Intelligent Systems*, 22(5), 547-565

Kahraman, C., Büyüközkan G., & Ateş, N.Y. (2007) A two-phase multi-attribute decision making approach for new product introduction. *Information Sciences*, 177(7), 1567-1582 Kahraman, C., Ertay, T., Büyüközkan, G. (2006) A fuzzy optimization model for QFD planning process using Analytic Network Process, *European Journal of Operational Research*, 171, 390-411

Kara, S.S (2011) Supplier selection with an integrated methodology in unknown environment, *Expert Systems with Applications*, 8(3), 2133-2139

Koen, R.(2008) Aspects of MCDA classification and sorting methods (*Doctoral dissertation*)

Kwong, C.K., Bai, H. (2004) A Fuzzy AHP approach to the determination of importance weights of customer requirements in quality function deployment, *Springer Netherlands*, 13(5), 367-377

Kuru, A. (2011). Entegre yönetim sistemlerinde çok kriterli karar verme tekniklerinin kullanımına yönelik yaklaşımlar ve uygulamaları, *Yayınlanmamış Doktora Tezi, Marmara Üniversitesi, İstanbul* 

Kutut, V., Zavadskas E.K., & Lazauskas, M., (2014) "Assessment of priority alternatives for preservation of historic buildings using model on ARAS and AHP methods", Archives of Civil and Mechanical Engineering, 14(2), 287-294

Li D.F., Yang J.B (2004) Fuzzy linear programming technique for multiattribute group decision making in fuzzy environments, *Information Sciences*, *158*, 263-275

Medineckiene, M., Zavadskas, Björk, F. & Turskis, Z.(2015)" Multi criteria decision making system for sustainable building assessment /certification", Archives of Civil and Mechanical Engineering

Meidan, A. (1983) Distribution of bank Services and branch location. *International Journal of Physical Distribution and Managerial Management*, 13-5, 5-18

Mikailov, L., Tsetinov, P. (2004) Evaluation of services using a fuzzy analytic hierarchy process, *Appled Soft Computing*, 5,23-33

Milliotis, P., Dimopoulou, M., Giannikos, L.(2002) A hierarchical location model locatingbank branches in a competitive environment, *International Transactions in Operational Research*, 9-5, 549-565

Min, H., (1989) A model based decision support system for locating banks. *Information and Management*, 17-4, 207-215

Mondy, R.W., Premeaux, S.R. (2005) Management Concepts, Practices and Skills, Prentice Hall, Englewood Cliffs, 7.Ed., New Jersey

Önüt, S., Soner, S. (2008) Transshipment site selection using AHP and TOPSIS approaches under fuzzy environment, *Waste Management*, 28(9), 1552-1559

Örnek, U. (2007) Orta ölçekli uluslararası bir firmada stratejik ve operasyonel karar alma süreçlerinin bilgisayar ortamında desteklenmesi, *Yayınlanmamış Yüksek Lisans Tezi, DEÜ, SBE, İzmir* 

Paksoy, T., Pehlivan N.Y & Kahraman, C. (2012) Organizational strategy development in distribution channel management using fuzzy AHP and hierarchical fuzzy TOPSIS, *Expert Systems and Applications*, 39(3), 2822-2841

Ravallion M., Wodon Q. (2000) Banking on the poor? Branch and location and nonfarm rural development in Bangladesh, *Review of Development Economics*, 4-2,121-139

Saaty, T.L., Niemira, M.P. (2006) A framework for making better decisions, *Research Review*, 13(1), 44-48

Sun, C. (2010) A performance evaluation model by integrating fuzzy AHP and fuzzy TOPSIS methods, Expert Systems with Applications, 37(12), 7745-7754

Shariati, S., Yazdani-Chamzini, A., Salsani, A., & Tamosaitiene, J.(2014) "Proposing a new model for waste dump site selection: case study of Ayerma Phosphate Mine", *Engineering Economics*, 25(4), 410-419

Sun, C., Lin G.T (2009) Using fuzzy TOPSIS method for evaluating the competitive advantages of shopping web sites, *Expert Systems with Applications*, 36(9), 11764-11771 Topçu, Y.(2000) Çok ölçütlü sorun çözümüne yönelik bir bütünleşik karar destek modeli, *Yayınlanmamış Doktora Tezi*, İTÜ, FBE, İstanbul

Turanlı, M., Köse A. (2005) Doğrusal hedef programlama yöntemi ile Türkiye'deki sigorta şirketlerinin performanslarnın değerlendirilmesi, *İstanbul Ticaret Üniversitesi* Fen Bilimleri Dergisi, 4(7), 19-39

Turskis, Z. & Zavadskas, E.K., (2010) "A novel method for multiple criteria analysis: grey additive ratio assessment (ARAS-G) method", Informatica, 21(4), 597-610

Ünal, Ö.F. (2010), Analitik hiyerarşi süreci ile yetkinlik bazlı insane kaynakları yöneticisi seçimi, *Doktora Tezi, SDÜ, SBE, Isparta* 

Wang, Y.M., Elhag, T.M. (2006) Fuzzy TOPSIS method based on alpha level sets with an application to bridge risk assessment. *Expert Systems With Applications*, 31(2), 309-319

Wang T., Lee H. (2009) Developping a fuzzy TOPSIS approach based on subjective weights and objective weights, *Expert Systems and Applications*, *36*(5), 8980-8985

Yoon, K.P., Hwang, C.L. (1995) Multiple attribute decision making: on introduction, *Vol.104, Sage Publications* 

Zadeh, L.A. (1965). Fuzzy sets, *İnformation and control*, 8(3), 338-353

Zavadskas, E., K., Kaklauskas, A., (1996) Determination of an efficient contractor by using the new method of multi criteria assessment. *In International Symposium for "The Organization and Management of Construction"*, Shaping Thery and Practice, Vol.2, p 94-104

Zavadskas, E.K., Turkskis, Z., Tamosaitene J. & Marina, v., (2008) Multi criteria selection of proect managers by applying grey criteria, *Technological and Economic Development Economy*, 14(4), 462-477

Zavadskas, E.K., Turskis, Z., & Vilutiene, T. (2010) Multiple criteria analysis of foundation instalment alternativevs by applying ARAS method, *Archives of Civil and Mechanical Engineering*, 42-55

Zavadskas, E.K., Turskis, Z., & Bagocius, V.(2015) Multi-criteria selection of a deepwater port in the Eastern Baltic Sea, *Applied Soft Computing*, 26,180-192

Zhao, L., Garner B., Parolin, B. (2004) Bank branch closures in Sydney: a geographical perspective and analysis. *12<sup>th</sup> International Conference On Geoformatics, Sweden* 

Zhou, C.(1999) Multicriteria decision aid in financial management. *European Journal of Operational Research*, 119(2), 404-415

Zimmermann, H.J. (2010) Fuzzy set theory, Wiley Interdisciplinary Reviews: Computational Statistics, 2(3), 317-332

## APPENDICE A L'EVALUATION DES CRİTERES PRINCIPAUX

Değerlendiricinin adı soyadı							
KRİTERLER	Değerlendirme						
	Çok İyi	İyi	Orta	Düşük	Çok Düşük		
Bankacılık Sektör Göstergeleri (CR11)							
Demografik Göstergeler (CR12)							
Sosyo-ekonomik koşullar (CR13)							
İş gücünün sektörlere göre dağılım (CR14)							
Ticari potansiyel (CR15)							

## APPENDICE B L'EVALUATION DES SOUS CRÎTERES

Değerlendiricinin adı soyadı									
ALT KRİTERLER	Değerlendirme								
	Çok İyi	İyi	Orta	Düşük	Çok Düşük				
Şube Sayısı (SCR11)									
Banka Sayısı (SCR12)									
Kişi Başı Mevduat(SCR13)									
Kişi Başı									
Kredi (SCR14)									
Mevcut ATM ve POS sayısı (SCR15)									
Toplam nüfus (SCR21)									
Yıllık nüfus artışı (SCR23)									
Kişi Başı Gayri Safi Milli Hasıla (SCR31)									
Ortalama Hane Halkı (SCR32)									
Tarım sektöründe çalışan iş gücü oranı (SCR41)									
İnşaat sektöründe çalışan iş gücü oranı(SCR42)									
Üretim sektöründe çalışan iş gücü oranı (SCR43)									
Hizmet sektöründe çalışan iş gücü oranı (SCR44)									
Ticari Firma Sayısı (SCR51)									
Organize San.Böl. (SCR52)									

# APPENDICE C L'EVALUATION DES ALTERNATIVES SELON LES SOUS CRÎTERES

Değerlendiricinin adı soyadı								
Şehir : ÇANAKKALE	Değerlendirme							
, ,	Çok İyi	İyi	Orta	Düşük	Çok Düşük			
Şube Sayısı (SCR <sub>11</sub> )								
Banka Sayısı (SCR <sub>12</sub> )								
Kişi Başı Mevduat(SCR <sub>13</sub> )								
Kişi Başı Kredi (SCR <sub>14</sub> )								
Mevcut ATM ve POS sayısı(SCR <sub>15</sub> )								
Toplam nüfus (SCR <sub>21</sub> )								
Yıllık nüfus artışı (SCR <sub>23</sub> )								
Kişi Başı Gayri Safi Milli Hasıla (SCR31)								
Ortalama Hane Halkı (SCR <sub>32</sub> )								
Tarım sektöründe çalışan iş gücü oranı (SCR41)								
İnşaat sektöründe çalışan iş gücü oranı(SCR42)								
Üretim sektöründe çalışan iş gücü oranı (SCR <sub>43</sub> )								
Hizmet sektöründe çalışan iş gücü oranı (SCR <sub>44</sub> )								
Ticari Firma Sayısı (SCR51)								
Organize Sanayi Bölge (SCR <sub>52</sub> )								

## APPENDICE D LES DATA DES ALTERNATIVES

ALT KRİTERLER				
	Ç.kkale	Edirne	K.eli	Tekirdağ
Şube Sayısı	81	52	52	127
Banka Sayısı	13	12	13	15
Kişi Başı Mevduat (EUR)	1579	2093	1993	1650
Kişi Başı Kredi (EUR)	2079	2278	2108	2523
Mevcut ATM ve POS sayısı	19943	13846	11429	30511
Toplam nüfus	1.005.000	530.417	406.855	356.050
Yıllık nüfus artışı (SCR <sub>23</sub> ) (%)	24	19,1	11,4	2
Kişi Başı Gayri Safi Milli Hasıla(EUR)	5722	4715	5771	7086
Ortalama Hane Halkı	2.7	2.9	2.87	3.2
Tarım sektöründe çalışan iş gücü oranı (%)	17	14.1	18.2	50.7
İnşaat sektöründe çalışan iş gücü oranı(%)	18.5	7	19.8	54.6
Üretim sektöründe çalışan iş gücü oranı (%)	17.8	7.7	19	55.5
Hizmet sektöründe çalışan iş gücü oranı (%)	18.8	5.1	20.1	58.2
Ticari Firma Sayısı	276	2467	2064	6480
Organize Sanayi Bölge Sayısı	4	2	4	14

## **BIOGRAPHIE**

Date de Naissance : 23.05.1976

Lieu de Naissance : Ankara

Lycée : 1987-1994 Lycée Saint Joseph İzmir

Licence : 1994-1998 Université Yıldız Teknik

Ingénieur en Génie Mathématiques

Licence Supérieure : 1998-2001 Université Galatasaray

Institut Des Sciences et d'Ingénierie

Master en Génie Industrielle

Licence Supérieure : 2001-2003 Université Yıldız Teknik

Institut Des Sciences et d'Ingénierie

Master en Génie Mathématiques

Doctorat : 2004-2010 Université Yıldız Teknik

Institut Des Sciences et d'Ingénierie

Master en Génie Mathématiques





