<u>İSTANBUL TEKNİK ÜNİVERSİTESİ ★ FEN BİLİMLERİ ENSTİTÜSÜ</u>

UÇAK KKAS KONTROLÜ TASARIMI VE PARAMETRİK OPTİMİZASYONU: UÇUŞ VERİSİ İLE MODELLEME VE SİMÜLASYON

YÜKSEK LİSANS TEZİ

Göktuğ İbrahim TAŞDÖŞEYENLER

Uçak ve Uzay Mühendisliği Anabilim Dalı

Uçak ve Uzay Mühendisliği Programı

HAZİRAN, 2019



<u>İSTANBUL TEKNİK ÜNİVERSİTESİ ★ FEN BİLİMLERİ ENSTİTÜSÜ</u>

UÇAK KKAS KONTROLÜ TASARIMI VE PARAMETRİK OPTİMİZASYONU: UÇUŞ VERİSİ İLE MODELLEME VE SİMÜLASYON

YÜKSEK LİSANS TEZİ

Göktuğ İbrahim TAŞDÖŞEYENLER (511161121)

Uçak ve Uzay Mühendisliği Anabilim Dalı

Uçak ve Uzay Mühendisliği Programı

Tez Danışmanı: Prof. Dr. Elbrus CAFEROV

HAZİRAN, 2019



İTÜ, Fen Bilimleri Enstitüsü'nün 511161121 numaralı Yüksek Lisans Öğrencisi Göktuğ İbrahim TAŞDÖŞEYENLER, ilgili yönetmeliklerin belirlediği gerekli tüm şartları yerine getirdikten sonra hazırladığı "UÇAK KKAS KONTROLÜ TASARIMI VE PARAMETRİK OPTİMİZASYONU: UÇUŞ VERİSİ İLE MODELLEME VE SİMÜLASYON" başlıklı tezini aşağıda imzaları olan jüri önünde başarı ile sunmuştur.

.....

Tez Danışmanı :

Prof. Dr. Elbrus CAFEROV İstanbul Teknik Üniversitesi

Jüri Üyeleri :

Doç. Dr. Tufan KUMBASAR İstanbul Teknik Üniversitesi

Doç. Dr. Hakan YAZICI Yıldız Teknik Üniversitesi

Teslim Tarihi: 03 Mayıs 2019Savunma Tarihi: 10 Haziran 2019





Aileme,



ÖNSÖZ

Tezin genel amacı uçak modellenmesi ve uçuş kontrol sistemi algoritması tasarım ve optimizasyon sürecinin anlaşılmasıdır. Bu yolda yardımlarını esirgemeyen aileme ve hocalarıma teşekkürü borç bilirim.

Haziran 2019

Göktuğ İbrahim Taşdöşeyenler



İÇİNDEKİLER

<u>Sayfa</u>

KISALTMALAR	
SEMBOLLER	
ÇİZELGE LİSTESİ	
ŞEKİL LİSTESİ	
ÖZET	
SUMMARY	
1. GİRİŞ	
1.1 Tezin Amacı	
1.2 F16 Tarihçe	
1.3 Modelleme ve Simülasyonun Tarihçesi	
1.4 Genel Bilgilendirme	
1.4.1 Kararlılık	
1.4.1.1 Statik Kararlılık	
1.4.1.2 Dinamik Kararlılık	
1.4.2 Uçak Arayüz Tipleri	
1.4.2.1 Mekanik	
1.4.2.2 Elektronik	
2. MODELLEME	
2.1 Uçak Gövdesi	
2.1.1 Aerodinamik Model	
2.1.2 İtki Modeli	
2.1.3 Uçuş Kontrol Sistemi	
2.1.4 Uçuş Yönetim Sistemi	
2.2 Hareket Denklemi	
2.2.1 Euler Açıları	
2.2.2 Quaternion	
2.3 Çevre Modeli	
2.3.1 Yer Çekimi	
2.3.2 Atmosfer modeli	
2.4 Giriş Metodu	
2.5 Görselleştirme	
3. DENGE NOKTASI	
3.1 Amaç Fonksiyonu	
3.2 Arama Algoritması	
3.2.1 Yerel Arama	
3 2 2 Küresel Arama	

4.2 Uzunlamasına Kontrol Sistemi Yapısı	.40
4.2.1 C* Kontrol Yapısı	.40
4.2.2 Klasik KKAS Yapısı	.41
4.2.3 Genetik Algoritma	.42
4.2.3.1 C* Kontrol Yapısı	.43
4.2.3.2 Klasik KKAS Yapısı	.45
4.2.4 Hooke & Jeeves Algoritması	.46
4.2.4.1 C* Kontrol Yapısı	.48
4.2.4.2 Klasik KKAS Kontrol Yapısı	.49
4.2.5 Big Bang Big Crunch Algoritması	.50
4.2.5.1 Modifiye C* Kontrol Yapısı	.51
4.2.5.2 Klasik KKAS Yapısı	.52
4.2.6 Gradyan Temelli Eşit Bölmeli Arama	.53
4.2.6.1 Modifiye C* Kontrol Yapısı	.54
4.2.6.2 Klasik KKAS Yapısı	.57
4.2.7 Nelder Mead Simplex Arama Algoritması	.57
4.2.7.1 C* Yapısı	. 59
4.2.7.2 Klasik KKAS Yapısı	. 59
4.2.8 Sequential Quadratic Programming	.60
4.2.8.1 C* Kontrol Yapısı	.61
4.2.8.2 Klasik KKAS Yapısı	.63
4.3 Yanal ve Yönelim Hareket Kontrolü	.63
4.4 Bang Bang Kontrol	.68
4.5 Doğrusal Analiz	.76
4.5.1 Doğrusal karasel düzenleyici (DKD)	.77
4.5.1.1 Durum Kontrolü	.79
4.5.1.2 Rotasyon H1z1 Kontrolü	.83
4.5.2 Belirsizlik ve H _∞ Kontrolör Tasarımı	. 87
4.5.3 Frekans Tabanında Tasarım	.94
5. OTOPÍLOT TASARIMI	. 97
5.1 Durum Tutucu	.98
5.1.1 Yunuslama Açısı	.98
5.1.2 Yuvarlanma Açısı	.99
5.1.3 Sapma Açısı	100
5.2 Irtifa Tutucu	101
6. SONUÇ VE ONERILER	103
6.1 Çalışmanın Uygulama Alanı	104
6.2 Kazanımlar	105
KAYNAKLAR	107
EKLER	109
OZGEÇMIŞ	121

KISALTMALAR

UKS	: Uçuş Kontrol Sistemi
UKB	: Uçuş Kontrol Bilgisayarı
UYB	: Uçuş Yönetim Bilgisayarı
TGTÇ	: Tek Giriş Tek Çıkış
ÇGÇÇ	: Çok Giriş Çok Çıkış
RSS	: Rahatlatılmış Durağan Kararlılık
CAS	: Kontrol Arttırma Sistemi
SAS	: Kararlılık Arttırma Sistemi
KKAS	: Kontrol ve Kararlılık Arttırma Sistemi
DKD	: Doğrusal Karesel Düzenleyici
CHR	: Cooper-Harper Oranları
A/B	: After Burner
ARB	: Aileron Rudder Bağlantısı
MCAS	: Manevra Kontrol Arttırma Sistemi



SEMBOLLER

V	: Hız
u, v, w	: Hız Bileşenleri
α	: Hücum Açısı
β	: Yanakayma Açısı
Φ, Θ, ψ	: Euler Açıları
p, q, r	: Euler Hızları
p _N , p _E , p _D	: Kuzey, Doğu, Aşağı Pozisyon Bileşenleri
X, Y, Z	: Kuvvet Bileşenleri
L, M, N	: Moment Bileşenleri
N _x , N _y , N _z	: Eksenel İvmeler
ρ	: Yoğunluk
Α	: Durum Katsayı Matrisi
В	: Giriş Katsayı Matrisi
С	: Çıkış Katsayı Matrisi
D	: İleribesleme Katsayı Matrisi



ÇİZELGE LİSTESİ

<u>Sayfa</u>

Cizelge 2.1 : Eksenel terminoloji	. 8
Cizelge 2.2 : Uzunlamasına dinamik kararlılık türevleri	11
Cizelge 2.3 : Yanal dinamik kararlılık türevleri	11
Cizelge 2.4 : Motor verisi	14
Cizelge 2.5 : Eyleyici verisi	14
Cizelge 2.6 : Eylemsizlik momenti ifadesi.	18
Cizelge 2.7 : Atmosfer modeli	24
Cizelge 3.1 : Denge noktası değerleri.	29
Cizelge 4.1 : Uzunlamasına hareket mod karakteristikleri.	37
Çizelge 4.2 : Yanal hareket mod karakteristikleri	38
Çizelge 4.3 : Komut filtresi değerleri.	41
Çizelge 4.4 : Genetik algoritma C* sonucu.	43
Çizelge 4.5 : Modifiye C* kontrol yapısı sonucu	45
Çizelge 4.6 : Genetik algoritma KKAS sonucu.	45
Çizelge 4.7 : Hooke & Jeeves C* sonucu.	48
Çizelge 4.8 : Hooke & Jeeves KKAS sonucu.	50
Çizelge 4.9 : BB-BC KKAS sonucu	52
Çizelge 4.10 : Yüksek iterasyon arama sonucu	53
Çizelge 4.11 : GTBS Modifiye C* sonucu.	55
Çizelge 4.12 : GTBS g-takibi sonucu	56
Çizelge 4.13 : GTBS KKAS sonucu.	57
Çizelge 4.14 : NMS C* sonucu.	59
Çizelge 4.15 : NMS KKAS sonucu.	59
Çizelge 4.16 : SQP C* sonucu.	62
Çizelge 4.17 : SQP KKAS sonucu.	.63
Çizelge 4.18 : Aileron, rudder denge noktası değerleri	.67
Çizelge 4.19 : Sınır koşulları ifadeleri.	.69
Çizelge 4.20 : Bang-Bang temelli PID kontrolör değerleri.	72
Çizelge 4.21 : DKD durum kontrolü zaman cevapları.	80
Çizelge 4.22 : DKD kontrolör geribesleme katsayıları	81
Çizelge 4.23 : Rotasyon hızı DKD sonucu.	84
Çizelge 4.24 : DKD Rotasyon hızı kontrolü zaman cevabı	85
Çizelge 4.25 : Uçuş kalitesi, kısa periyot sönümlenme oranı	.95
Çizelge 4.26 : Uzun periyot kararlılık standartları ifadesi	.95
Çizelge 5.1 : PID-tuner yunuslama ekseni sonuçları.	.99
Çizelge 5.2 : PID-tuner yuvarlanma ekseni sonuçları.	.99
Çizelge 5.3 : PID-tuner sapma ekseni sonuçları.	.00
Çizelge 6.1 : Optimizasyon algoritmalarının karşılaştırılması.	.04



ŞEKİL LİSTESİ

<u>Sayfa</u>

Şekil 2.1 : Kontrol yüzeyleri gösterimi.	9
Sekil 2.2 : Manevra süresince değişim: (a) Uçuş yörüngesi. (b) Kontrol yüz	evi
sapmaları.	.12
Şekil 2.3 : Manevra süresince aerodinamik katsayıların değişimi: (a) Elevatör.	(b)
Leading edge flap.	.12
Şekil 2.4 : Manevra süresince aerodinamik katsayıların değişimi: (a) Aileron	ve
rudder. (b) Dinamik kararlılık türevleri.	.13
Şekil 2.5 : Hava hızı göstergesi	.15
Şekil 2.6 : Uçuş süresince tanımlı eksenler.	.16
Şekil 2.7 : Uçağa etkiyen kuvvet ve momentlerin birleştirilmesi.	.19
Şekil 2.8 : Euler açıları gösterimi.	.21
Şekil 2.9 : Fareden giriş alma.	.25
Şekil 2.10 : FlightGear görseli.	.25
Şekil 2.11 : Uçuş yörüngesi görseli	.26
Şekil 2.12 : Kokpit göstergeleri T dizilimi.	.26
Şekil 3.1 : Denge noktası uçuşta değişim: (a) Durum açıları. (b) Rotasyon hızı	.30
Şekil 3.2 : Denge noktası uçuşta değişim: (a) Uçuş hızı. (b) Pozisyon	.30
Şekil 4.1 : Uçuş kontrol bilgisayarı oylama sistemi.	.34
Şekil 4.2 : Uçuş kontrol bilgisayarı hata tespiti.	.34
Şekil 4.3 : Kontrol sistemi yapısı.	.35
Şekil 4.4 : Durum tutucu otopilot yapısı	.36
Şekil 4.5 : Uçuş kontrol eksenel kontrolü.	.36
Şekil 4.6 : Uzunlamasına hareket kökleri.	.37
Şekil 4.7 : Yanal hareket kökleri	.38
Şekil 4.8 : Amaç modeli.	.39
Şekil 4.9 : Zaman cevabı gösterimi: (a) Hata. (b) Amaç değeri.	.39
Şekil 4.10 : C* kontrol yapısı	.40
Şekil 4.11 : C* kontrol modeli - Uçuş kontrol bilgisayarı	.41
Şekil 4.12 : Klasik KKAS ile kontrol – Uçuş kontrol bilgisayarı	.42
Şekil 4.13 : Kararlılık arttırma sistemi etkisi	.42
Şekil 4.14 : Genetik algoritma akış diyagramı	.43
Şekil 4.15 : Genetik algoritma C* zaman cevabı	.44
Şekil 4.16 : Dış-dönüş manevrası uçuş yörüngesi	.44
Şekil 4.17 : Genetik algoritma modifiye C* zaman cevabı	.46
Şekil 4.18 : Genetik algoritma KKAS sonucu.	.46
Şekil 4.19 : Hooke & Jeeves arama adımları.	.47
Şekil 4.20 : Hooje & Jeeves arama yakınsaması	.47
Şekil 4.21 : Hooke & Jeeves: (a) Yakınsama. (b) C* zaman cevabı	.48
Şekil 4.22 : Hooke & Jeeves: (a) Türevleyici eleman araması. (b) C* türevley	vici
eleman ile zaman cevabı.	.49
Şekil 4.23 : Hooke & Jeeves C* kontrol yapısı: (a) Manevra yörüngesi. (b) Zan	ıan
cevabı	.49

Şekil 4.24 : Hooke & Jeeves KKAS araması ve zaman cevabı: (a) Arama 1. (b) Ara	ama 50
Sekil 4 25 · Big Bang Big Crunch araması	51
Sekil 4 26 · BB-BC modifive C* vanisi: (a) Zaman cevahi (b) Hata sinvali	51
Sekil 4.27 : BB-BC C*, türevlevici eleman ile zaman cevabi karsılaştırmaşı	52
Sekil 4.28 : BB-BC KKAS arama 1: (a) Yakınsama, (b) Zaman cevabi	53
Sekil 4.29 : BB-BC KKAS arama 2: (a) Yakinsama. (b) Zaman cevabi	53
Sekil 4.30 : Gradvan temelli bisection: (a) Aralık gösterimi. (b) Yakınsama göster	imi.
	54
Sekil 4.31 : GTBS Modifive C* vakinsama	
Sekil 4.32 : Genetik algoritma C* zaman cevabi	56
Sekil 4.33 : GTBS: (a) Yakınsaması, (b) Zaman cevabı	56
Sekil 4.34 : GTBS KKAS araması zaman ceyabi: (a) G-kuyyeti. (b) Yunuslama l	1171
Sekil 4.35 : Nelder-Mead Simplex algoritma akış şeması.	58
Sekil 4.36 : NMS yakınsama.	58
Sekil 4.37 : NMS C* kontrol yapısı: (a) Yakınsaması. (b) Zaman cevabı	59
Şekil 4.38 : NMS KKAS yapısı: (a) Yakınsaması ve yunuslama hızı. (b) Zar	nan
cevabı	60
Sekil 4.39 : SQP akış şeması.	61
Sekil 4.40 : SQP (a) Yakınsaması. (b) Optimizasyon manevra yörüngesi	61
Sekil 4.41 : SQP C* zaman cevabı.	62
Sekil 4.42 : SQP KKAS yapısı: (a) Yakınsama. (b) Zaman cevabı	63
Şekil 4.43 : Yanal hareket kontrol sistemi.	64
Şekil 4.44 : Söndürücü filtresiz tasarım zaman cevabı: (a) Doğrusal model.	(b)
Doğrusal olmayan model.	65
Şekil 4.45 : Söndürücü filtre ile tasarım zaman cevabı: (a) Doğrusal model.	(b)
Doğrusal olmayan model.	65
Şekil 4.46 : Koordineli dönüş manevrası: (a) Söndürücü filtresiz. (b) Söndür	ücü
filtreli	. 66
Şekil 4.47 : Aileron rudder bağlantısı.	67
Şekil 4.48 : Geribesleme kazançları ile zaman cevapları değişimi	. 68
Şekil 4.49 : İki seviyeli Bang-Bang kontrolör yapısı	70
Şekil 4.50 : İki seviyeli Bang-Bang kontrolör zaman cevabı	70
Şekil 4.51 : Çok seviyeli Bang-Bang kontrolör yapısı	71
Şekil 4.52 : Bang-Bang kontrolör dayanım test manevrası	71
Şekil 4.53 : Bang-Bang temelli PID kontrolör yapısı.	72
Şekil 4.54 : Bang-Bang Temelli PID kontrolör zaman cevabı	73
Şekil 4.55 : Yedi seviyeli değişken histerisis Bang-Bang kontrolör.	74
Şekil 4.56 : Yedi seviyeli değişken histerisis Bang-Bang kontrolör zaman cevabı.	.75
Şekil 4.57 : Yedi seviyeli değişken histerisis Bang-Bang kontrolör hata sinyali	75
Şekil 4.58 : Kontrolör analiz manevrası.	76
Şekil 4.59 : Doğrusal olmayan sistem yunuslama DKD sonucu.	. 82
Şekil 4.60 : Doğrusal olmayan sistem yuvarlanma DKD sonucu	. 83
Şekil 4.61 : DKD yanal manevra.	. 86
Şekil 4.62 : DKD yunuslama manevrası.	. 87
Şekil 4.63 : Belirsizlik gösterimi.	. 88
Şekil 4.64 : H_{∞} kontrolör yapısı: (a) Klasik gösterim. (b) Karma sentez	. 89
Şekil 4.65 : Döngü şekillendirme	. 90
Şekil 4.66 : H∞ döngü şekillendirici kontrolör zaman cevabı	92

Şekil 4.67 : H∞ kontrolör yüksek gürültü performansı
Sekil 4.68 : Kontrol sinyali: (a) Gürültüsüz. (b) Yoğun gürültülü93
Şekil 4.69 : Arttırılmış dayanım zaman cevabı: (a) Gürültüsüz. (b) Yoğun gürültülü.
Şekil 4.70 : Arttırılmış dayanım kontrol sinyali: (a) Gürültüsüz. (b) Yoğun gürültülü.
Sekil 4.71 : Açık çevrim zaman cevabı94
Sekil 4.72 : Yer-kök eğrisi gösterimi: (a) Kısa periyot kökler. (b) Uzun periyot kökler.
Şekil 4.73 : Kontrolör kazancının belirlenmesi: (a) Başlangıç. (b) Seçim96
Şekil 4.74 : Kapalı çevrim zaman cevabı96
Şekil 5.1 : Kendini optimize eden PID bloğu
Sekil 5.2 : PID optimizasyon sorgu örnek gösterim
Sekil 5.3 : Yunuslama ekseni paddle lojik
Şekil 5.4 : Yunuslama açısı tutucu otopilot zaman cevabı
Şekil 5.5 : Yuvarlanma açısı tutucu otopilot zaman cevabı100
Şekil 5.6 : Sapma açısı tutucu otopilot zaman cevabı
Sekil 5.7 : İrtifa tutucu otopilot yapısı
Şekil 5.8 : İrtifa tutucu zaman cevabı
Şekil 5.9 : Otopilot g-kuvveti zaman cevabı102



UÇAK KKAS KONTROLÜ TASARIMI VE PARAMETRİK OPTİMİZASYONU: UÇUŞ VERİSİ İLE MODELLEME VE SİMÜLASYON

ÖZET

Tezin genel amacı uçuş kontrol algoritmalarının ve kararlılık / çeviklik terimlerinin anlaşılabilmesi, tasarım sürecinin analiz edilmesidir. Tasarım süresince uygulama metotları çeşitli tutuldu ve çalışmanın ilk adımı olarak F16 modellendi. Çalışmada modelleme için uçuş test verilerinden elde edilen kuvvet ve momentler ilgili kontrol yüzeylerine ve harekete aerodinamik katsayı olarak atanarak doğruluğu arttırılmış modelleme hakkında fikir oluşturulması hedeflendi. Modelin doğruluğunun arttırılması amacı ile literatür, askeri standartlar taranarak uygun eyleyici modelleri elde edildi. Uçuş zarfi 0.6 mach rejimine kadar karakteristlikleri içerecek şekilde modellendi. Tezin ikinci adımı olarak rahatlatılmış statik kararlılık (RSS) konseptine sahip F16 için uçuş-kritik özelliğe sahip uçuş kontrol sistemi uzunlama eksende çeşitli küresel ve küresel olmayan algoritmalar ile optimize edildi. Yanal eksende tasarım aşamaları gösterilerek, doğrusallaştırılmış model üzerinden modern kontrol uygulamarı olan doğrusal karesel düzenleyici ve belirsizlik dayanımlı kontrolör tasarımı yapıldı.

Çalışma farklı kontrol metotlarını geliştirme sürecine etkisi, temel uçuş kontrol terimlerinin ve karşılaşılan zorlukların anlaşılabilmesini, ayrıca tasarım adına metotlar geliştirmek ve okuyucuya metotlar üzerine ideolojik düşünebilme yetisi kazandırmayı hedeflemektedir.

Tez altı ana başlıktan oluşmaktadır. İlk kısımda tez hakkında genel bilgi verilip çalışma temel hatları ile özetlendi, ilerleyen bölümlerde çalışma içerisinde geçen temel kavramlardan ve çalışma içerisinde geçen temel kavramların alternatif formlarından kısaca bahsedildi. İkinci bölümde uçağın matematiksel modelinin oluşturulup simülasyon ortamının hazırlanmasından ve model hazırlama süresince kullanılan alt sistemlerden temel olarak bahsedilmiş olup üçüncü bölümde simülasyonu başlatıcak ilk koşulların hazırlanması ve bunu sağlamak için kullanılan denge noktası bulma algoritmasından bahsedildi. Dördüncü bölümde uçuş kontrol algoritması için farklı kontrol sistemleri oluşturularak, optimize edildi. Kullanılan optimizasyon metotları incelendi. Doğrusal olmayan modele ek olarak doğrusal model üzerinden durum geribeslemeli kontrol sistemleri, belirsizlik parametresi ile tasarım aşamaları gösterildi. Beşinci bölümde dış döngü kontrolü olarak otopilot tasarımı yapılması amacı ile bloğa giriş olarak bağlanan hata sinyalini minimize edecek kontrol sinyalini üreten blok tasarımı yapıldı. Sonuçlar kısmında yapılan çalışmadan tasarım süresince uçuş konforu gibi istenilen performans ölçütleri ve tasarım verimliliğinin en etkin olduğu metotlar, tasarımcı gözünden paylaşıldı.



AIRCRAFT SCAS CONTROL DESIGN AND PARAMETRIC OPTIMIZATION: MODELLING AND SIMULATION WITH FLIGHT DATA

SUMMARY

In this thesis main purpose is to understand the flight control laws and the stability / agility concepts of the aircraft together with the design processes. Various design methodology used in the thesis. Firstly, general information about aircraft and its history will be given. In the following, general information about control theory and stability concepts will be given. In addition, aircraft interface types will be explained in order to understand the importance of flight control system.

As a first step of obtaining high fidelity mathematical model of the F16 aircraft will be modelled from forces and moments for each contribution from the flight data which included up to 0.6 mach regime. In order the increase the fidelity of the model literature and military standarts scanned. As a result, actuator models were obtained for the selected aircraft.

Flight control system is flight critical for the aircrafts, and it must satisfy design assurance level. Also it is known that minimizing control effort for the agility and maneuverability is the main performance index for the fighter aircrafts. For the selected aircraft of F16, there is concept of Relaxed Static Stability (RSS) for the reduce pozitive static stability. Stability augmentation has done with flight control computer artificially. Also another main control terminologies, stability augmentation system and control augmentation system will be investigated. Design strategies and optimization methods will be declared during the thesis.

The aerodynamic effects of the aircraft modeled by dynamic variables are given in Chapter 2. Also, the total moments of the combination of all aerodynamic effects are expressed in terms of axes. The variation of the aerodynamic coefficients modeled with the sample maneuver set is given in detail. In this section, thrust information is given in the basic engine information of the aircraft. In addition, the regime is given the expression of the aircraft can fly, rotation angles are explained. The inference of motion equations is given with the general expression and kinematic equations. Mathematical equations of linear and angular acceleration and position are expressed. In this section, atmospheric conditions are explained and the necessary formulas for its calculation are explained. In addition, visualization elements used during the thesis are introduced in this section.

In Chapter 3, the equilibrium point was searched at 150 meter per second and 1000 meters altitude. The purpose of this section is to find the point of equilibrium for the control unit design to be used in the following sections. In addition, the principles of conversion of trim problem to optimization problem, trade-off between local search and global search of optimization method to be used in this direction are briefly explained.

Chapter 4 begins by briefly explaining the importance of flight control units and the concept of redundancy. The feedback structure of the control systems is described and the structures to be used are explained. When the flight control computer of the aircraft is not active, ie the open loop characteristics are examined, the poles of the motion modes declared. The performance indexes that form the objective function used for optimization are expressed. In addition, control structures used in flight control algorithm and C * control structure of them are explained in detail. The comparison of the performance of the optimization process according to the algorithms is given in this chapter. According to the results, the most successful results were obtained with Big Bang Big Crunch, Nelder-Mead Simplex and Sequental Quadratic Programming algorithms. The lateral control system is designed and optimized. The design is made in two steps without washout filter and washout filter. The effect of the added washout filter on the coordinated turn maneuver is given in time responses in order to observe the pilot relaxation with the washout filter design clearly. In addition, aileron rudder interconnection was added to compensate for undesired deviations of the resultant velocity junction in lateral maneuvers.

In Chapter 4, optimal control theory is explained along with its developmental history. As an introduction to the concepts that emerged with the optimal control theory, firstly a two level Bang-Bang controller was designed, PID was added as the top layer and the design was made by adding different layers and different hysteresis. Also in this chapter, linear analysis of the regime which stated in Chapter 3 will be conducted. State feedback and robust design introduced in the end of the Chapter 4. In this section, LQR and H^{\infty} controllers were designed and a set of maneuver was applied to test the controllers durability, splash-free control signal. In this study, two different designs were made for the both LQR and H^{\pi} controller. For the design of LQR controller two methods arise. One design is to design the autopilot function to hold euler angles. Other design aim is designing the stability and control augmentation system for the flight control computer. In the design step of H_{∞} , in order to control the performance and robustness requirement, and the performance was compared under high degradation and the observation of trade-off between performance and robustness was aimed. The thesis gives a perspective to understanding of flight control systems and directly aims to create an ideology for design.

The thesis implementate and advocate of new control algorithm for the existing modes for better performance. Design procedure of motion control is examined. Cordinated turn is invastigated, difficulties in pilot perspective is described. Solution method for the design step will be discussed.

The thesis consists of six main sections. In the first part, general information about the thesis is given and summarized with the basic lines of study. In addition, the basic concepts and alternative forms used in the study were briefly mentioned. In the second part, the mathematical model of the aircraft was formed, the simulation environment was prepared and the sub-systems used during the model preparation were mentioned. In the third chapter, the equilibrium point finding algorithm, which is used to prepare and provide the first conditions that will start the simulation, was mentioned. In the fourth chapter, different control systems for the flight control algorithm were created and optimized. The optimization methods used will be examined. Different optimization methods are explained.In addition to the nonlinear model, state feedback control systems, the uncertainty parameter and the design stages were shown in linear model. In the fifth chapter, the design of the block that produces the control signal to minimize the error signal which is connected to the block as an introduction to the

autopilot as an external loop control was made. In the last section, the results and suggestions will share the desired performance metrics such as flight comfort during the design and the methods with the most efficient design efficiency through the eyes of the designer.



1. GİRİŞ

Avcı savaş uçakları hava-hava muharebelerinde üstünlük kurması amacı ile çevik, hızlı manevra edilebilir olması için tasarlanmaktadırlar. Rahatlatılmış statik kararlılık olarak adlandırılan, kontrol otoritesisinin arttırılması amacı ile statik kararlılığın düşürülmesi konsepti ve fly-by-wire konseptinin uygulanması ile tasarlanan F16'lar dönemin en başarılı avcı uçağı olarak sektörde büyük öneme sahip olup, hâlen pilotlar tarafından takdir edilmektedir. Gelişen tekneloji karşısında F16'ya birçok küçük veya büyük güncelleme yapılmış olup ileriki bölümlerde detaylandırılacaktır.

1.1 Tezin Amacı

Bu tezde, F16 modellenip simülasyon ortamı hazırlandıktan sonra farklı metotlarla uçuş kontrol sistemi optimize edilmiştir. Tezin temel amacı uçuş kontrol sisteminin öneminin anlaşılması ve tasarım metotlarının incelenmesidir.

1.2 F16 Tarihçe

F16 General Dynamics tarafından modern avcı-bombardıman uçağı olarak tasarlanmış olup ilk üretimi 1976 yılında gerçekleşmiştir. Diğer uçaklarda olduğu gibi ilk etapta A ve B olarak iki prototip üretilmiş olup B prototipi çift pilotlu olarak eğitim görevi icra edilmesi amacı ile tasarlanmıştır. General Dynamics'in F16'yı 1993 yılında Lockheed Martine satması ile birlikte blok güncellemesi Lockheed tarafından devam ettirilmiştir. Savaşan şahin olarakta bilinen F16'nın büyük çapta başarı göstermesinin bir diğer nedeni ise çoklu göreve uyumluluğudur. 20'den fazla ülkede farklı bloklar olarak kullanılmaktadır. Amerikada F16'ların yerini alan yüksek performanslı beşinci nesil avcı uçağı olan F22 Raptorlar olması sebebi ile kendisi için üretmemesine karşın, pilotlar tarafından beğenilen ürün olmasıyla diğer ülkeler tarafından ilgi gören ürün olduğu için ithalat amaçlı üretmektedir. F16'yı dönemin diğer uçaklarından ayıran en büyük özelliği pilot ile kontrol yüzeyleri arasında doğrudan bağlantı olmaması, bir uçuş kontrol bilgisayarı vasıtası ile pilotun kokpit algılayıcıya uyguladığı kuvvetin

değerlendirilip uçuş kontrol yüzeyi eyleyicilerine sapma derecesi olarak iletilmesidir. Ayrıca dönemin diğer uçaklarından farklı olarak yüksek g dönüş yapabilme kabiliyetine sahiptir. Yüksek g dönüş konforunun arttırılması amacı ile o dönem ortada olan kokpit algılayıcılar (sitck) pilotun yanına alınmıştır.

1.3 Modelleme ve Simülasyonun Tarihçesi

Simülasyon geçtiğimiz yarım yüzyıl boyunca, operasyonel sistemlerin analizi için etkin bir araç olmuştur. Simülasyonlar kendine has özelliklere ve dile sahiptir. Simülasyon ürünü araştırma geliştirme ve uygulamanın evrimi ile oluşmaktadır. Yıllarca süren araştırmalar sonucunda resmi matematiksel ve istatistiksel süreç modelleri geliştirilmiş, modelin varsayımından öte uygulanabilirlik kuramını ortaya çıkarmıştır. Simülasyon, çok yönlü gelişmsel ortam sunmakla bilrikte, model geliştirme ve kullanım için matematiksel ve istatistiksel karmaşıklıktan kurtarmaktadır. Ayrıca simülasyon ortamları, modellerin geliştirmesini destekleyici çeşitli dillere sahiptir. Bu diller zaman içinde değişsede, modelleme yaklaşımı simülasyon yürütme perspektifiyle ayrı ayrı bağlantılıdır.

Simülasyon ortamı, gerçek sistemin davranışını zamana bağlı olarak dinamik olarak gerçekleştirmek ve zaman içindeki durum değişkenlerinin değerini simülasyon zamanında değiştirme imkanı tanır. Genel olarak simülasyon dilini ikiye ayırmak mümkündür: ayrık ve sürekli. Ayrık zaman çalışma modelinde sistemdeki durumlar belirli bir adım aralığında ayrık birimler halinde değişirken, sürekli zaman çalışma modelinde sistemin durumları sabit adımlar ile değil farklı zamanlar ile değişir. Bir sonraki adım aralığının hesaplanması sistemin değişim eğiliminden karar verilir. Günümüzde birçok simülasyon programı çok yönlü olup, çoğu zaman ayrık ve sürekli araçların özelliklerini birleştiren birçok modelleme paradigmasını desteklemektedir (Roberts & Pegden, 2017).

60 yıllık simülasyon tarihi boyunca, dört farklı unsur üzerinde durulmuştur: olaylar, faliyetler, süreç ve nesneler (Overstreet & Nance, 1986). 1961 yılında Gordon, 1962 yılında Markowitz ve ark., 1963 yılında Tocher ve 1966 yılında Dahl ile Nygaard yaptıkları çalışmalar ile simülasyonun öncüleri olmuşlardır.

Simülasyonun üzerinde yoğunlaştığı temel unsurlar son yarım asırda rafine edilmesine rağmen ortaya çıktığında savunduğu temel fikirler değişmemiştir. Simülasyon

kullanım kolaylığını sürdürüken, süreci ve nesneyi daha esnek bir biçime getirmeye çabalamıştır.

Modellemenin yaygınlaşması olaylar ile olmuştur. İncelenmesi zor, imkansız veya masraflı olan olaylar benzetim yapılması amacı ile modellenmeye başlanmıştır. Modelleme araçları simülasyonun gelişmesinden sonra yaygın olarak kullanılmaya başlandı ve en büyük avantajı birçok karmaşık sistemin modellenebilmesiydi. Simülasyonun ortaya çıkışının ilk yıllarında karşılaşılan en önemli zorluk bilgisayarların yetersizliğinden kaynaklanan verimsizlik ve hataların ayıklanarak olay bağlantısının kurulması oldu. Gelişen teknoloji ve bilgisayarların işlem gücünün artması ile benzetimin aşamasının verimliliği artarak, çoğu sektörü modellemesimülasyon konseptine yakınlaştırmıştır.

Kuzey Amerika'da simülasyon modellerinin gelişiminde olaylara odaklanan modelleme yaygınlaşırken, İngiltere'de K.D. Tocher tarafından üç fazlı modelleme yaklaşımı başlatılmıştır (Hollocks, 2008).

1.4 Genel Bilgilendirme

Herhangi bir sistemin modellenebilmesi için sistemin çok iyi tanınması çok önemlidir. Bu başlık altında temel kontrol terimleri ve uçak arayüz tipleri gibi temel bilgilendirmeler yapılacaktır.

1.4.1 Kararhhk

Kontrol kavramı ilerleyen teknoloji ile günden güne önem kazanmış bir kavramdır. İlerleyen teknoloji ile hayatımıza giren robotlar, otonom arabalar ve insansız hava araçları bu sektörün büyük ivme kazanmasını sağlamıştır. Kararlılık uçakların kullanım kalitesinin ölçülmesinde en önemli ölçüt olduğu için, havacılık sektöründe önemli bir tasarım metriğidir. Uçaklar için kararlılık kavramını statik kararlılık ve dinamik kararlılık olarak ikiye ayırmamız mümkündür.

1.4.1.1 Statik Kararhhk

Kararlılık bir durumun korunma eğilimi ifadesidir. Dinamik bir sisteme etkiyen bozuntuyu sıfırlayıcı kararkteristik gösteren sistemlere statik kararlı, sisteme etkiyen bozuntu ile başlangıç durumundan uzaklaşma eğilimidir. Doğal kararlılık ise bozuntu sonrası oluşan durumu koruma yani sistemi başlangıç noktasına ne uzaklaşma ne yakınlaşma eğilimi göstermesidir. Çeviklik konseptine sahip hava-hava taarruz uçakları için minimum kontrol eforu ön plandadır. F16'nın dönemin en etkin avcı uçağı olmasının temel sebebi sahip olduğu rahatlatılmış statik kararlılık (RSS) konseptidir. Bu konsept ile kararlılık uçuş kontrol bilgisayarı tarafından sentetik olarak sağlanmaktadır. Ticari uçaklar için performans metriği konfor olup, tercih edilen basit tasarım metodu pozitif statik kararlılık olmasına rağmen rahatlatılmış statik kararlılık konsepti ile yapılan tasarım çalışmalarıda uçuş ve kullanım kalitesi bakımından başarılı sonuçlar vermiştir (Perez, Liu, & Behdinan, 2005).

1.4.1.2 Dinamik Kararlılık

Dinamik kararlılık için statik kararlılık gereklidir. Statik olarak kararlı olmayan dinamik sistem için dinamik kararlılıktan bahsedilemez. Dinamik kararlılık hareketin zaman içinde salınım genliği ile alakalıdır. Pozitif dinamik kararlılıkta hareketin zaman ile gerçekleştirdiği salınım genliği azalmakta, negatif dinamik kararlılıkta yani dinamik kararsız durumda zaman ile hareketin salınım genliği artmaktadır. Nötr yada doğal dinamik kararlılıkta ise hareketin salınım genliği korunmaktadır.

1.4.2 Uçak Arayüz Tipleri

1.4.2.1 Mekanik

Geleneksel mekanik veya hidromekanik arayüz daha çok düşük bütçeli uçaklarda yüksek performans gereksinimine ihtiyaç duyulmadığı zaman yapılmaktadır. Mekanik arayüz kullanım otoritesini büyük ölçüde pilota verirken, tasarım aşamasında statik kararlılığın sağlanmış olmasını şart koşmaktadır.

1.4.2.2 Elektronik

İlerleyen teknoloji ile birlikte pilot ile uçak arasına elektronik arayüz gelerek, pilotun komutlarını uçuş zarfına göre işlemek ve gerekli kontrol sinyalleri ilgili kontrol yüzeylerine iletmekle sorumludur. En yaygın olarak kullanılan elektronik arayüz tipi kablolu uçuştur (Fly-by-Wire). Bunun yanında ağırlığın, yakıt sarfiyatının ve bakım maliyetlerinin azaltılması amacıyla ortaya çıkan sinyalin kablosuz sinyal olarak iletildiği kablosuz uçuş (Fly-by-Wireless) konsepti ortaya çıkmıştır. Kablosuz uçuş konseptinin uçuş kritik parçalar üzerinde elektromanyetik geçirgenliği ve güvenliği halen tartışılmaktadır (Dang, Mifdaoui, & Gayraud, 2012). Bunun yanında diğer bir

elekronik arayüz tipi optik uçuş (Fly-by-Light) olup bu konseptte bakır kabloların yerini fiber optik kablolar almaktadır. Fiber optik kabloların bakır kablolara göre yüksek bantgenişliği, yüksek hız, yüksek menzil, sicaklık, nem ve zor hava şartlarına karşı sinyal kaybı olmaması, kablo boyutu, ağırlık, elektromanyetik alandan ve elekromanyetik frekanstan etkilenmemesi ve bakır kabloya yapılan koruyucu katmanın ve getirdiği ağırlığının olmaması şeklinde sıralanabilir (Garg, Linda, & Chowdhury, 2013). Optik uçuş konsepti uygulamaları hava kuvvetlerinin NC-131H uçağı, McDonnell-Douglas tarafından test amaçlı MD-87 ve NASA tarafından F-18'de görülmektedir, ancak insansız hava araçlarında kullanımı gibi yaygınlaşamamıştır. Günümüz fiber optik teknolojisinin gelişmesi ile zaman içinde pilotlu hava araçları için kullanımın yaygınlaşması öngörülmektedir.



2. MODELLEME

Modelleme bölümünde uçağın içerdiği dinamikler modellenecektir. Kokpit modeli olarak kokpitte bulunan indikatörlerin T dizimi üst tarafta mevcuttur. Model farklı girişler ve görselleştirmeler içermektedir. Doğrusal olmayan model Simulink üzerinde kurulmuş olup, çalışmada kullanıldığı için içerdiği alt sistemlerden kısaca bahsedilecektir. Matematiksel modelin genel görünümü Şekil 2.1'de verilmiştir.



Şekil 2.1 : Üst model görünüm.

Sensör verileri hava veri bilgisayarında işlendikten sonra uçuş için kritik bilgiler uçuş kontrol bilgisayarına gitmektedir. Sensör modeli yüksek frekanslı 2. Dereceden filtre ve gürültü eklenerek modellenebilmektedir, ancak gerçek sistemde sensörler yedekli olup uçuş kritik parçaların tek hattan beslenmesi standartlara uygun olmadığından uçuş kontrol bilgisayarına giden işlenmiş sensör verileri verimlidir. Bu sebeple çalışmada sensör gürültüleri ihmal edilmiştir.

2.1 Uçak Gövdesi

Uçak modeli F16'nın karakteristiğini en doğru yansıtacak şekilde seçilmiştir. Bu konuda literatür çalışması yapılmış ve F16 karakteristiklerinin incelendiği veritabanları kullanılmıştır. Bu veri tabanı aerodinamik kuvvet katsayılarını uçağın

gövde ekseninde (Cx, Cy, Cz) ifade etmiş olup, hücum açısı (AOA) ve yanakayma açısı (AOS) kullanılarak ek eksen dönüşümü yapılmamıştır. Veritabanı itki ve kontrol yüzeylerinin etkisini de içermektedir, model üzerinde implemantasyonu gerçekleştirilmiştir. F16'da bulunan Uçakta bulunan birincil kontrol yüzeyleri:

- Differantial Horizontal Tail
- Flaperon
- Rudder

Ana kontrol yüzeylerine ek olarak uçağın itkisini ayarlayan gaz pedalı (throttle) ile uçağın hızı ve hızı ile artacak aerodinamik kuvvetler kontrol edilebilmektedir. Bu yüzeylere ek olarak pilot kokpitte bulunan bir çubuk aracılığı ile hız kesici (spoiler) kullanabilmektedir. Leading edge flaplar uçuş rejimine yani hücum açısı ve dinamik basınca göre uçuş kontrol bilgisayarı tarafından otomatik ayarlanmaktadır. İniş sırasında havada tutunmanın sağlanması için firar kenarı flaplar (Trailing Edge Flap, TEF) otomatik olarak ayarlanmaktadır, bu koşulda herhangi bir kanatçıkta sapma limitine ulaşıldığında yani sature olduğunda diğer kanatçık mixer aracılığı ile otoriteyi almaktadır. Bu eksene ek olarak uçaklar yer ekseni kuzey, doğu ve aşağı yönde (NED), ayrıca enlem, boylam ve irtifa (LLA) olacak şekilde tanımlanabilmekte olup model içinde dönüşümleri yapılmıştır. Tanımlanan sabit eksen yerçekimi etkileri, uçuş yüksekliği, yatay mesafeyi ve uçak pozisyonunu belirlemekte kolaylık sağlar. Uçağın eksenlerine göre etkiyen paremetreler terminolojik olarak Çizelge 2.1'de verilmiştir.

Tanım	Yuvarlanma ekseni	Yunuslama ekseni	Sapma ekseni
Kuvvet bileşeni	Х	Y	Ζ
Moment bileşeni	L	Μ	Ν
Hız bileşeni	u	V	W
Açısal hız bileşeni	р	q	r
Eylemsizlik momenti	I_x	I_y	I_z

Çizelge 2.1 : Eksenel terminoloji.

2.1.1 Aerodinamik Model

Uçağın çevresindeki akış sebebi ile uçağın çevresinde basınç oluşmaktadır. Uçağın etrafında oluşan farklı basınç değerlerinden kaynaklı, yüksek basınçtan alçak basınca doğru kuvvet oluşmaktadır. Bu kuvvet taşıma kuvvetinin temel mantığı olup, ek olarak hız bileşeninin tersi yönde sürüklenme kuvveti oluşmaktadır. Taşıma ve sürüklenme kuvveti aerodinamik kuvvetler olarak geçmektedir. Rüzgara bağlı olarak hız
vektöründe kayma oluşmaktadır. Hız vektörü ile uçağın burun yönü arasında kalan dikey açı hücum açısı (angle of attack), yatay açı ise yanakayma açısı (angle of sideslip) ile ifade edilmektedir. Hücum açısı, yanakayma açısı ve bileşke hızın ifadeleri sırası ile denklem 2.1, 2.2 ve 2.3'te verilmiştir.

$$\alpha = \arctan\frac{w}{u} \tag{2.1}$$

$$\beta = \arcsin \frac{v}{v} \tag{2.2}$$

$$V = \sqrt{u^2 + v^2 + w^2}$$
(2.3)

Hız bileşenlerinin elde edilmesi için rüzgar ekseninde tanımlı hızın gövde eksenine taşınması hücum açısı ile yanakayma açısı ile olur. Bileşke hızın x, y ve z eksenlerdeki bileşenlerinin ifadesi sırası ile denklem 2.4, 2.5 ve 2.6' da verilmiştir.

$$u = V\cos(\alpha)\cos(\beta) \tag{2.4}$$

$$v = V\sin(\beta) \tag{2.5}$$

$$w = V sin(\alpha) cos(\beta)$$
(2.6)

Hareket denklemleri bölümünde hız bileşenlerinin değişimi detaylandırılacaktır.

Uçak üzerinde kontrol yüzeylerinin katkıları uçuş verilerinden elde edilen veriler ile modellenmiştir. Uçak üzerinde bulunan birincil ve ikincik kontrol yüzeyleri Şekil 2.1'de verilmiştir.



Şekil 2.1 : Kontrol yüzeyleri gösterimi.

Kontrol yüzeylerin adlandırılması şu şekildedir:

1) Aileron

- 2) Elevatör
- 3) Rudder
- 4) Firar kenar flap
- 5) Hücum kenar flap

F16 için aileron ve firar kenar flaplar birleşiktir ve iki farklı fonksiyonu gerçekleştiren bu kontrol yüzeyi flaperon olarak adlandırılır. Hücum kenar flaplar uçuş rejimine göre yani dinamik basınç-irtifa ve hücum açısına göre uçuş kontrol bilgisayarı tarafından otomatik sürülürler.

Aerodinamik etkiler uçuş verilerinden oluşturulmuştur. Uçağa x, y ve z eksenlerinde etkiyen toplam aerodinamik kuvvet katsayısı sırası ile denklem 2.7, 2.8 ve 2.9'da ve momentler katsayısı sırası ile denklem 2.10, 2.11 ve 2.12'de verilmiştir (Stevens, Lewis, & Johnson, 1992).

$$\Sigma C_x = 0.5 C_x(\alpha, \beta, \delta_{le}) + 0.5 C_x(\alpha, \beta, \delta_{re}) + C_{x_{lef}}(\alpha, \beta) + C_{x_q}(\alpha) q\bar{c}/2V$$
(2.7)

$$\Sigma C_{y} = C_{y}(\alpha,\beta) + C_{y_{lef}}(\alpha,\beta) + C_{y_{\delta_{a}}}(\alpha,\beta)(\delta_{la} - \delta_{ra})/2 + C_{y_{\delta_{R}}}(\alpha,\beta)\delta_{R} + [C_{y_{p}}(\alpha)p + C_{y_{r}}(\alpha)r]b/2V$$
(2.8)

$$\Sigma C_z = 0.5 C_z(\alpha, \beta, \delta_{le}) + 0.5 C_z(\alpha, \beta, \delta_{re}) + C_{z_{lef}}(\alpha, \beta) + C_{z_q}(\alpha) q\bar{c}/2V$$
(2.9)

$$\Sigma C_{l} = C_{l}(\alpha, \beta, \delta_{e}) + C_{l_{lef}}(\alpha, \beta) + C_{l_{\delta_{a}}}(\alpha, \beta)(\delta_{la} - \delta_{ra})/2 + C_{l_{\delta_{R}}}(\alpha, \beta)\delta_{R} + [C_{l_{p}}(\alpha)p + C_{l_{r}}(\alpha)r]b/2V + C_{l_{\beta}}(\alpha)\beta$$
(2.10)

$$\Sigma C_m = C_m(\alpha, \beta, \delta_e) + C_{m_{lef}}(\alpha, \beta) + C_{m_q}(\alpha)q\bar{c}/2V + \Sigma C_z(\Delta x_{cg})$$
(2.11)

$$\Sigma C_n = C_n(\alpha, \beta, \delta_e) + C_{n_{lef}}(\alpha, \beta) + C_{n_{\delta_a}}(\alpha, \beta)(\delta_{la} - \delta_{ra})/2 + C_{n_{\delta_R}}(\alpha, \beta)\delta_R + [C_{n_p}(\alpha)p + C_{n_r}(\alpha)r]\frac{b}{2V} + C_{n_\beta}(\alpha)\beta$$
(2.12)

Birimsiz dinamik kararlılık türevleri uzunlamasına eksen için önemli olanlar tanımları ile birlikte katkısı önemliden azalana doğru Çizelge 2.2'de verilmiştir (Stevens, Lewis, & Johnson, 1992). Çalışmada modeli bulunan dinamik türevler kalın yazılmıştır.

Tanım
Taşıma eğrisi eğimi (Türbülans dayanıklılığını belirler)
Yunuslamaya karşı dayanım (Statik kararlılık için negatif olmalıdır)
Yunuslama sönümlenmesi (Kısa periyot sönüm için negatif olmalı)
Hıza bağlı yunuslama momenti katsayısı (Kararlı tuck modu için pozitif olmalıdır)
Hücum açısı değişimine bağlı yunuslama katsayısı
Hız sönümlenmesi (Hız ile sürüklenme kuvvetinin değişimi)
Hücum açısına bağlı sürüklenme kuvveti katsayısı
Hıza bağlı taşıma katsayısı
İvme türevi-taşıma katsayısı
Yunuslama hızına bağlı taşıma katsayısı

Çizelge 2.2 : Uzunlamasına dinamik kararlılık türevleri.

Birimsiz dinamik kararlılık türevleri yanal eksen için önemli olanlar tanımları ile birlikte katkısı önemliden azalana doğru Çizelge 2.3'te verilmiştir (Stevens, Lewis, & Johnson, 1992). Çalışmada modeli bulunan dinamik türevler kalın yazılmıştır.

Parametre	Tanım
$C_{l_{\beta}}$	Dihedral türevi (Statik kararlılık için negatif olmalıdır)
$C_{n_{\beta}}$	Sapma dayanımı (Statik kararlılık için pozitif olmalıdır)
C_{l_p}	Yuvarlanma sönümlenmesi (Sönüm için negatif olmalıdır)
C_{n_r}	Sapma sönümlenmesi (Sönüm için negatif olmalıdır)
C_{n_p}	Yuvarlanma hızı sapma momenti etki katsayısı
C_{l_r}	Sapma hızı yuvarlanma momenti etki katsayısı
$C_{Y_{\beta}}$	Yanakayma açısının yanal kuvvet etki katsayısı
C_{Y_r}	Sapma hızı yanal kuvvet etki katsayısı
C_{Y_p}	Yuvarlanma hızı yanal kuvvet etki katsayısı
$C_{Y_{\dot{B}}}$	Yanakayma hızı yanal kuvvet etki katsayısı
$C_{l_{\dot{\beta}}}$	Yanakayma hızı yuvarlanma momenti etki katsayısı

Çizelge 2.3 : Yanal dinamik kararlılık türevleri.

Uçuş rejiminde aerodinamik katsayıların değişiminin gösterilmesi için 35 saniyelik manevra seti tanımlanmıştır. Manevra pozisyonu ve manevra süresince pozisyonların ve kontrol yüzeylerinin sapması Şekil 2.2'de verilmiştir.



Şekil 2.2 : Manevra süresince değişim: (a) Uçuş yörüngesi. (b) Kontrol yüzeyi sapmaları.

Manevra sırasında aerodinamik katsayıların elevatör ve hücum kenarı flap ile değişimi Şekil 2.3'te verilmiştir. Toplam aerodinamik katsayı hesaplanması kısmında aerodinamik katsayıların hangi değişkenlerin fonksiyonu olduğu belirtilmektedir.



Şekil 2.3 : Manevra süresince aerodinamik katsayıların değişimi: (a) Elevatör. (b) Leading edge flap.

Aerodinamik katsayılara, aileron katkısı, rudder katkısı ve uzunlamasına ve yanal eksende dinamik değişkenlerin katkısı Şekil 2.4'te verilmiştir.



Şekil 2.4 : Manevra süresince aerodinamik katsayıların değişimi: (a) Aileron ve rudder. (b) Dinamik kararlılık türevleri.

Farklı kontrol yüzeylerinin ve diğer parametrelerin katkısıyla elde edilen toplam katsayılardan aerodinamik kuvvet ve moment etkilerinin hesaplanışı aşağıda ifade edilmiştir.

Sürüklenme Kuvveti = $\bar{q}SC_X$ Yan Rüzgar = $\bar{q}SC_Y$ Taşıma Kuvveti = $\bar{q}SC_Z$ Yuvarlanma Momenti = $\bar{q}SbC_l$ Yunuslama Momenti = $\bar{q}ScC_m$ Sapma Momenti = $\bar{q}SbC_n$

2.1.2 İtki Modeli

Uçağın modellenmesinde en önemli yerlerden bir diğeri ana kuvvetlerden itki kuvettini oluşturan sistem olan itki-tahrik sisteminin modellenmesidir. F16 için itki modellenirken AfterBurner karakteristiği göz önünde bulundurulmuştur. F16 için afterburner %80 gaz çubuğu konumundan sonra devreye girmektedir. Gaz çubuğundan gelen yüzdelik komut güç komutuna çevrilmektedir. Bu çevrim hesabı afterburner sınırına kadar doğrusal olarak artmaktadır. F16 motoru General Electric tarafından üretilen ve 125 kN itkiye sahip F110-GE-100 motorudur. General Electric tarafından 1970'lerin sonunda yeni bloklarda da kullanılan 6 kN daha fazla itkiye sahip

F110-GE-129 motoru üretilmiştir. Arap emirliklerinde bulunan blok 60'larda 144.6 kN itkiyle F110-GE motorunun en güçlü versiyonu olan F110-GE-132 bulunmaktadır. F110-GE-129 motorun standart gün ve deniz seviyesinde belirlenen özellikleri Çizelge 2.4'te belirtilmiştir (GE, 2019).

Parametre	Değer [#]	
Tip	A/B Turbofan	
Uzunluk	4.6 m	
Maksimum Çap	1.2 m	
Ağırlık	1778 kg	
Kompresör	9 Yüksek basınç kompresör	
Türbin	2 Düşük / 1 Yüksek basınç türbin	
Maksimum İtki	129 kN (73 kN kuru)	
Havaakışı	122.4 kg/saniye	
Bypass orani	0.76	

Çizelge 2.4 : Motor verisi.

2.1.3 Uçuş Kontrol Sistemi

Uçuş kontrol sistemi terminoloji olarak uçuş kontrol bilgisayarı, eyleyici ve hidrolikleri kapsayan bir üst sistemdir. Uçakların eyleyici seçimleri belirli standartlara uygun yapılmaktadır. Bu kapsamda eyleyici dinamiğinin karakteristikleri yaklaşık olarak bilinmektedir. Kararsız tasarlanan F16 için performansı büyük önem arz eden eyleyicilerin seçimi standartlara uyan literatür araştırması doğrultusunda yapılmıştır. Modellenen eyleyici dinamikleri Çizelge 2.5'te verilmiştir. Uçuş kontrol bilgisayarı tarafından sağlanan sinyalin eyleyicilere darbe yapıp hidrolik basınç kaybı gibi sorunların önüne geçilmesi amacı ile algoritmada doyma ve hız doyması blokları yer almaktadır. Uçuş kontrol bilgisayarı çıktısı yani kontrol sinyali eyleyiciye giden referans açı değerleridir.

Çizelge 2.5 : Eyleyici verisi.

Eyleyici	Transfer fonksiyonu	Doyma noktası	Doyma hızı
Dif. Horizontal Tail	20	±25°	±70°/s
Flaperon	$\frac{\overline{s+20}}{20}$	±21.5°	$\pm 70^{\circ}/s$
Rudder	$\frac{s+20}{20}$	$\pm 30^{\circ}$	$\pm 70^{\circ}/s$
Leading Edge Flap	$\frac{s+20}{10}\\\frac{10}{s+10}$	±25°	±30°/s

Uçuş kontrol bilgisayarı içerisinde çalışacak olan uçuş kontrol algoritması için farklı metotlarla tasarlanan zarfa uygun kontrol yapıları kullanılmıştır. Literatürde belirtilen UKB ufak değişimler ile uzunlamasına eksende performanslı ve yumuşak bir kontrol sağlarken yanal hareketlerin etkileşiminden (lateral coupling) dolayı yanakayma açısı oluşmakturmaktadır. Buna önlem olarak hata giriş olarak beslenebilmektedir. UKB limitli bir zarfa kadar tasarlandığından bu rejimde içimdeki komut çıkışlarını limitleyen geribeslemeler ile zarf koruması sağlamaktadır. Ancak belirli bir limitin üzerine çıktığında kontrol sistemi belirsizlikler sebebi ile yetersiz kalmaktadır. Simulasyon süresince kalınması gereken zarfın belirtilmesi için uçuş rejimi yeşil ile belirtilmiştir.



Şekil 2.5 : Hava hızı göstergesi.

Tasarlanan diğer uçuş kontrol algoritmaları parametrik optimizasyon ile oluşturulmuştur. Optimizasyon metotları olarak küresel arama metodu olan genetik algoritma, big-bang-big-crunch ve çevre araması yapan hooke-jeeves kullanılmıştır. Katsayı aramasının hızlandırılması amacı ile eşit bölmeli arama (bisection) metodu arama bölgesinin orta noktasında gradyan ilerlemesi yapacak şekilde modifiye edilerek küresel arama algoritmalarına hibrit algoritma olarak eklenmiştir. Algoritmalar ilgili başlık altında detaylandırılacaktır.

2.1.4 Uçuş Yönetim Sistemi

Uçuş yönetim sistemi (Flight Management System) uçağın görev bazlı fonksiyonlarının oluşturulduğu bilgisayardır. F16 Blok 40 ile uçuş kontrol

bilgisayarının dijitalleşmesi gibi birçok önemli güncelleme almıştır. Gelişen teknolojisi ile birlikte F16 uçuş yönetim fonksiyonları modüler görev bilgisayarı altında toplanmıştır. Modüler görev bilgisayarı görselleştirme birimleri ile radara yüksek hızlı eternet kabloları ile bağlıdır. Modüler görev bilgisayarı pilota görevi icra edebilmesi için yardımcı bildirileri yollar veya pilotun yerine uçağın komuta eder. F16 için uçuş yönetim sisteminin temel otopilot fonksiyonları aşağıda verilmiştir.

- Durum Tutucu (Attitude Hold)
- İrtifa Tutucu (Altitude Hold)
- Yönelim Seçici (Steering Select)

2.2 Hareket Denklemi

Uçağın üzerine etkiyen kuvvetler yerçekimi kuvveti, aerodinamik kuvvetler ve itki kuvvetidir. Yerçekimi kuvveti her zaman dünyanın merkezine doğru yani dünya sabit ekseninde tanımlıdır. Aerodinamik kuvvetler rüzgara bağlı oluşan kuvvetler olup rüzgar ekseninde oluşurlar. İtki kuvveti ise motorların gövdeye sabitlenmesi sebebi ile gövde ekseninde tanımlanabilmektedirler. Uçağın hareketi incelenirken tüm kuvvetlerin uçağın gövde eksenine taşınması gerekmektedir. Dünya sabit ekseninde gövdeye taşınan kuvvetler için Euler açıları, rüzgar ekseninden gövde eksenine taşınması için hücum açısı ve yana kayma açısı gerekmektedir. Modelde kullanılan aerodinamik veriler Cx, Cy, Cz yani gövde üzerinde tanımlı verildiğinden ek dönüşüm yapılmamıştır.



Şekil 2.6 : Uçuş süresince tanımlı eksenler.

Bu bölümde hareket denklemlerinin türetilişi özetlenecektir. Hareket denklemlerinin türetilmesi için Newtonun ikinci yasasından faydalanılmaktadır. Newtonun ikinci yasası cismin momentumunun zaman ile değişiminin etkiyen kuvvetlerle olan ilişkisini içerir. Denklem ile ifade edilecek olursa denklem 2.13 ve denklem 2.14 türetilir.

$$\sum F = \frac{d}{dt}(mv) \tag{2.13}$$

$$\sum M = \frac{d}{dt}H$$
(2.14)

Uçak sonsuz küçüklükte ağırlıklar olarak ifade edilecek olursa ve herhangi noktanın ağırlık merkezine (c.g) olan uzaklığına r diyecek olursak denklem 2.15 türetilir.

$$F = m \frac{dv_c}{dt} + \frac{d^2}{dt^2} \sum r \delta m$$
(2.15)

Yazdığımız ifade tüm noktalar için toplanıcak olursa 0'a eşit olacaktır. Aynı şekilde moment ifadesi denklem 2.16'da verilmiştir.

$$\delta M = \frac{d}{dt} \,\delta H = \frac{d}{dt} (r \times \upsilon) \,\delta m \tag{2.16}$$

Hız sabit varsayılarak denklem 2.17 elde edilebilir.

$$H = \sum \delta H = \sum (r \times v_c) \delta m + \sum [r \times (\omega \times r)] \delta m$$
(2.17)

Euler hızları (p, q ve r) ve mesafeler (x, y ve z) yerine yazılarak x, y ve z ekseninde sırası ile denklem 2.18, 2.19 ve 2.20 elde edilir.

$$H_{X} = pI_{X} - qI_{XY} - rI_{XZ}$$
(2.18)

$$H_{Y} = -pI_{XY} + qI_{Y} - rI_{YZ}$$
(2.19)

$$H_{z} = -pI_{xz} - qI_{yz} + rI_{z}$$
(2.20)

Eylemsizlik momenti ifadeleri Çizelge 2.6'da verimiştir.

Eylemsizlik	Matematiksel ifadesi
momenti	
I_X	$\iiint (y^2 + z^2) \delta m$
I_{Y}	$\iiint (x^2 + z^2) \delta m$
I_{Z}	$\iiint (x^2 + y^2) \delta m$
I_{XY}	$\iiint xy \delta m$
I_{XZ}	$\iiint xz\delta m$
I_{YZ}	$\iiint yz \delta m$

Çizelge 2.6 : Eylemsizlik momenti ifadesi.

Denklem kümesi gövde ekseninden denklem 2.21 vasıtasıyla dünya eksenine taşınacak olursa uçağın x, y ve z eksenleri etrafında oluşacak moment ifadesi için sırası ile denklem 2.2, denklem 2.3 ve denklem 2.24 türetilir.

$$M = \frac{dH}{dt}\Big|_{B} + \omega \times H \tag{2.21}$$

$$\sum \Delta L = \dot{p}I_{x} - \dot{r}I_{xz} + qr(I_{z} - I_{y}) - I_{xz}pq \qquad (2.22)$$

$$\sum \Delta M = \dot{q}I_{Y} + pr(I_{X} - I_{Z}) + I_{XZ}(p^{2} - r^{2})$$
(2.23)

$$\sum \Delta N = \dot{r}I_{Z} - \dot{p}I_{XZ} + qp(I_{Y} - I_{X}) + rqI_{XZ}$$
(2.24)

Buradan açısal hızların değişimi çekilecek olursa ve diğer katkılar eklenecek olursa (Stevens, Lewis, & Johnson, 1992) açısal hızların değişimi ifadesi x, y ve z ekseni etrafında türetilmesi denklem 2.25, 2.26 ve 2.27'de verilmiştir.

$$\dot{p} = \frac{J_{xz}[J_x - J_y + J_z]pq - [J_z(J_z - J_y) + J_{xz}^2]qr + J_zl + J_{xz}n}{(J_xJ_z - J_{xz}^2)}$$
(2.25)

$$\dot{q} = \frac{(J_z - J_x)pr - J_{xz}(p^2 - r^2) + m}{J_y}$$
(2.26)

$$\dot{r} = \frac{-J_{xz}[J_x - J_y + J_z]qr + [J_x(J_x - J_y) + J_{xz}^2]pq + J_{xz}l + J_xn}{(J_xJ_z - J_{xz}^2)}$$
(2.27)

Hareket denklemlerinin teorisi anlatılmış olup modelde EoM (Equation of Motion) bloğu içinde bulunmaktadır. Hava aracı havada iken yani iniş takımı kuvveti yokken ve motorun ağırlık merkezinden uçağın burun hizasında itki ürettiği varsayımı (moment etkisi yok) ile uçak üzerine etkiyen kuvvetler denklem 2.28'de ve momentler denklem 2.29'da verilmiştir.

$\Sigma Kuvvet = Aerodinamik Kuvvetler + Yerçekimi Kuvveti + İtki (2.28)$

ΣMoment = Aerodinamik Momentler = Kontrol Yüzeyi Momentleri + Dinamik Türevler + Ağırlık merkezi kaymasından dolayı oluşan momentler (2.29)

Doğrusal olmayan model üzerine kuvvetlerin oluşturulması, birleştirilmesi ve hareket denklemeleri ifadesi Şekil 2.7'de verilmiştir.



Şekil 2.7 : Uçağa etkiyen kuvvet ve momentlerin birleştirilmesi.

Hareket denklemlerinin fiziksel karşılığı sırası ile açıklanacak olursa açısal ve çizgisel ivmelerin gövde ekseninde hesaplanır, integrasyon ile rotasyon açıları belirlenir ve rüzgar ekseninde hız dönüşümü yapılır. En son aşamada elde edilen hız bileşenleri dünya ekseninde tanımlanır. Bu şekilde hareket denklemlerinden 12 durum gelmektedir. Altı serbestlik dereceli hareket denkleminden gelen durumların vektör ifadesi denklem 2.30'da verilmiştir. Uçak üzerinde temel hareket durumlarımıza ek olarak eyleyici durumları ve uçuş kontrol sistemi algoritmasından gelen durumlarımız gibi birçok durumuz vardır. Her bir integratörde ek durum getireceğinden ihtiyaç duyulduğu noktada durumsuz integratör tasarımı yapılmalıdır. Altı serbestlik dereceli hareketten gelen 12 temel durumun değişimleri kuvvet, moment, kinematik ve navigasyon denklemlerinden elde edilmektedir.

$$Durumlar = \begin{cases} x_N \\ x_E \\ x_D \\ u \\ v \\ w \\ p \\ q \\ r \\ \Phi \\ \theta \\ \psi \end{cases}$$
(2.30)

Hız bileşenlerinin değişimi kuvvet denkleminden elde edilmektedir. Kuvvet denklemlerinin ifadesi aşağıda verilmiştir.

$$\dot{u} = rv - qw + a_x \tag{2.31}$$

$$\dot{v} = -ru + pw + a_y \tag{2.32}$$

$$\dot{w} = qu - pv + a_z \tag{2.33}$$

Denklemde a_x, a_y ve a_z ile belirtilen ivme bileşenleri denklem 2.34, 2.35 ve 2.36 vasıtası ile elde edilir. X_A, Y_A, Z_A aerodinamik kuvvet bileşenleri, X_T, Y_T, Z_T ise itki bileşenleridir.

$$a_x = (X_A + X_T)/m - gsin\theta \tag{2.34}$$

$$a_y = (Y_A + Y_T)/m + gsin\phi cos\theta$$
(2.35)

$$a_z = (Z_A + Z_T)/m + g\cos\phi\cos\theta \qquad (2.36)$$

Altı serbestlik dereceli hareket denklemleri için kinematik denklemler aşağıda verilmiştir.

$$\dot{\phi} = p + \tan\theta(q\sin\phi + r\cos\theta) \tag{2.37}$$

$$\dot{\theta} = q\cos\phi - r\sin\theta \tag{2.38}$$

$$\dot{\psi} = \frac{(q \sin\phi + r \cos\phi)}{\cos\theta} \tag{2.39}$$

Uçağın pozisyon durumlarının değişiminin hesabı kuzey pozisyonu değişimi, doğu pozisyonu değişimi ve irtifa değişimi olarak sırası ile denklem 2.40, 2.41 ve 2.42'de verilmiştir. Bu değişim integre edilerek uçağın pozisyon verileri elde edilir.

$$\dot{p_N} = u(\cos(\theta)\cos(\psi)) + v(-\cos(\Phi)\sin(\psi) + \sin(\Phi)\sin(\theta)\cos(\psi)) + w(\sin(\Phi)\sin(\psi) + \cos(\Phi)\sin(\theta)\cos(\psi))$$
(2.40)

$$\dot{p}_{E} = u(\cos(\theta)\sin(\psi)) + v(\cos(\Phi)\cos(\psi) + \sin(\Phi)\sin(\theta)\sin(\psi)) + w(-\sin(\Phi)\cos(\psi) + \cos(\Phi)\sin(\theta)\sin(\psi))$$
(2.41)
$$\dot{h} = u\sin(\theta) - v\sin(\Phi)\cos(\theta) - w\cos(\Phi)\cos(\theta)$$
(2.42)

2.2.1 Euler Açıları

Euler açıları Leonhard Euler tarafından katı bir cismin sabit bir eksene göre rotasyonunun tanımlanması amacı ile ortaya atılmıştır. 3 eksenli sabit eksen takımı ile 3 eksenli sabit eksenden bağımsız eksen takımı arasında dönüşüm yapılmasını sağlar. Bu dönüşüm 3 dönüş hareketi ile gerçekleşmektedir. 3 rotasyon ile (Φ , Θ , ψ açıları) eksen takımının sabit eksenden dünya eksenine geçişi Şekil 2.8'de gösterilmiştir.



Şekil 2.8 : Euler açıları gösterimi.

X, Y ve Z etrafinda hareketini tanımlayan rotasyon matrisleri sırası ile denklem 2.43, 2.44 ve 2.45'te verilmiştir.

$$R_{x}(\phi) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \phi & -\sin \phi \\ 0 & \sin \phi & \cos \phi \end{bmatrix}$$
(2.43)

$$R_{y}(\theta) = \begin{bmatrix} \cos\theta & 0 & \sin\theta \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin\theta & 0 & \cos\theta \end{bmatrix}$$
(2.44)

$$R_z(\psi) = \begin{bmatrix} \cos\psi & -\sin\psi & 0\\ \sin\psi & \cos\psi & 0\\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(2.45)

Örnek olarak sırası ile ψ , θ , ϕ dönüşü gerçekleştiren bir sistem için rotasyon matrislerini birleştirmek mümkündür. Net rotasyon matrisinin eldesi denklem 2.46'da ifade edilmiştir (Cook M. V., 1997).

$$\begin{bmatrix} X_s \\ Y_s \\ Z_s \end{bmatrix}_{SabitEksen} = R_z(\psi)R_y(\theta)R_x(\phi) \begin{bmatrix} X_b \\ Y_b \\ Z_b \end{bmatrix}_{BağumsuZEksen}} \{ \psi \to \theta \to \phi \} =$$

$$\begin{bmatrix} \cos\psi & -\sin\psi & 0 \\ \sin\psi & \cos\psi & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos\theta & 0 & \sin\theta \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin\theta & 0 & \cos\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos\phi & -\sin\phi \\ 0 & \sin\phi & \cos\phi \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_b \\ Y_b \\ Z_b \end{bmatrix}_{BağumsuZEksen}} =$$

$$\begin{bmatrix} \cos\theta \cos\psi & -\cos\phi & \sin\psi + \sin\phi & \sin\theta & \cos\psi & \sin\phi & \sin\phi & \cos\phi \\ \cos\theta & \sin\psi & \cos\phi & \cos\psi + \sin\phi & \sin\theta & \sin\psi \\ -\sin\theta & & \sin\phi & \cos\theta & \cos\phi & \sin\theta & \sin\psi \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_b \\ Y_b \\ Z_b \end{bmatrix}_{BağumsuZEksen}}$$

$$\begin{bmatrix} 2X_b \\ Y_b \\ Z_b \end{bmatrix}_{BağumsuZEksen}$$

$$(2.46)$$

Farklı bir örnek olarak sırası ile θ , ϕ , ψ dönüşü gerçekleştiren bir katı cisim için rotasyon matrisi denklem 2.47'de verilmiştir.



2.2.2 Quaternion

Euler çözümünün içerdiği sinüs ve kosinüs fonksiyonları dolayısı ile 90 derece için tekillik problemi oluşturduğundan, Quaternion çözümü hareket denklemlerinde önemli yere sahiptir. Quaternion Euler metodunda 90 derece için yaşanan tekillik problemini temel olarak Euler'in 3 ana parametresinden farklı olarak skaler q0 ve vektorel q1, q2, q3 olmak üzere 4 parametreye sahip olarak çözmektedir. Bu parametrelerin hesaplanışı rotasyon açılarıyla q0, q1, q2 ve q3 parametrelerinin hesaplanışı sırası ile denklem 2.48, 2.49, 2.50 ve 2.51'de verilmiştir (Zipfel, 2007).

$$q0 = \cos\left(\frac{\Phi}{2}\right)\cos\left(\frac{\theta}{2}\right)\cos\left(\frac{\psi}{2}\right) + \sin\left(\frac{\Phi}{2}\right)\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)\sin\left(\frac{\psi}{2}\right)$$
(2.48)

$$q1 = \sin\left(\frac{\Phi}{2}\right)\cos\left(\frac{\theta}{2}\right)\cos\left(\frac{\psi}{2}\right) - \cos\left(\frac{\Phi}{2}\right)\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)\sin\left(\frac{\psi}{2}\right)$$
(2.49)

$$q2 = \cos\left(\frac{\Phi}{2}\right)\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)\cos\left(\frac{\psi}{2}\right) + \sin\left(\frac{\Phi}{2}\right)\cos\left(\frac{\theta}{2}\right)\sin\left(\frac{\psi}{2}\right)$$
(2.50)

$$q3 = \cos\left(\frac{\Phi}{2}\right)\cos\left(\frac{\theta}{2}\right)\sin\left(\frac{\psi}{2}\right) - \sin\left(\frac{\Phi}{2}\right)\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)\cos\left(\frac{\psi}{2}\right)$$
(2.51)

Euler açılarının fiziksel olarak karşılıkları daha kolay anlaşılabildiği için quaternion çıkışları euler açısı cinsindendir. Bu dönüşüm için öncelikle normalizasyon yapılmalıdır. Normalizasyon için denklem 2.52, 2.53, 2.54 ve 2.55 kullanılmıştır.

$$q0_{normalize} = \frac{q0}{\sqrt{q0^2 + q1^2 + q2^2 + q3^2}}$$
(2.52)

$$q1_{normalize} = \frac{q_1}{\sqrt{q_0^2 + q_1^2 + q_2^2 + q_3^2}}$$
(2.53)

$$q2_{normalize} = \frac{q2}{\sqrt{q0^2 + q1^2 + q2^2 + q3^2}}$$
(2.54)

$$q3_{normalize} = \frac{q_3}{\sqrt{q_0^2 + q_1^2 + q_2^2 + q_3^2}}$$
(2.55)

Normalize edilmiş quaternion parametrelerinden rotasyon açılarının elde edilmesi mümkündür. X , y ve z etrafındaki rotasyon açılarının eldesi sırası ile denklem 2.56, 2.57 ve 2.58'de verilmiştir.

$$\Phi = atan\left(\frac{2*(q_{2n}q_{3n}+q_{0n}q_{1n})}{q_{0n}^2 - q_{1n}^2 - q_{2n}^2 + q_{3n}^2}\right)$$
(2.56)

$$\theta = \operatorname{asin}(-2 * (q 1_n q 3_n - q 0_n q 2_n))$$
(2.57)

$$\psi = atan\left(\frac{2*(q_{1n}q_{2n}+q_{0n}q_{3n})}{q_{0n}^2+q_{1n}^2-q_{2n}^2-q_{3n}^2}\right)$$
(2.58)

2.3 Çevre Modeli

Çevre modeli içerisinde uçağın içerisinde bulunduğu ortam modellenmiştir. Çalışmada mevcut olduğu için bu başlık altında kısaca özetlenecektir.

2.3.1 Yer Çekimi

Her zaman sabit yer ekseninden aşağı doğru yani dünyanın merkezine doğru olan ve uçağın ağırlık merkezinden etki eden yerçekimi kuvveti uçağın gövde eksenine euler açıları vasıtası ile geçirilmiştir. Yerçekimi kuvvetinin gövde ekseninde x, y ve z düzlemine taşınma ifadesi sırası ile denklem 2.59, 2.60 ve 2.61'de verilmiştir.

$$X_q = -mgsin\theta \tag{2.59}$$

$$Y_g = mg\cos\theta\sin\phi \tag{2.60}$$

$$Z_g = mgcos\theta cos\phi \tag{2.61}$$

2.3.2 Atmosfer modeli

Modelde SI birim sistemi kullanılmış olup hava ideal gaz ve kuru hava kabulu yapılmıştır. İrtifanın ortalama deniz seviyesinden ölçüldüğü varsayımı yapılmıştır. Model için hesaplarda kullanılan bazı parametreler Çizelge 2.7'de verilmiştir (Administration, 1976).

Çizelge 2.7 : Atmosfer modeli.

Parametre	Değer [Birim]
Deniz Seviyesi Hava Yoğunluğu (rho0)	1.225 [Kg/m^3]
Deniz Seviyesi Hava Basıncı (P0)	101325 [Pa], [N/m^3]
Deniz Seviyesi Hava Sıcaklığı (T0)	288.15 [K]
Yer Çekimi (g)	9.80665 [m/s^2]
Isı Kapasite Oranı [γ]	1.4
Evrensel Gaz Sabiti [R]	287.0531 [Nm], [kmol*K]
Troposhpere [h_trop] / Strotosphere [h_stro] İrtifası	11000 / 20000 [m]
Sıcaklık Değişim Eğrisi [L]	-0.0065 [K/m]

ISA modeline göre ses hızının hesaplanması denklem 2.62'de verilmiştir.

$$a = \sqrt{\gamma RT} \tag{2.62}$$

Hava basıncı hesaplaması denklem 2.63'te verilmiştir.

$$P0 * \left(\frac{T}{T_0}\right)^{g/((L*R))} * e^{\frac{(h-h_{trop})^g/_R}{T}}$$
(2.63)

Hava yoğunluğu hesaplaması denklem 2.64'te verilmiştir

$$\left(\left(\frac{T}{T_0} \right)^{g/((L*R))} / \left(\frac{T}{T_0} \right) \right) * rho0 * e^{\frac{(h-h_{trop})^{g}/R}{T}}$$
(2.64)

2.4 Giriş Metodu

Simulasyona giriş (Input) verisi Matlab içinde tanımlanan giriş seti, fare veya Joystick aracılığı ile verilebilmektedir. Fare vasıtası ile giriş alınabilmesi amacı farenin tıklama fonksiyonuna yazılan callback fonksiyonu ile input girişi yapılmıştır (EK D). Örnek görüntüsü Şekil 2.9'da verimiştir.



Şekil 2.9 : Fareden giriş alma.

2.5 Görselleştirme

Simulasyonun görselleştirilmesi amacı ile Matlab/Simulink-Flight Gear bağlantısı kurulmuştur. Veri Simulinkten Kullanıcı Veribloğu İletişim Kuralları (UDP, User Datagram Protocol) vasıtası ile FlightGear'a tek taraflı iletilmektedir. Alternatif olarak uçuş yörüngesinin gösterilmesi amacı ile 3 boyutlu harita ANIM_TYPE 3'e atanarak çalıştırılabilmektedir. Görselleştirme için örnek FlightGear görüntüsü Şekil 2.10'da verilmiştir.



Şekil 2.10 : FlightGear görseli.



Uçuş yörüngesini görüntüleyen scriptin çıktısı olan görsel Şekil 2.11'de verilmiştir.

Şekil 2.11 : Uçuş yörüngesi görseli.

Ayrıca uçuş süresince kokpit göstergeleri T diziliminde gösterimi Şekil 2.12'de verilmiştir.



Şekil 2.12 : Kokpit göstergeleri T dizilimi.

Hız göstergesi ölçülen hava hızının (IAS, Indicated Air Speed), ideal durumda sadece statik basıncın alınması istenilen statik portun üzerinde bulunan akış sebebi ile oluşan dinamik basıncın yarattığı hata ile bir hava veri bilgisayarı (ADC, Air Data Computer) tarafından kalibre edildikten sonra gösterilmiş kalibre edilmiş hava hızıdır (CAS, Calibrated Air Speed). T diziliminde yapay ufuk belirtici orta üst tarafta bulunur. Uçağın yere göre yunuslama açısını ve yuvarlanma açısının anlaşılması sağlar. İrtifa göstergesi statik basıncın ortam şartlarına göre düzeltilmesi ile elde edilir. Orta altta bulunan manyetik yönelim göstergesi pilota uçağın kuzey-güney, doğu-batı doğrultusunda oryantasyonunu bildirir.





3. DENGE NOKTASI

Modelin başlatılabilmesi için ilk koşullar gerekmektedir. Denge noktasını bulunarak ilk koşul olarak atanmalıdır. Denge noktası trim algoritması ile elde edilmektedir. Uçağın katsayılarını ve hareket denklemini içeren C koduna gönderilen giriş ve durumlar ile durumların değişimleri elde edilmektedir. Durumların değişimleri istenilen trim koşuluna göre yani düz uçuş, burun yukarı manevrası, koordineli dönüş manevrası gibi farklı amaçlara uyacak şekilde ağırlık fonksiyonu ile çarpılarak hesaplanır. Trim algoritması genetik algoritma ile çalışmaktadır, uygun mutasyon oranı ile genetik algoritmanın avantajı lokal minimuma takılmaması ve sonuca yakınsamayı garantilemesidir. Dezavantaj olarak hızının gradyan aramasına oranla büyük ölçüde yavaş olmasıdır. Bu sebeple trim noktası için fminsearch() gibi gradyan temelli fonksiyonlar kullanılabilmektedir. Trim algoritması giriş olarak hız, irtifa almaktadır. Trimlenmek istenen koşul olarak manevra seçilmesi halinde oran girilmesi beklenmektedir. Uçağın dinamiklerinin incelenmesi açısından açık çevrim yani uçuş kontrol sistemi dahil edilmeden 150 m/s hız ve 1000 metre irtifada trimlenecek olursa denge noktası değerleri Çizelge 3.1'de verilmiştir.

Denge girişi veya durumu	Değer [#]
Yatay Kuyuruk Sapması [derece]	-1.3461
Flaperon Sapması [derece]	-0.085665
Rudder Sapması [derece]	-0.011136
Gaz Pedal Yüzdesi [%]	0.010958
Yuvarlanma Açısı [derece]	0.6129
Yunuslama Açısı [derece]	2.3231
Sapma Açısı [derece]	1.6668
Yuvarlanma Hızı [derece/s]	-6.6715e-23
Yunuslama Hızı [derece/s]	7.2164e-20
Sapma H1z1 [derece/s]	-2.7968e-21
Hız Bileşeni_u [m/s]	148.947
Hız Bileşeni_v [m/s]	0.0094822
Hız Bileşeni_w [m/s]	6.0425
İrtifa [m]	1000

Çizelge 3.1 : Denge noktası değerleri.

Trim halinde sonsuz hal zaman cevaplarının incelenmesi amacı ile durum açılarının ve durum açılarının değişimi derece cinsinden Şekil 3.1'de verilmiştir.



Şekil 3.1 : Denge noktası uçuşta değişim: (a) Durum açıları. (b) Rotasyon hızı.



Uçağın hızı ve dünyaya göre konumu Şekil 3.2'de verilmiştir.

Şekil 3.2 : Denge noktası uçuşta değişim: (a) Uçuş hızı. (b) Pozisyon.

3.1 Amaç Fonksiyonu

Uçağın trim (denge) noktası aranırken dikkat edilmesi gereken en önemli nokta uçağın durumlarının sabitlenecek ve ayarlanacak olanlarının ayrımının gerçekleşmesidir. Uçağın denge noktasının bulunması problemi optimizasyon problemine dönüştürülebilmektedir. Optimizasyonun amaç fonksiyonu kısaca uçağın bir birim örnekleme zamanında uçağın durumlarının değişmemesi, eğer manevra için denge noktası aranıyor ise istenilen manevra için uygun Euler hızı hariç diğer durumların değişmemesidir. Şekillendirilen amaç fonksiyonu doğrultusunda en iyileme (optimizasyon) yapılmalıdır.

3.2 Arama Algoritması

Arama algoritması olarak genetik algoritma kullanılmıştır. Uygun seçilen mutasyon oranı ile yakınsaması %100' e yakın olan genetik algoritma seçilmesinin sebebi yerel minimumlara takılmasının engellenmesidir. Ancak göz önünde bulundurulmalıdır ki küresel arama algoritmalarının çalışma süresi gradyan temelli algoritmalara nazaran çok uzun olmaktadır.

3.2.1 Yerel Arama

Yerel arama metotlarına sezgisel arama metotlarıda denebilir. Yerel aramının en büyük dezavantajı başlangıç koşuluna ve yanındaki değerlere bağlı olmasıdır ve yerel optimum noktalara takılma ihtimali vardır. Bu sebeple denge noktası bulmada küresel algoritma tercih edilmiştir.

3.2.2 Küresel Arama

Küresel algoritmalar belirli bir ilk değerden bağımsız olarak yakınsarlar. Yüksek örnek sayısı ve sınırları doğru ayarlanmış örnek uzayında yakınsama oranlar çok yüksektir. En yaygın kullanılanlar listelenmiştir.

- Parça sürüsü algoritması
- Genetik algoritma
- Karınca sürüsü algoritması

Çalışmada genetik algoritma kodu yazılmıştır. Ek olarak PID_Tuner gibi kendini ayarlaryan blok için matlab'in genetik algoritma toolbox'ı sadelik açısından avantaj sağladığı için kullanılmıştır.



4. UÇUŞ KONTROL YASASI TASARIMI

Kontrol sistemleri hayatın her alanında yer almaktadır. Temel olarak kontrol sistemi, kontrol edilmek istenilen sistemlerin karakteristiğini direkt veya endirekt olarak etkiyen sistemdir. Günümüzde birçok uçak insan yardımı olmadan kalkış yapma, hedefe gitme ve iniş yapma yetisine sahiptir. Her ne kadar otonom sistemler hayatımızı kolaylaştırsada karışık kontrol yasaları beraberinde bazı karmaşıklıklar getirebilmektedir. Örnek olarak yakın zamanda Lions Air'e ait Boeing 737 Max uçağının otopilot devrede iken perdövites (stall) durumu olmadan perdövites algılayıp uçağı burun aşağı yapmıştır. Uçağın bu karakteristiği göstermesinin sebebi olarak yeni model 737 Max'lara manevra kontrol arttırma sistemi (MCAS) eklenmiş olması savunulmaktadır. Bu konu üzerine eski bir havayolu pilotu, kaza araştırmacısı ve Florida merkezli bir güvenlik danışmanı olan Keith Mackey belirtmesine göre FAA yönergesi pilotlara otopilot sisteminin kapalı tutulmasını hatta gerekirse yunuslama ekseni trim sistemininde kapalı tutularak uçağın manual uçurulması gerektiğini söylüyor (Bogaisky, 2018). Ayrıca belirtilmektedir ki gelişen uçuş kontrol yasaları pilotaj eksiklerini ortaya çıkarmaktadır.

Wise makalesinde bahsetmektedir ki dünya genelinde kaza oranının 1977'de milyon uçuş başına dört kazadan bugün 0.4'e düşmesinin ana nedeni otomasyon olup, genede bazı kazaların temel nedenini oluşturmaktadırlar. Bu sebeple pilotaj her zaman önem verilmesi gereken bir konu olmuştur (Wise, 2019).

Havacılık alanında kontrol sistemi Fly-by-wire uçaklar için uçuş kritik (Tasarım Güvence Seviyesi A) öğelerdir. Bu sebeple içerikleri farklı ancak aynı amaca hizmet eden farklı üniteler ile yedeklenmiş olup, herhangi bir kontrol sinyali bu ünitelerin birbiri içerisinde oylanması (voting) sonucunda üretilmektedir (Marx, 1977). Daha önce üretilen sistemler dört yedeklidirler (quadruplex). Gelişen ve güven duyulan üniteler, dört yedekli sistemin oluşturabildiği voting tekilliği gibi sorunlar bazı üreticileri üç yedekli (triplex) uçuş kontrol bilgisayarlarına yönlendirmiştir. Çapraz kanal – çapraz oylama kullanılmış yedekli sistem için güvenilirliği hesaplayacak olursak, üç yedekli bir sistemin 1 saat görev icrası süresince hata yapma olasılığı

hesaplanması denklem 4.1'de verilmiştir. Denklemde yer alan λ bir saat boyunca bir kanalın hata olasılığıdır ve yaklaşık 10^{-3} alınmıştır.

$$F \approx 3\lambda^2 = 3 \times 10^{-6} \tag{4.1}$$

Dört yedekli çapraz kanal – çapraz oylama sistemi için 1 saat içinde hata olma olasılığı hesaplanması denklem 4.2'de verilmiştir.

$$F \approx 4\lambda^3 = 4 \times 10^{-9} \tag{4.2}$$

Çapraz oylayıcı hata izleyici Şekil 4.1'de verilmiştir.



Şekil 4.1 : Uçuş kontrol bilgisayarı oylama sistemi.

Yedekli sistemlerin çapraz kanal hata tespiti mantık yapısı Şekil 4.2'de verilmiştir



Şekil 4.2 : Uçuş kontrol bilgisayarı hata tespiti.

Kontrol sistemini açık veya kapalı çevrim şeklinde sınıflandırabiliriz. Açık çevrim sistemlerde kontrolör giriş sinyalini etkileyerek kontrol sinyali oluşturmaktadır. Kapalı çevrim sistemlerde ise kontrolör çıkış sinyali ve giriş sinyalini birlikte değerlendirerek kontrol sinyali oluşturulur. Bu sistemlere geri besleme sistemi denilebilir. Genellikle çıkış sinyali giriş sinyaline negatif bağlanmaktadır, bu sistemler negatif geri besleme sistemi diye bilinirler. Bu durumda kontrolör giriş ve çıkış sinyallerinin farkı olan hatadan beslenmiş olur. Kapalı çevrim sistemlerde iki yön bulunmaktadır, bunlar sırası ile ileri yön ve geri yöndür. Kontrol sisteminin ifadesi Şekil 4.3'te verilmiştir.



Şekil 4.3 : Kontrol sistemi yapısı.

Havacılık endüstrisinde özellikle pilotlu hava araçları için standartların doğrulanması konusunda kolaylık sağlaması, literatürün geniş olması ve tecrübe birikiminin fazla olması gibi sebepler ile her ne kadar son 20 yılda modern kontrol ile başarılı uygulamalar gerçekleşmiş olsada, klasik kontrol yaygın olarak kullanılmaktadır (Cook M. V., 1999).

PID kontrolcüsü ve parametrik optimizasyonu çalışmanın otopilot / uçuş yönetim bilgisayarı tasarımı başlığı altında tasarlanacaktır. Örnek olarak yunuslama açısı tutucu otopilot yapısı verilmiştir. Burada KKAS kararlılık ve kontrol arttırma sistemi olup uçağın kapatılamaz iç döngü kontrolcüsüdür. Otopilot dış döngü olarak çalışmakta olup iç döngüye girdi sağlamaktadır. Uçuş yönetim bilgisayarı başlığı altında detaylandırılacaktır. Yunuslama açısı tutucu otopilot yapısı Şekil 4.4'te verilmiştir.



Şekil 4.4 : Durum tutucu otopilot yapısı.

PID kontrolörün ürettiği kontrol sinyali denklem 4.3'te verilmiştir.

$$u(t) = K_p e(t) + Ki \int_0^t e(t) dt + Kd \frac{de(t)}{dt}$$

$$\tag{4.3}$$

Uçağın kontrolünde uzunlamasına (longitudinal) ve yanal (lateral) olarak ayrılarak tasarım yapılması mümkündür. Ancak yuvarlanma (roll) ekseni ile sapma (yaw) ekseni birbirine bağlı olduğu için özellikle sonsuz hal hatalarını gideren ve manevra performansı sağlayan aileron rudder bağlantısı (ARB) gibi ek tasarımlar gündeme gelebilmektedir. Genel olarak uçuş zarfını başarı ile tamamlayacak yüksek hücum açılı bir uçak için ARB tasarımı hücum açısının mach sayısı ile fonksiyonundan oluşturulabilmektedir.

UKB' nin genel olarak çıkış sağladığı sistemler birincil kontrol yüzeyleri sapmalarıdır. Diferansiyel yatay kuyruk, flaperon, rudder komutunun aksine LEF komutu pilot girişlerinden bağımsız olarak uçuş rejimine göre belirlenir. Yüksek öneme sahip bu elemanlar yedekli olduğundan dolayı elde edilen sinyaller diğer dallardan gelen sinyallerle karşılaştırılarak oylanır. Oylama sonrası doğruluğu kabul edilmiş sinyal eyleyiciye giderek gerçeklenir. Uçuş kontrol bilgisayarında kontrol yüzeylerine giden kontrol sinyallerinin oluşturulduğu dış blok Şekil 4.5'te gösterilmiştir.



Şekil 4.5 : Uçuş kontrol eksenel kontrolü.

Kontrol sistemi kurulmadan kontrol edilecek sistemin en iyi şekilde tanınması önem arz etmektedir. Bu doğrultuda uçağın açık çevrim yani uçuş kontrol sistemi olmadan cevabı incelenerek hareketinin karakteristlikleri incelenebilir. 150 m/s hız ve 1000 metre irtifa değerinde denge noktası etrafında doğrusallaştırılmış modelin uzunlamasına eksende hareket köklerinin yerleri Şekil 4.6'da verilmiştir.



Şekil 4.6 : Uzunlamasına hareket kökleri.

Uzunlamasına hareket modlarının kökleri ve karakteristlikleri Çizelge 4.1'de verilmiştir.

Çizelge 4.1 : Uzunlamasına hareket mod karakteristikleri.

Tanım	Kısa Periyot	Uzun Periyot (Phugoid)
Kökler	$-1.1902 \pm 0.7364i$	$-0.0049 \pm 0.0679i$
Doğal Frekans (rad/s)	1.3996	0.0681
Sönümlenme Oranı	0.8504	0.072

Şekil 4.7'de gösterildiği üzere uzunlamasına hareketin kökleri kararlı tarafta çıkmıştır. Uçakların yük durumuna göre ağırlık merkezi hareket eder ve bu kararlılığı değiştirmektedir. Yanal eksende hareket modları incelenecek olursa spiral mod orjine dolayısıyla doğal kararlılık bölgesine yakın çıkmıştır.



Şekil 4.7 : Yanal hareket kökleri.

Yanal hareket kökleri ve hareket karakteristikleri Çizelge 4.2'de verilmiştir.

Tanım	Yuvarlanma Mod	Dutch-Roll Mod	Spiral Mod
Kökler	-3.4841	-0.4138 <u>+</u> 2.9328 <i>i</i>	-0.0151
Doğal Frekans (rad/s)	3.4841	2.9618	0.0151
Sönümlenme Oranı	1	0.1397	1

Çizelge 4.2 : Yanal hareket mod karakteristikleri.

4.1 Uçuş Kontrol Bilgisayarı Parametrik Optimizasyon

Uçuş kontrol bilgisayarı parametrik optimizasyonu için gerekli amaç fonksiyonumuz simulink içinde oluşturularak, algoritmaya gelir. Amaç fonksiyonu jenerik tasarlanmış olup tüm optimizasyon algoritmalarına uygundur. Kontrol edilmek istenen hata üzerine türetilen amaç fonksiyonunun simulink üzerinde kurulmuş matematiksel ifadesi Şekil 4.8'de gösterilmiştir.



Şekil 4.8 : Amaç modeli.

Performans ölçütü olarak ISE (Integral Square Error) yani hatanın karesinin integrali (denklem 4.4) ve ITSE (Integral Time Square Error) yani hatanın karesinin zaman ile çarpımının integrali (denklem 4.5) kullanılabilmektedir. Bunun yanında başka performans ölçütleri de vardır. Hatanın mutlak değerinin integrali (denklem 4.6) ve bunun zamanla cezalandırılmış hali (denklem 4.7) diğer örnek performans ölçütleri olarak verilmiştir.

$$ISE = \int_0^T e(t)^2 dt \tag{4.4}$$

$$ITSE = \int_0^T te(t)^2 dt \tag{4.5}$$

$$IAE = \int_0^T |e(t)| dt \tag{4.6}$$

$$ITAE = \int_0^T t|e(t)|dt \tag{4.7}$$

Örnek olarak 7 ve 15. Saniyelerde uygulanan komut değişimleri ile hata Şekil 4.9'da verilmiştir. Parametrik optimizasyon yunuslama ekseni için gerçekleştirilecektir. Optimizasyon sürelerinin ve algoritmaların anlamlandırılabilmesi için kullanılan işlemci performansı önemlidir. Tez süresince 2.30GHz Intel® Core[™] i5-8300H işlemci kullanılmıştır.



Şekil 4.9 : Zaman cevabı gösterimi: (a) Hata. (b) Amaç değeri.

Optimizasyon başlığı altında bahsedilecek kısımlar amaç fonksiyonu 7 saniye boyunca pilotun yapacağı 35 librelik stick kuvvetine karşı uçuş kontrol algoritmasındaki hatanın karesini biriktirmektedir. Uçuş kontrol bilgisayarından üretilen kontrol yüzeyi sinyalleri uzunlamasına, yanal ve yönelme olarak 3 eksende incelenebimektedir. Optimizasyon sürecleri uzunlamasına eksen üzerinden anlatılacak olup yanal ve yönelim eksenleri üzerinde sonuç odaklı tasarım yapılacaktır.

4.2 Uzunlamasına Kontrol Sistemi Yapısı

4.2.1 C* Kontrol Yapısı

C* kontrol yapısı 1965'te Boeing tarafından ortaya atılmıştır. Pilotların düşük hızlarda yunuslama hızının yüksek hızlarda ise g-kuvvetini kontrol etmesinden türetilen denklemin temeli hissiyatın formüle edilmesi ile bulunmaktadır. C* kontrol yapısı klasik kontrol ve kararlılık arttırma sistemleri ile entegre edilecektir. Entegre yapı Şekil 4.10'da verilmiştir.



Şekil 4.10 : C* kontrol yapısı.

C* parametresi denklem 4.8'de ifade edilecek olsun.

$$\mathcal{C}^* = k_1 n_z + k_2 \dot{\theta} + k_2 \ddot{\theta} \tag{4.8}$$

C* ifadesi g-kuvveti ile tanımlanacak olursa k_2 ifadesi hızın g-kuvvetine oranı k_3 ifadesi doğrusal ivmeölçerle ağırlık merkezi arasındaki mesafenin g-kuvvetine oranı olarak ifade edilecek olursa denklem 4.9 elde edilir.

$$C^* = \Gamma n_z + \Gamma \frac{V_{Cross-Over}}{g} \dot{\theta} + \Gamma \frac{L}{g} \ddot{\theta}$$
(4.9)

Denklemde yer alan Γ sayısı birim eşitliğinden gelmiş olup, 1 olarak tanımalanabilir. Crossover hızı yaklaşık 400 ft/s olup, 122 m/s yani 237 knot'a denk gelmektedir. Doğrusal ivme ölçerin ağırlık merkezine konulduğu varsayımı ile C* parametresi denklem 4.10 gibi ifade edilebilir (Sutherland, 1968).

$$C^* = n_z + \frac{121.92}{9.806} \dot{\theta} = n_z + 12.433 \,\dot{\theta} \tag{4.10}$$

Belirtilen ifade radyan geribeslemesi için hesaplanmış olup dereceye çevrilecek olursa denklem 4.11 elde edilir.

$$C^* = n_z + 0.217 \,\dot{\theta} \tag{4.11}$$

Optimize edilecek C_P, C_I ve C_AoA parametrelerini içeren kontrol yapısı Şekil'de verilmiştir. Kontrol sistemi klasik metot kullanmakta olup jenerik bir yapıdadır. Örnek verilecek olursa PI kontrolör yerine sadece orantısal (Proportional) kontrolör kullanılmak istenirse C_I=0 yazılabilir, diğer parametreler optimize edilir.



Şekil 4.11 : C* kontrol modeli - Uçuş kontrol bilgisayarı.

Giriş komutunu (libre) g-kuvvetine çeviren filtrenin çevrim tablo verileri aşağıda kırılım noktaları (bp) ile birlikte verilmiştir.

Çizelge 4.3 : Komut filtresi değerleri.

Tanım	Bp 1	Bp 2	Bp 3	Bp 4	Bp 5	Bp 6
Giriş Libre (Breakpoint)	-100	-30	-10	10	35	100
Çıkış (g-kuvveti)	-4	0	1	1	1.5	9

4.2.2 Klasik KKAS Yapısı

Klasik kararlılık ve kontrol arttırma sistemi yapısı parametrik olarak Şekil 4.12'de verilmiştir. Bu şemada optimize edilecek parametreler PI kontrolör katsayıları olan K_p, K_i ve iç döngü kararlılık arttırma sisteminin parametreleri olan K_q ve K_aoa' dır.



Şekil 4.12 : Klasik KKAS ile kontrol – Uçuş kontrol bilgisayarı.

Klasik kararlılık arttırma sisteminin temel görevi kısa periyot karakteristiğinin iyileştirilmesidir. Örnek olarak ileriki bölümde tasarlanacak olaran kararlılık arttırma sisteminim g-komutu takibi üzerinde etkisi Şekil 4.13'te verilmiştir.



Şekil 4.13 : Kararlılık arttırma sistemi etkisi.

4.2.3 Genetik Algoritma

Genetik algoritma temel mantık olarak optimize edilecek parametre için farklı ve çok sayıda örnek alarak iyileri çiftleştirmek, kötülere mutasyon gerçekleştirerek iyiye yaklaşmayı hedefler. Düzgün seçilmiş mutasyon oranı ile birlikte yakınsama oranı yüksek bir algoritmadır (Jun He, 1999). Algoritma akış diyagramı Şekil 4.14'te verilmiştir.



Şekil 4.14 : Genetik algoritma akış diyagramı.

4.2.3.1 C* Kontrol Yapısı

Genetik algoritmanın uçuş kontrol algoritmasında belirtilen istenilen sayıda parametreyi optimize edebilmektedir. Aşağıda şekilde klasik pull-up manevrası gösterimidir. Bu manevrada pilot stick'e 35 libre kuvvet uygulamaktadır ve bu kuvvet 2.56 g uçuş değerlendirmektedir. Genetik algoritma ile gerçekleştirilen parametrik optimizasyon sonucu Çizelge 4.4'te verilmiştir.

Çizelge 4.4 : Genetik algoritma C* sonucu.

Parametre	Değer
Birey Sayısı	60
Crossover orani	0.7
Mutasyon oranı	0.3
C_p [0 -2]	0.7115
C_i [0 -2]	2
C_aoa [0 -2]	0.02486
Amaç Değeri	0.47689
Çalışma Süresi	436.22 s

Doğrusal olmayan sistememe verilen kokpit algılayıcı ile verilen yunuslama komutu karşısında sistemin "g" zaman cevabı Şekil 4.15'te verilmiştir.



Şekil 4.15 : Genetik algoritma C* zaman cevabı

Kontrol sisteminin dayanımının test edilmesi için dış-dönüş manevrası yaptırılmıştır. Manevra çıktısı uçuş yörüngesi Şekil 4.16'da verilmiştir.



Şekil 4.16 : Dış-dönüş manevrası uçuş yörüngesi.

Genetik algoritma durma isteri sağlandıktan sonra yerel arama metodu kullanılabilir. Bu tekniğe hibrit arama denir ve seçilen algoritma parametrelerine göre normal aramalara göre daha iyi/hızlı yakınsar.
→ Teknik olarak C* yapısının manipülasyonu geribesleme katsayılarının değiştirilmesi ile yapılabilir. Bu esneklik tasarımcıya kalmıştır. Oranlar değiştikçe istenilen komutlar göreceli olarak ağırlıklandırılacaktır. Bu duruma örnek tasarım parametreleri Çizelge 4.5'te verilmiştir.

Parametre	Değer
Birey Sayısı	50
Crossover orani	0.7
Mutasyon oranı	0.3
C*_q_GeribeslemeKatsayısı	0.20215
C*_Nz_GeribeslemeKatsayısı	2.5848
C_p	3.4975
C_i	1.261
C_aoa	0
Amaç Değeri	0.3049
Çalışma Süresi	301.286 s

Çizelge 4.5 : Modifiye C* kontrol yapısı sonucu.

4.2.3.2 Klasik KKAS Yapısı

Klasik KKAS yapısı optimizasyonu sonucu Çizelge 4.6'da ve zaman cevabı Şekil 4.17'de verilmiştir.

Parametre	Değer
Birey Sayısı	100
Crossover orani	0.7
Mutasyon oranı	0.3
K_q	0.3377
K_aoa	0
K_p	9.0853
K_i	7.4720
Amaç Değeri [7s, 1.56g komut]	0.097
Çalışma Süresi	740.8 s

Çizelge 4.6 : Genetik algoritma KKAS sonucu.



Şekil 4.17 : Genetik algoritma modifiye C* zaman cevabı.

Manevra seti ile lde edilen zaman cevabı Şekil 4.18'de verilmiştir.



Şekil 4.18 : Genetik algoritma KKAS sonucu.

4.2.4 Hooke & Jeeves Algoritması

Hooke & Jevees algoritması isminden anlaşılabileceği gibi atlama gerçekleştirerek civar araması yapar. Algoritma 2 aşamalı arama şeklinde basit bir mantıkla çalışmaktadır. Birinci adım civar araması (explatory) olup nokta etrafında h adım uzaklığında tüm yönlere arama yapılır, 2. Adım pattern hareketi olup iyi sonuç veren yönün doğrultusunda sıçrama yapar. Eğer civar aramasında iyi sonuç bulunamazsa h adım uzaklığı yarıya indirilir. Algoritmanın çalışma mantığının anlaşılması için algoritmasının görselleştirilmiş hali Şekil 4.19'da verilmiştir.



Şekil 4.19 : Hooke & Jeeves arama adımları.

Hookejevees algoritmasının çalışma mantığını ve kalıp hareketleri gösteren görsel Şekil 4.20'de verilmiştir.



Şekil 4.20 : Hooje & Jeeves arama yakınsaması.

4.2.4.1 C* Kontrol Yapısı

HookeJevees yerel arama algoritması ileriki bölümlerde yer verilecek olan SQP algoritması ile bulunan kontrolör değerleri üzerine, 2 kere arama gerçekleştirilecektir. Öncelikle optimize edilecek parametreler dış döngüde bulunan kontrol arttırma sistemindeki C* geribesleme katsayılarından C_q ve C_aoa daha sonra iç döngüde bulunan kararlılık arttırma sistemi parametreleri olan C_p ve C_i olacak şekilde seçilirse HJ algoritma sonucu aşağıda verilmiştir. Yüksek iterasyon sonucu ile daha iyi yakınlaşma mümkün olmakla birlikte bu çalışmada 30 iterasyon ile çalıştırılmış ve elde edilen değerler Çizelge 4.7'de verilmiştir.

Çizelge 4.7 : Hooke & Jeeves C* sonucu.

Parametre	CStar_q	CStar_AoA	CStar_Nz	C_p	C_i
Başlangıç	0.059	0	2.309	6.572	1.29
1. Arama	0.056	0.002	"	"	"
2. Arama	"	"	"	4.573	0.493

Arama algoritmasının yakınsaması ve g-takibi zaman cevabı Şekil 4.21'de verilmiştir.



Şekil 4.21 : Hooke & Jeeves: (a) Yakınsama. (b) C* zaman cevabı.

Zaman cevabındaki salınım, integrasyon katsayısı azaltılarak azaltılmıştır. Ayrıca ek olarak türevleyici katsayı eklenebilir. Bu senoryoda algoritmanın çalışması ve zaman cevabı Şekil 4.22'de verilmiştir. C_d parametresi türevleyici yolun katsayısıdır.



Şekil 4.22 : Hooke & Jeeves: (a) Türevleyici eleman araması. (b) C* türevleyici eleman ile zaman cevabı.

HookeJevees yerel arama algoritması yaklaşık noktadan başlayarak başarılı bir şekilde sonuçlanmaktadır. Özellikle global optimum noktasını hızlı bulan algoritamalardan sonra çalıştırılan hooke-jeeves, sequential quadratic programming gibi yerel arama algoritmalarının verimli çalıştığı bilinmektedir. Hookejeeves algoritması ile tasarlanan kontrol sisteminin denenmesi için yapılan manevra ve F16'nın gerçek cevabı ile kıyaslanması Şekil 4.23'te verilmiştir.



Şekil 4.23 : Hooke & Jeeves C* kontrol yapısı: (a) Manevra yörüngesi. (b) Zaman cevabı.

4.2.4.2 Klasik KKAS Kontrol Yapısı

Klasik KKAS kontrol yapısında önce PI kontrolör daha sonra kararlılık arttırma sistemi katsayıları optimize edilmiştir. Çizelge 4.8'de elde edilen değerler verilmiştir.

Çizelge 4.8 : Hooke & Jeeves KKAS sonucu.

Parametre	C_q	C_AoA	C_p	C_i	Çalışma Süresi	Amaç Değeri
Başlangıç	0.3	0	1.3	0	-	-
1. Arama	"	"	7.29	8	201.6 s	0.099
2. Arama	0.431	-0.015	"	"	437.1 s	0.093

Algoritma kararlılık arttırma sisteminin otoritesini arttırarak sisteme sönüm kazandırmıştır. Arama yönelimi ve zaman cevabı Şekil 4.24'te verilmiştir.



Şekil 4.24 : Hooke & Jeeves KKAS araması ve zaman cevabı: (a) Arama 1. (b) Arama 2.

4.2.5 Big Bang Big Crunch Algoritması

BB-BC algoritması İTÜ bünyesinde geliştirilen bir algoritmadır. Algoritma arama noktası etrafında yayılmış rastgele örnekler elde eder. Bu örneklerin amaç fonksiyonu doğrultusunda ağırlık merkezi alınır (Erol & Eksin, 2005). Ağırlık merkezi ile optimuma yaklaşılmış olur, optimum nokta elde edilene kadar iterasyon tekrar edilir. Algoritma parametrik çalışıp girilen K değeri kadar parametreyi optimize eder. Merkez etrafında yaptığı patlama ile yerel minimuma takılmaması avantajdır. Merkez kaymasına örnek Şekil 4.25'te merkezin iterasyonlar ile sol üstten sağ alta kaydığı görülmektedir.



Şekil 4.25 : Big Bang Big Crunch araması.

4.2.5.1 Modifiye C* Kontrol Yapısı

Modifiye C* yapısı kullanılarak komut entegrasyonu yapılacaktır. Sistem düşük hızlarda yunuslama hızı, 250 knottan yüksek hızlarda g-kuvveti ile sürülmeye başlar. Büyük patlama-büyük çöküş algoritması ile buldurulan örnek düşük salınımlı yapı parametreleri Şekil verilmiştir. C* parametreleri kontrol arttırma sisteminde bulunan geribesleme yollarına ait parametreler olup ek olarak C* kontrol yasasına ek olarak hücum açısı geribeslemesi içermektedir. C katsayıları ise kontrolcünün orantısal ve integrasyon katsayılarıdır. Optimize edilen kontrol parametrelerinin zaman cevabı ve hata sinyali Şekil 4.26'da verilmiştir.



Şekil 4.26 : BB-BC modifiye C* yapısı: (a) Zaman cevabı. (b) Hata sinyali.

Temel-g takibi için kontrol arttırma sistemi geribeslemesi g-kuvveti olarak ayarlanacak ve diğer geribesleme yolları tıkanacak olursa, büyük patlama-büyük çöküş algoritması temel g-takibi amacı ile optimize edilen kontrol sistemi kontrol parametreleri 173 saniyede bulunmaktadır. Elde edilen sonuç Şekil 4.27'de verilmiştir. Salınımlı karakteristik gözlemlendiği yerde faz ilerlemesi sağlanmalıdır. Bunun için optimizasyona dahil tutulmayan örnek türevleyici elemanı olarak 1 eklenerek karşılaştırmaya dahil edilmiştir. Elde edilen sönümlü karakteristik karşılaştırılması amacı ile Şekil 4.27'de verilmiştir.



Şekil 4.27 : BB-BC C*, türevleyici eleman ile zaman cevabı karşılaştırması.

4.2.5.2 Klasik KKAS Yapısı

Algoritma klasik KKAS yapısı optimizasyonu için 20 iterasyon 5 birey sayısı ile çalıştırıldığında elde edilen parametrelerimiz Çizelge 4.9'da verilmiştir. K_q ve K_aoa kararlılık arttırma sistemi katsayıları olup, K_p ve K_i kontrol arttırma sistemi kontrolör orantısal ve integrasyon katsayılarıdır.

Çizelge 4.9 : BB-BC KKAS sonucu

Parametre	K_q	K_aoa	K_p	K_i	Çalışma Süresi	Amaç Değeri
Değer	0.4415	0	8	7.65	501.3 s	0.093

Klasik kontrol ve kararlılı karttırma sistemi tasarımı ile elde edilen zaman cevabı Şekil 4.28'de verilmiştir.



Şekil 4.28 : BB-BC KKAS arama 1: (a) Yakınsama. (b) Zaman cevabı.

Şekilde görüleceği üzere kontrol parametreleri arama sınırında çıkmıştır. Arama sınırı genişletilerek birey sayısı 10, iterasyon 30'a çıkarılırsa yeni sonuçlar Çizelge 4.10'da verilmiştir.

Çizelge 4.10 : Yüksek iterasyon arama sonucu

Parametre	K_q	K_aoa	K_p	K_i	Çalışma Süresi	Amaç Değeri
Değer	0.5832	0	11.55	9.17	2700 s	0.083

Elde edilen sonuçlar ile zaman cevabı Şekil 4.29'da verilmiştir.



Şekil 4.29 : BB-BC KKAS arama 2: (a) Yakınsama. (b) Zaman cevabı.

4.2.6 Gradyan Temelli Eşit Bölmeli Arama

Gradyan temelli eşit bölmeli arama algoritması bisection algoritmasının modifiye edilmesi ile elde edilmiştir. Bu method özellikle ekstra eklendiği zaman ve ya mevcut katsayıda iyileştirme yapılması için tasarlanmış olup tek katsayıda hızlı iyileştirme yapımaktadır (Wood, 1989). Algoritma üst limit ve alt limitin ortasını alır ve eşit bölmeli aramadan farklı olarak ortasında gradyan yönünde arama bölgesini yeniler.

Bu şekilde hızlı bir şekilde yakınlaşmayı sağlar. Algoritmanın işleyişi ve genetik algoritmanın sonucunu ilk değer olarak alındığı zaman uçuş kontrol bilgisayarındaki performans iyileşmesi Şekil 4.30'da gösterilmiştir.



Şekil 4.30 : Gradyan temelli bisection: (a) Aralık gösterimi. (b) Yakınsama gösterimi.

Katsayı araması 4 parametre üzerinden gerçekleşmiştir. Adım aralığı denklem 4.12'de verilmiştir.

$$Adım Aralığı = 10 * (iterasyon sayısı)^2$$
(4.12)

4.2.6.1 Modifiye C* Kontrol Yapısı

Parametrelerin modifiye edilmiş eşit bölmeli arama algoritması ile en iyilenmesi sonucu Şekil 4.31'de verilmiştir.



Şekil 4.31 : GTBS Modifiye C* yakınsama.

Optimizasyon sonuçları Çizelge 4.11'de verilmiştir.

Parametre	Değer
Komut $(0 - 7 \text{ saniye})$	35 Libre
Komut (7–15 saniye)	-40 Libre
Komut (15–25 saniye)	0 Libre
İterasyon	15
C*_q [Başlangıç >> Sonuç]	1.0596 >> 0.4327
C*_aoa [Başlangıç >> Sonuç]	1 >> 0
C*_nz [Başlangıç >> Sonuç]	0 >> 0.124
C_p [Başlangıç >> Sonuç]	4.5516 >> 5.5497
C_i [Dahil Değil]	0

Çizelge 4.11 : GTBS Modifiye C* sonucu.

Çizelge 4.11'de belirtilen giriş değerleri ve C* kontrol yapısı ile g-kuvveti ve yunuslama hızı zaman cevabı Şekil 4.32'de verilmiştir.



Şekil 4.32 : Genetik algoritma C* zaman cevabı

Doğrudan g-kuvveti takibi için C*_q ve C*_aoa parametreleri 0 tutularak C*_nz parametresi 1 yapılacak olursa, C_p ve C_i parametrelerini araması için 5 iterasyon boyunca ardı sıra çalışır ve birbirlerinin üstüne aratılarak elde edilen değerler Çizelge 4.12'de verilmiştir.

Çizelge 4.12 : GTBS g-takibi sonucu.

Parametre	Değer
C_p [Başlangıç >> Sonuç]	1 >> 12.25
C_i [Başlangıç >> Sonuç]	0 >> 2.93
Çalışma Süresi	263.71 s

Elde edilen değerler ile model simüle edilip, joystick vasıtası ile uçuş gerçekleştirildiğinde elde edilen zaman cevabı ve algoritmanın yakınsaması Şekil 4.33'te gösterilmiştir.



Şekil 4.33 : GTBS: (a) Yakınsaması. (b) Zaman cevabı.

4.2.6.2 Klasik KKAS Yapısı

30 iterasyon boyunca iteratif aratılan K_q, K_aoa, K_p ve K_i değerleri sonucu Çizelge 4.13'te verilmiştir.

Parametre	K_q	K_aoa	K_p	K_i	Amaç Değeri	Çalışma Süresi (iterasyon)
Değer	0.962	0.035	14.64	15	0.124	29.3 s

Çizelge 4.13 : GTBS KKAS sonucu.

Elde edilen kontrol parametreleri ile sistemin zaman cevabı Şekil 4.34'te verilmiştir.



Şekil 4.34 : GTBS KKAS araması zaman cevabı: (a) G-kuvveti. (b) Yunuslama hızı.

G-kuvveti takibi her ne kadar yeterli dursada salınım fazla olduğundan diğer metotlar kadar tatmin edici değildir.

4.2.7 Nelder Mead Simplex Arama Algoritması

Nelder mead simplex arama metodu başarılı olarak değerlendirilen kısıtsız optimizasyon metodudur. Yansıma (reflection), büyüme (expansion), daralma (contraction), ve küçülme (shrink) gibi taslak hareketleri ile civar araması yapar. Algoritmasını akış şeması ile ifadesi Şekil 4.35'te verilmiştir.



Şekil 4.35 : Nelder-Mead Simplex algoritma akış şeması.

Algoritma içerdiği kalıp hareketlerle çok hızlı yakınsamaktadır. Algoritmanın işleyişi uçağa verilen 1.556g komut takibi üzerinden Şekil 4.36'da gösterilmiştir.



Şekil 4.36 : NMS yakınsama.

4.2.7.1 C* Yapısı

Önceki bölümlerde belirtilen C* kontrol yapısına göre Nelder-Mead Simplex arama metodu ile gerçekleştirilen optimizasyon sonucu Çizelge 4.14'te verilmiştir.

Çizelge 4.14 : NMS C* sonucu.

Parametre	C_q	C_aoa	C_p	C_i
Değer	-0.065	-0.026	2.31	2.83

Nelder-Mead Simplex metodu kısıtsız optimizasyon metodur. Bu sebeple parametrelerin kısıtı olan alt ve üst limit ataması gerçekleşmediğinden iç döngüdeki kararlılık arttırma sistemi parametreleri negatif çıkmıştır. Elde edilen parametreler ile zaman cevabımız, algoritmanın çözüme yakınsaması ile birlikte Şekil 4.37'de verilmiştir.



Şekil 4.37 : NMS C* kontrol yapısı: (a) Yakınsaması. (b) Zaman cevabı.

4.2.7.2 Klasik KKAS Yapısı

Maksimum iterasyon sayısı arttırılırsa ve durma kriteri sağlanmamışsa sonuçta iyileşme görülecektir. Maksimum iterasyon sayısı 100'e çıkartıldığı zaman klasik KKAS kontrol sistemi yapısı için optimizasyon parametrelerinin sonuçları Çizelge 4.15'te verilmiştir. Program her iterasyon için yaklaşık olarak 12.6 saniyeye ihtiyaç duymaktadır.

Parametre	K_q	K_aoa	K_p	K_i
Değer	0.6397	0.2004	11.2255	13.1062

Çizelge 4.15 : NMS KKAS sonucu.

Algoritmanın yakınsaması ve kontrol sistemi zaman cevapları Şekil 4.38'de verilmiştir.



Şekil 4.38 : NMS KKAS yapısı: (a) Yakınsaması ve yunuslama hızı. (b) Zaman cevabı.

Sonuçlar gayet makul gözükse de bu metot kısıtlı optimizasyon olmadığı için kazançlarımızı negatif bulabilmektedir. Buda pozitif geribeslemeye dolayısı ile bazı koşullarda kararsızlığa sebep olacaktır. Bu sebeple kısıtsız optimizasyonda çözümler her zaman kontrol edilmeli, yada kısıtlı optimizasyon tekniklerine başvurulmalıdır.

4.2.8 Sequential Quadratic Programming

Sequential Quadratic Programming hızı ve yakınsama oranı ile günümüzde en çok tercih edilen kısıtlı optimizasyon yöntemlerindendir. Matlabın fmincon komutu ile kısıtlandırılmış optimizasyon uygulanabilmektedir. F16 yunuslama ekseni g-kontrolü için uygulanan metot başarılı sonuç vermiştir. Algoirtmanın akış şeması Şekil 4.39'da verilmiştir.





Yakınsama grafiği ve optimizasyon süresince uçuş yolu Şekil 4.40'ta verilmiştir.

Şekil 4.40 : SQP (a) Yakınsaması. (b) Optimizasyon manevra yörüngesi.

4.2.8.1 C* Kontrol Yapısı

C* yapısına uygun olarak g-kuvveti geribesleme yolu 1, yunuslama hızı (derece) geribesleme yolu 0.217 ile oranlanarak kontrol arttırma sistemi oluşturulmuştur. İç döngü kararlılık arttırma sistemi katsayısı ve dış döngü kontrolör katsayıları optimize

edilmiştir. Sequantial Quadratic Programming arama yöntemi ile 5 iterasyon ile elde edilen parametrelerimiz Çizelge 4.16'da verilmiştir.

Parametre	Değer
C_q	0 >> 0.2993
C_p	1 >> 4.1484
C_i	0 >> 7.5638
[İterasyon]. Hesaplanan Fonksiyon	Başlangıç >>> 55.86
>> Amaç Değeri	1. 5 >>> 5.549
	2. 13 >> 0.322
	3. 18 >> 0.259
	4. 24 >> 0.16
	5. 29 >> 0.106
	34 >> 0.878

Çizelge 4.16 : SQP C* sonucu.

C* kontrol yapısında girişin karşılığının anlaşılması amacı ile zaman cevabından rastgele seçilen 2 nokta Şekil 4.41'de verilmiştir.



Şekil 4.41 : SQP C* zaman cevabı.

Kontrol arttırma sistemi tarafından C* oranları ile dağıtılan kontrol otoritesinin 1. Nokta için analizi denklem 4.13'te verilmiştir.

 $\begin{aligned} komut_{nokta1} &= 2.563, \quad g_{nokta1} = 1.728 (g), \quad q_{nokta1} = 3.891 \left(\frac{derece}{saniye}\right) \\ &\rightarrow C^* = 0.217q + N_z = 0.217 \times 3.891 + 1.728 = 2.572 \approx komut_{nokta1} (4.13) \end{aligned}$

Nokta 2 için giriş analizi denklem 4.14'te verilmiştir.

 $komut_{nokta2} = -0.8$, $g_{nokta2} = 0.093 (g)$, $q_{nokta2} = -4.115 \left(\frac{derece}{saniye}\right)$ $\rightarrow C^* = 0.217q + N_z = 0.217 \times (-4.115) + 0.093 = -0.8 \approx komut_{nokta2} (4.14)$

4.2.8.2 Klasik KKAS Yapısı

Optimize edilen klasik kontrol ve kararlılık arttırma yapısı için parametrelerimiz Çizelge 4.17'de verilmiştir. Dış döngü kontrolcüsünün integrasyon katsayısının optimizasyon üst limitine yaklaştığı görülüyor. Ancak integrasyon katsayısının büyük olması hataya bağlı olarak kontrol sinyalini istenmeyen ölçütte büyütebilmektedir. Bunun için üst limit arttırımı yapılmayacaktır. Kontrol parametrelerimiz Çizelge 4.17'de ve ilgili zaman cevabı Şekil 4.42'de verilmiştir.



Cizelge 4.17 : SQP KKAS sonucu.

Şekil 4.42 : SQP KKAS yapısı: (a) Yakınsama. (b) Zaman cevabı.

4.3 Yanal ve Yönelim Hareket Kontrolü

Yuvarlanma hareketinin kontrolü için tasarlanan kararlılık arttırma sisteminin temel amacı yuvarlanma hareketinin sönümlenmesinin sağlanması olup, sapma ekseninde tasarlanan kararlılık arttırma sisteminin temel amacı ise dutch-roll hareketinin bastırılması yönünde sapma hızı oluşturulmasıdır. Ancak sapma hızından doğrudan alınacak geribesleme uzun süreli koordineli dönüş sırasında sapma oranını sıfırlama eğilimi gösterecektir. Pilotlar tarafından yüksek kuvvet uygulama gereksinimi çıkaran ve istenmeyen bir durum olan bu olgu 'Washout Filtre' tasarımı ile sinyalin geçiçi zaman karakteristiğinin kullanılarak, durgun hal performansı etkilenmeden dutch-roll karakteristiğinin iyileştirilmesini mümkün kılar (Stevens, Lewis, & Johnson, 1992). Washout filtresinin diğer bir avantajı sisteme 0 üzerine sıfır eklemesidir. Bu ekleme ile kapalı çevrimde spiral köklerin kayması kısıtlanmış olur.

Çeviklik konseptine sahip uçaklar için yanal eksende yuvarlanma hızı kontrolü yapılmaktadır. Yanal ve yönelme eksenleri birbirine bağımlı hareketler olup, tarihte bu istemsiz hareketlerin karşılığında gerçekleşen birçok kaza bulunmaktadır. Bunun önüne geçilmesi için mekanik ve yazılımsal birçok öneri ortaya atılmış olup, ilk bölümde sadece kararlılık arttırma sistemi ikinci bölümde etkileşimlerde göz önünde bulunarak tasarım yapılacaktır. Yuvarlanma ve sapma ekseninde kararlılık arttırma sistemi ile oluşturulan kontrol yasası şeması Şekil 4.43'te verilmiştir.



Şekil 4.43 : Yanal hareket kontrol sistemi.

Kontrol şemasında yer alan washout filtresinin tasarımda rolünün anlaşılması adına ilk tasarım filtresiz, sonraki tasarım filtre ile yapılacaktır. Doğrusallaştırılan modelden elde edilen indirgenmemiş transfer fonksiyonları ifadesi denklem 4.15 ve denklem 4.16'da verilmiştir.

$$\frac{p}{\delta F laperon} = (4.15)$$

$$\frac{-0.6503s^8 - 2.081s^7 - 8.432s^6 - 15.11s^5 - 11.67s^4 - 0.1511s^3 - 0.05286s^2 + 0.000141s + 2.681e - 23}{s^9 + 6.717s^8 + 24.05s^7 + 67.38s^6 + 97.36s^5 + 62.56s^4 + 1.945s^3 + 0.2926s^2 + 0.004176s - 5.046e - 09}$$

$$\frac{r}{\delta Rudder} = (4.16)$$

$$\frac{-0.06123s^8 - 0.3784s^7 - 0.7471s^6 - 0.6823s^5 - 0.2681s^4 - 0.1039s^3 - 0.002155s^2 - 0.004549s + 1.151e - 21}{s^9 + 6.717s^8 + 24.05s^7 + 67.38s^6 + 97.36s^5 + 62.56s^4 + 1.945s^3 + 0.2926s^2 - 0.004176s - 5.046e - 09}$$

İlk tasarımda elde edilen TGTÇ transfer fonksiyonları aracılığı ile yer kök eğrilerinden (frekans tabanında tasarım bölümünde detaylandıralacaktır) yuvarlanma kökünü yüksek frekanslı ve kararlı tutacak, spiral kökün solda ve 0'a yakın kalmasını sağlayacak parametreler olan yunuslama hızı geribeslemesi ve sapma hızı geribeslemeleri sırası ile 0.9 ve 2.44 seçilecek olursa, kararlılık arttırma sistemi parametreleri ile elde edilen doğrusal model cevap ve doğrusal olmayan modelin zaman cevaplarının karşılaştırılması Şekil 4.44'te verilmiştir.



Şekil 4.44 : Söndürücü filtresiz tasarım zaman cevabı: (a) Doğrusal model. (b) Doğrusal olmayan model.

Bu tasarımda parametrelerin belirlenmesi yer-kök eğrisinden yapılmıştır. Bu metot bize kazançlar ile karakteristiğin nasıl değişeceğini söylemekte ve seçimi bize bırakmaktadır. Washout filtresi ile tasarım optimizasyon ile doğrusal model üzerinden yapılacak olursa (EK A) elde edilecek yunuslama hızı ve sapma hızı kararlılık arttırma sistemi geribesleme katsayıları sırası ile 0.923918 ve 10.516 bulunur. Optimize edilen katsayılar ile manevra setimizin zaman cevabı Şekil 4.45'te verilmiştir.



Şekil 4.45 : Söndürücü filtre ile tasarım zaman cevabı: (a) Doğrusal model. (b) Doğrusal olmayan model.

Washout filtresi bulunan ve bulunmayan tasarımda cevaplar benzer çıkmaktadır. Ancak yuvarlanma ve sapma komutlarının birlikte uygulandığı durumda farklılıklar gözlenmektedir. Bu duruma örnek koordineli dönüş verilebilmektedir. Tasarlanan örnek 45 derece yuvarlanma açısı ile gerçekleştirilen yaklaşık 3 dakikalık koordineli dönüş manevrasında sapma hızı cevabı karşılaştırılması Şekil 4.46'da verilmiştir. Washout filtresinin bulunmaması durumunda manevra sırasında uçak sapma hızını sıfırlama eğilimi gösterip yüksek pedal kuvveti gerekliliği oluşmaktadır.



Şekil 4.46 : Koordineli dönüş manevrası: (a) Söndürücü filtresiz. (b) Söndürücü filtreli.

Uçağın yanal eksen ile yönelim ekseni arasında etkileşim vardır, bu sebeple yuvarlanma komutu sapma yaratacaktır. Bu olgunun sonucu olarak eksenlerin birbirinden ayrılarak güvenli uçuşun sağlanabilmesi amacı ile yanal eksende kararlılık arttırma sistemi kavramları ortaya çıkmış olup, ucuz maliyetli mekanik ve ilerleyen yıllar ile birlikte kompleks yazılımsal çözümler sunulmaktadır (Driscoll, 1967). Ayrıca bu etkileşim durum istenmeyen ters yanakayma durumu oluştabileceğinden, kararlılık ekseni etrafında yuvarlanma hareketi gerçekleştirmesi amacı ile aileron ile rudder kontrol yüzeyleri arasında bağlantı bulunmaktadır. Bu bağlantı yuvarlanma hareketini

kararlılık ekseni etrafında tutacak şekilde hücum açısının ve mach'ın bir fonksiyonu olarak tarifelendirilebilir. Örnek kontrol yapısı Şekil 4.47'de verilmiştir.



Şekil 4.47 : Aileron rudder bağlantısı.

Aileron tarafından oluşacak sapma etkisinin bastırılması için aileron rudder bağlantısı kurulmaktadır. Bu bağlantı yüksek hücum açısında kontrol kaynaklı spinlerin önlenmesi amacı ile hücum açısı ve mach ile tarifelendirilmelidir (Enevoldson, 1981). Tasarımda bir nokta inceleneceğinden aileron rudder bağlantı katsayısı denge noktasından bakılabilir. Trim başlığı altında elde edilen denge noktası kontrol yüzeyi sapmalarımız Çizelge 4.18'de verilmiştir.

Cizelge 4.18 : Aileron, rudder denge noktası değerleri.

Aileron Sapması	Rudder Sapması
-0.085665°	-0.011136°

Denge noktamızdan aileron rudder bağlantı katsayısı denklem 4.17'de ifadesi verildiği gibi elde edilebilmektedir. Belirli bir uçuş zarfı için farklı denge noktalarından elde edilen değerlerin hücum açısı ve mach'a göre tarifelendirilmesi gerekmektedir.

$$k_{ARB} = \frac{\delta_{Rudder}}{\delta_{Aileron}} = \frac{-0.011136^{\circ}}{-0.085665^{\circ}} = 0.13$$
(4.17)

Aileron rudder bağlantısı kurulduğu sistemde kararlılık arttırma sistemi geribesleme katsayıları olan yunuslama hızı ve sapma hızı geribesleme katsayılarının değişmesi ile manevra seti girişlerine sistemin cevap çıktısı Şekil 4.48'de verilmiştir.



Şekil 4.48 : Geribesleme kazançları ile zaman cevapları değişimi.

ARB ile tasarım parametrelerinin optimizasyon ile bulunması kodu EK A'da verilmiştir.

4.4 Bang Bang Kontrol

Optimal kontrol teorisi 300 yılı aşkın tarihi ile 17. Yüzyıla dayanmaktadır. İlk çıkışı yörünge optimizasyonu üzerine kurulu olan brakistokron problemi Johann Bernoulli tarafından ortaya atılmıştır. Problemin üzerine Johann-Jakob Bernoulli, Isaac Newton, Marquis de l'Hopital gibi dönemlerinin önde giden matematikçileri uğraşmış ve optimal kontrol teorisinin temelini oluşturmuşlardır. Euler 18. Yüzyılın ortalarında varyasyon hesabı üzerine yaptığı çalışmalarla, optimal kontrol teorisine yeni bir ışık tutmuştur. 20. Yüzyılın ortalarında Richard Bellman gibi matematikçiler Jacobi-Bellman denklemlerinin üzerine ekleyerek dinamik programlamaya öncülük etmiştir.

Lev Pontryagin'in çalışmaları kısıtlı optimizasyon konusunda önemli bir gelişme olan maksimum/minimum ilkesini ortaya çıkarmıştır. Tüm bunların ışığında Bang-Bang kontrol çözümleri türetilmiştir (Zavoli, 2013). Optimal kontrol teorisi çoğunlukla Lev Pontryagin ve Richard Bellmanın üzerine kurduğu metotlarla oluşturulmuştur. Optimallik kriterini sağlamayı hedefleyen metodojiyi içerir. Optimallik kriterin genel ifadesi denklem 4.18'de verilmiştir. Sistemin dinamik durumları x(t), girişleri u(t)'dir.

$$J = \Phi[x(t_0), t_0, x(t_f), t_f] + \int_{t_0}^{t_f} \mathcal{L}[x(t), u(t), t] dt$$
(4.18)

İfadede verilen Φ son nokta ve \mathcal{L} Lagrangiandır. Problem setleri dinamik sınırlar, cebrik yörünge sınırları veya sınır koşulları içerebilir. Sınır ifadeleri Çizelge 4.19'da verilmiştir. Sınır ifadelerinde eşitlikler aktif koşuldur. Küçük eşittir veya büyük eşittir ifadeleri duruma göre aktif veya pasif hale gelebilmektedirler.

Koşul	İfadesi
Dinamik Sınır	$\dot{x}(t) = a[x(t), u(t), t]$
Yörünge Sınırı	$b[x(t), u(t), t] \le 0$
Sınır Koşulu	$\Phi[\mathbf{x}(t),\mathbf{u}(t),t] \le 0$

Çizelge 4.19 : Sınır koşulları ifadeleri.

Bang bang kontrol uygulamada pratikliği ve sadeliği ile motor kontrolü gibi eylemsizlik eğilimi düşük sistemlerde beğeni sağlamıştır, bunun yanında gerçek sistemlerde uygulamasında karşılaşılan temel sorunlar histerisis aralığının geniş tutulması halinde takip toleransı azalmakta, histerisis aralığı daraltığında yani anahtarlama frekansı arttırıldığında ise kontrol mekanizmasının zorlanması ve sistemdeki eylemsizlik katkılarına bağlı olarak performans düşmesi yaşanmasıdır. Yüksek frekanslı aç kapa kontrolör çoğu fiziksel sistemde erken yorgunluk gibi öngörülemeyecek sorunlar yaratabilmektedir. Bu sebeple sanayide PID kontrolörler daha yaygındır.

Kontrol teorisinde bang-bang kontrolcü minimum zaman optimal geribesleme kotnrolü olarak bilinmektedir ve girişleri 2 seviyede sınırlıdır (Wei, 2013). 2 seviyeli bang bang kontrolcülere aç/kapa kontrolcüde denilmektedir. Seçim parametresi histerisis aralığıdır. 2 seviyeli bang-bang kontrol yapısı denklem 4.19'da ifade edilmiştir.

$$u = \begin{cases} +\alpha; \ kosul(\square) \\ -\alpha; \ kosul(\square) \end{cases}$$
(4.19)

Tasarlanan 2 seviyeli bang-bang kontrolcüsü Şekil 4.49'da verilmiştir.



Şekil 4.49 : İki seviyeli Bang-Bang kontrolör yapısı.

Kontrolcünün ürettiği kontrol sinyali denklem 4.20'de verilmiştir.

$$u = \begin{cases} +4^{\circ}; \ hata < 0.001 \\ -4^{\circ}; \ hata > 0.001 \end{cases}$$
(4.20)

G-kontrolü için 0.1 histerisis ile tasarlanan 2 seviyeli Bang-Bang kontrolör zaman cevabı Şekil 4.50'de verilmiştir.



Şekil 4.50 : İki seviyeli Bang-Bang kontrolör zaman cevabı.

Şekilden görülebileceği üzere 2 seviyeli bang-bang kontrolör uçakların iç döngüsü için sistemin eylemsizliği sebebi ile uygun değildir. Bunun yerine komut profili tanınarak çok seviyeli kontrolör tasarımı yapılmalıdır. Alternatif olarak bang bang kontrolün

içine PID entegrasyonu söz konusu olabilmektedir. Çok seviyeli bang bang kontrolör örneği Şekil 4.51'de verilmiştir.



Şekil 4.51 : Çok seviyeli Bang-Bang kontrolör yapısı.

Bang-Bang kontrolörün dayanımının test edilmesi için dış loop manevrası yaptırılarak uçağa yunuslama hareketi ile 360 derece dönüş yaptırılmıştır. Test edilen manevra uçuş yörüngesi Şekil 4.52'de verilmiştir.



Şekil 4.52 : Bang-Bang kontrolör dayanım test manevrası.

Çok seviyeli Bang Bang kontrolcüye alternatif olarak PID ve bang bang kontrolör birleşimi kullanılabilir. PID katsayılarından integral katsayısı sonsuz hal hatasını gidermek için, türevleme katsayısı sönümlenme oranının arttırılması için kullanılmaktadır. PID + Bang Bang kontrolör'un birlikte aktif olduğu kontrol sistemi Şekil 4.53'te gösterilmiştir.



Şekil 4.53 : Bang-Bang temelli PID kontrolör yapısı.

Matlab cevap optimizasyon araçseti ile bulunan kontrol parametreleri Çizelge 4.20'de verilmiştir.

Parametre	Değer
Кр	9.7
Ki	1.5
Kd	1.9
Histerisis	10^-2

Elde edilen kontrol parametreleri ile kontrol sisteminin cevabı Şekil 4.54'te verilmiştir.



Şekil 4.54 : Bang-Bang Temelli PID kontrolör zaman cevabı.

Bang bang kontrol diğer bir deyişiyle hysteresis kontrol hatayı aç kapa mantığıyla kontrol eder bu sebeple cevapta basamak şekli görülür. Basamak şekli kontrolör içinde tanımlanan durum değerlerinin arttırılması ile yumuşatılabilir. Problem tanımı olarak yunuslama ekseninde normal yük faktörü (g-factor) kontrolü ele alınmıştır. İstenilen cevap referans g'nin bang bang kontrolcü tarafından üretilen kontrol sinyali ile takibidir. F16 kararsızlığa yatkın tasarımı ve sahip olduğu eylemsizlikle ile 2 seviyeli bang bang kontrolcü ile kontrol edilmek için uygun değildir. Alternatif olarak tasarıma değişken histeris aralıkları içeren yeni seviyeler eklenmiştir. Yunuslama ekseni normal yük faktörünün (normal load factor, g) kontrolü için tasarlanan yedi seviyeli değişken histerisis bang-bang kontrolör yapısı Şekil 4.55'te verilmiştir.



Şekil 4.55 : Yedi seviyeli değişken histerisis Bang-Bang kontrolör.

Bang bang kontrolör devredeyken uygulanan stick komutlarına karşı düşen g komutu ve zaman cevabı Şekil 4.56 verilmiştir.



Şekil 4.56 : Yedi seviyeli değişken histerisis Bang-Bang kontrolör zaman cevabı.

Yukarıda belirtildiği üzere Bang Bang kontrolör temel mantığı açıp kapatmak bir diğer tabir ile if – else anahtarlama denilebilir. Bu sebeple kontrol sinyalinde histerisis etkisi gözlenmektedir. Kontrol sinyalimiz olan yatay kuyruk komutu Şekil 4.57'de verilmiştir.



Şekil 4.57 : Yedi seviyeli değişken histerisis Bang-Bang kontrolör hata sinyali.

Uzunlamasına eksen için tasarlanana Bang-Bang kontrolörü analiz süresince çizilen yörünge Şekil 4.58'de verilmiştir.



Şekil 4.58 : Kontrolör analiz manevrası.

4.5 Doğrusal Analiz

Sistemler belirli noktalar etrafında doğrusal cevaplar verirler. Sistemin doğrusallığı bozan elemanları var ise doğrusal analizlerde tanımlayıcı fonksiyonlar (ing. Describing Functions) vasıtası ile bu elemanlar kazanç formuna sokulabilmektedirler. Sistemlerin doğrusal gösterimi olan durum-uzay (ing. State-Space) gösterimi denklem 4.21'de verilmiştir. x sistemin durumları, u ise girişlerdir.

$$\dot{x} = Ax + Bu \tag{4.21}$$
$$y = Cx + Du$$

Doğrusal analizin ilk basamağı olan doğrusallaştırma denge noktası etrafında yapılmıştır. Denge noktası değerlerini içeren uçağın durum ve giriş bilgileri 'SQP' algoritması ile bulunmuştur. Bulunan denge noktası etrafında Matlab kontrol araçseti ile doğrusallaştırılan modelden elde edilen ÇGÇÇ (Çok giriş çok çıkış) sistemden (Ek A) elde edilen uzunlaması eksen için indirgenmiş durum değişimleri denklem 4.22, 4.23, 4.24 ve 4.25'te ifade edilmiştir.

$$\dot{\theta} = q \tag{4.22}$$

$$\dot{u} = -9.799\theta - 0.009u + 0.054w - 5.769q + 0.048\delta e + 17.791\delta t \quad (4.23)$$

$$\dot{w} = -0.397\theta - 0.091u - 1.036w + 134.757q - 0.346\delta e \qquad (4.24)$$

$$\dot{q} = 0.001u - 0.004w - 1.344q - 0.182\delta e \tag{4.25}$$

Yanal durumların değişimi denklem 4.26, 4.27, 4.28 ve 4.29'da ifade edilmiştir.

$$\dot{\Phi} = p \tag{4.26}$$

$$\dot{v} = 9.799\Phi - 0.285v + 5.989p - 147.798r + 0.042\delta a + 0.121\delta r \quad (4.27)$$

$$\dot{p} = -0.189v - 3.559p + 0.705r - 0.651\delta a + 0.124\delta r \tag{4.28}$$

$$\dot{r} = 0.052v - 0.024p - 0.48245r - 0.028\delta a - 0.061\delta r \tag{4.29}$$

4.5.1 Doğrusal karasel düzenleyici (DKD)

Önceki bölümlerde dinamik sistemleri amaç fonksiyonuna en iyi uyan şekilde çalıştırma yöntemi olan optimal kontrol açıklanmıştı. Doğrusal karesel düzenleyicilerin farklı olarak amaç fonksiyonları kareseldir. Sonlu ufuk için karesel amaç fonksiyonu denklem 4.30'da verilmiştir.

$$J = x^{T}(t_{f})F(t_{f})x(t_{f}) + \int_{t_{0}}^{t_{f}} (x^{T}Qx + u^{T}Ru)dt$$
(4.30)

Sonsuz ufuk problemi için denkelmin sol tarafında son hal amaç fonksiyonuna katılamaz, transient kısım ise 0'dan sonsuza integre edilir. Amaç fonksiyonunu minimize eden kontrol işaretinun bulunması için Pontryagin's minimum prensibinden Hamiltoninan eldesi denklem 4.31'de verilmiştir.

$$H = x^{T}Qx + u^{T}Ru + \lambda^{T}(Ax + Bu)$$
(4.31)

Denklemde λ ile belirtilen costate olarakta adlandırılan lagrange çarpanıdır. Buradan optimal noktamızı sağlayan durum ve costate denklemleri:

$$\dot{x} = \left(\frac{\partial H}{\partial \lambda}\right)^T = Ax^* + Bu^* \tag{4.32}$$

$$-\dot{\lambda} = \left(\frac{\partial H}{\partial x}\right)^T = Qx^* + A^T \lambda^* \tag{4.33}$$

$$0 = \frac{\partial H}{\partial u} = Ru^* + \lambda^{*T}B \tag{4.34}$$

$$Ru^* = -\lambda^{*T}B \quad \rightarrow \lambda^* = P^*x(t) \rightarrow \quad u^* = -R^{-1}B^T P^*x(t) \quad (4.35)$$

Buradan kontrol $R^{-1}B^TP$ ifadesine K kazancı diyecek olursak kontrol sinyalimiz denklem 4.36'da verilmiştir.

$$u(t) = -Kx(t) \tag{4.36}$$

Optimal çözümü bulduracak P Ricatti denkleminin çözümünden gelmektedir. Cebrik Ricatti denklemi (ARE) denklem 4.37'de verilmiştir.

$$PA + A^T P - PBR^{-1}B^T P + Q = 0 (4.37)$$

Q Matrisi ağırlandırılırken durum değerleri ilgili durumlara karşı gelecek şekilde ağırlıklandırılarak istenilen kontrolcünün tasarlanması mümkündür. Ancak Q ağırlık matrisi belirlenirken çözüm sağlanılabilmesi için yarı-pozitif tanımlı olmalıdır. DKD tasarımı altında durum kontrolcüsü ve rotasyon hızı kontrolcüsü tasarlanacaktır. İlk aşama olarak modelin doğrusal modelinin kontrol edilebilirlik matrisi ve gözlenebilirlik matrisine bakılmalıdır. Kontrol edilebilirlik ve gözlemlenebilirlik kavramları 1960'larda Kalman tarafından ortaya atılmıştır. Özetle sistemin kontrol edilebilirlik sistemde istediğimiz davranışı gerçekleştirmemizi, gözlemlenebilirlik sistemdeki etkileri gözlemleyebilmemizi sağlar. Kontrol edilebilirlik matrisi denklem 4.38'de gösterilmiştir.

Kontrol Edilebilirlik Matrisi =
$$[B: AB: ...: A^{n-1}B]$$
 (4.38)

Denkelemde n ile gösterilen sistemdeki bilinmeyen sayısıdır. A matrisinin derecesine eşittir. Sistemin kontrol edilebilirlik şartı kontrol edilebilirlik matrisinin derecesinin n olmasıdır. Kontrol edilebilirlik matrisi matlab ctrb(sistem) komutu ile ulaşılabilir. Sistemin gözlemlenebilirlik matrisi denklem 4.39'da verilmiştir.

Gözlemlenebilirlik Matrisi =
$$\begin{bmatrix} C \\ CA \\ \vdots \\ CA^{n-1} \end{bmatrix}$$
(4.39)

Sistemin gözlemlenebilir olmasının şartı gözlemlenebilirlik matrisinin derecesinin sistemin bilinmeyen sayısı (n) olmasıdır. Gözlemlenebilirlik matrisine yukarıda belirtilen denklem ve cebrik işlemler vasıtası ile yada matlab obsv(sistem) komutu ile ulaşılabilmektedir.

Sistemimiz için kontrol edilebilirlik matrisinin derecesi 10, gözlemlenebilirlik matrisinin derecesi 9'dur. Bu sebeple DKD tasarımından önce sistemin kontrol edilebilir ve gözlemlenebilir forma dönüştürülmesi için, durumlardan sabit eksende tanımlanan pozisyon durumlarının elimine edilmesi gerekmektedir. Bu kutup-sıfır götürmesi matlab'ın minreal komutu ile yapılabilir. Sadeleştirme sonrası elde edilen kontrol edilebilir ve gözlemlenebilir sistemimizin durum katsayı ve giriş katsayı matrisleri denklem 4.40'ta verilmiştir.



4.5.1.1 Durum Kontrolü

Durum kontrolü için ilgili durumlar amaç fonksiyonunda ağırlıklandırılmıştır. Örnek Q matrisi için kod aşağıda verilmiştir.

```
%% Ağırlık Matrisleri
R=0.01;
Q = sistem.pitch_m.C'*sistem.pitch_m.C;
% Yunuslama ekseni
Q=zeros(length(Q)); Q(2,2)=1;
% Yuvarlanma ekseni
Q=zeros(length(Q)); Q(1,1)=1;
% Sapma ekseni
Q=zeros(length(Q)); Q(3,3)=1;
```

DKD kazanç katsayıları Ricatti denkleminin çözümünden gelmektedir. Durum kontrolü için tasarlanan DKD kontrolörün zaman cevapları Çizelge 4.21'de verilmiştir.



Çizelge 4.21 : DKD durum kontrolü zaman cevapları.


DKD kontrolör katsayıları ve ürettiği kontrol sinyali Çizelge 4.22'de verilmiştir.

Kazanç	Kontrol Sinyali
$K_{yunuslama} = \begin{pmatrix} 0.0051 \\ -9.9764 \\ -0.0001 \\ -0.0031 \\ 0.0007 \\ 0.0110 \\ 0.0019 \\ -4.7635 \\ 0.0207 \end{pmatrix}$	$u_{yataykuyruk}(t) = -K_{yunuslama}x(t)$ $u_{ytykuyruk(t)} = -0.0051\phi(t) + 9.976\theta(t) + 0.0001\psi(t)$ $+ 0.0031u_{b(t)} - 0.0007v_{b(t)} - 0.011w_{b(t)}$ $- 0.0019p(t) + 4.7635q(t) - 0.0207r(t)$
$K_{yuvarlanma} = \begin{pmatrix} -9.5487 \\ -0.0004 \\ -1.5e^{-06} \\ 0.0001 \\ 0.0704 \\ -0.0014 \\ -2.1100 \\ -0.0615 \\ -6.4334 \end{pmatrix}$	$\begin{split} u_{flaperon}(t) &= -K_{yuvarlanma}x(t) \\ u_{flaperon(t)} &= 9.5487\phi(t) + 0.0004\theta(t) + 1.5e^{-06}\psi(t) \\ & -0.0001u_b(t) - 0.0704v_b(t) + 0.001w_b(t) \\ & +2.1100p(t) + 0.0615q(t) + 6.4334r(t) \end{split}$

Çizelge 4.22 : DKD kontrolör geribesleme katsayıları

Doğrusal olmayan simulasyon üzerinde elde edilen yunuslama açısı cevabı Şekil 4.59'da verilmiştir. İstenilen durumlar Q matrisi içerisinde ağırlıklandırılarak sonuç amaç doğrultusunda değiştirilebilmektedir.



Şekil 4.59 : Doğrusal olmayan sistem yunuslama DKD sonucu.

Kontrolcünün yanal hareketinin kararlılığının testi için yüksek yuvarlanma açısı kullanılmıştır. Yanal karakteristik Şekil 4.60'da gösterilmiştir.



Şekil 4.60 : Doğrusal olmayan sistem yuvarlanma DKD sonucu.

4.5.1.2 Rotasyon Hızı Kontrolü

Savaş uçakları çeviklik konsepti dolayısıyla rotasyon hızı kontrolü yaparlar. Bu sebeple bu tasarım gösterilecektir. Q matrisinin içinde ilgili durumlara ağırlıklar verilere matlab lqr(ss.A, ss.B,Q,R) komutu ile Ricatti denklemini sağlayan optimum doğrusal karesel düzenleyici katsayıları bulunabilir. Rotasyon hızı kontrolü için ayarlanan ağırlık matrisleri aşağıda verilmiştir.

```
%% Ağırlık Matrisleri
R=0.01;
Q = sistem.pitch_m.C'*sistem.pitch_m.C;
% Yunuslama ekseni
Q=zeros(length(Q)); Q(8,8)=100;
% Yuvarlanma ekseni
Q=zeros(length(Q)); Q(7,7)=1;
% Sapma ekseni
Q=zeros(length(Q)); Q(9,9)=1;
```

Elde edilen DKD kontrolör katsayıları Çizelge 4.23'te verilmiştir.

Çizelge 4.23 : Rotasyon hızı DKD sonucu.

	Kontrolör Kazançları	
$K_{yunuslama} = \\ \begin{pmatrix} 0.0379 \\ -1.8358 \\ -0.0001 \\ -0.0009 \\ -0.0004 \\ 0.0199 \\ 0.0104 \\ -92.8660 \\ 0.0418 \end{pmatrix}$	$K_{yuvarlanma} = \\ \begin{cases} 0.1152 \\ 0.0015 \\ -1.8e^{-06} \\ -2e^{-05} \\ 0.1264 \\ -0.0005 \\ -5.8545 \\ -0.0048 \\ -3.1654 \end{cases}$	$K_{sapma} = \begin{cases} -0.2609 \\ -0.0792 \\ -2.2e^{-05} \\ 9.9e^{-04} \\ -0.1194 \\ -0.0057 \\ 0.3496 \\ -0.1660 \\ -87.4729 \end{cases}$

Kontrol katsayıları ile kapalı çevrimin durum katsayı matrisi eldesi matematiksel olarak denklem 4.41'de ifade edilmiştir.

$$\dot{x} = Ax + Bu \rightarrow u = -Kx \rightarrow \dot{x} = Ax - BKx \rightarrow \dot{x} = (A - BK)x$$

$$A_{KapalyCevrim} = (A_{AcykCevrim} - BK) \qquad (4.41)$$

Rotasyon hızı kontrolü için tasarlanan DKD kontrolörün zaman cevapları Çizelge 4.24'te verilmiştir.



Çizelge 4.24 : DKD Rotasyon hızı kontrolü zaman cevabı.



Kontrolörün performans testi için karmaşık manevra seti oluşturulmuşmuş olup, ilk manevrada yunuslama hızı ve yuvarlanma hızı birlikte verilmiş olup uzunlamasına ve yanal kontrolör performansına bakılmıştır. Uçuş yörüngesi Şekil 4.61'de verilmiştir.



Şekil 4.61 : DKD yanal manevra.

Diğer bir manevramıs döngü (loop) hareketi olup Şekil 4.62'de verilmiştir. Her iki manevrada da kontrolörler dağılmamış olup, manevrayı yüksek performans ile sürdürmüşlerdir.



Şekil 4.62 : DKD yunuslama manevrası.

4.5.2 Belirsizlik ve H_∞ Kontrolör Tasarımı

Sensör belirsizlikleri içeren düşük bütçeli sistemler için çözüm sağlayan H∞ kontrolör havacılık sanayinde havacılık standartlarının değerlendirilmesi bakımından zorluk çıkartması sebebi ile tercih edilmemektedir. Buna karşın dikey VTOL uçağı olan Harrier üzerinde doğrusal değişken parametre (LPV) H∞ döngü şekillendirici kontrolör uygulanmış ve 1993'te ilk başarılı uçuşunu gerçekleştirmiştir (Papageorgiou, Glover, D'Mello, & Patel, 2000). Sensör gürültüsüne dayanıklı bir tasarım yapılması amacı ile yunuslama ekseninde tasarım aşamasından bahsedilecektir. Öncelikle sistemde belirsizliğin modellenmesinden bahsedilecek sonra Hsonsuz kontrolör tasarımı yapılacaktır. Doğrusal kısmi dönüşüm (Linear Fractional Transformation) ile tanımlanan model Şekil 4.63'te gösterilmiştir.



Şekil 4.63 : Belirsizlik gösterimi.

Birleştirilmiş matrise uzatılmış sistem matrisi denir ve P ile gösterilir. Belirsizlik veya dinamik eleman Δ ile belirtilmiştir. Dinamik elemana doğrusallaştırılmış sistemlerde yer alan doğrusallaştırma hatası örnek verilebilmektedir. Sistemin belirsizliğinin ifadesi denklem 4.42'de verilmiştir.

$$G_{\Delta} = G + \Delta G \tag{4.42}$$

(4.43)

Modeldeki belirsizliğe örnek modellenmeyen elemanlar ve doğrusallaştırma belirsizlikleri verilebilir. Örnek olarak önceki bölümde 1000 metre irtifa ve 150 m/s hız ile denge noktasında doğrusallaştırdığımız doğrusal modelimiz için 5 saniyelik düz uçuşta doğrusallaştırma belirsizliğimizin durum katsayı matrisine etkisi denklem 4.43'te verilmiştir. Doğrusallaştırılmış noktaların sayısı sabit ise zarf büyüdükçe belirsizlik artacaktır.

Problem tanımında belirsizlik kavramı eklendiği zaman sistemin kararlı olması terimi, sistemin ∆ belirsizliği karşısında kararlı olduğu şeklinde ifade edilir (Beck, D'Andrea, Paganini, Lu, & Doyle, 1996).

Kararlılığın ifadesi aşağıda verilmiştir.

 \rightarrow (*I* – *A* Δ) ters çevrilebilir ise (Δ , *P*) kararlılıdır.

Klasik H∞ kontrol şeması ve karma sentez için ağırlıkların gösterimi Şekil 4.64'te verilmiştir. Karma sentez modeli performans ölçütünün farklı performans metrikleri içermesi ile elde edilir.



Şekil 4.64 : H_{∞} kontrolör yapısı: (a) Klasik gösterim. (b) Karma sentez.

Modelde gösterilen W1, W2, W3 sırası ile hata, kontrol işareti ve çıkışın ağırlıklarıdır. Amaç fonksiyonu buna göre şekillendirilerek amaç fonksiyonunu minimize edicek optimal kontrolör aranır. Karma hassasiyet parametrelerinden hassasiyet, kontrol eforu ve tamamlayıcı hassasiyet sırası ile denklem 4.44'te verilmiştir (Skogestad & Postlethwaite, 2001).

$$S = (I + GK)^{-1}; R = K(I + GK)^{-1}; T = GK(I + GK)^{-1}$$
(4.44)

Hsonsuz kontrolör tasarımı kapalı çevrim transfer fonksiyonunu istenilen performans seviyesinde (γ) tutmak ve kendi içinde kararlı yapmak üzere sentezlenir. Diğer bir metot sistemi normalize edilmiş asal bileşenlerine ayırmaktır. Sistemin normalize edilmiş asal bileşenleri denklem 4.45'te verilmiştir.

$$G = \widetilde{M}^{-1} \, \widetilde{N} \tag{4.45}$$

Bozuntu altında sistemin bileşenlerine ayrımı denklem 4.46'da verilmiştir (Armstrong, 1993)

$$G_{\Delta} = \left(\widetilde{M} + \Delta \widetilde{M}\right)^{-1} \left(\widetilde{N} + \Delta \widetilde{N}\right), \quad \Delta G = \left[\widetilde{\Delta M}, \Delta \widetilde{N}\right]$$
(4.46)

Birleşik sistemin genel formu denklem 4.47'de verilmiştir.

$$P(s) = \begin{bmatrix} P_{11}(s) & P_{12}(s) \\ P_{21}(s) & P_{22}(s) \end{bmatrix}$$
(4.47)

Doğrusal kısmi dönüşüm metodu ile denklem 4.48 türetilir.

$$G_{\Delta} = F_{U}(P, \Delta P) = P_{22} + P_{21}\Delta P(I - P_{11}\Delta P)^{-1}P_{12}, \text{ Koşul} \to \det(I - P_{11}\Delta P) \neq 0$$
(4.48)

Kapalı çevrim transfer fonksiyonumuzun birleşik sistemden ve kontrolörden eldesi denklem 4.49'da verilmiştir.

$$T.F._{cl}(P,K) = P_{11} + P_{12}K(I - P_{22}K)^{-1}P_{21}$$
(4.49)

Kontrolör sentezi amaçlarımız:

- Sistemi kararlı yapacak K kontrolörü
- $||T.F._{cl}(P,K)||$

Hsonsuz döngü şekillendirici kontrolör Şekil 4.65'te verilmiştir.



Şekil 4.65 : Döngü şekillendirme.

Çözücü sistemi minimize edecek denklemleri çözerek amaç fonksiyonunu minimize edecek kontrolörü bulmamızı sağlar. Burada W1*Sistem*W2 şekillendirilen yeni döngümüz olup (McFarlane & Glover, 1992), kontrolör tasarımında karşılaşılacak temel zorluk ağırlıkların belirlenmesidir. Giriş bozuntusu düşük frekanslı, sistemdeki gürültü yüksek frekanslı olacağından şekillendirilen döngüde W1 yüksek geçiren W2 alçak geçiren filtre seçilmiştir. Unutulmamalıdır ki Hsonsuz kontrolör tasarımı performans ve dayanımın ters orantılı olduğunu gösterir. Örnek olarak tek giriş tek çıkış tasarlanan kontrolör sentezinde kullanılan ağırlıkları içeren komut aşağıda verilmiştir.

```
%% Ağırlıklar
W1 = tf([1 \ 0], [1 \ 1]);
                                           % Yüksek Geçiren Filtre
W2 = tf(1, [1 \ 1]);
                                           % Alçak Geçiren Filtre
%% Sistem (Plant)
trf.q.de=minreal(siso.dq.dElevator);
                                           % Uçak
tau act=0.05;
                                           % Eyleyici Zaman Sabiti
actuator= tf([1],[tau act 1]);
                                           % Eyleyici
G act=series(actuator,trf.q.de);
                                           % Eyleyici+Uçak
rad2deg=180/pi;
G=rad2deg*G act;
                                           % Radyan Derece Dönüşümü
```

```
%% Kontrolör
[K,CL,cost,INFO]=ncfsyn(G,W1,W2); % Kontrolör Sentezi
C.pitch =-K; % Negatif Geribesleme
%% Kontrol Sistemi
openLoop = G_act*C.pitch;
closeLoop = feedback(openLoop, eye(length(openLoop)));
```

Ağırlıklarımızın ifadesi sırası ile denklem 4.50'de verilmiştir.

$$W_1(s) = \frac{32s+12}{s}; \quad W_2(s) = \frac{1}{s+6};$$
 (4.50)

Sentezlenen 13. dereceden kompanzatörümüzün durum uzayı gösterimi denklem 4.51'de verilmiştir. Kompansatörün giriş sinyali hata, çıkış sinyali kontrol sinyalidir.

 $\begin{aligned} \dot{x} &= Ax + Bu \\ y &= Cx + Du \end{aligned} \qquad ve \qquad x = \{x_1; x_2; x_3; x_4; x_5; x_6; x_7; x_8; x_9; x_{10}; x_{11}; x_{12}; x_{13}\} \rightarrow \end{aligned}$

		ſ	-7	-4,5E-05	-4,73428	0,000583	0,353275	-0,42992	-1,74095	0,066173	0,048043	0,006834	0,011222	1,87E-05	4,532195			[°]	
			0	-1,2E-10	-1,2E-05	-3,5E-10	6,72E-07	3,78E-08	-7,3E-07	3,55E-08	2,48E-08	3,34E-09	5,48E-09	9,06E-12	-4,7E-05			0	
			0	-1,4E-06	-10,1999	0,009943	0,83799	-2,54781	-6,86704	0,244834	0,179654	0,025935	0,042598	7,1E-05	4,550722			0	
			0	-1,7E-09	-0,0099	-9,9E-08	-0,00393	0,000109	0,000684	-2,9E-05	-2,1E-05	-2,9E-06	-4,7E-06	-7,8E-09	0,000558			0	
			0	2,57E-07	0,833957	0,00393	-0,06961	0,29576	0,650367	-0,02268	-0,0167	-0,00242	-0,00398	-6,6E-06	-0,33794			0	
			0	1,07E-06	2,522683	0,000109	-0,29426	-0,13405	-1,05566	0,048971	0,03427	0,004643	0,007622	1,27E-05	-0,40918			0	
x	=		0	3,49E-06	6,786983	0,000679	-0,64589	-1,05375	-23,009	5,763874	2,144298	0,182454	0,298596	0,000498	-1,65394	x	+	0	и
			0	1,26E-07	0,241977	2,88E-05	-0,02252	-0,04888	-5,76381	-0,04933	-0,04525	-0,01011	-0,01668	-2,8E-05	-0,06287			0	
			0	9,22E-08	0,177556	2,05E-05	-0,01659	-0,03421	-2,14426	-0,04525	-0,04469	-0,01261	-0,02089	-3,5E-05	-0,04564			0	
			0	1,33E-08	0,025632	2,84E-06	-0,00241	-0,00463	-0,18245	-0,01011	-0,01261	-0,18727	-2,93859	-0,00102	-0,00649			0	
			0	-2,2E-08	-0,0421	-4,7E-06	0,003953	0,007608	0,298589	0,016678	0,020889	2,938587	-0,63872	-0,00213	0,010661			0	
			0	3,69E-11	7,01E-05	7,76E-09	-6,6E-06	-1,3E-05	-0,0005	-2,8E-05	-3,5E-05	-0,00102	0,002128	-3,48412	-1,8E-05			0	
			0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	8		1	
			-												-				
	v -	_	Гз	2,26E-05	2,367141	-0,00029	-0,17664	0,214962	0,870476	-0,03309	-0,02402	-0,00342	-0,00561	-9,3E-06	-2,2661	x			
	, -	_	L												_				(4.51)

Transfer fonksiyonuna çevrilmiş hali denklem 4.52'de verilmiştir.

$$C(s) = \tag{4.52}$$

 $\frac{-79.6\,s^{12}-2941\,s^{11}-3.46e04\,s^{10}-1.644e05\,s^9-5.1e05\,s^8-1.2e06\,s^7-1.3e06\,s^6-5.9e05\,s^5-9.9e04\,s^4-2442\,s^3-16.3\,s^2-0.035\,s+2.583x10^{-06}}{s^{13}+70.5\,s^{12}+2218\,s^{11}+2.06e04\,s^{10}+8.74e04\,s^9+2.54e05\,s^8+5.24e05\,s^7+4.55e05\,s^6+1.2e05\,s^5+3118\,s^4+22\,s^3+0.043\,s^2-3.217x10^{-6}\,s^2-1.24e^{-10}\,s^2$

Sensör gürültüsü olmadığı zaman sistem cevabı Şekil 4.66'da verilmiştir. Aynı zamanda tüm kontrolörler için dış döngü manevrası yapıtrılıp, genel dayanımları test edilmiştir.



Şekil 4.66 : H∞ döngü şekillendirici kontrolör zaman cevabı.

Kompenzatörümüzün durumları kontrol sistemine uygun değerlere ulaşınca takip performansı tatmin edicidir. Ancak çok yüksek sensör gürültüsü aktif edildiğinde gürültü dayanım performansı Şekil 4.67 verilmiştir.



Şekil 4.67 : H∞ kontrolör yüksek gürültü performansı.

Gürültüsüz ve gürültülü koşulda elde edilen kontrol sinyalimiz Şekil 4.68'de verilmişir.



Şekil 4.68 : Kontrol sinyali: (a) Gürültüsüz. (b) Yoğun gürültülü.

Ağırlıklar değiştirilerek tasarım yenilenecek olursa, yeni ağırlıklarımız denklem 4.53'te verilmiştir.

$$W_1(s) = \frac{s+1}{s+7}; \quad W_2(s) = \frac{1.9}{s};$$
 (4.53)

Elde edilen zaman cevabı Şekil 4.69'de verilmiştir. Takip performansı düşmüş ancak çok yoğun gürültüye karşı dayanım kazanmıştır.



Şekil 4.69 : Arttırılmış dayanım zaman cevabı: (a) Gürültüsüz. (b) Yoğun gürültülü.



Elde edilen kontrol sinyali Şekil 4.70'te verilmiştir.

Şekil 4.70 : Arttırılmış dayanım kontrol sinyali: (a) Gürültüsüz. (b) Yoğun gürültülü.

4.5.3 Frekans Tabanında Tasarım

Frekans tabanında tasarım amacı ile yer-kök eğrisi tekniği kullanılacaktır. Yer kök eğrisi kapalı çevrim köklerinin ve sıfırlarının kazanç ile hareketini göstermektedir. Yunuslama ekseninde elevatörden yunuslama hızına doğrusallaştırılmış transfer fonksiyonu denklem 4.54'te verilmiştir.

$$\frac{q(s)}{\delta e(s)} =$$

$$\frac{-0.183s^8 - 0.981s^7 - 2.966s^6 - 7.854s^5 - 5.947s^4 - 0.169s^3 - 0.001s^2 - 2.463x10^{-6}s + 7.758x10^{-25}}{s^9 + 6.717s^8 + 24.05s^7 + 67.38s^6 + 97.36s^5 + 62.56s^4 + 1.945s^3 + 0.2926s^2 + 0.004s - 5.046x10^{-9}}$$

$$(4.54)$$

Açık çevrim zaman cevabı Şekil 4.71'de verilmiştir.



Şekil 4.71 : Açık çevrim zaman cevabı.

Köklerin üzerinde sıfır olması o modun elevatör komutu ile karakteristiğinin değişmemesi anlamına gelmektedir. Buda yanal modlarımızı temsil etmektedir. Örnek verilecek olursa en solda yüksek frekanslı mod yuvarlanma modudur. Sistemin yerkök eğrisi ve uzunlamasına eksen hareket kökleri Şekil 4.72'de verimiştir. Yüksek frekanslı hareket kısa periyot, düşük frekanslı hareket uzun periyodu temsil etmektedir.



Şekil 4.72 : Yer-kök eğrisi gösterimi: (a) Kısa periyot kökler. (b) Uzun periyot kökler.

Kısa periyot ve uzun periyot köklerimiz denklem 4.55'te verilmiştir.

$$Uzunlamasına \ K\"okler = \begin{cases} Kısa \ Periyot : -1.1902 + 0.7364i \\ Uzun \ Periyot : -0.00482 \pm 0.0683i \end{cases}$$
(4.55)

Sistemin şekillendirilmek istenilen yeni davranışı seçilirken askeri standartlar gözetilmelidir. Kısa periyot sönümlenme oranı için standartların ifadesi seyehat fazını içeren kategori B için Çizelge 4.25'te verilmiştir.

Uçuş Kalitesi	Kategori B Uçuş Fazı		
	Alt Limit	Üst Limit	
Seviye 1	0.3	2	
Seviye 2	0.2	2	
Seviye 3	0.15	-	

Çizelge 4.25 : Uçuş kalitesi, kısa periyot sönümlenme oranı.

Kısa periyot hareketin sönümlenme oranı 0.7, doğal frekansı 2 rad/s olduğunda tasarım tatmin edici olduğu pilot kullanım kalitesi oranları (CHR) ile doğrulanmıştır. Bu durumda yeni köklerimizin yeri denklem 4.56'da verilmiştir.

 $kutup_{kp} = s^2 + 2x0.7x3 \ s + 3^2 = s^2 + 2.8 \ s + 4 \rightarrow kutup_{kp} = -0.7 \pm 1.2288 i \ (4.56)$

Uzun periyot kararlılık standardının (MIL-STD) ifadesi Çizelge 4.26'da verilmiştir.

Çizelge 4.26 : Uzun periyot kararlılık standartları ifadesi.

Uçuş Kalitesi	Kriter
Seviye 1	Sönümlenme oranı 0.04'ten büyük ise
Seviye 2	Sönümlenme oranı 0'dan büyük ise
Seviye 3	İki katına çıkma genliği en az 55 saniye ise

Çevik savaş uçakları için uzun periyot karakteristiği ikinci plandadır. Bu sebeple kökümüzü $-0.3 \pm 0.6i$ olarak yerleştirebiliriz. O halde kompansatör sistemde iki sıfır ile iki kutup götürmesi yapacak, istenilen frekans ve sönümlenme oranına iki kutup yerleştirecektir. İstenilen kompansatörümüzün ifadesi denklem 4.57'de verilmiştir.

$$C(s) = \frac{(s-z_1)(s-z_2)(s-z_3)(s-z_4)}{(s-p_1)(s-p_2)(s-p_3)(s-p_4)} =$$
(4.57)

 $\frac{(s+1.1902 - 0.7364i)(s+1.1902 + 0.7364i)(s+0.00482 - 0.0683i)(s+0.00482 + 0.0683i)}{(s+0.7 - 1.2288i)(s+0.7 + 1.2288i)(s+0.3 - 0.6i)(s+0.3 + 0.6i)}$

Kontrolör kazanç katsayısının belirlenmesi amacı ile yer-kök eğrisi Şekil 4.73'te verilmiştir.



Şekil 4.73 : Kontrolör kazancının belirlenmesi: (a) Başlangıç. (b) Seçim.

Tasarlanan kompanzatörde seçilen kazanç değeri 2 olarak ayarlandıktan elde edilen zaman cevabı Şekil 4.74'te verilmiştir.



Şekil 4.74 : Kapalı çevrim zaman cevabı

5. OTOPİLOT TASARIMI

Sistemlerin temel kontrolcüleri, ana karakteristiği belirlemede öncü olan ve diğer döngüler onların üzerlerine kurulan iç döngü kontrolörler olarak tanımlanabilir. Şu ana kadar belirtilen kısımlarda F16 iç döngü bloklarının yani kontrol ve kararlılık arttırma sistemleri üzerinde duruldu, ancak F16 tarafından sağlanan bir diğer kontrol algoritması görev fonksiyonu olan otopilottur. Otopilot fonksiyonu, temel amacı görev icrasına yardım etmek olan uçuş yönetim bilgisayarı tarafından sağlanmaktadır. F16 tarafından sağlanan otopilot fonksiyonları:

- Durum tutucu
- İrtifa tutucu
- Sapma seçici

Çalışmada durum tutucu ve irtifa tutucu otopilot tasarımı genel hatları ile anlatılacaktır. Parametrik optimizasyon ve eklenen sistemi kontrol etmeye yarayan jenerik yapıda PID_Tuner bloğu tanıtılacaktır. Bu blok bağlandığı hata sinyalini, amaç fonksiyonuna göre Kp, Ki ve Kd parametrelerini değiştirerek minimize edecek kontrol sinyali üreten bloktur. Simulink modeli Şekil 5.1'de verilmiştir.



Şekil 5.1 : Kendini optimize eden PID bloğu.

Optimzasyon hatanın karesi ve zaman ile ceza vermektedir. Amaç fonksiyonu denklem 5.1'de verilmiştir. t_sim ifadesi simülasyon durdurma süresi olup 10 saniye olarak tanımlıdır.

$$Ama \varsigma = \int_0^{t_sim} t e(t)^2 dt \tag{5.1}$$

Jenerik optimizasyon bloğu geriçağırımında (callback) tanımlanmış olup istem dışı çalıştırılma önlemi olarak kullanıcı onayını istemektedir. En son optimize edilen değerleri tutmaktadır. Örnek çıktı Şekil 5.2'de verilmiştir.



Şekil 5.2 : PID optimizasyon sorgu örnek gösterim.

5.1 Durum Tutucu

F16 otopilotu devreye alındığında mevcut durumlarını yani mevcut rotasyon (Euler) açılarını tutmayı hedefler. Pilot tarafından sağlanan Paddle komutu geldiği zaman otoriteyi pilota verir ve en son durumlarını korumaya devam eder. Modelde otopilot bloğunun içinde Paddle lojik tasarımı anahtarlama ile yapılmıştır. Uçuş kontrol bilgisayarı – kontrol ve kararlılık arttırma sistemi parametrik optimizasyonu için kullanılan metotlar kullanılabildir. Bu bölüm altında jenerik yapıda PID ayarlayıcı blok tasarımı yapılmıştır. Pilot komutu kesildiğinde son durumlarını tutmayı sağlayan lojik örnek olarak yunuslama ekseni seçilerek Şekil 5.3'te verilmiştir. Yuvarlanma ve sapma ekseninde'de aynı lojik farklı girişler ile mevcuttur.



Şekil 5.3 : Yunuslama ekseni paddle lojik.

5.1.1 Yunuslama Açısı

Yunuslama ekseninde yapılan yunuslama açısı tutucu otopilot için optimizasyon sonucu çıkış parametreleri Çizelge 5.1'de verilmiştir.

Parametre	Değer [#]
Кр	0.92393
Ki	0.26692
Kd	0
Amaç Değeri	1.613
Optimizasyon Süresi	28.42 s

Çizelge 5.1 : PID-tuner yunuslama ekseni sonuçları.

Padle komutu pilotun kokpit algılayıcıya uyguladığı kuvvet ile pilot komutu devreye alınmaktadır, pilot komutu kesildiğinde durum tutucu otopilot en son rotasyon açılarını referans almaktadır. Uçağın yunuslama açısı takip sonuçları Şekil 5.4'te gösterilmiştir.



Şekil 5.4 : Yunuslama açısı tutucu otopilot zaman cevabı.

5.1.2 Yuvarlanma Açısı

Yuvarlanma açısı optimizasyon parametreleri Çizelge 5.2'de verilmiştir.

Parametre	Değer [#]
Кр	25.1151
Ki	5.7912
Kd	0
Amaç Değeri	0.2016
Optimizasyon Süresi	522.2 s

Çizelge 5.2 : PID-tuner yuvarlanma ekseni sonuçları.

Farklı yuvarlanma açısı komutları ile otopilotun zaman cevabı Şekil 5.5'te verilmiştir.



Şekil 5.5 : Yuvarlanma açısı tutucu otopilot zaman cevabı.

Bazı noktalarda doğrusal olmayan yanal karakteristiğin yuvarlanma ve sapma ekseni etkileşiminden dolayı performans düşümü olmaktadır. Ancak bu koşullarda dahil standartların ($\pm 1^{\circ}$ hata) dışına çıkmamaktadır.

5.1.3 Sapma Açısı

Sapma açısını tutan otopilot parametreleri Çizelge 5.3'te verilmiştir.

Parametre	Değer [#]
Кр	2.9118
Ki	2.9485
Kd	1.1617
Amaç Değeri	12.32
Optimizasyon Süresi	951.1

Çizelge 5.3 : PID-tuner sapma ekseni sonuçları.

Sapma ekseninde ARB (aileron rudder bağlantısı) bulunduğu için Roll ekseninden bağımsız incelenememektedir. Bu sebeple otopilot performansı diğer eksenlere göre zayıf çıksada tasarım gereksinimi karşılamaktadır. Zaman cevabı Şekil 5.6'da verilmiştir.



Şekil 5.6 : Sapma açısı tutucu otopilot zaman cevabı.

5.2 İrtifa Tutucu

İrtifa tutucu otopilot tasarımı kontrol yasası olarak en dış döngüye konulmuştur. Tasarım taslağı Şekil 5.7'de verilmiştir.



Şekil 5.7 : İrtifa tutucu otopilot yapısı.

Tasarım sonucu elde edilen zaman cevabı Şekil 5.8'de verilmiştir.



Unutulmamalıdır ki otopilot gibi fonksiyonlar performans amacı olduğu kadar konfor amacıda içermektedir. Bu sebeple maksimum komutları iç döngüde kısıtlandırılmıştır. Örnek verilecek olursa Şekil 5.9'da pilot üzerine düşen 2g ile limitli g kuvveti gösterimi verilmiştir.



Şekil 5.9 : Otopilot g-kuvveti zaman cevabı.

6. SONUÇ VE ÖNERİLER

Modelleme çalışmasında alt sistemlerimiz modellerinin oluşturulması aşamasında newton yasalarından faydalanarak hareket denklemleri, literatür ve standartların ifadesinden eyleyici ve çevre modeli oluşturularak metotları okuyucuya aktarılmıştır. Aerodinamik veriler uçuş verilerinden çekilerek simulasyon için gerekli yüksek doğruluklu ortam oluşturulmuştur. Elde edilen doğrusal olmayan model üzerinde parametrik uçuş kontrol algoritma optimizasyonu, farklı kontrol yapıları için denenmiştir. Yanal hareket kontrolünde kararlılık arttırma sistemi, sönümleyici filtre ve aileron-rudder bağlantısı kontrol sistemindeki rolü açıklanmış ve kontrol sistemine eklenmiş halleri ile eklenmemiş halleri ile tasarım yapılmış, sonuclar karşılaştırılmıştır. Parametrik optimizasyon metodu olarak klasik kontrol metodu kullanılmıştır. Parametre optimizasyonu olarak gradyanlı ve gradyansız optimizasyon metotları denenmiştir. Kullanılan kodların bir kısmı ekte verilmiştir, ancak yazılan genetik algoritma gibi standart akış diyagramı ile kullanılan algoritmalar verilmemiştir. Standart algoritmaların benzer işlevini gören algoritmalar Matlab dökümantasyon üzerinden erişilebilmektedir. Ek olarak çalışma süresinin ve yakınsamanın iyileştirilmesi amacı ile küresel algoritmaların üzerine çalıştırılan gradyanlı aramanın çalışması ile oluşan hibrit metotlar denenmiştir. Kullanılan algoritmaların sonucunda elde edilen amaç değerleri ve simüllasyon süresinin karsılaştırılması Çizelge 6.1'de verilmiştir. Karşılaştırmanın arama menzili aynı olan küresel algoritmalar arası yapılacak olursa, amaç değerinin çalışma süresine oranı olarak hesaplanan performans değeri en yüksek büyük patlama büyük çöküş (big bang big crunch) algoritması ile elde edilmiştir.

Algoritma		KKAS Optimi	zasyonu
	Amaç	Simülasyon	Performans
	Değeri	Süresi	(1/Amaç*Süre)
Genetik Algoritma	0.097	740.8 s	0.01392
Hooke-Jeeves Algoritması	0.093	638.7 s	0.01684
Big Bang Big Crunch Algoritması	0.093	501.3 s	0.02145
Gradyan Temelli Bisection	0.124	3516 s	0.00229
Nelder Mead Simplex Algoritması	0.076	1260 s	0.01044
Sequential Quadratic Programming	0.1439	410 s	0.01694

Çizelge 6.1 : Optimizasyon algoritmalarının karşılaştırılması.

Tezin sonraki bölümünde klasik aç-kapa bang-bang kontrolör tasarımı yapılmış ve bu klasik tasarımın iyileştirilmesi için önerimlerde bulunulmuştur. Uçaklarda bir diğer önemli problem olan denge noktasının bulunması amacı ile problem tanımının optimizasyon problemine dönüştürülmesi süreci anlatılmıştır. Örnek irtifa-hız değerleri için denge noktası değerleri hesaplanmıştır. Denge noktasından elde edilen doğrusal model üzerine modern kontrol metotları denenerek, kontrolör dayanımları manevra setleri ile test edilmiştir. En son aşamada uçağın görev fonksiyonu olan ve kontrol sisteminde en dış döngüde yer alan durum tutucu ve irtifa tutucu otopilot tasarımı yapılmış ve sonuçlar paylaşılmıştır. Temel çıkarım modern kontrol kuramlarının bize sağladığı kolaylıklara ve yüksek performansa rağmen, klasik kontrol metotlarının esnekliği ve sadeliği görülmüştür. Bu sebeple ve standartların sağlanması aşamasında avantaj sağlaması havacılık endüstrisi tarafından klasik kontrol metotlarının tercih edilmesini yaygınlaştırmıştır. Ancak yakın gelecekte, gelişen teknoloji ve artan bilgi birikimi ile sanayi tarafında modern kontrole artacak güven ile uçuş kontrol algoritmalarında modern kontrol kuramı kullanımı ivme kazanacaktır.

6.1 Çalışmanın Uygulama Alanı

Kontrol sistemi tasarımı başlangıcından sonuca farklı metotlar ile genel hatlarıyla verilmiştir. Uygulaması çeviklik konseptine sahip avcı uçağı için yapılmış olsada kontrol sistemlerine genel bir bakış açısı sağlamaktadır. Bu sebeple geribesleme parametreleri değiştirilerek herhangi bir sisteme uyarlanabilir jenerik yapıdadır. Kontrol yapılarının uygulanması noktasında temel önerim doğrusallığı bozan parametreleri içeren sistemler için doğrusallaştırma belirsizliklerinin yüksek olması sebebi ile tasarım noktalarının arttırılmasıdır.

6.2 Kazanımlar

Gelecekte geliştirilecek yerli ve milli uçuş kontrol yasaları için karşılaşılacak zorlukların veya kullanılan metotların avantajlarının belirlenmesinin sağlanması hedeflenmiştir. Modern kontrolün bize büyük kolaylık ve performans artışı sağladığı, öte yandan standartların doğrulanması süresince zorluklar çıkarabileceği görülmüştür. Bunun yanında optimizasyonun sağladığı kolaylıklar görülmüş ve uçuş kontrol algoritmasının optimizasyonunda yer alan uçuş ve kullanım kalitesi gibi kısıtlarımız ile birlikte daralan arama alanı sonucunda varılan sonuç, nihai tasarımın öncü noktası olduğu görülmüştür.





KAYNAKLAR

Administration, N. O. (1976). U.S. Standard Atmosphere. Washington, D.C.: NASA.

- Agora, J. S. (2012). Introduction to Optimum Design. Iowa City.
- Armstrong, E. S. (1993). *Robust Controller Design*. Hampton, Virginia: NASA, Langley Research Center.
- Beck, C., D'Andrea, R., Paganini, F., Lu, W.-M., & Doyle, J. (1996). A State-Space Theory of Uncertain Systems. *13th Triennial World Congress* (s. 3162 - 3167). San Francisco, USA: IFAC.
- **Bogaisky, J.** (2018). Crash of Lion Air 737 MAX Raises Questions About Autopilot And Pilot Skills. *Forbes*.
- Cook, M. V. (1997). Flight Dynamics Principles. Cranfield: Elsevier.
- Cook, M. V. (1999). On the Design of Command and Stability Augmentation Systems for Advanced Technology Aeroplanes. *Trans. Inst. MC*, 21(2), 85-98.
- Dang, D.-K., Mifdaoui, A., & Gayraud, T. (2012). Fly-By-Wireless for Next Generation Aircraft: Challenges and Potential solutions. Toulouse: IEEE.
- **Driscoll, N. R.** (1967). Effects of a Simple Stability Augmentation System on the Performance Non-Instrument-Qualified Light-Aircraft Pilots During Instrument Flight. Langley Station, Hampton, Va.: NASA, Langley Research Center.
- Efe, M. Ö. (2012). Otomatik Kontrol Sistemleri. Ankara: Seçkin Yayıncılık.
- **Enevoldson, W. W.** (1981). Limited Evaluation of an F-14A Airplane Utilizing an Aileron-Rudder Interconnect Control System in the Landing Configuration. Hampton, Virginia: NASA.
- Erol, O. K., & Eksin, İ. (2005). A new optimization method: Big Bang-Big Crunch. *Elsevier*, 107-111.
- Garg, A., Linda, R. I., & Chowdhury, T. (2013). Evolution of Aircraft Flight Control System and Fly-By-Light Flight Control System. *International Journal of Emerging Technology and Advanced Engineering*, 3(12), 1-6.
- General Electric. (2019, Mart 19). *F110-GE-129 Turbofan Engines Datasheet*. Ohio: GE Aviation.
- Hollocks, B. W. (2008). Intelligence, innovation and integrity—KD Tocher and the dawn of simulation. *Journal of Simulation*, 128-137.
- Jun He, L. K. (1999). On the Convergence Rates of Genetic Algorithms. *Theoretical Computer Science Elsevier*(229), 23-39.
- Katsuhiko, O. (1990). *Modern Control Engineering*. Englewood Cliffs: Prentice-Hall Inc.

- Marx, M. F. (1977). *Computer Redundancy for Aircraft Flight Control*. Binghamton, New York: General Electric Company.
- McFarlane, D., & Glover, K. (1992). A Loop Shaping Design Procedure Using H∞ Synthesis. *IEEE Transactions on Automatic Control*, *37*(6), 759-769.
- Nelson, R. C. (1989). Flight Stability and Automatic Control. New York: McGraw-Hill.
- **Ogata, K.** (1994). *Solving Control Engineering Problems with Matlab.* Englewood Cliffs: Prentice-Hall Inc.
- **Overstreet, C. M., & Nance, R. E.** (1986). World View Based Discrete Event Model Simplification. *Modelling and Simulation Methodology in the Artificial Intelligence Era* (s. 165-179). içinde
- Papageorgiou, G., Glover, K., D'Mello, G., & Patel, Y. (2000). Taking robust LPV control into flight on the VAAC Harrier. Bedford: DERA.
- Perez, R. E., Liu, H. H., & Behdinan, K. (2005). Relaxed Static Stability Aircraft Design via Longitudinal Control-Configured MDO Methodology. *CASI Conference on AerospaceTechnology and Innovation*. Toronto.
- Roberts, S. D., & Pegden, D. (2017). The History of Simulation Modeling. *IEEE Winter Simulation Conference*, (s. 308 -). Raleigh, USA.
- Skogestad, S., & Postlethwaite, I. (2001). *Multivariable Feedback Control Analysis* and Design. John Wiley & Sons.
- Stevens, B. L., Lewis, F. L., & Johnson, E. N. (1992). Aircraft Control and Simulation. New York: Wiley.
- Sutherland, J. P. (1968). Fly-By-Wire Flight Control Systems. Joint Meeting of Flight Mechanics and Guidance and Control Panels of AGARD. Oslo, Norway.
- Wei, Q. (2013). Bang-Bang Control Applied in Airfoil Roll Control with Plasma Actuators. *Journal of Aircraft*, 670-676.
- Wise, J. (2019, Mart 15). *The Boeing 737 Max and the Problems Autopilot Can't Solve*. nytimes.com: https://www.nytimes.com/2019/03/14/opinion/business-economics/boeing-737-max.html adresinden alındı
- Wood, G. R. (1989). The Bisection Method in Higher Dimensions. Springer, 319-337.
- Zavoli, A. (2013). Indirect Optimization of Bang-Bang Control Problems and Applications to Formation Flying Missions. Rome.
- **Zipfel, P. H.** (2007). *Modeling and Simulation of Aerospace Vehicle Dynamics*. Gainesville, Florida: AIAA Education Series.

EKLER

- EK A: Yanal kontrol optimizasyon kodu
- EK B: Doğrusal Model
- **EK C:** Kendini ayarlayan PID kodu
- **EK D:** Fareden komut alma kodu
- EK E: Modifiye edilmiş eşit bölmeli arama kodu





EK A

```
%% Durum uzayı ilgili durum ve giriş adresleri
idx.States.p=10; idx.States.r=12;
idx.Inputs.Aileron=2;idx.Inputs.Rudder=3;
%% Ucak sistemi daha doğru bir analiz için indirgenmeden
% kullanılır.
Ucak.ss rad=mimo([idx.States.p,idx.States.r],[idx.Inputs.Aileron,idx
.Inputs.Rudder]);
Ucak.ss deg=(180/pi)*Ucak.ss rad;
%% Eyleyici
tau eyleyici=0.05; %Rudder ve Aileron
kARB=input('ARB Kazancı Giriniz..[Default ARB Yok] >> '); %ARB ile
tasarım
if isempty(kARB); kARB=0; end
Eyleyici.A= [-1/tau eyleyici 0; 0 -1/tau eyleyici];
Eyleyici.B= [1/tau eyleyici 0;
                  kARB/tau eyleyici 1/tau eyleyici];
Eyleyici.C= [-1 0; 0 -1];
Eyleyici.D= [0 0; 0 0];
Eyleyici.ss= ss(Eyleyici.A,Eyleyici.B,Eyleyici.C,Eyleyici.D);
ActuatedPlant = series(Eyleyici.ss,Ucak.ss deg);
%% Washout Filtre
tau wf=1;
Washout.A= [-1/tau wf];
Washout.B= [0 1/tau wf];
Washout.C= [0;-1];
Washout.D= [1 0; 0 1];
Washout.ss= ss(Washout.A,Washout.B,Washout.C,Washout.D);
Washout.ss.InputName={'RollCmd', 'YawCmd'};
Washout.ss.OutputName={ 'p', 'washed r' };
Washout.ss.StateName='Gecici r';
Sistem= series(ActuatedPlant,Washout.ss);
%% Optimizasyon
Qans=questdlg('Opt.Baslat?','QD','Evet','Hayır','Hayır');
if strcmp(Qans, 'Evet')
ts=0.05;
t= [0:ts:50];
% Girişlerin Tanımlanması
%[0-15 sn Rudder, 15-30 sn Aileron, 30-50 sn çoklu giriş
uAil=[zeros(1,(15/ts+1)),10*ones(1,5/ts),-
5*ones(1,5/ts),zeros(1,5/ts),15*ones(1,20/ts)]';
uRud=[5*ones(1,(5/ts+1)),-
10*ones(1,5/ts),zeros(1,20/ts),15*ones(1,20/ts)]';
u multiGiris=[uAil,uRud];
costFunc=@(K) CostFun(K,Sistem,u multiGiris,t);
optimization='ga';
switch optimization
    case 'none'
        disp('End')
    case 'SQP'
Algorithm 'levenberg-marquardt'
options =
optimoptions ('fmincon', 'Display', 'iter', 'Algorithm', 'sqp', 'MaxIterat
ions',200, 'MaxFunctionEvaluations',800);
```

```
[x,fval,exitflag,output]=fmincon(costFunc,[1 1],... [],[],[],[],[],[]
0],[20 20],[],options);
    case 'ga'
hybridFcn=@patternsearch;
options =
optimoptions('ga','Display','iter','ConstraintTolerance',1e-
6,'HybridFcn',hybridFcn,'MaxGenerations',10,...
'PopulationSize',500);
[x,fval,exitflag,output]=ga(costFunc,2,[],[],[],[],[],...
    [0 0],[100 100],[],options);
disp(['Optimizasyon Sonucu:' num2str(x)]);
end
else
    disp('Çıkış');
end
```

Fonksiyonlar:

```
function cost=CostFun(K,washedsys,u,t)
cl_SAS= washedsys.A - washedsys.B*[K(1) 0; 0 K(2)]*washedsys.C;
% Close roll & yaw
[y,x]= lsim(cl_SAS,washedsys.B,washedsys.C,0,u,t);
% Linear simulation
cost=costhesap(y,u,t);
end
function hesaplanancost=costhesap(y,u,t)
hesaplanancost=0;
for i=1:length(t)
    error Roll=y(i, 1) - u(i, 1);
    error_Yaw=y(i,2)-u(i,2);
%Amac Ağırlıklandırma- %90 / %10
hesaplanancost=(0.9*error Roll^2+0.1*error Yaw^2)+hesaplanancost
;
end
end
```

EK	B
----	---

Durum katsayı matrisi değeri 5,11E-23 -3,5E-23 0 0 0 0 000 1 0,000434 0,040564 3,53E-23 0 0 0 0 0 -0,0107 0 000 0,999943 1,26E-21 -1,4E-24 0 0 0 0 000 0 0,010705 1,000765 0 -9,79894 0,002493 0,054255 000 0 -5,76975 0,009482 4,34E-05 -0,00946 9,79838 -0,00425 2,26E-05 -0,00074 -0,28537 -0,01389 0 0 0 5,989758 0 -147,798 -0,39749 0,002099 0,020932 -0,00948 134,7572 -0,10482 -0,09135 -1,03641 000 0 0 0,173515 -9,2E-10 -4,2808 0,998755 -0,02865 0,040825 0 0 0 0 0 -6,03981 -4,7E-13 149,0081 0,999532 -0,00951 000 0 0 0 0,029063 -0,05511 -149,07 0,010688 0,999121 0 0 0 0 0 0 -0,04053 0 0 0 3,82E-08 3,2E-05 -0,18912 7E-05 000 -3,5591 3,76E-23 0,705331 0 0 5,97E-07 0,000525 9,38E-05 -0,00418 000 -4,7E-23 -2,8E-24 -1,3442 0,052104 0,000464 0 0 0 -0,02421 0 0 -3,2E-08 -4,1E-05 2,2E-24 -0,48245

Çizelge A.1 Durum Katsayı Matrisi (A)

Çizeige						
YatayKuyruk	Flaperon	Rudder	ThrottleYuzde			
0	0	0	0			
0	0	0	0			
0	0	0	0			
0,048049	0	0	17,79186			
0	0,042501	0,120869	0			
-0,34603	0	0	0			
0	0	0	0			
0	0	0	0			
0	0	0	0			
-0,00136	-0,65034	0,123941	0			
-0,18279	0	0	0			
0,001979	-0,02771	-0,06123	0			

Cizelge A.2 Giriş Katsayı Matrisi (B)

Çıkış katsayı matrisi değeri											
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1

Çizelge A.3 Çıkış Katsayı Matrisi (C)

Çizelge A.4 İleribesleme Katsayı Matrisi (D)

YatayKuyruk	Flaperon	Rudder	ThrottleYuzde
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0

EK C

```
%% Bilgilendirme
% Kendini Ayarlayan PID Kontrolör (ing. Self Tuner PID)
% Simulink bloğundan 'Open Fcn' geriçağırma fonksiyonu
% aracılığı ile çift tıklayarak çağrılmaktadır.
% Oransal Kontrolör optim params={'Kp'};
% Oransal+İntegral Kontrolör optim params={'Kp' 'Ki'};
% Oransal+İntegral+Türevleyici Kontrolör {'Kp' 'Ki' 'Kd'}
% Oransal+Türevleyici Kontrolör optim params={'Kp' 'Kd'};
% Küresel arama metodu kullanıldığı için kontrol
% katsayıları limitleri
% belirlenmelidir. Gradyan temelli arama kullanılması
% durumda ilk değerler atanmalıdır.
% sim speed ve sim normal fonksiyonları modele ait olup
% farklılık gösterebilir.
function PID Tuner
%% ------ PARAMS ------
optim params={'Kp' 'Ki' 'Kd'};
UB=1*ones(1,length(optim params));
LB=0*ones(1,length(optim params));
maxGen=5;
popSize=150;
%% ----- Algoritm ----
model=bdroot;
adress=qcb;
nVar=length(optim params);
cevap=questdlg('Parametreler ayarlansın
m1?', 'Tune dlg', 'Evet', 'Hayır', 'Hayır');
if strcmp(cevap, 'Evet')
baslangic=clock;
sim speed(model)
set param(strcat(adress, '/CostFunction'), 'commented', 'off');
costFunc=@(K) cost(K,model,adress,optim params);
options =
optimoptions('ga','Display','iter','ConstraintTolerance',1e-6,...
    'MaxGenerations', maxGen, 'PopulationSize', popSize);
[x,fval,exitflag,output]=ga(costFunc,nVar,[],[],[],[],...
    LB,UB,[],options);
for i=1:nVar
set param(sprintf('%s/%s',adress,optim params{i}),'Gain',num2str(x(i
)));
end
sim normal(model)
set param(strcat(adress,'/CostFunction'),'commented','on');
calisma suresi=etime(clock,baslangic);
assignin('base','Optimizasyon Suresi', calisma suresi);
else
%Durdur
end
end
```

```
function y = cost(K,model,adress,optim params)
for i=1:length(K)
set param(sprintf('%s/%s',adress,optim params{i}),'Gain',num2str(K(i
)));
end
SimSonuc=sim(model);
y=SimSonuc.PID_Tuner_Cost.Data(end);
end
function speedsim(model)
warning off
assignin('base','INPUT TYPE',1);
assignin('base','AP_TYPE',1);
if evalin('base', 'DirectFeed') == true
    ST='0.01'; % adım aralığı
else
    ST='10';
                % Optimizasyon amaç biriktirme süresi
end
set param(model, 'StopTime', ST)
set param(model, 'FastRestart', 'on')
set param(strcat(model, '/Animation'), 'Commented', 'On')
assignin('base','SimSpeeder',true);
end
function sim normal(model)
warning on
set_param(model,'FastRestart','off')
set_param(model, 'StopTime', 'inf')
set_param(model, 'FixedStep', '0.01')
assignin('base','SimSpeeder',false);
set_param(strcat(model, '/Animation'), 'Commented', 'Off')
if exist('InitStates','var')
set_param(model, 'SimulationCommand', 'update')
end
end
```
EK D

```
function mousecontroller
%% Görsel tanımlanır
figur=figure;
eksen=axes('Xlim',[-150,180],'YLim',[-180 150]);
Throttle=line([150 180], [-148 -
148], 'color', 'red', 'linewidth', 4, 'ButtonDownFcn', @SuruklemeBaslatThr
ottle);
Rudder=line([0 0], [-180 -
150], 'color', 'red', 'linewidth', 4, 'ButtonDownFcn', @SuruklemeBaslatRud
der);
Stick=line([-5 5], [-5
5], 'color', 'red', 'linewidth', 14, 'ButtonDownFcn', @SuruklemeBaslatStic
k);
line([150 150], [-180 150],'color','green','linewidth',2);
line([180 180], [-180 150],'color','green','linewidth',2);
line([-150 180], [-150 -150],'color','green','linewidth',2);
line([-150 180], [-180 -180],'color','green','linewidth',2);
line([-150 0], [0 150],'color','yellow','linewidth',2);
line([0 150], [150 0], 'color', 'yellow', 'linewidth',2);
line([-150 0], [0 -150],'color','yellow','linewidth',2);
line([0 150], [-150 0],'color','yellow','linewidth',2);
%% Figür üzerine callback atanır
set(figur, 'WindowButtonUpFcn',@surukleDurdurThrottle);
set(figur, 'WindowButtonUpFcn',@surukleDurdurRudder);
set(figur, 'WindowButtonUpFcn',@surukleDurdurStick);
%% Rudder Callback
    function SuruklemeBaslatRudder(varargin)
        set(figur, 'WindowButtonMotionFcn',@surukleRudder)
    end
    function surukleRudder(varargin)
        nokta=get(eksen, 'CurrentPoint');
        if nokta(1) <-150; nokta(1) =-150; end
        if nokta(1)>150; nokta(1)=150; end
        set(Rudder, 'XData', nokta(1)*[1 1]);
        Rudder force=3*nokta(1);
        if (Rudder force<15 && Rudder force>-15); Rudder force=0;
end
        assignin('base','Rudder force',Rudder force);
2
        set param('Model/Pilot Inputs/Mouse
Input/Mouse Input/Rudder force','Gain','Rudder force');
    end
    function surukleDurdurRudder(varargin)
        set(figur, 'WindowButtonMotionFcn', '');
    end
%% Throttle Callback
    function SuruklemeBaslatThrottle(varargin)
        set(figur, 'WindowButtonMotionFcn',@surukleThrottle)
    end
```

```
function surukleThrottle(varargin)
        nokta=get(eksen, 'CurrentPoint');
        if nokta(3)>150; nokta(3)=150;
                                          end
        if nokta(3)<-150; nokta(3)=-150; end</pre>
        set(Throttle, 'YData', nokta(3)*[1 1]);
        Throttle percentage=(nokta(3)+150)/3;
        if Throttle percentage<0; Throttle percentage=0; end
        if Throttle_percentage>100; Throttle_percentage=100; end
        assignin('base','Throttle_percentage',Throttle_percentage);
        set param('Model/Pilot Inputs/Mouse
Input/Mouse Input/Throttle percentage','Gain','Throttle percentage')
;
    end
    function surukleDurdurThrottle(varargin)
        set(figur, 'WindowButtonMotionFcn', '');
    end
%% Stick Callback
    function SuruklemeBaslatStick(varargin)
        set(figur, 'WindowButtonMotionFcn',@surukleStick)
    end
    function surukleStick(varargin)
        nokta=get(eksen, 'CurrentPoint');
        if nokta(1)<-150; nokta(1)=-150; end</pre>
        if nokta(1)>180; nokta(1)=180; end
if nokta(3)>150; nokta(3)=150; end
        if nokta(3) <-180; nokta(3) =-180; end
        set(Stick, 'XData', [nokta(1)-5 nokta(1)+5], 'YData', [nokta(3)-
5 nokta(3)+5]);
        Aileron force=nokta(1);
        Elevator force=nokta(3);
        if (Aileron force<15 && Aileron force>-15); Aileron force=0;
end
        if Aileron force>80; Aileron force=80; end
        if Aileron force<-80; Aileron force=-80; end
        if (Elevator force<15 && Elevator force>-15);
Elevator force=0; end
        if Elevator force>170; Elevator force=170; end
        if Elevator force<-80; Elevator force=-80; end
        assignin('base','Elevator force',Elevator force);
        assignin('base','Aileron force',Aileron force);
8
        set param('Model/Pilot Inputs/Mouse
Input/Mouse Input/Elevator force','Gain','Elevator force');
        set param('Model/Pilot Inputs/Mouse
Input/Mouse Input/Aileron force','Gain','Aileron force');
    end
    function surukleDurdurStick(varargin)
        set(figur, 'WindowButtonMotionFcn', '');
    end
```

end

EK E

```
function optim bisectionmodified
for j=1:20
    for i=1:1:4 % K1-K2-K3-K4 Aranıyor
        bisectionMAIN(i,j)
    end
end
end
function bisectionMAIN(opt param,iter)
maxIter=2;
if opt param==3 ||opt param==4
    step=20/iter^2; % K3-K4 yüksek aralık
else
    step=1/iter^2;
end
param=strcat('K',num2str(opt param),' UKB');
AramaNokt = evalin('base', param);
model='TezModel';
warning off
baslangic=clock;
sim speed(model)
                   % bknz. EK C
assignin('base','SimCounter',0);
iter=1;
success=0;
UL=AramaNokt+step; % Üst Limit
LL=AramaNokt-step; % Alt Limit
if LL<0; LL=0; end
h=0.01;
COSTU=cost(UL,param);
COSTL=cost(LL,param);
figure; hold on
title(param)
while (success==0 && iter<=maxIter)</pre>
    COSTMIDh(iter)=cost((UL+LL)/2+h,param);
    COSTMID(iter)=cost((UL+LL)/2,param);
    dif=COSTMIDh(iter)-COSTMID(iter);
    if iter>1 && COSTMID(iter)>COSTMID(iter-1)
        h=h/2;
    else
        UL old=UL; LL old=LL;
        if dif<10^-3
            LL=(UL+LL)/2;
        elseif dif>10^-3
            UL=(UL+LL)/2;
        else
            success=1;
        end
    end
    Iterated parameters(iter)=(UL old+LL old)/2;
    plot(Iterated parameters(iter),iter,'r--*','LineWidth',3);hold
on
    plot([UL old UL old], [1 maxIter], 'k--', 'LineWidth', 2);
    plot([LL_old LL_old],[1 maxIter],'k--','LineWidth',2);
    Legend{iter}=strcat('Cost Func:', num2str(COSTMID(iter)));
    text(0.8,0.9-iter/20,strcat('Cost Func:
',num2str(COSTMID(iter))),'Units','normalized');
    iter=iter+1;
end
```

```
if COSTL<min(min(COSTMID),min(COSTMIDh))
    assignin('base',sprintf('%s',param),LL);
elseif COSTU<min(min(COSTMID),min(COSTMIDh))
    assignin('base',sprintf('%s',param),UL);
end
hold off
calisma_suresi=etime(clock,baslangic);
disp(['Calisma_Suresi: ',num2str(calisma_suresi)]);
sim_normal(model) % bknz. EK C
end
function y=cost(K,param)
assignin('base',sprintf('%s',param),K);
set_param(sprintf('TezModel/UKB/UKB_Optimization/DFLCS Pitch
</pre>
```

```
Axis/%s',param),'Gain',sprintf('%s',param));
SimSonuc=sim('TezModel');
```

```
y=SimSonuc.ITSE.signals.values(end); % Simulinkten Çekilir (To
Workspace)
```

end

ÖZGEÇMİŞ



Ad-Soyad	: Göktuğ İbrahim Taşdöşeyenler
Doğum Tarihi ve Yeri	: 10.Haziran.1993 Tekirdağ
E-posta	: goktug.tasdoseyenler@gmail.com

ÖĞRENİM DURUMU:

- Lise : 2011, Tekirdağ Fen Lisesi, Fen Bilimleri Alanı
- Lisans : 2016, İstanbul Teknik Üniversitesi, Uçak ve Uzay Bilimleri Fakültesi, Uçak Mühendisliği
- Lisans : 2017, İstanbul Teknik Üniversitesi, Elektrik-Elektronik Fakültesi, Kontrol ve Otomasyon Mühendisliği
- Yükseklisans : 2016-Devam, İstanbul Teknik Üniversitesi, Uçak ve Uzay Mühendisliği Anabilim Dalı, Uçak ve Uzay Mühendisliği Yükseklisans Programı

MESLEKİ DENEYİM:

- 2015 yılında avrupa öğrenci değişim programı ile Polonya'nın lider teknik üniversitesi olan Varşova Teknik Üniversitesinde öğrenim gördü.
- 2017 yılında Digital Datcom ile modelleme ve kontrol sistemleri üzerine Otomatik Kontrol Türk Milli Komitesinde konferans verdi.
- 2017 yılından bu yana Türk Havacılık ve Uzay Sanayii'nde uçuş kontrolü ve algoritmaları tasarım mühendisi olarak görevine devam etmektedir.