T.C. ERCİYES ÜNİVERSİTESİ FEN BİLİMLERİ ENSTİTÜSÜ

⁶He ÇEKİRDEK REAKSİYONLARININ ÇİFTLENMİŞ KANALLAR MODELİ İLE İNCELENMESİ: COULOMB PARÇALANMA ÇİFTLENİMİNİN ROLÜ

Tezi Hazırlayan Yasemin KÜÇÜK

Tezi Yöneten Doç. Dr. İsmail BOZTOSUN

> Fizik Anabilim Dalı Doktora Tezi

> > Haziran 2009 KAYSERİ

T.C. ERCİYES ÜNİVERSİTESİ FEN BİLİMLERİ ENSTİTÜSÜ

⁶He ÇEKİRDEK REAKSİYONLARININ ÇİFTLENMİŞ KANALLAR MODELİ İLE İNCELENMESİ: COULOMB PARÇALANMA ÇİFTLENİMİNİN ROLÜ

Tezi Hazırlayan Yasemin KÜÇÜK

Tezi Yöneten Doç. Dr. İsmail BOZTOSUN

> Fizik Anabilim Dalı Doktora Tezi

> > Haziran 2009 KAYSERİ

Doç. Dr. İsmail BOZTOSUN danışmanlığında Yasemin KÜÇÜK tarafından hazırlanan "⁶He Çekirdek Reaksiyonlarının Çiftlenmiş Kanallar Modeli ile İncelenmesi: Coulomb Parçalanma Çiftleniminin Rolü" adlı bu çalışma, jürimiz tarafından Erciyes Üniversitesi Fen Bilimleri Enstitüsü Fizik Anabilim Dalında Doktora tezi olarak kabul edilmiştir.

i

02/07/ 2009

JÜRİ : Baskan : Praf. Dr. Sefa Erturk Uye : Prof. Ar. Caskon Ören Uye : Pop. Ar. Mehmet Akkurt Uye: Prop. Ac. Sema Östürk Yıldırın Uye: Dag. Ar. İsmail Bostosun b.

5 fr 2NM

ushmet

ONAY :

Bu tezin kabülü Enstitü Yönetim Kurulunun **21107/2009** tarih ve **2009/23-05** sayılı kararı ile onaylanmıştır.

21 / 07 / 2009



TEŞEKKÜR

Çalışmalarım sırasında yardım ve desteklerinden dolayı tez danışmanım sayın Doç. Dr. İsmail BOZTOSUN'a, CDCC modelini öğrenmemde yardımlarından dolayı Prof. Dr. Nickolas Keeley'e, Prof. Dr. Krystof Rusek'e ve Dr. Antonio Moro Munoz'a teşekkürlerimi sunarım.

Ayrıca desteklerinden ötürü Erciyes Üniversitesi Nükleer Fizik Grubunun tüm üyelerine, özellikle tez yazım aşamasında yardımlarından dolayı Tanfer Caner ve Abdullah Çoban'a ve her zaman yanımda oldukları için sevgili aileme sonsuz teşekkürlerimi sunarım.

Yasemin KÜÇÜK Haziran 2009

⁶He ÇEKİRDEK REAKSİYONLARININ ÇİFTLENMİŞ KANALLAR MODELİ İLE İNCELENMESİ: COULOMB PARÇALANMA ÇİFTLENİMİNİN ROLÜ

Yasemin KÜÇÜK Erciyes Üniversitesi, Fen Bilimleri Enstitüsü Doktora Tezi, Haziran 2009 Tez Danışman : Doç. Dr. İsmail BOZTOSUN

ÖZET

⁶He üç-cisimli Borromean yapısı nedeniyle en çok çalışılan zayıf bağlı egzotik çekirdeklerden biridir. ⁶He çekirdeğinin ağır bir hedeften Coulomb bariyeri civarındaki enerjilerde elastik saçılması, kararlı çekirdek reaksiyonlarında gözlemlenen klasik Fresnel tipi kırınım davranışından belirgin bir sapma gösterir. Ağır hedefin güçlü Coulomb alanının ürettiği dipol Coulomb parçalanma çiftleniminden kaynaklanan bu sapma ⁶He'un nükleer yapısına özgü bir özelliktir.

Bu çalışmada, Coulomb parçalanma etkisinin görünmeye başladığı kritik $Z_{\rm H}$ değerini bulmak için Continuum Discretized Coupled Channels hesaplamaları yapılmıştır. ⁶He+¹²C, ⁵⁸Ni, ⁶⁴Zn, ⁶⁵Cu, ¹⁹⁷Au, ²⁰⁸Pb ve ²⁰⁹Bi sistemleri için elde edilen elastik saçılma tesir kesitleri deneysel sonuçlarla karşılaştırılmıştır. Mevcut deneysel veriler yapıya özgü Coulomb parçalanma etkilerinin tam olarak nerede görülmeye başladığını tespit etmekte yetersiz kaldığından, teorik hesaplamalar ¹²⁰Sn, ¹⁴⁴Sm, ¹⁸¹Ta sistemlerine genişletilmiştir.

Teorik sonuçlar ⁶He çekirdek etkileşmelerinde güçlü Coulomb parçalanma etkisinin $Z_{\rm H} \approx 60$ civarındaki hedef çekideklerde ve sadece Coulomb bariyerinin hemen üstündeki enerjilerde baskın olmaya başladığını göstermiştir. Bununla birlikte bu etkinin deneysel olarak ayırdedilebilmesi için hedef çekirdeğin atom sayısının $Z_{\rm H} \approx 80$ olması gerektiği bulunmuştur.

Anahtar Kelimeler: Egzotik çekirdekler; ⁶He elastik saçılması; Continuum Discretized Coupled Channels Modeli (CDCC).

Investigation of the ⁶He Reactions by using the Coupled Channels Model: The Role of the Coulomb Breakup Coupling

Yasemin KÜÇÜK Erciyes University, Graduate School of Natural and Applied Sciences Ph.D. Thesis, June 2009 Thesis Supervisor: Doc. Dr. İsmail BOZTOSUN

ABSTRACT

⁶He is one of the most studied weakly bound exotic nuclei due to three-body Borromean structure. The elastic scattering of the halo nucleus ⁶He from heavy targets at incident energies near the Coulomb barrier displays a marked deviation from the standard Fresnel-type diffraction behavior. This deviation is due to the strong Coulomb dipole breakup coupling produced by the Coulomb field of the heavy target, a specific feature of the nuclear structure of ⁶He.

In this thesis, Continuum Discretized Coupled Channels calculations have been performed in order to find the critical $Z_{\rm T}$ value where this nuclear-structure specific coupling effect becomes manifest. The obtained elastic scattering cross sections for ${}^{6}{\rm He}{+}{}^{12}{\rm C}$, ${}^{58}{\rm Ni}$, ${}^{64}{\rm Zn}$, ${}^{65}{\rm Cu}$, ${}^{197}{\rm Au}$, ${}^{208}{\rm Pb}$ and ${}^{209}{\rm Bi}$ systems have been compared with the experimental results. Since the available experimental data is not sufficient to define where the structure-dependent effects are most clearly manifest, theoretical calculations have been extended to ${}^{120}{\rm Sn}$, ${}^{144}{\rm Sm}$, ${}^{181}{\rm Ta}$ systems.

Theoretical results have shown that the Coulomb breakup coupling effect starts to be dominant at around $Z_T=60$ for the energies just above the Coulomb barrier. However this effect is only clearly experimentally distinguishable for targets of $Z_T \approx 80$

Keywords: Exotic nuclei; ⁶He elastic scattering; Continuum Discretized Coupled Channels Model (CDCC).

İÇİNDEKİLER

KABUL	VE ONAY	ii			
TEŞEKK	ÜR	ii			
ÖZET .	ii	ii			
ABSTRA	ACT	V			
TABLOL	AR LİSTESİ	ii			
ŞEKİLLI	ŞEKİLLER LİSTESİ				
1. BÖLÜ	Ŭ M				
GİRİŞ .		1			
2. BÖLÜ	Ŭ M				
⁶ He ETK	KİLEŞMELERİ	7			
2.1.	Giriş	7			
2.1.1.	6 He+ 12 C Reaksiyonu	0			
2.1.2.	$^{6}\mathrm{He}+^{27}\mathrm{Al}$ Reaksiyonu	1			
2.1.3.	$^{6}\mathrm{He}+^{58}\mathrm{Ni}$ Reaksiyonu	3			
2.1.4.	$^{6}\mathrm{He}+^{64}\mathrm{Zn}$ Reaksiyonu	3			
2.1.5.	$^{6}\mathrm{He}+^{65}\mathrm{Cu}$ Reaksiyonu	5			
2.1.6.	$^{6}\mathrm{He}+^{197}\mathrm{Au}$ Reaksiyonu $~\ldots~\ldots~\ldots~\ldots~\ldots~1$	6			
2.1.7.	$^{6}\mathrm{He}+^{208}\mathrm{Pb}$ Reaksiyonu	7			
2.1.8.	$^{6}\mathrm{He}+^{209}\mathrm{Bi}$ Reaksiyonu	9			
3. BÖLÜM					
CONTIN	NUUM DISCRETIZED COUPLED CHANNELS (CDCC) MODELİ $\ . \ 2^{\circ}$	0			
3.1.	CDCC Formalizmi	0			
3.1.1.	Model Uzayı	3			
3.1.2.	Süreklilik Kanallarının Kesiklendirilmesi	4			
3.1.3.	Model Hamiltonyeni	9			
3.1.4.	Üç-cisimli Parçalanma Reaksiyonlarının CDCC Formülasyonu 3	3			

vi

4. BÖLÜM

CDCC	MODELİNİN EGZOTİK ÇEKİRDEK REAKSİYONLARINA		
UYGUL	AMALARI	38	
4.1.	Kararlı Çekirdek Reaksiyonları: Fresnel-Fraunhofer Kırınımı	38	
4.2.	Egzotik Çekirdek Reaksiyonları	40	
4.3.	Teorik Hesaplamalar	41	
4.3.1.	Geliştirilmiş İki-Nötron (Improved di-neutron) Modeli $\ .\ .\ .\ .$.	45	
4.4.	Bulgular	48	
4.4.1.	Coulomb Çiftleniminin Etkisi	50	
4.4.2.	⁶ Li ve ⁶ He Reaksiyonlarının Karşılaştırılması	55	
5. BÖLÜ	Ĵ M		
TARTIŞ	MA VE SONUÇ	65	
KAYNAI	KLAR	68	
ÖZGEÇN	ÖZGEÇMİŞ		

TABLOLAR LİSTESİ

Tablo 4.1.	Etkileşim potansiyelinin elde edilmesinde kullanılan α +hedef
	optik potansiyel seti. Burada reel potansiyel Woods-Saxon
	şeklinde olup, sanal potansiyel Woods-Saxon hacim şeklindedir [84]. 44

- Tablo 4.2. Etkileşim potansiyelinin elde edilmesinde kullanılan ${}^{2}n+hedef$ optik potansiyel seti. Burada reel potansiyel Woods-Saxon şeklinde olup, sanal potansiyel Woods-Saxon türevi şeklindedir [85]. 44

ŞEKİLLER LİSTESİ

Şekil 1.1.	Nötron-proton zengini çekirdeklerin kararlılık çizgisine göre yerleşiminin gösterilmesi	2
Şekil 1.2.	$^{11}\mathrm{Li}$ çekirdeğinin iç yapısının gösterilmesi	3
Şekil 1.3.	Üç-cisimli parçalanma reaksiyonunun gösterilmesi	5
Şekil 2.1.	Çekirdeklerin üç-cisim yapısı ve Borromean Krallığı'nın simgesi .	7
Şekil 2.2.	$^4\mathrm{He}$ ve $^6\mathrm{He}$ çekirdeklerinin nükle er madde yoğunluk dağılımları	9
Şekil 2.3.	Boztosun ve ark. tarafından [50] NCSM ve FB modelleri kullanılarak elde edilen mikroskopik potansiyellerin ürettiği (a) elastik, (b) elastik olmayan ve (c) transfer reaskiyonu tesir kesitleri sonuçları	11
Şekil 2.4.	$^{6}\mathrm{He}+^{27}\mathrm{Al}$ reaksiyonun elastik saçılma tesir kesiti sonuçları	12
Şekil 2.5.	${}^{4}\mathrm{He}, {}^{6}\mathrm{He} + {}^{58}\mathrm{Ni}$ reaksiyon un elastik saçılma tesir kesiti sonuçları	13
Şekil 2.6.	$^{6}\mathrm{He}+^{64}\mathrm{Zn}$ reaksiyonun elastik saçılma tesir kesiti sonuçları	15
Şekil 2.7.	$^{6}\mathrm{He}+^{65}\mathrm{Cu}$ reaksiyonun elastik saçılma tesir kesiti sonuçları	16
Şekil 2.8.	$^{6}\mathrm{He}+^{197}\mathrm{Au}$ reaksiyonun elastik saçılma tesir kesiti sonuçları. 	17
Şekil 2.9.	$^{6}\mathrm{He}+^{208}\mathrm{Pb}$ reaksiyonun elastik saçılma tesir kesiti sonuçları. 	18
Şekil 2.10.	$^{6}\mathrm{He}+^{209}\mathrm{Bi}$ reaksiyonun elastik saçılma tesir kesiti sonuçları	19
Şekil 3.1.	Üç-cisimli $(A+b+c)$ bir sistemin gösterimi. $B=b+C$ mermi parçacığı, A hedef parçacığı göstermektedir.	33
Şekil 4.1.	Fresnel tipi elastik saçılma açısal dağılımı.	39
Şekil 4.2.	Fraunhofer tipi elastik saçılma açısal dağılımı	40
Şekil 4.3.	Süreklilik kanallarının gösterimi	43
Şekil 4.4.	Etkileşim p otansiyelinin bileşenlerinin gösterimi. Burada 1 nolu potansiyel α + hedef optik potansiyelini, 2 nolu potansiyel 2n + hedef optik potansiyelini, 3 nolu potansiyel α + 2n bağlanma potansiyelini göstermektedir	43
Şekil 4.5.	${}^{6}\text{He}{=}lpha + {}^{2}n$ yapısının gösterimi.	45

Şekil 4.6.	Geliştirilmiş iki-nötron modelinde nötron yoğunluğunun realistik üç-cisim modeli ile karşılaştırılarak gösterilmesi	46
Şekil 4.7.	6 He çekirdeği için B(E1) ve B(E2) geçiş ihtimaliyetlerinin gösterilmesi	47
Şekil 4.8.	⁶ He+ ¹² C elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımının gösterilmesi. Daireler deneysel veriyi gösterirken katı çizgiler CDCC sonuçlarını göstermektedir.	48
Şekil 4.9.	⁶ He+ ²⁷ Al elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımının gösterilmesi. Daireler deneysel veriyi gösterirken katı çizgiler CDCC sonuçlarını göstermektedir.	49
Şekil 4.10.	⁶ He+ ⁵⁸ Ni, ⁶⁴ Zn, ⁶⁵ Cu elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımlarının gösterilmesi. Daireler deneysel veriyi gösterirken katı çizgiler CDCC sonuçlarını göstermektedir	50
Şekil 4.11.	⁶ He+ ¹⁹⁷ Au elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımının gösterilmesi. Daireler deneysel veriyi gösterirken katı çizgiler CDCC sonuçlarını göstermektedir	51
Şekil 4.12.	⁶ He+ ²⁰⁸ Pb elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımının gösterilmesi. Daireler deneysel veriyi gösterirken katı çizgiler CDCC sonuçlarını göstermektedir.	52
Şekil 4.13.	⁶ He+ ²⁰⁹ Bi elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımının gösterilmesi. Daireler deneysel veriyi gösterirken katı çizgiler CDCC sonuçlarını göstermektedir.	58
Şekil 4.14.	${}^{6}\text{He}+{}^{12}\text{C},{}^{58}\text{Ni},~{}^{120}\text{Sn}$ ve ${}^{144}\text{Sm}$ sistemlerinin elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımlarının gösterilmesi. Kesikli çizgiler çiftlenim etkilerinin dahil edilmediği (no-coupling) tek kanallı CDCC sonuçlarını gösterirken, katı çizgiler çiftlenim etkilerinin (full coupling) dahil edildiği CDCC sonuçlarını göstermektedir	59
Şekil 4.15.	⁶ He+ ⁵⁸ Ni, ¹²⁰ Sn ve ¹⁸¹ Ta sistemlerinin elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımlarının gösterilmesi. Kesikli çizgiler çiftlenim etkilerinin dahil edilmediği (no-coupling) tek kanallı CDCC sonuçlarını gösterirken, katı çizgiler çiftlenim etkilerinin (full coupling)dahil edildiği CDCC sonuçlarını göstermektedir	60
Şekil 4.16.	⁶ He+ ¹⁴⁴ Sm sistemi için diferansiyel tesir kesitinin artan enerji ile değişiminin gösterilmesi.	61

- Şekil 4.17. ⁶He (kesikli çizgi) ve ⁶Li (katı çizgi) + ⁵⁸Ni, ¹²⁰Sn, ve ¹⁴⁴Sm sistemlerinin elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımları. Şeklin sol tarafı $E_{\rm c.m.} V_{\rm B} = 1.005$ MeV ve sağ tarafı $E_{\rm c.m.} V_{\rm B} = 5.534$ MeV için yapılan hesaplama sonuçlarını göstermektedir. 62
- Şekil 4.18. ⁶He (kesikli çizgi) ve ⁶Li (katı çizgi)+ ¹⁸¹Ta ve ²⁰⁸Pb sistemlerinin elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımları. Şeklin sol tarafı $E_{\rm c.m.} - V_{\rm B} = 1.005$ MeV ve sağ tarafı $E_{\rm c.m.} - V_{\rm B} = 5.534$ MeV için yapılan hesaplama sonuçlarını göstermektedir. 63
- Şekil 4.19. Deneysel olarak ölçülen ⁶He (boş daireler) ve ⁶Li (dolu daireler) çekirdeklerinin ²⁰⁸Pb hedefinden 22.0 [60] ve 33.0 [97] MeV enerjide elastik saçılma açısal dağılımları. Kesikli çizgiler ⁶He ve katı çizgiler ⁶Li için CDCC sonuçlarını göstermektedir. 64

1. BÖLÜM

GİRİŞ

Egzotik çekirdekler, ilginç yapıları nedeniyle nükleer fizik ve nükleer astrofizik alanının son yıllarda üzerinde en çok çalıştığı konuların başında gelmektedir. Nükleon türlerinden birinin diğerine göre aşırılık göstermesi nedeniyle nötron yada proton zengini olarak da adandırılan bu çekirdekler, kararlı çekirdekler ile karşılaştırıldıklarında çok büyük RMS (Ortalama Yarıçapın Karekökü) değerlerine ve zayıf bağlanma enerjilerine sahiptirler. Egzotik çekirdek yapısı, merkezde kararlı olan sıkı bağlı bir kor ile bu koru çevreleyen zayıf bağlı bir ya da iki değerlik nükleonundan (genellikle nötron) oluşmaktadır. Sergilediği bu haleli yapıdan dolayı egzotik çekirdeklere "halo" çekirdekler de denmektedir. Korun etrafında dönen değerlik nükleonları, kararlı çekirdeklere göre daha geniş mesafelere yerleşerek yoğunluk dağılımında bir kuyruk (tail) bölgesi oluşturmaktadırlar. Kararlı çekirdeklerde nötron ve proton yoğunluk dağılımları hemen hemen eşitken, egzotik çekirdeklerde nükleonların yoğunluk dağılımlarındaki denge bozulmaktadır. Bu nedenle Şekil 1.1' de gösterildiği gibi, bu çekirdekler kararlılık vadisi dışında kalarak, nötron yada proton zenginliğine göre kararlılık çizgisinin altına yada üstüne yerleşmektedirler. Şekil 1.1' e göre çizginin altında kalan çekirdekler nötron zengini halolar olup, üst tarafta kalanlar ise proton zengini olan halo çekirdeklerdir.

Egzotik çekirdeklerin keşfi yaklaşık 20 yıl kadar önce Tanihata ve ark. tarafından yapılan He [1] ve Li [2] izotoplarının etkileşim tesir kesitlerinin ölçüldüğü deneylere dayanmaktadır. Bu deneylerde izotopların RMS değerlerinin A^{1/3} oranına bağlı olarak beklenilenden daha büyük olduğu gözlemlenmiştir. Bunun üzerine 1987 yılında Hansen ve Jhonson tarafından yapılan bir çalışma ile [3] ilk kez halo etkilerden kaynaklanan geniş yarıçaplar kavramı önerilmiştir. Bu çalışmada Şekil



Şekil 1.1. Nötron-proton zengini çekirdeklerin kararlılık çizgisine göre yerleşiminin gösterilmesi.

1.2' de gösterildiği gibi ¹¹Li çekirdeğinin, ⁹Li ve 2 nötrondan oluşan ikili bir sistem olduğu düşünülmüştür. Bu kabullenme ile ¹¹Li' un geniş madde yarıçapı ile kor ve değerlik nükleonların arasındaki zayıf bağın nedeni açıklanabilmiştir. Daha sonra yapılan çalışmalar [4,5] ile ⁹Li için RMS değerinin 2.5 fm ve ¹¹Li için RMS değernin yaklaşık 6.5 fm civarında olduğu tespit edilmiştir. ⁹Li ve ¹¹Li nükleon sayıları bakımından karşılaştırıldıklarında, ¹¹Li sadece 2 nötron fazlasına sahip olmasına rağmen, çekirdek yarıçaplarında görülen bu farkın egzotik çekirdeklerin özelliğinden kaynaklandığı anlaşılmıştır.

Egzotik yapının keşfinden sonra hem yapı hem de reaksiyon alanında çalışan nükleer fizikçiler egzotik çekirdek yapısının anlaşılmasına yoğunlaşarak, ⁶He, ¹¹Be, ¹⁴Be, ¹⁵C ve ¹⁷B gibi haleli yapıya sahip bir çok elementi literatüre kazandırmışlardır. Geçtiğimiz yirmi yılda egzotik çekirdekler kullanılarak yapılan sayısız deneyin ardından, halo çekirdek yapısının modellenmesi için ciddi bir çalışma süreci başlamıştır. Modelleme çalışmalarında haleli yapının açıklanabilmesi için başlangıçta deneysel olarak ölçülen reaksiyon gözlenebilirlerinden faydalanılmıştır.



Şekil 1.2. ¹¹Li çekirdeğinin iç yapısının gösterilmesi.

Toplam reaksiyon tesir kesiti ve nükleer parçalanmadan sonraki momentum dağılımları kullanılarak, deneysel veriler ile teorik olarak hesaplanan değerler karşılaştırılmıştır. Reaksiyon tesir kesitleri hesaplanırken yarı klasik olan Glauber [6] modeli kullanılmıştır ve bu hesaplamalarda halo çekirdeklerin Gaussian tipinde bir nükleon yoğunluk dağılımına sahip olduğu düşünülmüştür. Halo çekirdeklerin RMS değerleri, reaksiyon gözlenebilirlerinin elde edilmesinde kullanılan Gauss dağılımının parametreleri kullanılarak elde edilmiştir. Ancak bu RMS değerleri deneysel verilerle karşılaştırıldığında, deneysel sonuçlar ile teorik sonuçlar arasında farklılıklar gözlemlenmiştir. Bu başarısız çalışmaların üzerine 90' lı yıllarda Kabuk (Shell) modeli kullanılarak halo çekirdeklerin yapısı açıklanmaya çalışılmıştır. Ancak bu modelin de geniş madde yarıçapları ve küçük koparılma enerjileri tahminlerinde yeterli olmadığı tespit edilmiştir. Bunun üzerine çekirdeğin kor+değerlik nükleonları şeklinde bir yapıya sahip olduğu düşünülerek, "Birkaç Cisim (Few-body)" modelleri önerilmiş ve bu modellerin halo yapısını başarıyla açıkladığı görülmüştür 7– 11]. Bu modellerin korun uyarılma ve polarizasyon etkilerini ihmal etmelerinden dolayı, bilim adamları realistik NN (nükleon-nükleon) etkileşmesini temel alan ve Uç-cisim (3-body) yapısını içeren mikroskobik (ab-initio) modelleri geliştirmeye yönelmişlerdir. Green Function Monto-Carlo modeli [12] olarak adlandırılan bu yaklaşımla bağlı durumların dalga fonksiyonları elde edilmiştir. Bugüne kadar bu

model kullanılarak A=12' ye kadar olan çekirdeklerin bağlı durumları başarıyla açıklanabilmiştir. Son yıllarda egzotik yapının açıklanması için geliştirilen diğer yaklaşımlar ise Süreklilik Kabuk (Continuum Shell) modeli ve Korsuz Kabuk (No-Core Shell) modelidir. Standard Kabuk modelinin halo çekirdeklerin birçok özelliğini açıklamakta yetersiz kalması üzerine geliştirilen bu modeller ile ilgili çalışmalar halen devam etmektedir.

Nükleer yapı alanındaki bu yoğun çalışmalara rağmen, kısa yarı-ömre sahip olan egzotik çekirdeklerin nükleer yapılarının anlaşılması bu çekirdeklerin reaksiyonlarının incelenmesi ile mümkün olmuştur. Nükleer yapı alanındaki çalışmalara paralel olarak nükleer reaksiyon alanında da deneysel ve teorik birçok çalışma yapılmıştır. Özellikle elastik saçılma ve parçalanma (break up) reaksiyonlarının incelendiği bu çalışmalarda halo yapının reaksiyon gözlenebilirlerini nasıl etkilediği araştırılmıştır. Bu çalışmalar yapılırken kararlı çekirdekler için kullanılan Bozunmuş Dalga Born Yaklaşımı (Distorted Wave Born Approximation-DWBA) ve Çiftlenmiş Kanallar (Coupled Channels-CC) gibi farklı nükleer durumlara çiftlenimi dikkate alabilen modeller kullanılmıştır .

Zayıf bağlı olan egzotik çekirdekler güçlü bir Coulomb yada nükleer alanla karşılaştıklarında kolayca parçalanmaya maruz kalırlar. Çekirdeklerin bu tür reaksiyonlarını incelemek üzere 1989 yılında Japon Kyushu grubu tarafından, Çiftlenmiş Kanallar (CC) yaklaşımını temel alan bir model geliştirilmiştir [13, 14]. Süreklilik Durumlarının Kesiklendirildiği Çiftlenmiş Kanallar (Continuum Discretised Coupled Channels-CDCC) olarak isimlendirilen bu model ile parçalanma reaksiyonlarının mekanizması ve egzotik çekirdeklerin yapısı hakkında bilgi edinilebilmiştir. Bu model kullanılarak Şekil 1.3' de gösterildiği gibi kor+nükleonşeklinde düşünülen mermi parçacığın ağır bir hedeften saçılması sonucu meydana gelen üç cisimli Coulomb veya nükleer parçalanma reaksiyonlarının tanımlanması başarı ile yapılmıştır [13–23].

CDCC modelinde, mermi çekirdeğin öz durumları, mermiyi oluşturan iki bileşenin arasındaki bağıl hareketin lineer ve açısal momentumu, k ve l, ile sınıflandırılır. Burada $k \leq k_{max}$ ve $l \leq l_{max}$ olacak şekilde kesiklendirilir. Bu



Şekil 1.3. Üç-cisimli parçalanma reaksiyonunun gösterilmesi.

kesiklendirme CDCC modelinin temel kabullenmesidir ve bu kabullenme S-matrisin yeterince büyük k_{max} ve l_{max} değerlerine yakınsamasıyla doğrulanır [13, 15, 24]. Kesiklendirmenin sonucunda 3-cisimli Schrödinger denkleminin integral formu matematiksel olarak kolayca çözülebilir. Genel olarak Schrödinger denkleminden türetilen çiftlenmiş kanallar denklemlerinin çözümü, sonsuz sayıdaki parçalanma (break up) kanallarından dolayı imkansızdır. Ancak bu sorun k sürekliliğinin kesiklendirilmesi ile aşılmış olur. Yapılan kesiklendirme işlemi ile çiftlenmiş denklemler, sonlu sayıdaki kanalları temsil eden diferansiyel denklemler setine indirgenmiş olur. CDCC formalizmi ile ilgili detaylar ilerleyen bölümlerde verilecektir.

Hazırlanan bu tez ile Türkiye'de ilk kez egzotik çekirdek parçalanma reaksiyonlarının CDCC modeli kullanılarak teorik incelenmesine başlanmıştır. Tez çalışmasında son yıllarda üzerinde en çok çalışılan ⁶He etkileşmeleri detaylı olarak incelenmiş, elastik ve parçalanma reaksiyon gözlenebilirlerinin açıklanmasında Coulomb çiftleniminin rolü araştırılmıştır. Uluslarası literatüre egzotik çekirdeklerin yapısı hakkında önemli bilgiler kazandırın bu çalışma ile, bundan sonra radyoaktif elementler kullanılarak yapılacak olan deneyler için halo çekirdeklerin özellikleri ile ilgili önemli ipuçları sağlanmıştır.

Bölüm 2' de $^6\mathrm{He}$ çekirdeği kullanılarak bugüne kadar gerçekleştirilen deneysel ve

teorik çalışmaların kısa bir özeti verilmiştir.

Bölüm 3' de 3-cisimli parçalanma reaksiyonlarının incelenmesinde kullanılan CDCC modelinin formalizmi verilmiştir.

Bölüm 4' de egzotik çekirdek reaksiyonlarının açıklanmasında Coulomb parçalanma çiftleniminin önemini araştırmak üzere farklı hedef çekirdekler kullanılarak yapılan CDCC modelinin analiz sonuçları verilmiştir.

Bölüm 5' de elde edilen teorik sonuçlar üzerinde tartışılarak genel değerlendirmede bulunulmuştur.

2. BÖLÜM

⁶He ETKİLEŞMELERİ

2.1. Giriş

Egzotik çekirdeklerin bilinen en iyi örneklerinden biri ⁶He çekirdeğidir. ⁶He, en hafif ve en basit yapıya sahip haleli çekirdeklerden biri olması nedeniyle bugüne kadar hem deneysel hem de teorik birçok çalışmaya konu olmuştur [25–30]. ¹¹Li gibi ⁶He çekirdeğinin iç yapısı için en iyi teorik tanımlama üç cisim (3-body) modelidir. Bu modele göre ⁶He merkezinde ⁴He korundan ve bu kora zayıf bağlı iki nötrondan oluşmaktadır. Önerilen üç cisim ($\alpha + n + n$) yapısı Avrupa' da eski çağlarda yaşayan Şekil 2.1' de gösterilen Borromean krallğının simgesi olan üçlü halkaya benzetilmektedir. Bu nedenle ⁶He gibi üç cisim yapısına sahip çekirdeklere Borromean çekirdekleri de denmektedir. Borromean çekirdeklerinde ikili sistemlerden hiçbiri bağlı değildir.



Şekil 2.1. Çekirdeklerin üç-cisim yapısı ve Borromean Krallığı'nın simgesi

 α +n+n yapısını temel alarak ⁶He' un nükleer durumlarını açıklayabilmek için birçok model kullanılmıştır. Bu modellerden ortalama alan yaklaşımını kullanan Hartree-Fock ve Kabuk modeli, nükleer yüzey etkilerini dikkate almakta başarısız olduğu için beklenen bir biçimde egzotik durumların açıklanmasında Bu nedenle üç cisim yapısı, Varyasyonel yaklaşım [26], yetersiz kalmıştır. Hiperküresel-Harmonikler (Hyperspherical-harmonics, HH) [29], Küme-Yörüngesel Kabuk modeli (Cluster-Orbital Shell model, COSM) [31, 32] ve Faddeev yaklaşımı gibi çeşitli metodlar kullanılarak detaylı bir şekilde incelenmiştir. Kullanılan bu yaklaşımlardan en doğru ve en realistik sonuçları NN (nükleon-nükleon) ve $N-\alpha$ (nükleon- α) etkileşimlerini dikkate alan COSM yaklaşımı vermiştir. COSM yaklaşımı, deneysel değeri 0.976 MeV olan temel seviye bağlanma enerjisini 0.50 MeV olarak hesaplamıştır. Daha sonra $^{6}\mathrm{He'}$ un temel seviye özellikleri için elde edilen bu sonuçları iyileştirmek amacıyla yeni yaklaşımlar geliştirilmiştir [33–37]. Korsuz Kabuk modeli (No-Core Shell model-NCSM) *ab-initio* yaklaşımını kullanarak ⁶He' NCSM proton ve nötron un nükleer özelliklerini başarıyla tahmin etmiştir. yoğunluk dağılımlarını 1.763 fm ve 2.361 fm olarak vermektedir [34]. Birkaç cisim yaklaşımının kullanıldığı diğer çalışmalarda ise tesir kesiti elde etmekte kullanılan Glauber modeline bir takım düzeltmeler getirilerek, iki yada üç cisimli hafif egzotik çekirdeklerin RMS değerleri başarıyla açıklanabilmiştir. Bu çalışmalarda ⁶He için elde edilen RMS yarıçapı değeri 2.71 ± 0.04 fm olup deneysel olarak elde edilen 2.54fm değerine çok yakındır [36, 37]. Bu çalışmaların sonuçlarına göre elde edilen ⁶He' un nükleer madde yoğunluk dağılımı, Şekil 2.2' de ⁴He yoğunluk dağılımı ile karşılaştırmalı olarak gösterilmektedir.

Nükleer yapı alanında bu çalışmalar devam ederken, nükleer reaksiyon alanında da ⁶He çekirdeğine büyük ilgi gösterilmiştir. Özellikle zayıf bağlı ve nötron zengini çekirdeklerin oluşturduğu sistemlerin mekanizması nükleer astrofiziksel çalışmaların temel ilgi odağıdır. Büyük patlamadan (Big Bang) hemen sonraki homojen olmayan ortamda, nötron ve protonların yanı sıra kısa ömürlü ⁶He, ⁷Be, ⁸B gibi proton ve nötron zengini elementlerde bulunmaktadır. Bu kısa ömürlü radyoaktif çekirdekler A=8 ve daha ağır elementlerin sentezlenmesinde köprü oluşturmuşlardır. Erken evrende birbirini izleyen yakalama (capture) reaksiyonlarında kilit rol oynayan haleli çekirdeklerden biri de ⁶He' dur. Bu nedenle ⁶He' un egzotik doğası ve bu doğanın reaksiyon mekanizmasına olan etkisinin araştırılması için ¹²C' dan ²⁰⁹Bi' a kadar farklı ağırlıkta hedef çekirdekler kullanılarak birçok deney yapılmıştır. Radyoaktif



Şekil 2.2. ⁴He ve ⁶He çekirdeklerinin nükleer madde yoğunluk dağılımları.

iyon demetleri (RIB) kullanılarak yapılan bu deneylerde özellikle Coulomb bariyeri civarındaki enerjiler için elastik ve elastik olmayan saçılma, nötron transferi, parçalanma ve füzyon reaksiyon tesir kesitleri ölçülmüştür. Bu deneysel çalışmalarda değerlik nötronları ve kor parçacık arasındaki korelasyon ve bu korelasyonun reaksiyon mekanizmasına olan etkisi incelenmiştir. Elde edilen deneysel sonuçların teorik analizleri için mikroskobik ve fenomenolojik potansiyeller kullanılmıştır. Literatür incelendiğinde bu çalışmaların genel olarak iki temel motivasyona sahip olduğu görülmektedir. Bunlardan ilki, özellikle Coulomb bariyeri civarında optik potansiyelin davranışını gözlemlemek amacı ile elastik saçılma açısal dağılımını açıklamaktır. Bir diğer amaç ise, zayıf bağlı olan egzotik çekirdeğin ağır elementlerle etkileşmeye girdiğinde güçlü Coulomb bariyerini aşamayıp parçalanmaya maruz kalmasından dolayı, parçalanma kanallarına olan çiftlenimin (coupling) reaksiyon gözlenebilirlerine olan etkisinin araştırılmasıdır.

Bu amaçlar dikkate alınarak bugüne kadar yapılan çalışmaların genel bir özeti aşağıdaki bölümlerde verilmektedir.

2.1.1. ⁶He+¹²C Reaksiyonu

Egzotik çekirdeklerin temel özelliklerini anlamak ve iç yapısı hakında bilgi edinmek için çalışılan sistemlerin başında ${}^{6}\text{He}+{}^{12}\text{C}$ reaksiyonu gelmektedir. Astrofiziksel ilgi bakımından büyük dikkat çeken bu sistem için bugüne kadar düşük ve yüksek enerji bölgelerinde etkileşim tesir kesiti, momentum dağılımı, invaryant ve kütle spektrumunun ölçüldüğü birçok çalışma gerçekleştirilmiştir [38–46].

90' lı yıllarda R.J. Smith ve ark. tarafından başlatılan çalışmalarla E_{Lab} =8.8-9.3 MeV enerjilerinde bu sistem için ilk elastik saçılma verileri elde edilmiştir. Deneysel verilerin teorik incelemeleri için Optik model kullanılmış, Woods-Saxon tipindeki potansiyelin parametreleri, ⁶Li ve ⁷Li etkileşmeleri için kullanılan optik potansiyel setinden alınmıştır. Bu önemli çalışma radyoaktif iyon demetlerinin kullanıldığı saçılma deneylerinin ilk örneklerinden biridir [47]. İlerleyen yıllarda ⁶He' un daha yüksek enerjilerle bir hedeften saçılması incelenmeye başlanmış, 1998 yılında Aleksandrov ve ark. tarafından 240 MeV/u enerjisine sahip 6 He çekirdeğinin ¹²C hedefinden saçılarak parçalanmasından elde edilen momentum dağılımı ve invaryant kütle spektrumu çalışılmıştır [48]. Daha sonra 2002 yılında Lapoux ve ark. tarafından 38.3 MeV/u gelme enerjisinde elastik saçılma açısal dağılımı ölçülmüştür. Bu çalışma ile ⁶He+¹²C elastik saçılma reaksiyonu gözlenebilirlerinin yüksek enerji bölgelerindeki davranışı incelenebilmiştir. Deneysel verilerin teorik analizlerinde mikroskobik yaklaşımların kullanıldığı çalışmada, yüksek enerji verilerinin tanımlanabilmesi için kullanılan nükleon çıplak (bare) potansiyelinin yeterli olmadığı vurgulanmıştır. Aynı çalışmada ⁶He' un sahip olduğu yüksek parçalanma ihtimaliyetinden dolayı, parçalanma çiftleniminin saçılma mekanizmasına olan etkisi tartışılmıştır [49].

Bu sistem ile ilgili güncel çalışmalardan biri de Milin ve ark. aittir [38]. Bu çalışmada $E_{Lab}=18$ MeV' de ⁶He+¹²C elastik ve elastik olmayan saçılma açısal dağılımı ve ⁶He +¹²C \longrightarrow ⁴ He +¹⁴C, 2-nötron transfer reaksiyonu açısal dağılımı ölçülmüştür. Ölçülen deneysel veriler Woods-Saxon tipinde potansiyel kullanılarak analiz edilmiştir. Önerilen fenomenolojik potansiyel elastik saçılma ve transfer açısal dağılımlarını tanımlamakta yeterli olurken, elastik olmayan saçılma açısal dağılımı

için iyi bir sonuç vermemiştir. Aynı deneysel sonuçlar 2008 yılında Boztosun ve ark. tarafından Çift Katlı İntegral yöntemi (Double Folding) kullanılarak incelenmiştir [50]. ⁶He çekirdeğinin temel durumu için NCSM (No-core Shell Model) ve FB (Few-body) modeli kullanılarak elde edilen nükleer madde yoğunluk dağılımları karşılaştırmalı olarak kullanılmıştır. Bu çalışmada folding potansiyelin elastik ve transfer reaksiyon gözlenebilirlerinin açıklanmasında yeterli olduğu ancak elastik olmayan saçılma gözlenebilirlerini açıklamakta fenomenolojik potansiyel ile aynı sonucu verdiği tespit edilmiştir. Elastik olmayan saçılma datasının açıklanması için etkileşmeyi tanımlayan nükleer potansiyelin reel kısmıyla birlikte sanal kısmının da deforme edilmesi gerektiğinin gösterildiği bu çalışmada, Şekil 2.3' de görüldüğü gibi ⁶He+¹²C sistemi için elde edilen üç farklı reaksiyon gözlenebiliri eş zamanlı olarak ilk kez açıklanabilmiştir.



Şekil 2.3. Boztosun ve ark. tarafından [50] NCSM ve FB modelleri kullanılarak elde edilen mikroskopik potansiyellerin ürettiği (a) elastik, (b) elastik olmayan ve (c) transfer reaskiyonu tesir kesitleri sonuçları.

2.1.2. ⁶He+²⁷Al Reaksiyonu

⁶He ile ilgili çalışmalara orta ağırlıktaki hedeflerin kullanıldığı deneysel çalışmalarla

devam edilmiştir. Benjamim ve ark. [51] tarafından gerçekleştirilen bu çalışmada, RIBRAS (Radioactive Ion Beam in Brasil) teknolojisi kullanılarak ${}^{6}\text{He}+{}^{27}\text{Al}$ sisteminin $E_{Lab}=$ 9.0, 11.0, 12.0 ve 13.4 MeV enerjilerde Şekil 2.4' de gösterilen elastik saçılma açısal dağılımları ölçülmüştür. 9.0-14.0 MeV enerji aralığında optik potansiyelin davranışının incelendiği çalışmada deneysel veriler São Paula Potansiyeli (SPP) kullanılarak açıklanmaya çalışılmıştır. Kullanılan potansiyel ile toplam reaksiyon tesir kesitleri elde edilmiş, tesir kesitinin enerjiye göre davranışı incelenmiştir.

Ayrıca ⁶Li+²⁷Al [52], ⁷Li+²⁷Al [53] ve ⁹Be+²⁷Al [54] gibi, ²⁷Al' un ⁶He' a benzer sistemlerle yaptığı etkileşmeler de incelenerek, parçalanma (break up) çiftleniminin haleli çekirdeklerin reaksiyon tesir kesitine olan etkisi araştırılmıştır. Bu çalışmada kararlı ve egzotik çekirdeklerin aynı hedeften saçılması üzerine yapılan karşılaştırmada egzotik çekirdeklerin kararlı çekirdeklere göre daha geniş reaksiyon tesir kesitine sahip olduğu gözlemlenmiştir. Bununla birlikte egzotik çekirdeklerin orta ağırlıktaki bir hedeften saçılmasında Coulomb alanının zayıf olmasından dolayı nükleer alanda parçalanmanın daha baskın olduğu da belirlenmiştir.



Şekil 2.4. ${}^{6}\text{He}+{}^{27}\text{Al}$ reaksiyonun elastik saçılma tesir kesiti sonuçları.

2.1.3. ⁶He+⁵⁸Ni Reaksiyonu

Gasgues ve ark. [55] ⁶He çekirdeğinin nükleer madde yoğunluk dağılımını deneysel olarak ölçmek için ⁴He+⁵⁸Ni ve ⁶He+⁵⁸Ni reaksiyonları üzerinde çalışmıştır. Şekil 2.5' de görüldüğü gibi E_{Lab} =8.0 ve 9.0 MeV aralığında elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımının ölçüldüğü çalışmada, ⁶He için elde edilen deneysel yoğunluk dağılımının teorik çalışma sonuçları ile uyum içinde olduğu görülmüştür.



Şekil 2.5. ${}^{4}\text{He}, {}^{6}\text{He} + {}^{58}\text{Ni}$ reaksiyonun elastik saçılma tesir kesiti sonuçları.

2.1.4. ⁶He+⁶⁴Zn Reaksiyonu

⁶He+⁶⁴Zn sistemi, Pietro ve ark. [56] tarafından Coulomb bariyerinin altında ve üstündeki enerjilerde çalışılmış, elastik saçılma ve transfer/break up reaksiyonu açısal dağılımı ile birlikte füzyon uyarılma fonksiyonu ölçülmüştür. Bu çalışmada ayrıca hafif bağlı çekirdeklerin ⁶⁴Zn hedefi ile yaptıkları etkileşmeler incelenerek, bu reaksiyonların sonuçları ağır çekirdek reaksiyonlarından elde edilen sonuçlar ile karşılaştırılmıştır. Optik model analizleri için kullanılan potansiyel parametrelerinin ürettiği toplam reaksiyon tesir kesitleri rapor edilmiştir. Genel motivasyonu mermi parçacığının parçalanmasının füzyon tesir kesitine etkisinin araştırıldığı bu çalışmada aşağıdaki sorulara yanıt aranmıştır:

- Parçalanma kanalları füzyon tesir kesitini artırır ya da azaltır mı?
- Bu etki tam füzyon işlemi içinde düşünülebilir mi?
- Farklı enerji bölgeleri için toplam reaksiyon tesir kesitinin değeri nasıl değişmektedir?
- Farklı enerji bölgelerinde parçalanma kanallarının etkisi nasıl değişmektedir?
- Farklı hedef çekirdekler kullanıldığında parçalanma kanallarının etkisi nasıl değişmektedir?

⁶⁴Zn hedefi üzerine zayıf bağlı farklı mermi çekirdekler gönderilerek yapılan deneylerin sonucunda, ⁶He çekirdeğinin tüm enerjilerde ⁹Be gibi diğer elementlere göre daha büyük bir parçalanma tesir kesitine sahip olduğu ancak parçalanmanın füzyon tesir kesitini etkilemediği sonucuna varılmıştır. Bu çalışmada elde edilen elastik saçılma sonuçları Şekil 2.6' da verilmiştir.



Şekil 2.6. ${}^{6}\text{He} + {}^{64}\text{Zn}$ reaksiyonun elastik saçılma tesir kesiti sonuçları.

2.1.5. ⁶He+⁶⁵Cu Reaksiyonu

Kararlı çekirdekler ile egzotik çekirdeklerin reaksiyon mekanizmalarının karşılaştırıldığı bir diğer çalışma 2004 yılında Navin ve ark. [57] tarafından gerçekleştirilmiştir. ⁴He, ⁶He ve ⁸He' un orta ağırlıktaki ⁶⁵Cu çekirdeği ile etkileşme sonuçlarının incelendiği bu çalışmada, elastik saçılma, transfer, parçalanma ve füzyon tesir kesitleri ölçülmüştür. Şekil 2.7' de gösterilen deneysel veriler istatistiksel model kullanılarak incelenmiş ve bu model kullanılarak sistemin reaksiyon tesir kesitleri elde edilmiştir. Yapılan çalışma sonucunda ⁶He+ ⁶⁵Cu reaksiyonu için, transfer reaksiyonu tesir kesitlinin parçalanma ve füzyon tesir kesitlerinden daha büyük değerlere sahip olduğu tespit edilmiştir.



Şekil 2.7. ${}^{6}\text{He} + {}^{65}\text{Cu}$ reaksiyonun elastik saçılma tesir kesiti sonuçları.

2.1.6. ⁶He+¹⁹⁷Au Reaksiyonu

Kakuee ve ark. [58, 59] ⁶He+¹⁹⁷Au elastik saçılma tesir kesitini $E_{Lab}=27.0$ ve 40.0 MeV' de ölçmüşler ve deneysel verileri Optik model kullanarak analiz etmişlerdir. Hesaplamalarında ⁶Li sistemi için geliştirilen potansiyel parametrelerini kullanarak, dipol polarizasyonun gözlenebilirleri açıklamaktaki etkisini araştırmışlardır. Ancak kullanılan potansiyelin deneysel veriyi açıklamakta yetersiz kalması üzerine potansiyel derinliğini ve difüzyon sabitini modifiye etmişlerdir. Kakuee ve ark. Şekil 2.8' de gösterilen sonuçların uzun menzilli soğurmanın kanıtı olduğunu ileri sürmüşlerdir.



Şekil 2.8. ${}^{6}\text{He} + {}^{197}\text{Au}$ reaksiyonun elastik saçılma tesir kesiti sonuçları.

2.1.7. ⁶He+²⁰⁸Pb Reaksiyonu

⁶He yapısının reaksiyon dinamiklerine olan etkisinin araştırılmasına ağır çekirdekler kullanılarak devam edilmiştir. Özellikle ²⁰⁸Pb, ²⁰⁹Bi and ²³⁸U çekirdeklerinin tercih edildiği bu çalışmalarda, parçalanma çiftleniminin füzyon sürecini nasıl etkilediği araştırılmıştır. ⁶He+²⁰⁸Pb sistemi ilk olarak 2003 yılında Kakue ve ark. [61] tarafından çalışılmış, E_{Lab} = 27 MeV enerjide elastik saçılma açısal dağılımı ölçülmüştür. Dinamik Polarizasyon potansiyeli (DPP) kullanılarak Optik model hesaplamalarının yapıldığı çalışmada, elastik saçılma datasının açıklanmasında Colomb dipol polarizasyonun rolü araştırılmıştır.

Coulomb bariyerinin üzerindeki bu çalışmalara Sánchez Benítez ve ark. [60] bariyerin altındaki enerjilerde ölçüm yaparak devam etmişlerdir. Şekil 2.9' da gösterildiği gibi $E_{Lab}=14-22$ MeV aralığında elastik saçılma açısal dağılımının ölçüldüğü çalışmada, deneysel veriler Optik Model ve CDCC modeli kullanılarak analiz edilmiştir. Teorik çalışmaların sonucunda haleli yapıya sahip ⁶He çekirdeğinin elastik saçılma gözlenebilirlerinin açıklanabilmesi için etkileşim potansiyelinin uzun menzilli soğurma (long-range absorbtion) özelliğine sahip olması gerektiği gösterilmiştir. Ayrıca Optik model ve CDCC modelinin bir karşılaştırmasının yapıldığı çalışmada, gözlenebilirlerin tanımlanmasında CDCC modelinin daha iyi sonuç verdiği tartışılmıştır.



Şekil 2.9. $^{6}\mathrm{He}+^{208}\mathrm{Pb}$ reaksiyonun elastik saçılma tesir kesiti sonuçları.

2.1.8. ⁶He+²⁰⁹Bi Reaksiyonu

Güçlü Coulomb alanının haleli yapı üzerindeki etkisinin araştırıldığı sistemlerden biri de ${}^{6}\text{He}+{}^{209}\text{Bi}$ reaksiyonudur. Bazı sonuçları Şekil 2.10' da gösterilen deneysel çalışmalarda Coulomb bariyeri civarındaki enerjilerde elastik saçılma ve transfer reaksiyonu tesir kesiti verileri elde edilmiş, bu veriler teorik bir çok çalışmaya kaynak oluşturmuştur [62,63].



Şekil 2.10. ⁶He+²⁰⁹Bi reaksiyonun elastik saçılma tesir kesiti sonuçları.

Ağır iyonların oluşturduğu sistemler ile ilgili yapılan çalışmaların çoğunda genel olarak nükleer ve Coulomb çiftleniminin füzyon ve transfer süreci üzerindeki rolü incelenmiş ve bu konuda çelişkili sonuçlar ortaya konmuştur. Şöyle ki, çalışmalardan bir kısmı Coulomb bariyeri civarında parçalanma kanallarına olan çiftlenimin füzyon tesir kesitinin büyüklüğünü artırdığını ileri sürerken, bir kısmıda çiftlenimin tesir kesiti büyüklüğünü azaltıcı yönde rol oynadığını belirtmişlerdir [62–72].

3. BÖLÜM

CONTINUUM DISCRETIZED COUPLED CHANNELS (CDCC) MODELI

Mermi parçacığın bir nükleer reaksiyonda parçalanmaya uğrama süreci deneysel ve teorik çalışan birçok araştırmacının ilgisini çekmiştir. Bu sürecin mekanizmasını araştırmak için M. Kamimura ve ark. [13] 1986 yılında direk nükleer reaksiyonların üç cisim modelini temel alan Continuum Discretized Coupled Channels (CDCC) modelini geliştirmişler ve bu modeli döteron (d) ve ³He çekirdeği için ölçülen elastik saçılma ve parçalanma reaksiyonlarının analizlerine uygulamışlardır. Bu çalışmalarda CDCC modelinin mermi parçacığın parçalanma sürecini tanımlamakta başarılı olduğu tespit edilmiş, reaksiyon mekanizması ve mermi parçacığın nükleer yapısı hakkında bilgi edinmekte kullanılabileceği gösterilmiştir. Bunun üzerine son 20 yılda bu model bir çok sistemin teorik incelenmesinde başarıyla kullanılmıştır. Bu bölümde CDCC formalizmi tanımlanarak, üç cisimli parçalanma reaksiyonlarının formülasyonu üzerinde durulacaktır.

3.1. CDCC Formalizmi

Continuum Discretized Coupled Channels (CDCC) Modeli ^{6,7}Li ve ¹²C gibi zayıf bağlı parçacıkların parçalanmasını içeren direk nükleer reaksiyonların analizinde kullanılan fenomenolojik bir metodtur. Bu model bağlı durumların incelenmesinde kullanılan konvansiyonel Çiftlenmiş Kanallar (CC) modelinin geliştirilmiş halidir. Dolayısı ile CC modelinin temel kabullenmeleri CDCC modeli için de geçerlidir.

CDCC modelinde öncelikle sistemin iç durumları (kanallar) tespit edilmelidir. CDCC hesaplamaları birbirinden bağımsız, bağlı olan ve bağlı olmayan durumları içerir. Genel olarak gelen parçacığın iç yapısının iki farklı kümeden (kor+değerlik) oluştuğu düşünülürek bağlı olmayan durumlarda sadece bir kümenin bulunabileceği, diğer kümeninde bağlı durumda kaldığı kabul edilir. Sistemin toplam hamiltonyeni H olmak üzere Schrödinger denklemi

$$H\Psi = E\Psi \tag{3.1}$$

şeklinde olup, γ , c ve C kümelerinin bulunduğu kanal ve ϕ_c, ϕ_c öz durumları, h_c, h_C sistemin iç hamiltonyenleri ve $\varepsilon_c, \varepsilon_c$ enerji özdeğerlerini göstermektedir.

$$h_c \phi_c = \varepsilon_c \phi_c, \qquad h_C \phi_C = \varepsilon_C \phi_C$$

$$(3.2)$$

Kanalın iç dalga fonksiyonu, ϕ_γ

$$\phi_{\gamma}(\xi_{\gamma}) = [\phi_c(\xi_c), \phi_C(\xi_c)]_{\Lambda_{\gamma}\mu_{\gamma}}$$
(3.3)

ile verilir. Burada ξ_{γ} iç koordinatlar olup kare parantez, Λ_{γ} spinli kanala μ_{γ} z bileşenli açısal momentumun çiftlenimini gösterir. Dalga fonksiyonu

$$h_{\gamma}\phi_{\gamma} = \varepsilon_{\gamma}\phi_{\gamma} \tag{3.4}$$

eşitliğini sağlar. Burada $h_{\gamma} = h_c + h_C$ ve $\varepsilon_{\gamma} = \varepsilon_c + \varepsilon_C$ iç hamiltonyeni ve γ kanalının iç enerjisini gösterir.

Bağlı durumlar kesikli olup kesikli kuantum sayıları ile temsil edilirken, bağlı olmayan durumlar sürekli olup sürekli kuantum sayıları ile temsil edilirler. CDCC modeli hesaplamaları, fonksiyonel bir F uzayında yayılan iç dalga fonksiyonları setine karşılık gelen kesikli ve sürekli kanal seti ile tanımlanır.

F uzayında izdüşüm operatörü p ve tamamlayıcısı, 1-p, q ile tanımlanırsa

$$p^2 = p, \qquad q^2 = q, \qquad pq = qp = 0$$
 (3.5)

 Ψ F içine yerleştirilirse, $p\Psi$ şöyle ifade edilir.

$$p\Psi = S_{\gamma}\Phi_{\gamma}(\xi_{\gamma}, \hat{R}_{\gamma})\chi_{\gamma}(R_{\gamma})$$
(3.6)

burada R_{γ} ve \hat{R}_{γ} bağıl koordinat R_{γ} ' nın yönü ve büyüklüğü, eşleniği $\xi_{\gamma}, \xi_{\gamma}, \hat{R}_{\gamma}$ kanalının spin-açı fonksiyonu olarak adlandırılır ve şöyle tanımlanır:

$$\Phi_{\gamma}(\xi_{\gamma}, \hat{R}_{\gamma}) \equiv [\phi_{\gamma}(\xi_{\gamma}), i^{L_{\gamma}} Y_{L_{\gamma}}(\hat{R}_{\gamma})]_{J\mu}$$
(3.7)

 $\chi_\gamma(R_\gamma)$ bağıl hareketin dalga fonksiyonunun radyal kısmıdır ve $p\Psi$ Schrödinger denklemini sağlar

$$H_{eff}p\Psi = Ep\Psi \tag{3.8}$$

burada ${\cal H}_{eff}$ Feshbach etkin Hamiltonyeni olup şu şekilde yazılmaktadır

$$H_{eff} = p\left(H + H\frac{q}{e_q}H\right)p\tag{3.9}$$

 $e_q = E - q H q - i \varepsilon$ için Hamiltonyenin genel formu

$$H_{eff} = p(K + V_{eff})p \tag{3.10}$$

şeklindedir. Burada Ktoplam kinetik enerji ve V_{eff} etkin etkileşim potansiyelidir

$$V_{eff} = p\left(V + H\frac{q}{e_q}H\right)p\tag{3.11}$$

Burada V orjinal hamiltonyenin H etkileşim potansiyelidir

$$H = K + V \tag{3.12}$$

Denk. 3.6 ve Denk. 3.9' dan, Denk. 3.8' in şu denkleme eşit olduğu bulunur

$$\left(\Phi_{\delta}|H_{eff} - E|S_{\gamma}\Phi_{\gamma}\chi_{\gamma}\right) = 0 \tag{3.13}$$

3.1.1. Model Uzayı

F uzayı ve H_{eff} , nümerik olarak hesaplanmaları mümkün olmadığı için yerlerini fenomenolojik niceliklere bırakmak zorundadırlar. Bunun için F yerine M uzayı kullanılır. Yerdeğiştirme ilk olarak dalga fonksiyonu için yapılır. Bu dalga fonksiyonları çok-cisim problemlerinin çözümleridir ve bazı modellerle yaklaşık olarak hesaplanabilirler. Bu nedenle iç hamiltonyenlerin öz fonksiyonları ile yer değiştirirler. Burada bu niceikler üst çizgi ile gösterilmektedirler. c ve C kümelerinin iç hamiltonyenleri γ kanalı için M uzayında şu şekilde yazılır

$$\bar{h}_c \bar{\phi}_c = \bar{\varepsilon}_c \bar{\phi}_c, \qquad \bar{h}_C \bar{\phi}_C = \bar{\varepsilon}_C \bar{\phi}_C,$$
(3.14)

 $\bar{\phi}_{\gamma}, \, \Phi_{\gamma}$ ile yer değiştirir
se

$$\bar{\phi}_{\gamma}(\xi_{\gamma}) = [\bar{\phi}_c(\xi_c), \bar{\phi}_C(\xi_C)]_{\Lambda_{\gamma}\mu_{\gamma}}$$
(3.15)

$$\bar{h}_{\gamma}\bar{\phi}_{\gamma} = \bar{\varepsilon}_{\gamma}\bar{\phi}_{\gamma} \tag{3.16}$$

elde edilir. Burada \bar{h} F uzayında ϕ ve ε karşılık gelen $\bar{\phi}$ ve $\bar{\varepsilon}$ ' nin seçildiği kabul edilen model hamiltonyenidir. F uzayında kesikli kanallar yeni uzayda kesikli kanallarla, sürekli kanallarda sürekli kanallarla yer değiştirmelidir. CDCC modelinde $\bar{\phi}$ 'nin ϕ ile aynı şekilde normalize edildiği kabul edilir. Bu nedenle F, \bar{F} uzayı ile yerdeğiştirir ve Denk. 3.6 aşağıdaki denklemle yerdeğiştirir

$$\bar{p}\Psi = S_{\gamma}\bar{\Phi}_{\gamma}(\xi_{\gamma}, \hat{R}_{\gamma})\bar{\chi}_{\gamma}(R_{\gamma})$$
(3.17)

burada \bar{p}, \bar{F} uzayında izdüşüm operatörüdür ve $\bar{\Phi}$ şu şekilde yazılır
$$\bar{\Phi}_{\gamma}(\xi_{\gamma}, \hat{R}_{\gamma}) \equiv [\bar{\Phi}_{\gamma}(\xi_{\gamma}), i^{L_{\gamma}}Y_{L_{\gamma}}(\hat{R}_{\gamma})]_{J_{\mu}}$$
(3.18)

3.1.2. Süreklilik Kanallarının Kesiklendirilmesi

CDCC hesaplamalarında bağlı olan ve bağlı olmayan durumların tanımlanmasından sonra yapılması gereken şey süreklilik kanallarının kesiklendirilmesidir. CDCC' de süreklilik durumları sınırlandırılarak sonlu sayıda kanala kesiklendirilir. Bunun nedeni hesaplamalarda yapılabilirliği sağlamaktır. Çiftlenmiş kanallar hesaplamaları sadece sonlu sayıdaki çiftlenim kanallarını nümerik olarak çözebilir.

 γ kanalındaki c kümesinin, belirli bir bağlı durumda bulunan 1 ve 2 olmak üzere iki bileşene ayrıştığını kabul edelim. Bu durumun *i* dalga fonksiyonu

$$\bar{\phi}_{cl}(k,\xi_c) = [\bar{\phi}_{cl}(k,r_{12}), [\bar{\phi}_1(\xi_1), \bar{\phi}_2(\xi_2)]_s]_{I_cM_c}$$
(3.19)

formundadır. Burada $\bar{\phi}$ 1 ve 2' nin iç dalga fonksiyonlarını gösterirken, $\bar{\phi}_{clm}$ (k, r_{12}) bağıl hareketin dalga fonksiyonudur. Ayrıca k dalga sayısı, l açısal momentum, m açısal momentumun z-bileşeni ve r_{12} bağıl koordinattır. c kümesinin spini I_c ve onun z-bileşeni M_c ' dir. c kümesinin iç enerjisi şöyle yazılır

$$\bar{\varepsilon}_c(k) = \frac{\hbar^2 k^2}{2\mu_{12}} \tag{3.20}$$

burada μ_{12} , 1 ve 2 arasındaki indirgenmiş kütledir.

Kesiklendirme l' de ve k' da ya da ε_c ' de yapılır

$$l \le l_{c,m}, \qquad k \le k_{c,m}, \qquad \bar{\varepsilon}_c \le \varepsilon_{c,m}$$

$$(3.21)$$

burada $l_{c,m}$, $k_{c,m}$ ve $\varepsilon_{c,m}$ limitleri Denklem (2.3) sağlayacak şekilde alınmalıdır. $\bar{\phi}_{cn}(\xi_c)$ bağlı durumları, $\bar{\phi}_{cl}(k,\xi_c)$ kesikli durumları temsil ederken özdurumlar arasındaki boşluk $n = 1 \sim N_c$ olacak şekilde aşağıdaki denklem elde edilir:

$$\{\bar{\phi}_{cn}(\xi_c), n = 1 \sim N_c;, \bar{\phi}_{cl}(k,\xi_c), k \le k_{c,m}, l \le l_{c,m}\}$$
 (3.22)

Sonsuz sayıdaki fonksiyonlar sonlu bir set ile temsil edilir

$$\{\hat{\phi}_{cl,i}(\xi_c), i = 1, 2..., N_{cl}, \ l \le l_{c,m}\}$$
(3.23)

 N_c fonksiyonları süreklilik durum setlerini gösterir. Dalga fonksiyonları artık şu formdadır

$$\hat{\phi}_{cl,i}(\xi_c) = [\bar{\phi}_{cl,i}(r_{12}), [\bar{\phi}_1(\xi_1), \bar{\phi}_2(\xi)]_s]_{I_c M_c}$$
(3.24)

 $\bar{\phi}$ şu şekilde normalize edilir

$$\langle \phi_{cn} | \phi_{cm} \rangle = \delta_{nm}, \quad \langle \phi_{cn} | \phi_{cl,i} \rangle = 0, \quad \langle \hat{\phi}_{cl,i} | \hat{\phi}_{cl,j} \rangle = \delta_{ll'} \delta_{ij}$$
(3.25)

Fonksiyonların kesiklendirilmesi için kullanılan metotlardan bazıları aşağıda verilmektedir.

A) Pseudo-states (Yapay durumlar) Metodu

Bu metotta \bar{h} hamiltonyeni sonlu sayıdaki normalize edilebilir fonksiyonlara köşegenleştirilir

$$\{\varphi_{clm,i}(r), i = 1 \sim N_{cl}, \quad l \le l_{cm}\}$$
(3.26)

Bu yüzden $\varphi_{clm,i}$ şöyle alınır

$$\hat{\phi}_{clm,i} = \sum_{j} a_{cl,ij} \varphi_{lm,i} \tag{3.27}$$

ve $a_{d,ij}\varphi_{lm,i}$ hesaplanır yani Denk. 3.24 ile verilen $\hat{\phi}_{clm,i}$ Denk. 3.26' yı sağlar

$$\langle \hat{\phi}_{cl,i} | \bar{h}_c | \hat{\phi}_{cl,j} \rangle = \hat{\varepsilon}_{cl}, \delta_{ij}$$
(3.28)

ve

$$\langle \hat{\phi}_{cl,i} | \hat{\phi}_{c'l',j'} \rangle = \delta_{ll'}, \delta_{ij}$$
(3.29)

Bu durumda $\hat{\phi}_{cl,i}$ ve $\hat{\varepsilon}_{cl}$ kesiklendirilmişi.kanalın dalga fonksiyonu ve enerjisi olarak alınır

$$\{\phi_{cl,i}(\xi_c), \quad i = 1 \sim N_{cl}, \quad l \le l_{cm}\}$$
 (3.30)

Gaussian fonksiyonları seti hesaplamalarda kullanılmak için uygun bir seçimdir

$$\varphi_{clm,i}(r) = e^{-\kappa_{ci}r^2} i^l Y_{lm}(\hat{r}) \tag{3.31}$$

B) Momentum Bölmeleri (Binleri) Metodu

Bu model döteron gibi iki kümeli sistemler için çok iyi sonuç vermektedir. $[0, k_{c,m}]$ aralığı $[0, k_1], [k_1, k_2], \dots [k_{n-1}, k_n = k_{c,m}]$ olacak şekilde sonlu sayıdaki küçük aralıklara bölünür . Bu şekilde $[k_{i-1}, k_i]$ aralığındaki sürekli durumlar tek bir $\hat{\phi}_{clm,i}$ fonksiyonu ile temsil edilir. Gerçek hesaplamalarda kullanılan fonksiyon şu forma sahiptir

$$\hat{\phi}_{clm,i}(r) = \int_{k_{i-1}}^{k_i} \omega_{ci}(k) \bar{\phi}_{clm}(k,r) dk$$
(3.32)

burada $\omega_{ci}(k)$ genişlik fonksiyonudur ve normalize edilir

$$\int_{k_{i-1}}^{k_i} \omega_{ci}^2(k) dk = 1 \tag{3.33}$$

Eğer $\omega_{ci}(k), [k_{i-1},k_i]$ aralığında bir sabit olarak alınırsa

$$\omega_{ci}(k) = \frac{1}{\sqrt{\Delta_{ci}}} \tag{3.34}$$

 $\hat{\phi}_{cl,i}$ şu şekilde normalize edilirse

$$\langle \hat{\phi}_{cl,i} | \hat{\phi}_{cl',j} \rangle = \delta_{ll'} \delta_{ij} \tag{3.35}$$

 $\{ \hat{\phi}_{cl,i} \}$ setleri \bar{h}_c 'yi köşegenleştirir

$$\langle \hat{\phi}_{cl,i} | \bar{h}_c | \hat{\phi}_{cl',j} \rangle = \hat{\varepsilon}_{cl,i} \delta_{ll'} \delta_{ij}$$
(3.36)

burada $\hat{\varepsilon}_{cl,i},$ kesiklendirilmiş $\hat{\phi}_{cl,i}$ durumunun enerjisidir ve şöyle verilir

$$\hat{\varepsilon}_{cl,i} = (\hbar^2 / 2\mu_{12}) \{ (k_i + k_{i-1})^2 / 4 + (\Delta k_i)^2 / 12 \}$$
(3.37)

Bu sonuçlara göre bu metot pseudo-state metodunun bir türü olarak da düşünülebilir. Bazen $\hat{\phi}_{cl,i}$ şöyle tanımlanabilir

$$\hat{\phi}_{clm,i}(r) = \bar{\phi}_{clm}(k(i), r) / \sqrt{\Delta_{ci}}$$
(3.38)

burada k(i) $[k_{i-1}, k_i]$ aralığında kesin bir temsili noktayı gösterir. Bu durumda $\phi_{clm,i}$

$$\hat{\varepsilon}_{cl,i} = \hbar^2 k(i)^2 / 2\mu_{12} \tag{3.39}$$

ve normalizasyon

$$\langle \hat{\phi}_{clm,i} | \hat{\phi}_{cl'm',j} \rangle = \delta_{ll'} \delta_{mm'} \delta(k(i) - k(j))$$
(3.40)

şeklindedir. Kesiklendirilmiş süreklilik dalga fonksiyonuna ek olarak, \bar{h} nin bağlı durum özfonksiyonları, $n = 1 \sim N_c$ için kesiklendirilmiş dalga fonksiyonları oluşturacak şekilde alınır.

$$\{\hat{\phi}_{cl,i}(\xi_c), \quad i = 1 \sim N_{cl}, \quad l \le l_{cm}\}$$
 (3.41)

ckümesinin parçalanma durumlarının kesiklendirilmesi ile süreklilik-kanallarının iç dalga fonksiyonuna karşılık gelen kesiklendirilmiş kanalların dalga fonksiyonları şu şekilde elde edilir

$$\{\phi_{\gamma}(\xi_{\gamma})\} \to \{\hat{\phi}_{\gamma i}(\xi_{\gamma}), \quad i = 1 \sim N_{\gamma}\}$$

$$(3.42)$$

burada

$$\hat{\phi}_{\gamma i}(\xi_{\gamma}) = [\hat{\phi}_{cl,i}(\xi_c), \bar{\phi}_C(\xi_C)]_{\Lambda_{\gamma}\mu_{\gamma}}$$
(3.43)

olup γ kanalının kesiklendirilmiş *i.* durumunun iç dalga fonksiyonudur. Bu fonksiyonları $\bar{h}_{\gamma} = \bar{h}_c + \bar{h}_C$ köşegenleştirir

$$\langle \hat{\phi}_{\gamma i} | \bar{h}_c + \bar{h}_C | \hat{\phi}_{\gamma j} \rangle = \bar{\varepsilon}_{\gamma i} \delta_{ij} \tag{3.44}$$

burada

$$\hat{\varepsilon}_{\gamma,i} = \hat{\varepsilon}_{cl,i} + \bar{\varepsilon}_C \tag{3.45}$$

ve

$$\langle \hat{\phi}_{\gamma i} | \hat{\phi}_{\gamma j} \rangle = \delta_{ij} \tag{3.46}$$

şeklindedir. Bu şekilde iç dalga fonksiyonları CDCC hesaplamalarının model uzayı olan M fonksiyonel uzayında yayılırlar. Model dalga fonksiyonu $\phi_M M$ uzayında ϕ' nin izdüşümü olup şu forma sahiptir

$$\Psi_M \equiv P\Psi = \sum_{\gamma} \sum_i \hat{\Phi}_{\gamma i}(\xi_{\gamma}, \hat{R}_{\gamma}) \hat{\chi}_{\gamma i}(R_{\gamma})$$
(3.47)

burada $\hat{\chi}$ radyal fonksiyon olup, $\hat{\Phi}_{\gamma i}$ ise şu şekilde yazılır

$$\hat{\Phi}_{\gamma i}(\xi_{\gamma}, \hat{R}_{\gamma}) = [\hat{\phi}_{\gamma i}(\xi_{\gamma}), i^{L_{\gamma}} Y_{L_{\gamma}}(\hat{R}_{\gamma})]_{J\mu}$$
(3.48)

3.1.3. Model Hamiltonyeni

Fonksiyonel F uzayında H_{eff} etkin hamiltonyeni oldukça karmaşık çok-cisim operatörüdür. CDCC modelinde H_{eff} yerine fiziksel olarak makul ve nümerik hesaplamalarda basit olarak kullanılacak bir fenomenolojik hamiltonyene ihtiyaç vardır.

Hamiltonyenin oluşturulması H_{eff} hamiltonyeni içindeki p operatörünün ve V_{eff} etkileşim potansiyelinin yerine basit, makul fenomenolojik potansiyellerin kullanılmasını temel alır. Ancak K kinetik enerji operatörü değişmeden kalır. F uzayındaki ϕ_{γ} iç dalga fonksiyonu, \bar{F} uzayında $\bar{\phi}_{\gamma}$ fenomenolojik dalga fonksiyonu ile temsil edilir. H_{eff} hamiltonyenin yerine yazılan fenomenolojik etkin hamiltonyen şu şekildedir

$$\bar{H}_{eff} = \bar{p}(K + \bar{V}_{eff})\bar{p} \tag{3.49}$$

burada \bar{V}_{eff} , V_{eff} etkin potansiyeli yerine yazılan potansiyeldir. Model hamiltonyeni için H_M ve \bar{p} yerine P kullanılırsa

$$H_M = P(K + \bar{V}_{eff})P \tag{3.50}$$

elde edilir. V_{eff} yerine kullanılacak potansiyelin iki şartı sağlaması gerekmektedir. Birincisi \bar{V}_{eff} potansiyeli, fenomenolojik olarak makul olmalı ve CDCC hesaplamalarında kullanılabilecek kadar basit olmalıdır. Diğer şart ise bu potansiyelin izdüşüm operatörü ile uyumlu olmasıdır.

Bu şartlar dikkate alınarak \overline{V}_{eff} yazılırsa,

$$\bar{V}_{eff} = \bar{V}_{eff}^{(\gamma)} \equiv \bar{V}_c + \bar{V}_C + \bar{V}_\gamma \tag{3.51}$$

burada \bar{V}_c ve $\bar{V}_C \gamma$ kanalındaki c ve C kümeleri içindeki fenomenolojik etkileşim potansiyelleridir. Orjinal etkileşim potansiyeli V, γ kanalındaki her iki küme içinde aşağıdaki forma sahiptir.

$$V = V^{(\gamma)} \equiv V_c + V_C + V_\gamma \tag{3.52}$$

Toplam kinetik enerjide aşağıdaki şekilde yazılabilir

$$K = K_c + K_C + K_\gamma \tag{3.53}$$

burada K_c ve $K_C \gamma$ kanalında c ve C kümelerinin iç hareket enerjileridir ve K_{γ} ise c ile C arasındaki bağıl hareketin enerjisidir. K_G sistemin kütle merkezi enerjisi olmak üzere toplam hamiltonyen

$$H = H^{(\gamma)} \equiv K + V^{(\gamma)} = K_c + V_c + K_C + V_C + K_{\gamma} + V_{\gamma}$$
(3.54)

olup şu şekilde de ifade edilebilir

$$H^{(\gamma)} = h_c + h_C + K_{\gamma} + V_{\gamma} \tag{3.55}$$

burada

$$h_c = K_c + V_c, \quad h_C = K_C + V_C$$
 (3.56)

olup, c ve C kümesinin iç hamiltonyenleridir.

Denk. 3.51 ve Denk. 3.53 Denk. 3.49 içine yerleştirilirse γ kanalındaki \bar{H}_{eff} şu şekilde yazılır

$$\bar{H}_{eff} = \bar{H}_{eff}^{(\gamma)} \equiv \bar{p}(\bar{h}_c + \bar{h}_C + K_\gamma + \bar{V}_\gamma)\bar{p}$$
(3.57)

burada

$$\bar{h}_c = K_c + \bar{V}_c \ ve \ \bar{h}_C = K_C + \bar{V}_C$$
(3.58)

olup, c ve C kümesi için fenomenolojik iç hamiltonyenlerdir.

 \bar{V}_c ve \bar{V}_C potansiyelleri kullanılarak yukarıda bahsedilen iki şart sağlanmış olur. Model Hamiltonyeni H_M , γ kanalında şu forma sahip olur

$$H_M = H_M^{(\gamma)} \equiv P(\bar{h}_c + \bar{h}_C + K_\gamma + \bar{V}_\gamma)P \tag{3.59}$$

 \bar{V}_{eff} ve dolayısı ile \bar{H}_{eff} ve \bar{H}_M reaksiyon mekanizmasına bağlı olarak farklı şekilde yazılır. Aşağıda iki farklı örnek için Hamiltonyenin nasıl yazılacağı gösterilmiştir.

A) Tek Kanal Hamiltonyeni

Bir α kanalı içinde a ve A parçacığının elastik saçılması incelenirse, F uzayı sadece α kanalını içerir. V_{eff} , α kanalı için Feshbach optik potansiyelidir. Bu potansiyel yerine, $E_{\alpha} = E - \varepsilon_{\alpha}$ enerji aralığında fenomenoloik optik potansiyel U_{α}^{OPT} kullanılırsa

$$\bar{V}_{eff} = U_{\alpha}^{OPT} \tag{3.60}$$

$$\bar{H}_{eff} = \bar{p} \left(\bar{h}_a + \bar{h}_A + K_a + U_a^{OPT} \right) \bar{p}$$
(3.61)

elde edilir. $\bar{p} = P$ alınırsa bir kanal için hamiltonyen şu şekilde yazılır.

$$H_M = P\left(\bar{h}_a + \bar{h}_A + K_a + U_a^{OPT}\right)P = \bar{H}_{eff}$$
(3.62)

A) Üç-cisim Model Hamiltonyeni

Zayıf bağlı a mermi parçacığı, A çekirdeği ile etkileşmesi durumunda A parçacığı uyarılmadan temel durumunda kalırken, a her biri kendi temel seviyesinde kalacak şekilde 1 ve 2 bileşenlerine parçalanabilir. Bu durumda, sadece elastik saçılma ve elastik parçalanma hesaplamalarda dikkate alınması gereken süreçlerdir.

Parçalanmanın olduğu nükleer reaksiyonları tanımlayan en iyi model, 1, 2 ve A parçacıklarının birbiri ile etkileştiği üç-cisim modelidir. Üç cisim modelinde etkin Hamiltonyen şu formdadır

$$\bar{H}_{eff} = \bar{p} \left(\bar{h}_a + \bar{h}_A + K_a + \bar{V}_a \right) \bar{p} \tag{3.63}$$

burada \bar{p}, \bar{F} uzayının operatörüdür. \bar{h}_a ise şu forma sahiptir

$$\bar{h}_a = K_{12} + \bar{V}_{12} + \bar{h}_1 + \bar{h}_2 \tag{3.64}$$

olur. Burada K_{12} ve \bar{V}_{12} , 1 ve 2 arasındaki bağıl hareketin kinetik ve potansiyel enerji operatörleridir. \bar{h}_1 ve \bar{h}_2 1 ve 2' nin iç hamiltonyenleridir. \bar{V}_{α} ise $\bar{V}_{\alpha} = \Sigma \bar{V}_{ij}$ olarak seçilirse

$$\bar{V}_{\alpha} = \bar{V}_{1A} + \bar{V}_{2A} \tag{3.65}$$

elde edilir. Burada \bar{V}_{ij} , G-matris teorisiyle elde eilen iki-nükleon potansiyelidir. \bar{V}_{1A} ve \bar{V}_{2A} , 1 ve 2 parçacığının A parçacığı ile etkileşim potansiyelidir. Optik potansiyeller 1 ve 2' nin A ya göre bağıl enerjilerine bağlıdır. \bar{V} optik potansiyelleri \bar{U}_{1A}^{OPT} ve \bar{U}_{2A}^{OPT} olarak, 1 ve 2' nin A arasında bağıl harketin enerjisi E_{1A} ve E_{2A} olarak alınırsa, üç-cisim modelinin etkin Hamiltonyeni şu şekilde olur

$$\bar{H}_{eff} = \bar{p} \left(\bar{h}_a + \bar{h}_A + K_a + U_{1A}^{OPT} \left(E_{1A} \right) + U_{2A}^{OPT} \left(E_{2A} \right) \right) \bar{p}$$
(3.66)

Üç-cisim karakteri hamiltoneyinin şu formunda daha açık görülür

$$\bar{H}_{eff} = \bar{p} \left(\bar{h}_A + \bar{h}_1 + \bar{h}_2 + K_{12} + K_a + U_{1A}^{OPT} + U_{2A}^{OPT} + \bar{V}_{12} \right) \bar{p}$$
(3.67)

Eğer A parçacığı 1 ve 2' den ağır ise

$$K_{12} + K_a \approx K_{1A} + K_{2A} \tag{3.68}$$

burada K_{1A} ve K_{2A} , 1 ve 2' nin A' ya göre bağıl kinetik enerjileridir. \bar{H}_{eff} Hamiltonyeni yaklaşım yapılarak şu şekilde yazılabilir

$$\bar{H}_{eff} \approx \bar{p} \left(\bar{h}_A + \bar{h}_1 + \bar{h}_2 + K_{1A} + K_{2A} + U_{1A}^{OPT} + U_{2A}^{OPT} + \bar{V}_{12} \right) \bar{p}$$
(3.69)

Sonuç olarak H_M model Hamiltonyeni H_{eff} den elde edilerek şu şekilde yazılır.

$$\bar{H}_{M} = P\left(\bar{h}_{a} + \bar{h}_{A} + K_{a} + U_{1A}^{OPT}(E_{1A}) + U_{2A}^{OPT}(E_{2A})\right)P$$
(3.70)

ya da

$$\bar{H}_M = P\left(\bar{h}_A + \bar{h}_1 + \bar{h}_2 + K_{12} + K_a + U_{1A}^{OPT} + U_{2A}^{OPT} + \bar{V}_{12}\right)P$$
(3.71)

3.1.4. Üç-cisimli Parçalanma Reaksiyonlarının CDCC Formülasyonu



Şekil 3.1. Üç-cisimli (A+b+c) bir sistemin gösterimi. B=b+C mermi parçacığı, A hedef parçacığı göstermektedir.

Bu kısımda zayıf bağlı iki cisimli bir mermi parçacığın bir hedef çekirdekten saçılması incelenerek sistemin hamiltonyeni ve dalga fonksiyonları elde edilecektir. Şekil 3.1' de gösterilen basit bir sistem göz önüne alınırsa, b ve c şeklinde iki farklı parçacıktan oluşan B mermi çekirdeği A hedef çekirdeği ile etkileşerek A+b+c sistemini oluşturmaktadır. Önceki bölümde elde edilen üç-cisimli model hamiltonyeni bu sistem için yazılırsa

$$H = K_{R} + U_{Coul}(R) + U_{r,R} + H_{bc}$$

$$H_{bc} = K_{r} + V_{bc}(r)$$

$$U_{r,R} = U_{bA}(r_{bA}) + U_{cA}(r_{cA})$$
(3.72)

denklemleri elde edilir. r, b ve c arasındaki bağıl koordinatı; R, b - c çiftinin kütle merkezi ile A arasındaki bağıl koordinatı; r_{XY} , X ve Y parçacıkları arasındaki bağıl koordinatı göstermektedir. K_r ve K_R , r ve R' ye eşlik eden kinetik enerjiler, $V_{bc}(r)$ ise b ile c arasındaki etkileşim potansiyelidir. $U_{bA}(r_{bA})$ ve $U_{cA}(r_{cA})$, b+A(c+A) saçılması için b(c) ile A arasındaki etkileşimin optik potansiyelleridir. Burada etkileşimin spine bağlı terimleri ihmal edilmiştir. Ayrıca işlem kolaylığı için Coulomb etkileride ihmal edilirse, üç-cisimli Schrödinger denklemi şöyle yazılır

$$(H - E)\Psi(r, R) = 0$$
 (3.73)

Jaçısal momentumlu üç-cisim dalga fonksiyon
u $\psi_{JM}(r,R)~H_{bc}$ ' nin ortonormal ϕ özdeğerleri setine genişleti
lirse

$$\psi_{JM}(r,R) = \sum_{|J-l_0| \le L_0 \le J+l_0} Y_{JM}^{l_0,L_0} \phi_0(r) \chi_{l_0L_0}^J(P_0,R)/R + \sum_l \sum_{|J-l| \le L \le J+l} Y_{JM}^{l,L} \int_0^\infty \phi_l(k,r) \chi_{lL}^J(P,R)/Rdk$$
(3.74)

şeklinde yazılır. Burada

$$Y_{JM}^{l,L} = \left[i^l Y_l(\Omega_r) \otimes i^L Y_L(\Omega_R)\right]_{JM}$$
(3.75)

şeklindedir. Basitleştirme yapmak için b + c sisteminin l_0 açısal momentumlu bir $\phi_0(k, r)$ bağlı durumuna ile k lineer momentum ve l açısal monetumuna sahip

$$(H_{bc} - \varepsilon_0)\phi_0(r)Y_{l_0m_0}(\Omega_r) = 0$$
(3.76)

$$(H_{bc} - \varepsilon)\phi_l(k, r)Y_{lm}(\Omega_r) = 0$$
(3.77)

burada $\varepsilon_0 B$ mermisinin bağlı durumunun enerjisi ve $\epsilon = \hbar^2 k^2 / 2\mu_{bc}$; $\mu_{bc} b - c$ sisteminin indirgenmiş kütlesidir. $\phi_l(k,r)$ fonksiyonları şöyle normalize edilir

$$\left\langle \phi_l(k',r) \mid \phi_l(k,r) \right\rangle_r = \delta(k'-k) \tag{3.78}$$

ve bu fonksiyonlar asimptotik formda yazılırsa

$$\phi_l(k,r) \sim \sqrt{\frac{2}{\pi}} \sin\left(kr - \frac{2}{\pi} - \delta_l(k)\right)/r$$
 (3.79)

burada $\delta_l(k)$ *l* ve *k* ile sınıflandırılan süreklilik durumlarının faz farkıdır. B parçacığı başlangıçta bağlı durumdadır. χ_{lL}^J ve $\chi_{l_0L_0}^J$ genişleme katsayıları b-c çiftinin kütle merkezinin A' ya göre bağıl hareketini lineer $P(P_0)$ momentumu ve $L(L_0)$ orbital açısal momentum ile tanımlar

$$E = \frac{\hbar^2 P_0^2}{2\mu_{AB}} + \varepsilon_0 = \frac{\hbar^2 P^2}{2\mu_{AB}} + \varepsilon$$
(3.80)

burada $\mu_{AB}\;B$ ve Aparçacıkları arasındaki indirgenmiş kütledir.

CDCC modelinde l ve $k, l \leq l_{max}$ ve $k \leq k_{max}$ olacak şekilde sınırlandırılır ve süreklilik durumları k = 0 dan $k = k_{max}$ ' a kadar sonlu sayıdaki durumlara kesiklendirilir. Dalga fonksiyonlarının enerjileri

$$\varepsilon_{nl}\delta_{n,n'}\delta_{l,l'}\delta_{m,m'} = \left\langle \widehat{\phi}_{nl} (r)i^{l}Y_{lm}(\Omega_{r}) \middle| H_{bc} \middle| \widehat{\phi}_{n'l'} (r)i^{l'}Y_{l'm'}(\Omega_{r}) \right\rangle_{r}$$
(3.81)

şeklindedir. Sınırlandırma ve kesiklendirme işlemi yapıldıktan sonra dalga fonksiyonları yaklaşık olarak şu formlara dönüşür

$$\psi_{JM}^{CDCC}(r,R) = \sum_{|J-l_0| \le L_0 \le J+l_0} Y_{JM}^{l_0,L_0} \phi_0(r) \hat{\chi}_{\gamma_0}^J(P_0,R)/R + \sum_{n=1}^{N_{\max}} \sum_{l=0}^{l_{\max}} \sum_{|J-l| \le L \le J+l} Y_{JM}^{l,L} \stackrel{\frown}{\phi}_{nl}(r) \hat{\chi}_{\gamma}^J(\hat{P}_{\gamma},R)/R$$
(3.82)

burada

$$\hat{\chi}^{J}_{\gamma_{0}}(P_{0},R) = \hat{\chi}^{J}_{l_{0}L_{0}}(P_{0},R) \quad \gamma_{0} = (0,l_{0},L_{0})$$
$$\hat{\chi}^{J}_{\gamma}(P_{0},R) = W_{\gamma}\hat{\chi}^{J}_{lL}(\widehat{P}_{\gamma},R) \quad \gamma = (n,l,L)$$
(3.83)

Denklemin sağ tarafındaki ilk terim γ_0 ile gösterilen elastik kanalı, ikinci terim ise γ ile gösterilen kesiklendirilmiş parçalanma kanallarını temsil eder. W_{γ} genişlik faktörü olup, kullanılan kesiklendirme modeline bağlıdır. P_0 ve $\stackrel{\frown}{P}_{\gamma}$ momentumları şu şekilde tanımlanır.

$$E = \frac{\hbar^2 P_0^2}{2\mu_{AB}} + \varepsilon_0 = \frac{\hbar^2 \hat{P}_{\gamma}^2}{2\mu_{AB}} + \varepsilon_{nl}$$
(3.84)

Denk. 3.73'ün sol tarafı $Y_{JM}^{*l,L}\stackrel{\frown}{\phi}_{nl}^{*}(r)$ ile çarpılırsa

$$\left\langle Y_{JM}^{l,L} \stackrel{\frown}{\phi}_{nl}(r) \middle| H - E \middle| \psi_{JM}^{CDCC}(r,R) \right\rangle_{r,\Omega_R}$$
(3.85)

elde edilir. Denklem çiftlenmiş diferansiyel denklemler setine indirgendiğinde

$$\left[\frac{\hbar^2}{2\mu_{AB}}\frac{d^2}{dR^2} + \frac{\hbar^2}{2\mu_{AB}}\frac{L\left(L+1\right)}{R^2} + U_{\gamma\gamma}(R) + U_{Coul}(R) - (E-\varepsilon_{nl})\right]\widehat{\chi}^J_{\gamma}\left(\widehat{P}_{\gamma}, R\right)$$
$$= \sum_{\gamma'\neq\gamma}U_{\gamma\gamma'}(R)\widehat{\chi}^J_{\gamma'}\left(\widehat{P}_{\gamma}, R\right)(3.86)$$

haline dönüşür. Burada γ_0 kanalını da içeren tüm γ durumları için $P_0 = \stackrel{\frown}{P}_{\gamma}$ 'dir. Çiftlenim potansiyeli ise

$$U_{\gamma\gamma'}(R) = \left\langle Y_{JM}^{l,L} \ \widehat{\phi}_{nl} \ (r) \left| U_{bA}(r_{bA}) + U_{cA}(r_{cA}) \left| Y_{JM}^{l',L'} \ \widehat{\phi}_{n'l'} \ (r) \right\rangle_{r,\Omega_R} \right.$$
(3.87)

şeklindedir. Çiftlenim denklemleri asimpotik sınır şartları altında çözülürse aşağıdaki eşitlik elde edilir

$$\widehat{\chi}_{\gamma}^{J}\left(\widehat{P}_{\gamma},R\right) \sim u_{L}^{(-)}\left(\widehat{P}_{\gamma},R\right)\delta_{\gamma_{0},\gamma} - \sqrt{\frac{P_{0}}{\widehat{P}_{\gamma}}}\,\widehat{S}_{\gamma,\gamma_{0}}^{J}\,u_{L}^{(+)}\left(\widehat{P}_{\gamma},R\right)$$
(3.88)

burada $u_L^{(-)}\left(\widehat{P}_{\gamma}\right)$ ve $u_L^{(+)}\left(\widehat{P}_{\gamma}, R\right)$ gelen ve giden Coulomb dalga fonksiyonudur. $\delta_{\gamma_0,\gamma}, \gamma_0$ giriş kanalından γ kanalına geçiş için Saçılma-matris elementidir.

4. BÖLÜM

CDCC MODELİNİN EGZOTİK ÇEKİRDEK REAKSİYONLARINA UYGULAMALARI

Çekirdeklerin yapısı ve reaksiyon mekanizmalarının anlaşılmasında, deneysel çalışmaların sonucunda elde edilen gözlenebilirlerin davranışlarının incelenmesi büyük önem taşır. Nükleer özelliklerin çalışılmasında en çok kullanılan reaksiyon gözlenebiliri elastik saçılma tesir kesitinin açısal dağılımıdır. Açısal dağılım gelme enerisine, etkileşen parçacıkların kütlesi ve yüklerine bağlıdır. Tesir kesitinin açısal dağılım davranışı çekirdeğin iç yapısına ve etkileşmenin gerçekleştiği alanın (Coulomb yada nükleer) özelliklerine göre değişim göstermektedir. Bu bölümde kararlı ve egzotik çekirdeklerin elastik saçılma gözlenebilirlerinin genel özellikleri verilecek ve egzotik çekirdek reaksiyonları gözlenebilirlerinin açıklanmasında parçalanma kanallarına olan Coulomb çiftleniminin öneminden bahsedilecekir.

4.1. Kararlı Çekirdek Reaksiyonları: Fresnel-Fraunhofer Kırınımı

Kararlı çekirdekler etkileşmeye girdiği zaman elastik kanaldan elastik olmayan kanallara büyük bir akı geçişi olabilir. Güçlü soğurma (strong absorbtion) olarak adlandırılan bu durumda saçılma ışığın siyah bir küreden saçılmasına benzer [73]. Güçlü absorbsiyon varlığında saçılma gözlenebilirlerine bakılarak çekirdeğin boyutu, yüzey geçirgenliği gibi genel özellikleri hakkında bilgi sahibi olunabilir. Ancak absorbsiyon, saçılmanın tanımlanmasında ve yüzeysel özelliklerin belirlenmesinde kolaylıklar sağlamasına rağmen çekirdeğin iç bölgeleri hakkında bilgi vermekte yeterli değildir. İki kararlı çekirdek arasında güçlü absorbsiyon gerçekleştiği zaman saçılma klasik fizikte ışığın kırınım olayına benzer davranışlar sergiler. Saçılma tesir kesitinin açısal dağılımı ışığın opak bir cismin kenarlarından kırınıma uğraması sonucu ortaya çıkan kırınım saçaklarına benzeyen osilasyonlu bir yapı gösterir. Bu osilasyonlu yapı, gelme enerjisine bağlı olarak Fresnel ya da Fraunhofer krınımı olarak adlandırılan iki farklı karakteristiğe sahiptir [74].

Fresnel kırınımı kaynak ve detektörün sonlu bir mesafede bulunduğu durumda görülür. İki parçacık etkileştiği zaman mermi parçacığın gelme enerjisi Coulomb bariyer enerjisine çok yakın ise paraçacıklar arasındaki Coulomb alanı kırınım lensi gibi davranır [75]. Güçlü Coulomb alanının etkilerinden dolayı gelen dalga hedef çekirdeğin zıt kenarlarından ileri bölgelerde girişim yapamayacak şekilde saçılırlar ve Şekil 4.1' de verilen Fresnel tipi kırınım saçakları oluştururlar.



Şekil 4.1. Fresnel tipi elastik saçılma açısal dağılımı.

Gelme enerjisi arttığı zaman saçılma tesir kesitinin davranışı Fresnel tipi kırınımdan Fraunhofer tipi kırınımına dönüşür. Fraunhofer kırınımı kaynak ve detektör sonsuz bir mesafede bulunuyorsa gerçekleşir. Yüksek gelme enerjisinden dolayı Coulomb alanı uzun süreli bir etkiye sahip değildir ve kırınım lensi gibi davranamaz. Coulomb etkilerinin ihmal edildiği bu durumda gelen dalgalar hedef çekirdeğin zıt kenarlarından ileri bölgelerde girişim yapacak şekilde saçılırlar. Fraunhofer kırınım deseni Şekil 4.2' de gösterilmektedir.



Şekil 4.2. Fraunhofer tipi elastik saçılma açısal dağılımı.

4.2. Egzotik Çekirdek Reaksiyonları

Kararlı çekirdekler elastik saçılmalarında klasik kırınım davranışları sergilemelerine rağmen, halo çekirdekler bir hedeften elastik saçılmalarında bu standart kırınım davranışından sapma gösterirler. Halo çekidekler Coulomb bariyer enerjisine yakın bir enerjide ağır bir hedeften elastik saçıldıkları zaman, tesir kesiti açısal dağılımının Fresnel tipi krınım davranışı göstermesi beklenir. Oysa ki, bu enerjilerde egzotik çekirdeklerin açısal dağılımı Fresnel karakteristiğinden saparak farklı bir yapı sergiler. Fresnel tipi kırınım davranışında düşük açılarda gözlemlenen Coulomb piki (bkz. Şekil 4.1), egzotik çekirdek saçılmalarında tamamen kaybolarak, tesir kesitinde osilasyonsuz bir yapı meydana gelir.

Fresnel tipi kırınımdan sapma deneysel olarak ilk kez ${}^{18}O+{}^{184}W$ elastik saçılmasında gözlemlenmiştir [76]. Daha sonra bu sistemle ilgili yapılan teorik çalışmalarda bu sapmanın, ${}^{184}W$ hedef çekirdeğinin 2⁺ durumuna Coulomb uyarılmasından kaynaklandığı düşünülmüştür. Bu çalışmalarda deneysel veriyi açıklayabilmek için,

Fresnel kırınımı tipinden sapmaya neden olan Coulomb etkilerinin dikkate alındığı farklı tipteki polarizasyon potansiyelleri önerilmiştir [77–79].

Egzotik çekideklerin ağır bir hedeften Coulomb bariyerine yakın bir enerjide elastik saçılmasının ilginç sonuçlarından da güçlü Coulomb etkileri sorumludur [80,81,96]. Hedef çekirdeğin (Z_H) atom numarası çok büyük olduğu zaman, zayıf bağlı olan egzotik çekirdeğin güçlü Coulomb alanında parçalanma ihtimali çok yüksektir. Yüksek parçalanma ihtimaliyeti ve güçlü Coulomb çiftlenimi elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımında klasik kırınım saçaklarından sapmaya neden olur. Ancak hedef çekirdek yeterince ağır değilse bu sapmayı gözlemlemek mümkün değildir. Dolayısı ile Coulomb etkilerinin görülmeye başlandığı kritik bir Z_H değeri vardır. Bu tez çalışmasında ⁶He çekirdeği örnek alınarak, bu çekirdek reaksiyonları için Coulomb etkilerinin nerede başlandığı araştırılmıştır. Sonraki bölümlerde CDCC modelinin ⁶He etkileşmelerinin teorik analizinde nasıl sonuçlar verdiği ve bu çekirdek için kritik Z_H değerinin ne olduğu bulunmuştur.

4.3. Teorik Hesaplamalar

Zayıf bağlı çekirdeklerin saçılma problemlerinde kullanılan CDCC modeli mermi çekirdeği iki-cisimli bir sistem olarak düşünür. Bu ikili sistemde parçacıklardan biri bağlı olmayan durumlara uyarılır. Dolayısıyla bu model ikili sistemin serbestlik derecesindeki uyarılmalarla ilgilenir. CDCC, Çiftlenmiş Kanallar (CC) yaklaşımını temel alarak saçılma problemlerinin çözümünde bağlı durumların yanı sıra bağlı olmayan durumları da dikkate alır. Ancak bağlı durumların dalga fonksiyonları normalize edilebilir ve geniş mesafelerde bozunuma uğrarken, bağlı olmayan durumların dalga fonksiyonları normalize edilemezler ve osilasyonlu yapıya sahiptirler. Bu durum süreklilik-süreklilik çiftleniminin hesaplanmasında sorunlar yaratır. Bu nedenle CDCC modeli süreklilik spektrumunun kesiklendirilmiş gösteriminde integre edilebilir kare fonksiyonlar seti kullanır.

Bin dalga fonksiyonu

$$u_{lsj,[k_1,k_2]}(r) = \sqrt{\frac{2}{\pi N}} \int_{k_1}^{k_2} \omega(k) e^{-i\delta_k} u_{lsj,k}(r) dk$$
(4.1)

şeklindedir. Burada δ_k , seçilen bir $V_{pc}^l(r)$ potansiyeli içindeki $u_{lsj,k}(r)$ saçılma dalga

fonksiyonu için saçılma faz kaymasıdır. Normalizasyon sabiti $N = \int |w(k)|^2 dk$ olup, binler R_{Bin} maksimum yarıçapının yeterince büyük olduğu durumlarda $\langle u|u\rangle = 1$ şeklinde normalize edilir.

CDCC modelinde normalize edilebilir durumlar şu şekilde oluşturulur: i) Önce süreklilik spektrumu maksimum bir ϵ_{max} enerjisine sınırlandırılır. ii) Daha sonra enerji $0 \le \epsilon \le \epsilon_{max}$ olacak şekilde *bin* ismi verilen eşit aralıklara bölünür. iii) Her bir enerji bölmesi (bin) normalize edilebilir temsili dalga fonksiyonları ile oluşturulur. Enerji binlerinin yanısıra sürekliliğin kesiklendirilmesi asimptotik lineer momentum $k = \frac{\sqrt{2\mu\epsilon}}{\hbar}$ ile yapılır. Bu durumda bin aralığı $[k_{i-1} - k_i]$ şeklindedir.

Bu çalışmadaki teorik hesaplamalarda ⁶He çekirdeği $\alpha + {}^{2}n$ şeklinde düşünülüp, parçacığın süreklilik spektrumu enerji kesiklendirilmesi yapılarak, $\Delta k = 0.1 \text{ fm}^{-1}$ olacak şekilde eşit genişlikte N=7 enerji binine bölünmüştür. Maksimum enerji $\epsilon_{max} = 7.7 \text{ MeV}$ olarak alınmıştır. Hesaplamalara $\alpha - {}^{2}n$ bağıl açısal momentumu L = 0, 1, 2 olacak şekilde Şekil 4.3' de gösterilen s, p, d durumları dahil edilmiştir. Ayrıca bu durumlara deneysel olarak ölçülen 1.8 MeV olan 2⁺ rezonans durumu da ilave edilmiştir. Çiftlenmiş denklemler $R_{Bin} = 80 \text{ fm'}$ ye kadar integre edilmiş, mermi-hedef bağıl hareketi için 200 kısmi dalga kullanılmıştır. Hesaplamalar Fresco kodunun FRXY.1i versiyonu kullanılarak yapılmıştır [82].

CDCC modelinde bir sistemin etkileşim potansiyeli single-folding (tek-katlı) tekniği kullanılarak elde edilir [83]. ⁶He sisteminin etkileşim potansiyeli şu bileşenlerden oluşur:

- α + hedef optik potansiyeli
- ${}^{2}n$ + hedef optik potansiyeli
- $\alpha + {}^2n$ bağlanma potansiyeli

Etkileşim potansiyelinin bileşenleri Şekil 4.4' de gösterilmektedir. α + hedef potansiyeli ve ^{2}n + hedef optik potansiyellerinin parametreleri V. Avrigenau ve ark. [84] ile C.M. Perey ve ark. [85] tarafından önerilen global potansiyel setlerinden alınmıştır. Hesaplamalarda ^{2}n sisteminin fiziksel olarak doğada bulunamamasından



Şekil 4.3. Süreklilik kanallarının gösterimi.



Şekil 4.4. Etkileşim p
 otansiyelinin bileşenlerinin gösterimi. Burada 1 nolu potansiyel
 α + hedef optik potansiyelini, 2 nolu potansiyel 2n + hedef optik potansiyelini, 3 nolu potansiyel
 α + 2n bağlanma potansiyelini göstermektedir.

dolayı ²n yerine döteron potansiyeli kullanılmıştır. Global potansiyelin parametreleri Tablo 4.1 ve Tablo 4.2' de verilmektedir. $\alpha + {}^{2}n$ bağlanma potansiyelinin parametreleri ise K. Rusek ve ark. tarafından yapılan çalışmadan alınmıştır [86]. Bağlanma potansiyelinin parametreleri Tablo 4.3' de verilmektedir.

43

R_w a_w	(fm) (fm)	1.60 0.71		$1.57 0.692 - 0.02A^{1/3}$	$(3) 1.57 0.692 - 0.02A^{1/3}$	(23)	
W_0	(MeV)	$10 + 0.25 E^{c.m} (E < 70)$	$34 - 0.09 E^{c.m}(E > 70)$	$26.82 - 1.706A^{1/3} + 0.006E$	$12.64 - 1.706A^{1/3} + 0.20E(E < 7)$	$26.82 - 1.706A^{1/3} + 0.006E(E > 7)$	
a_v	(fm)	0.74		$0.817 - 0.0085 A^{1/3}$	$0.817 - 0.0085 A^{1/3}$		
r_v	(fm)	1.30		1.245	1.245		
V_0	(MeV)	$133.0 - 0.29 E^{c}.m.$		$101.1 + 6.051Z/A^{1/3} - 0.248E$	$101.1 + 6.051Z/A^{1/3} - 0.248E$		

Tablo 4.1. Etkileşim potansiyelinin elde edilmesinde kullanılan $\alpha + hedef$ optik potansiyel seti. Burada reel potansiyel Woods-Saxon şeklinde olup, sanal potansiyel Woods-Saxon hacim şeklindedir [84].

V_0	r_v	a_v	W_0	R_w	a_w
(MeV)	(fm)	(fm)	(MeV)	(fm)	(fm)
$81.0 - 0.22E + 2.0(Z/A^{1/3})$	1.15	0.81	14.4 + 0.24E	1.34	0.68

Tablo 4.2. Etkileşim potansiyelinin elde edilmesinde kullanılan ${}^{2}n+hedef$ optik potansiyel seti. Burada reel potansiyel Woods-Saxon şeklinde olup, sanal potansiyel Woods-Saxon türevi şeklindedir [85].

V_0	R_v	a_v
(MeV)	(fm)	(fm)
95.99	0.6673	0.25

Tablo 4.3. Etkileşim potansiyelinin elde edilmesinde kullanılan α -²n bağlanma potansiyelinin parameterleri [86].

Enerji bölmelerinin (binlerinin) özdeğerleri ve genişliği mermi parçacığın bağlanma enerjisi referans alınarak hesaplanır. ⁶He çekirdeğinin bağlanma enerjisi 0.97 MeV iken bu çalışmada bağlanma enerjisi Geliştirilmiş iki-nötron modelinden elde edilen 1.6 MeV olarak alınmıştır. Sonraki kısımda bu modelinin ayrıntıları ve ⁶He bağlanma enerjisinin nasıl elde edildiği verilmektedir.

4.3.1. Geliştirilmiş İki-Nötron (Improved di-neutron) Modeli



Şekil 4.5. ⁶He= α + ²n yapısının gösterimi.

⁶He çekirdeği $\alpha + n + n$ şeklinde üç-cisim yapısına sahiptir ve reaksiyonların tanımlaması için en uygun model dört-cisim ($\alpha + n + n + hedef$) modelidir [87–93]. Ancak bu modelde bağlı olmayan durumların hesaplanması komplike bir problemdir. Çünkü herbir fiziksel durum, muhtemel tüm spin ve yörünge açısal momentumuna sahip birçok kanalın üstüste gelmesiyle oluşur. Bu model kullanılarak yapılan hesaplamalarda nümerik işlemler çok zordur ve daha çok ilgi gerektirmektedir. Bu nedenle kullanışlı olmayan dört-cisim modelinin yerine daha basit ancak ⁶He



Şekil 4.6. Geliştirilmiş iki-nötron modelinde nötron yoğunluğunun realistik üç-cisim modeli ile karşılaştırılarak gösterilmesi.

çekirdeğinin özelliklerini veren yeni modeller geliştirilmiştir. Bu modellerde ⁶He yapısındaki iki nötron n^2n şeklinde tek cisim olarak önerilmiş, Şekil 4.5' de gösterildiği gibi çekirdeğin $\alpha + {}^{2}n$ sisteminden oluştuğu kabul edilmiştir. Ancak bu modeller bir takım etkileri ihmal ettikler için ⁶He çekirdeğinin RMS yarıçapı ve $B(E\lambda)$ geçiş ihtimaliyeti gibi bazı özellikleri açıklayamamakta, deneysel olarak ölçülen reaksiyon gözlenebilirleri için de yetersiz sonuç vermektedirler. Bunun üzerine Moro ve ark. standart iki-nötron modeli üzerinde çalışarak geliştirilmiş iki-nötron ⁶He çekirdeğinin $\alpha + n + n$ üç-cisim modelini önerdiler [94]. Moro ve ark. modelini referans alarak, önce bu modele göre nötron yoğunluk dağılığımı ile B(E1)ve B(E2) geçiş ihtimaliyeti dağılımlarını elde etmişlerdir. Daha sonra standart iki-nötron modeli üzerinde çalışarak, $2n-\alpha$ bağlanma enerjisininin 0.975 MeV olması durumunda elde edilen sonuçlarla realistik üç-cisim modeli hesaplamalarının sonuçlarını karşılaştırmışlar ve arada bir uyumsuzluk olduğunu tespit etmişlerdir. Bu çalışmalarda standart iki nötron modelinin $2n-\alpha$ bağıl dalga fonksiyonunda realistik olmayan bir kuyruk bölgesi ve çok geniş B(E1) ve B(E2) dağılımları

verdiğini gözlemlemişlerdir. Ayrıca bu model saçılma hesaplamalarında kullanılınca temel durum ile süreklilik durumu arasındaki çiftlenimin olduğundan daha büyük değerde olduğunu ve bu durumun çok büyük absorbsiyona neden olduğunu tespit etmişlerdir. Bunun üzerine bu model üzerinde modifikasyonlar yaparak, realistik üç-cisim modelinde 2n- α koordinatında verilen yoğunluk dağılımını üretebilmek için 2n- α bağlanma enerjisinin artması gerektiğini önermişlerdir. Bu çalışmaya göre 2n- α bağlanma enerjisi 1.6 MeV' e çıkarıldığında ⁶He çekirdeğinin RMS değeri ile B(E1) ve B(E2) dağılımlarının, üç-cisim modelinden elde edilen sonuçlara benzer olduğu bulunmuştur. Bununla birlikte ⁶He temel durumu için 1.6 MeV' lik bağlanma enerjisi kullanılarak yapılan CDCC hesaplamaları ile elastik saçılma deneysel verileri başarıyla açıklanmıştır. Bu çalışmanın sonuçları Şekil 4.6 ve 4.7' de verilmektedir.



Şekil 4.7. ⁶He çekirdeği için B(E1) ve B(E2) geçiş ihtimaliyetlerinin gösterilmesi.

4.4. Bulgular

Bu tez çalışmasında literatürde bugüne kadar deneysel olarak ölçülen elastik saçılma verileri CDCC modeli kullanılarak analiz edilmiştir. Çalışmada ⁶He+¹²C reaksiyonu E_{Lab} =8.79, 9.18 ve 18.0 MeV enerjilerinde analiz edilmiş, Şekil 4.8' de görüldüğü gibi deneyle teori arasında mükemmel bir uyum elde edilmiştir.



Şekil 4.8. ⁶He+¹²C elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımının gösterilmesi. Daireler deneysel veriyi gösterirken katı çizgiler CDCC sonuçlarını göstermektedir.

⁶He çekirdeğinin orta-ağırlıktaki çekirdeklerle yaptığı etkileşmelerden ⁶He+²⁷Al, ⁶He+⁵⁸Ni, ⁶He+⁶⁴Zn, ⁶He+⁶⁵Cu sistemleri E_{Lab} =9-30 MeV enerji aralığında incelenmiştir. Bu sistemler için genel olarak deneyle uyumlu sonuçlar elde edilmesine karşın, ⁶He+⁶⁵Cu sistemi için E_{Lab} =30 MeV' de açısal dağılımını açıklamakta kullanılan modelin yetersiz olduğu görülmüştür. Bu çalışmada hesaplamalara sadece Coulomb parçalanma çiftlenimi dahil edilmiş, nükleer parçalanma ve transfer



Şekil 4.9. ⁶He+²⁷Al elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımının gösterilmesi. Daireler deneysel veriyi gösterirken katı çizgiler CDCC sonuçlarını göstermektedir.

çiftlenimleri ihmal edilmiştir. 30 MeV' lik gelme enerjisinin bu sistemin Coulomb bariyerinin çok çok üstünde olduğu düşünülürse, bu enerjide Coulomb alanından çok nükleer alanın etkin olması gerekmektedir. Dolayısı ile sadece Coulomb çiftlenimi ile sonucun açıklanamamsı beklenilen bir durumdur. Ancak nükleer parçalanma çiftlenimi hesapları bu çalışmanın dışında olduğundan, bu enerjideki deneysel veri için detaylı analizler yapılmamıştır. Bununla birlikte CDCC hesaplamalarına nükleer parçalanma çiftenimi ve nötron transferi etkisini dikkate alan transfer çiftlenimi eklendiğinde deneysel verinin başarıyla açıklanacağı tahmin edilmektedir. Sonuçlar Şekil 4.9 ve 4.10' da gösterilmektedir.

⁶He çekirdeğinin ağır çekirdeklerle yaptığı etkileşmelerden ⁶He+²⁰⁸Pb ve ⁶He+²⁰⁹Bi sistemleri E_{Lab} =14-27 MeV enerji aralığında analiz edilmiştir. Şekil 4.11, 4.12 ve 4.13' de görüldüğü gibi bu sistemler için Coulomb bariyerine eşit yada hemen üstündeki enerjilerde CDCC sonuçları deney ile çok iyi uyum gösterirken, Coulomb



Şekil 4.10. ⁶He+⁵⁸Ni,⁶⁴Zn,⁶⁵Cu elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımlarının gösterilmesi. Daireler deneysel veriyi gösterirken katı çizgiler CDCC sonuçlarını göstermektedir.

bariyerinin çok altındaki enerjilerdeki elastik saçılma tesir kesitinin değerinde büyüklük problemi ortaya çıkmaktadır. Şu ana kadar yapılan çalışmalar ²⁰⁸Pb ve ⁶He+²⁰⁹Bi sistemleri için düşük enerji bölgelerinde deneysel veriyi açıklayabilmek için Coulomb parçalanma çiftleniminin yanı sıra diğer etkilerin de dikate alınması gerektiğini göstermiştir. Bu konuda yapılan çalışmalar devam etmektedir.

4.4.1. Coulomb Çiftleniminin Etkisi

Bu çalışmada ⁶He elastik saçılma verilerinin CDCC modeli ile incelenmesinin yanı sıra, reaksiyon gözlenebilirlerin açıklanmasında Coulomb parçalanma çiftleniminin önemi de araştırılmıştır. Önceki bölümlerde ⁶He çekirdeğinin Coulomb bariyeri civarındaki bir enerjide ²⁰⁸Pb gibi ağır bir hedeften elastik saçılmasında tesir kesitinin Fresnel tipi kırınımdan farklı bir yapı sergilediği tartışılmış, bu farklı yapıdan



Şekil 4.11. ⁶He+¹⁹⁷Au elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımının gösterilmesi. Daireler deneysel veriyi gösterirken katı çizgiler CDCC sonuçlarını göstermektedir.

güçlü Coulomb parçalanma çiftleniminin sorumlu olduğu gösterilmiştir. Ancak bu çiftlenimin baskın olmaya başladığı belirli bir Z_H bölgesi vardır. Coulomb çiftleniminin hedef çekirdeğin hangi Z_H değerinde etkin olmaya başladığını bulmak için ¹²C' dan ²⁰⁹Bi' a kadar bir çok farklı hedef kullanılarak Coulomb bariyeri civarındaki enerjilerde CDCC analizleri yapılmıştır.

Kritik Z_H değerini tespit edebilmek için teorik hesaplamalar iki aşamalı olarak yapılmıştır: İlk olarak hesaplamalara sadece ⁶He çekirdeğinin taban durumu dahil edilerek tek kanallı CDCC sonuçları elde edilmiştir. İkinci aşamada ise taban durumunun yanısıra enerji kesiklendirme metoduyla elde edilen süreklilik durumları da hesaplamalara dahil edilerek çok kanallı CDCC sonuçları elde edilmiştir. Bu hesaplamalarda nükleer parçalanma çiftlenimi ihmal edilerek, elastik saçılma gözlenebilirlerinin açıklanmasında sürekililik kanallarına olan Coulomb çiftleniminin etkisi araştırılmıştır. Analizler sonucunda elde edilen elastik saçılma tesir kesitleri



Şekil 4.12. ⁶He+²⁰⁸Pb elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımının gösterilmesi. Daireler deneysel veriyi gösterirken katı çizgiler CDCC sonuçlarını göstermektedir.

Rutherford tesir kesitine oranlanarak lineer skalada gösterilmiştir.

CDCC hesaplamalarına ⁶He' un reaksiyona girdiği en hafif element olan ¹²C çekirdeğinden başlanmıştır. Şekil 4.14' de ⁶He+¹²C sistemi için Coulomb çiftleniminin dahil edildiği CDCC sonuçları ile çiftlenimin dahil edilmediği tek kanallı CDCC sonuçları gösterilmektedir. Şekil 4.14' den görüldüğü üzere bu sistemin analizinde Coulomb çiftleniminin hesaplamalara dahil edilmesi elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımında görülen Coulomb pikinin yok olmasını sağlayamamıştır. $Z_H=6$ olan ¹²C çekirdeği yeterince güçlü Columb alanı yaratamadığı için, ⁶He' un bu alanda parçalanmaya maruz kalması beklenilen bir durum değildir. Dolayısı ile hafif elementlerin oluşturduğu sistemlerde Coulomb parçalanma çiftlenimi kesinlikle etkin değildir.

Hedef çekirdeğin atom numarası (Z_H) arttığı zaman, teorik olarak elde edilen tesir kesitinde görülen Coulomb pikinin küçülmeye başladığı görülür. ¹²C' dan sonra hesaplamalara ⁵⁸Ni, ⁶⁴Zn ve ⁶⁵Cu etkişmeleriyle devam edilmiştir ve Coulomb bariyeri civarındaki enerjilerde $Z_H=28$ olan ⁵⁸Ni' den itibaren Coulomb pikinde bir küçülme gözlemlenmiştir. Şekil 4.14' de görüldüğü gibi, ⁵⁸Ni hedefi için Coulomb çiftleniminin hesaplamalara dahil edilmesi çok küçük bir etki yaratmıştır. Şekil 4.14, $Z_H=30$ bölgesinde Coulomb çiftleniminin çok güçlü bir etkisi olmadığını göstermektedir.

Deneysel çalışmalar ²⁰⁸Pb ve ²⁰⁹Bi gibi ağır hedefler kullanıldığı zaman ⁶He elastik saçılma tesir kesitinin herhangi bir osilasyona sahip olmadan yapısız bir davranış sergilediğini göstermektedir. Deneysel veriler Coulomb parçalanma çiftlenimini içeren CDCC modeli ile incelendiğinde, bu modelin tesir kesitindeki yapısız davranışı başarıyla açıklayabildiği görülmektedir. Bu durum $Z_H \approx 80$ olan çekirdek reaksiyonlarında ⁶He parçacığının parçalanma ihtimalinin çok büyük olduğunu ve dolayısı ile Coulomb parçalanma çiftleniminin gözlenebilirlerin açıklanmasında çok büyük etkiye sahip olduğunu gösterir.

Ancak Coulmb parçalanma çiftleniminin $Z_H=30-80$ aralığında nasıl bir etkiye sahip olduğu bilinmemektedir. $Z_H=30-80$ olan hedef çekirdekleri içeren sistemler için deneysel çalışma olmadığından, hesaplamalar ¹²⁰Sn ($Z_H = 50$), ¹⁴⁴Sm ($Z_H = 62$), ¹⁸¹Ta ($Z_H = 73$) hedef çekirdeklerine genişletilmiştir. Bu sistemler için yapılan CDCC analizleri sonucunda, Coulomb parçalanma çiftleniminin $Z_H>60$ bölgesinde etkin olmaya başladığı tespit edilmiştir. Şekil 4.14 ve Şekil 4.15' de görüldüğü gibi ¹⁴⁴Sm ($Z_H = 62$) hedefi ile birlike güçlü Coulomb çiftleniminin etkisi açıkça görünmeye başlar ve ¹⁸¹Ta hedefi ile birlikte bu etki tamamen belirginleşir. Sonuç olarak $Z_H < 50$ çekirdekler için ²⁰⁸Pb and ¹⁹⁷Au hedeflerindeki gibi güçlü Coulomb çiftlenim etkisini gösterecek bir işaret söz konusu olmadığı gibi, $Z_H \approx 60$ civarındaki hedefler için yapıya-özgü Coulomb parçalanma çiftlenim etkisi başkın olmaya başlar.

Bu çalışmada güçlü Coulomb çiftleniminin Z_H değerinin yanısıra mermi parçacığın gelme enerjisine nasıl bağlı olduğu da araştırılmıştır. Test çalışmaları için ${}^{6}\text{He}+{}^{144}\text{Sm}$ sistemi örnek olarak alınmış, bu sistemin açısal dağılımları farklı gelme enerjilerine göre hesaplanmıştır. Şekil 4.16, ⁶He' un gelme enerjisinin $E_{Lab}=21, 23,$ 25 MeV olduğu durumlardaki sistemin açısal dağılımlarını göstermektedir. Şekilden görüleceği üzere, gelme enerisi arttığı zaman çiftlenim etkileri zayıflamakta ve Coulomb piki kendi kendine yok olmaktadır. ⁶He+¹⁴⁴Sm sisteminin hesaplanan Coulomb bariyer yüksekliğinin V_B =20 MeV olduğu göz önüne alınırsa, ⁶He çekirdeği için Coulomb parçalanma çiftlenimi sadece Coulomb bariyerinin hemen üstündeki enerjilerde baskın olmaktadır.

Bu sonuçlar göstermektedir ki, ⁶He çekirdeği bariyer civarındaki enerjilerde $Z_H >$ 60 olan bir hedeften saçıldığı zaman, Coulomb parçalanma çiftlenimi elastik saçılma gözlenebilirlerini etkilemektedir. Bu sonuçlar ⁶He' a özgü olup, diğer egzotik çekirdek reaksiyonlarında Coulomb parçalanma çiftleniminin etkisi nükleer yapı özelliklerine bağlı olarak değişecektir. Bu nedenle farklı egzotik çekirdek reaksiyonlarında bu etkinin araştırılması için yeni deneysel çalışmalara ihtiyaç vardır. Bu çalışmadan elde edilen sonuçlar yeni deneylerin planlanmasına katkı sağlayacaktır.

4.4.2. ⁶Li ve ⁶He Reaksiyonlarının Karşılaştırılması

Egzotik çekirdeklerin iç yapısının anlaşılması için yapılan çalışmalarda kullanılan yöntemlerden biri de kendilerine yapı bakımından en yakın kararlı çekirdekler ile karşılaştırılmalarıdır. ⁶He çekirdeği genel olarak kütle numarası kendisiyle aynı olan ve reaksiyon gözlenebilirlerinde benzerlik görünen ⁶Li çekirdeği ile karşılaştırılır [95–97]. ⁶Li çekirdeği de bariyer civarındaki enerjilerde ağır hedeflerden elastik saçıldığında tesir kesitinin davranışı ⁶He' a benzer olarak karakteristik Fresnel tipi kırınımından sapma gösterir. Ancak bu sapma, ⁶He tesir kesitinde görülen davranışı kadar keskin olmamakla birlikte, deneysel olarak gözlemlenmesi çok hassas ölçümler gerektirdiği için oldukça zor bir durumdur.

⁶He ağır bir hedefle etkileştiği zaman dipol (E1) + kuadropol (E2) Coulomb parçalanmasının her ikisi birden gözlemlenebilir. Ancak ⁶He çekirdeğinin dipol (E1) Coulomb parçalanmasına uğraması daha büyük ihtimaliyete sahiptir ve ⁶He' un tesir kesitininde gözlemlenen klasik krınım saçaklarından farklı bir davranış göstermesine dipol parçalanma çiftlenimi neden olmaktadır. ⁶Li çekirdeğinin ise ⁶Li $\rightarrow \alpha + d$ süreci için dipol Coulomb parçalanmasına uğraması mümkün değildir ve ⁶Li elastik saçılmasında gözlemlenen benzer etkilerden sadece yapay kuadropol Coulomb parçalanması (E2) sorumludur. Bu nedenle ⁶Li tesir kesitinde gözlemlenen klasik davranıştan sapma ⁶He' a göre daha hafiftir.

⁶He çekirdeğinin orta ağırlıktaki kütleye sahip ⁶⁴Zn hedefinden elastik saçılmasında dipol Coulomb parçalanma çiftleniminin etkisi olmadığı önceki bölümlerde gösterilmiştir. ⁶Li çekirdeğinin ise benzer kütleli hedeflerle yaptığı etkilşemelerde ⁶He ile aynı sonuçlar verdiği gözlemlenmiştir [94, 98]. Bu durum düşük $Z_{\rm H}$ değerli hedefler için Coulomb parçalanma çiftleniminin önemini kaybetmesinden kaynaklanır. Ancak hedef çekirdeğin $Z_{\rm H}$ arttığı zaman ⁶Li ile ⁶He reaksiyonlarında Coulomb çiftleniminin etkisi de farklılık göstermeye başlar. Bu nedenle ⁶Li elastik saçılmasının farklı hedefler kullanılarak çalışılması, ⁶He saçılma özelliklerinin anlaşılmasına iyi bir dayanak sağlamaktadır. Bu çalışmada ⁶He çekirdeği ile yapılan çalışmalara paralel olarak, ⁶Li çekirdeğinin ⁵⁸Ni, ¹²⁰Sn, ¹⁴⁴Sm, ¹⁸¹Ta ve ²⁰⁸Pb hedefleri ile yaptığı etkileşmeler de CDCC modeli kullanılarak incelenmiş ve ⁶He sonuçları ile karşılaştırılmıştır. ⁶He ve ⁶Li sistemlerinin karşılaştırılmasında iki çekirdeğin yük farkından doğan gereksiz etkileri ortadan kaldırabilmek için CDCC hesaplamalarında her iki çekirdek için de Coulomb bariyerine göre eşit kütle merkezi enerjileri $E_{c.m.} - V_B$ kullanılmıştır. Burada Coulomb bariyerinin yüksekliği aşağıdaki bağıntıya göre hesaplanmıştır [99]:

$$V_{\rm B} = \frac{Z_{\rm M} Z_{\rm H} e^2}{R_{\rm M} + R_{\rm H}} \tag{4.2}$$

burada R = 1.16 A^{1/3} + 1.2' dir.

Karşılaştırma yapmak için gerçekleştirilen hesaplamalarda her bir sistem için iki farklı gelme enerjisi kullanılmıştır ve $E_{\rm c.m.} - V_{\rm B}$ değerleri 1.005 ve 5.534 MeV olacak şekilde her bir sistem için sabit tutulmuştur. Bu değerlerin elde edilmesi için ⁶He + ⁵⁸Ni sistemi referans olarak alınmış ⁶He' un gelme enerjisi labaratuar sisteminde 11.0 ve 16.0 MeV olarak seçilmiştir.

CDCC modeli analizlerinde ⁶He hesaplamalarında olduğu gibi yakınsamayı sağlaması için k nın maksimum değeri seçilmiştir ve etkileşim potansiyelinin elde edilmesinde α + hedef and d + hedef optik potansiyellerinin parameterleri ⁶He' da olduğu gibi Ref. [84] and [85]' dan alınmıştır.

Hesaplamalardan elde edilen tesir kesiti açısal dağılım sonuçları Şekil 4.17 ve 4.18' de Rutherford tesir kesitine oranlanarak lineer skalada gösterilmektedir. Geometrik farklılıkları ortadan kaldırabilmek için açısal dağılımlar $\theta_{c.m.} - \theta_g$ fonksiyonu olarak çizilmiştir, burada θ_g is the "quarter-point recipe" olarak tanımlanan grazing açısıdır. Bu açıda tesir kesiti başlangıç değerinin 1/4 oranına düşer.

Şekil 4.17' den görüleceği üzere ⁵⁸Ni ($Z_{\rm H} = 28$) hedefi için hesaplanan ⁶Li ve ⁶He açısal dağılımları hemen hemen özdeştir. $Z_{\rm H} \sim 82$ civarındaki bir hedeften elastik saçılma ölçümleri mermi parçacığın nükleer yapısına hassas değildir. Yani $Z_{\rm H}$ atom sayısı küçük olan hedeflerden saçılan egzotik bir çekirdek ile egzotik olmayan bir çekirdek hemen hemen aynı sonucu vermektedir. ⁶He ve ⁶Li açısal dağılımları, ¹²⁰Sn hedefi için $E_{\text{c.m.}} - V_{\text{B}} = 1.005$ MeV değerinde çok çok küçük farklılıklar gösterirken, $E_{\text{c.m.}} - V_{\text{B}} = 5.534$ MeV değeri için yine özdeş davranışlar sergilemektedir.

Yapıya-özgü çiftlenim etkisinin büyüklüğü ⁶He çekirdeğinin elastik saçılması için, hedef çekirdeğin atom numarasının $Z_{\rm H}$ artması ile artar. ¹⁴⁴Sm hedefi ($Z_{\rm H} = 62$) için $E_{\rm c.m.} - V_{\rm B} = 1.005$ MeV değerinde ⁶He açısal dağılımındaki Coulomb piki tamamen yok olurken, ⁶Li açısal dağılımı ile arada küçük bir fark belirir. Ancak Şekil 4.17' de görüldüğü gibi $E_{\rm c.m.} - V_{\rm B} = 5.534$ değeri için açısal dağılımlar yine özdeştir. Bu durum, önceki bölümde tartışıldığı gibi gelme enerjisinin Coulomb bariyerinin çok üstünde olması durumunda Coulomb parçalanma çiftlenimini etkisini kaybettiğini göstermektedir.

Şekil 4.18' de görüldüğü gibi, ¹⁸¹Ta ($Z_{\rm H} = 73$) ve ²⁰⁸Pb ($Z_{\rm H} = 82$) hedefleri için ⁶He ve ⁶Li açısal dağılımları $E_{\rm c.m.} - V_{\rm B}$ ' in her iki değerinde de açık farklılıklar göstermektedir. Bu sonuçlara göre ⁶Li and ⁶He açısal dağılımları arasındaki farklılıklar $Z_{\rm H} \sim 60$ civarındaki hedef çekirdekler için teorik olarak baş göstermekle birlikte, bu farklılıkların deneysel olarak test edilebilmesi için hedef çekirdeğin atom sayısının $Z_{\rm H} = 80$ civarında olması gerekmektedir.

Bu bölümde yapılan hesaplamaların güvenilirliğini test etmek için literatürde mevcut olan ⁶Li and ⁶He + ²⁰⁸Pb sistemlerinin 33.0 MeV [97] and 22.0 [60] MeV' de ölçülen elastik saçılma açısal dağılımları ile sunulan CDCC sonuçları karşılaştırılmıştır. Şekil 4.19' da ⁶He ve ⁶Li açısal dağılımları $\theta_{c.m.} - \theta_g$ fonksiyonu olarak çizilmiştir. Deneysel veri ile teorik sonuçlar arasındaki uyum bu çalışmada sunulan hesaplamaların sonuçlarını doğrulamaktadır. CDCC sonuçlarının deneysel veriyi tam olarak fit edememesinin nedeni, etkileşim potansiyeli için global parametrelerin kullanılmasıdır. Deneysel veriyi çok iyi açıklamak bu çalışmanın amaçları dışındadır, ancak seçilen hedeflere göre potansiyel derinliğinin ya da diğer parametrelerin ayarlanması ile mükemmel fitler elde edilebilmektedir.



Şekil 4.13. ⁶He+²⁰⁹Bi elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımının gösterilmesi. Daireler deneysel veriyi gösterirken katı çizgiler CDCC sonuçlarını göstermektedir.



Şekil 4.14. ⁶He+¹²C,⁵⁸Ni, ¹²⁰Sn ve ¹⁴⁴Sm sistemlerinin elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımlarının gösterilmesi. Kesikli çizgiler çiftlenim etkilerinin dahil edilmediği (no-coupling) tek kanallı CDCC sonuçlarını gösterirken, katı çizgiler çiftlenim etkilerinin (full coupling) dahil edildiği CDCC sonuçlarını göstermektedir.


Şekil 4.15. ⁶He+⁵⁸Ni,¹²⁰Sn ve ¹⁸¹Ta sistemlerinin elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımlarının gösterilmesi. Kesikli çizgiler çiftlenim etkilerinin dahil edilmediği (no-coupling) tek kanallı CDCC sonuçlarını gösterirken, katı çizgiler çiftlenim etkilerinin (full coupling)dahil edildiği CDCC sonuçlarını göstermektedir.



Şekil 4.16. $^{6}\mathrm{He}+^{144}\mathrm{Sm}$ sistemi için diferansiyel tesir kesitinin artan enerji ile değişiminin gösterilmesi.



Şekil 4.17. ⁶He (kesikli çizgi) ve ⁶Li (katı çizgi) + ⁵⁸Ni, ¹²⁰Sn, ve ¹⁴⁴Sm sistemlerinin elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımları. Şeklin sol tarafı $E_{\rm c.m.} - V_{\rm B} = 1.005$ MeV ve sağ tarafı $E_{\rm c.m.} - V_{\rm B} = 5.534$ MeV için yapılan hesaplama sonuçlarını göstermektedir.



Şekil 4.18. ⁶He (kesikli çizgi) ve ⁶Li (katı çizgi)+ ¹⁸¹Ta ve ²⁰⁸Pb sistemlerinin elastik saçılma tesir kesiti açısal dağılımları. Şeklin sol tarafı $E_{\rm c.m.} - V_{\rm B} = 1.005$ MeV ve sağ tarafı $E_{\rm c.m.} - V_{\rm B} = 5.534$ MeV için yapılan hesaplama sonuçlarını göstermektedir.



Şekil 4.19. Deneysel olarak ölçülen ⁶He (boş daireler) ve ⁶Li (dolu daireler) çekirdeklerinin ²⁰⁸Pb hedefinden 22.0 [60] ve 33.0 [97] MeV enerjide elastik saçılma açısal dağılımları. Kesikli çizgiler ⁶He ve katı çizgiler ⁶Li için CDCC sonuçlarını göstermektedir.

5. BÖLÜM

TARTIŞMA VE SONUÇ

Egzotik çekirdekler farklı yapıları nedeniyle büyük ilgi uyandırmalarına rağmen, bu çekirdeklerin nükleer özelliklerinin deneysel olarak incelenmesi çok kolay bir süreç değildir. Radyoaktif iyon demetlerinin enerjisini kontrol etmek zor bir işlem olduğu için egzotik çekirdeklerin iç yapısından kaynaklanan ilginç özelliklerini bir deneyde tespit etmek her zaman mümkün olmamaktadır. Bu nedenle yapılacak olan bir deneyin planlanmasında egzotik etkilerin hangi bölgede aranacağını doğru kestirmek çok önemlidir. Özellikle mermi parçacığın gelme enerjisi ve hedef parçacığın yükü bu etkilerin araştırılmasında hassas ayarlanması gereken niceliklerdir. Bu durum dikkate alınarak egzotik çekirdeklerin nükleer yapısı ile ilgili yapılacak teorik çalışmaların sonuçları deneysel çalışmalara ışık tutacaktır. Örneğin ⁶He çekirdeğinin elastik saçılma gözlenebilirlerinde Coulomb ve nükleer etkilerin girişiminin sonucu olarak klasik kırınım saçaklarından farklı bir yapı gözlemlenir. Ancak bu farklı yapının deneysel olarak gözlemlenebilmesi her zaman mümkün olmayıp, nükleer ve Coulomb etkiler gelme energisine ve hedef çekirdeğin yüküne bağlı olarak ortaya çıkmaktadır. Bu nedenle tüm bu etkilerin tam olarak görüldüğü ve elastik saçılmanın nükleer yapının detaylarına hassas olduğu bölgenin teorik olarak araştırılması, ⁶He' un yanısıra diğer egzotik çekirdeklerin de davranışlarının anlaşılmasına katkı sağlayacaktır. Bu amaçla bu tez çalışmasında ⁶He çekirdeğinin 11 farklı sistemle etkileşmesi detaylı olarak incelenerek, elastik saçılmanın hangi bölgede nükleer yapıya hassas olduğu tespit edilmiştir.

CDCC modelinde ⁶He çekirdeğinin $\alpha + {}^{2}n$ yapısına sahip olduğu düşünülmüş, hesaplamalarda ⁶He temel durumu için üç-cisim dalga fonksiyonu ile fiziksel olarak uyumlu sonuçlar veren geliştirilmiş iki-nötron modeli kullanılmıştır. ⁶He' un temel durumunun bağlanma enerjisi bu modele göre 1.6 MeV olarak alınmıştır. CDCC modeli kullanılarak ⁶He+ ¹²C, ⁵⁸Ni, ⁶⁴Zn, ⁶⁵Cu, ¹⁹⁷Au, ²⁰⁸Pb, ²⁰⁹Bi elastik saçılma reaksiyonları için literatürde sunulan deneysel veriler teorik olarak analiz edilmiş ve CDCC modelinin reaksiyon gözlenebilirlerinin açıklanmasında yeterli olup olmadığı araştırılmıştır. Yapılan analizlerin sonucunda, Coulomb parçalanma etkilerini dikkate alarak süreklilik kanallarına çiftlenimi hesaba katan CDCC modelinin Coulomb bariyeri ve hemen üstündeki enerjiler için çok başarılı sonuçlar verdiği gözlemlenmiştir. Ancak bariyerin çok altında ve çok üstünde deneysel veri ile teorik sonuç arasında kısmen farklılık olduğu ve bu bölgelerde Coulomb parçalanma çiftleniminin yanı sıra başka etkilerin de dikkate alınması gerektiği belirlenmiştir.

⁶He etkileşmelerinde Coulomb parçalanma etkisinin tam olarak hangi bölgede ortaya çıkmaya başladığını tespit etmek amacıyla kritik $Z_{\rm H}$ değerini bulmak için teorik hesaplamalar şu ana kadar deneysel olarak henüz incelenmeyen ⁶He+¹²⁰Sn, ¹⁴⁴Sm ve ¹⁸¹Ta sistemlerine genişletilmiştir. Coulomb bariyerinin altında ve üstünde gelme enerjisi kullanılarak yapılan CDCC analizlerinde, Coulomb parçalanma etkisinin $Z_H \approx 60$ değerinde baskın olmaya başladığı tespit edilmiştir. Bununla birlikte bu etkinin tam olarak görünebilmesi için gelme enerjisinin Coulomb bariyerinin hemen üstünde olması gerekmektedir.

Bu çalışmada ayrıca ⁶Li + ⁵⁸Ni, ¹²⁰Sn, ¹⁴⁴Sm, ¹⁸¹Ta and ²⁰⁸Pb sistemleri de incelenmiş ve ⁶He sonuçları ile karşılaştırılmışır. ⁶He ve ⁶Li açısal dağılımlarının deneysel olarak ancak $Z_H \approx 80$ civarında ayırdedilebileceği gözlemlenmiştir. Bu sonuçlara göre $Z_H < 60$ olan bir hedef için ⁶He ve ⁶Li açısal dağılımlarının hemen hemen özdeş olduğu, dolayısı ile bu bölgede elastik saçılmanın mermi parçacığın nükleer yapısına hassas olmadığı gözlemlenmiştir. $Z_H > 60$ olan bölgelerde özellikle ¹⁹⁷Au and ²⁰⁸Pb gibi $Z_H \approx 80$ olan hedefler için elastik saçılmanın mermi parçacığın nükleer yapısına oldukça hassas olduğu tespit edilmiştir.

Elde edilen sonuçlar ⁶He çekirdeğine özgü olup, bu çekirdek için yapılacak yeni deneysel çalışmalara zemin hazılayabilecek niteliktedir. Bununla birlikte ⁶He gibi üç cisim yapısına sahip ¹¹Li ve ¹¹Be gibi zayıf bağlı radyoaktif elementlerin özelliklerinin araştırılmasında da faydalı bilgiler sağlayacaktır. Özellikle yapıya

özgü etkilerin incelenmesinde, gelme enerjisi aralığının ve hedef çekirdeğin yükünün belirlenmesine yardımcı olarak, gelecek radyoaktif iyon deneylerinin planlanmasına katkıda bulunacaktır.

KAYNAKLAR

- Tanihata, I., et al., Measurements of interaction cross sections and radii of He isotopes, Phys. Lett. B, 160, 380-384, 1985.
- Tanihata, I., et al., Measurements of Interaction Cross Sections and Nuclear Radii in the Light p-Shell Region, Phys. Rev. Lett., 55, 2676-2679, 1985.
- Hansen, P. G. and Jonson, B., Break-up of neutron-halo nuclei by diffraction dissociation and shakeoff, Europhys. Lett. B, 160, 409-414, 1987.
- Kobayashi, T., et al., Projectile Fragmentation of the Extremely Neutron-Rich Nucleus ¹¹Li at 0.79 GeV/nucleon, Phys. Rev. Lett., 60, 2599-2602, 1988.
- Anne, R., et al., Observation of forward neutrons from the break-up of the ¹¹Li neutron halo, Phys. Lett. B, 250, 19-23, 1990.
- Glauber, R. J., Lecture in Theoretical Physics, ed. Brittin, W.E., (Interscience, N.Y., 1959) Vol.1, p. 315.
- Zhukov, M. V., et al., Bound state properties of Borromean halo nuclei: ⁶He and ¹¹Li, Phys. Rep., 231, 151-199, 1993.
- Thompson, I. J. and Zhukov, M. V., Structure and reactions of the ^{12,14}Be nuclei, Phys. Rev. C, 53, 708-714, 1996.
- Descouvemont, P., Halo structure of ¹⁴Be in a microscopic ¹²Be+n+n cluster model, Phys. Rev. C, 52, 704-710, 1995.
- Varga, K. and Suzuki, Y., Precise solution of few-body problems with the stochastic variational method on a correlated Gaussian basis, Phys. Rev. C, 52, 2885-2905, 1995.
- Kanada-En'yo, Y., Hisashi Horiuchi and Akira Ono, Structure of Li and Be isotopes studied with antisymmetrized molecular dynamics, Phys. Rev. C, 52, 628-646, 1995.
- Pieper, S. C., and Wiringa, R. B., Quantum Monte Carlo Calculations of Light Nuclei, Annu. Rev. Nucl. Part. Sci., 51, 53-90, 2001.
- Kamimura, M., et al., Projectile Breakup Processes in Nuclear Reactions, Prog. Ther. Phys. Supp., 89, 1-10, 1986.
- Austern, N., et al., Continuum-discretized coupled-channels calculations for three-body models of deuteron-nucleus reactions, Phys. Rep., 154, 125-204, 1987

- Yahiro, M. N., Nakano, Iseri, Y. and Kamimura, M., Coupled Discretized Continuum Channels Method for Deuteron Breakup Reactions Based on Three-Body Model, Prog. Ther. Phys., 67, 1467-1482, 1982.
- Yahiro, M., Iseri, Y., Kamimura, M. and Nakano, N., A coupled-channel approach to deuteron projectile breakup, Phys. Lett. B, 141, 19-22, 1984.
- 17. Sakuragi, Y. and Kamimura, M., ${}^{12}C \rightarrow 3\alpha$ Breakup effect on the scattering of ${}^{16}O + {}^{12}C$ and ${}^{13}C + {}^{12}C$, Phys. Lett. B, 149, 307-310, 1984.
- Sakuragi, Y., Energy and target dependence of projectile breakup effect in elastic scattering of ⁶Li, Phys. Rev. C, 35, 2161-2174, 1987.
- 19. Sakuragi, Y., Kamimura, M. and Katori, K., Effects of ${}^{6}Li \rightarrow \alpha + d$ and ${}^{12}C \rightarrow 3\alpha$ breakup processes in ${}^{6}\text{Li}{+}{}^{12}\text{C}$ scattering, Phys. Lett. B, 205, 204-208, 1988.
- Sakuragi, Y., Yahiro, M. and Kamimura, M., Effects of projectile breakup and target excitation in scattering of polarized ⁷Li, Nucl. Phys. A, 480, 361-396, 1988.
- Iseri, Y., Kameyama, H., Kamimura, M., Yahiro, M. and Tanifuji, M., Virtual breakup effects in elastic scattering of polarized deuterons, Nucl. Phys. A, 490, 383-417, 1988.
- 22. Hirabayashi, Y. and Sakuragi, Y., Evidence for strong nuclear-breakup contribution to ${}^{6}Li \rightarrow \alpha + d$ breakup by 208 Pb at forward angles, Phys. Rev. Lett., 69, 1892-1895, 1992.
- Tostevin, J. A., Bazin, D., Brown, B. A., Glasmecher, T., Hansen, P. G., Maddelena, V., Navin, A. and Sherrill, B.M., Single-neutron removal reactions from ¹⁵C and ¹¹Be: Deviations from the eikonal approximation, Phys. Rev. C, 66, 024607-024619, 2002.
- Piyadasa, R. A. D., Kawai, M. and Kamimura, M., Convergence of the solution of the continuum discretized coupled channels method, Phys. Rev. C, 60, 044611-44620, 1999.
- Kobayashi, T., Projectile fragmentation of exotic nuclear beams, Nucl. Phys. A,538, 343-352, 1992.
- Lehman, D. R. and Parke, W. C., Determination of S₁₇ from the 7Be(d,n)8B reaction Phys. Rev. C, 67, 011602-011606, 2003.

- 27. Kukulin, V. I., Detailed study of the cluster structure of light nuclei in a three-body model : (II). The spectrum of low-lying states of nuclei with A = 6, Nucl. Phys., 453, 365-388, 1986.
- Danilin, B. V., et al., Dynamical multicluster model for electroweak and charge-exchange reactions, Phys. Rev. C,43, 2835-2843, 1991.
- Zhukov, M. V., et al., Specific structure of the 6He nucleus and fragmentation experiments, Nucl. Phys. A, 533, 428-440, 1991.
- 30. Zhukov, M. V., Danilin, B. V., Federov, D. V., Bang, J. M., Thompson, I. J. and Vaagen, J. S., Bound state properties of Borromean halo nuclei: ⁶He and ¹¹Li, Phys. Rep., 231, 151-199, 1993.
- Suzuki, Y., The ground-state structure and the soft dipole mode of the 6He nucleus, Nucl. Phys. A, 528, 395-408, 1991.
- Suzuki, Y., et al., Fragmentation cross sections of He isotopes and neutron correlations, Nucl. Phys. A, 567, 957-970, 1994.
- 33. Funada, S., et al., Halo structure and soft dipole mode of the ⁶He nucleus in the $\alpha + n + n$ cluster model Nucl. Phys. A, 575, 93-117, 1994.
- Navratil, P., Ormand, W.E., Caurier, E. and Bertulani, C., Lawrence Livemore National Laboratory, UCRL-PROC-211912, (2005).
- Al-Khalili, J. S., Tostevin, J. A., Matter, Radii of Light Halo Nuclei, Phys. Rev. Lett., 76, 3903-3906, 1996.
- Al-Khalili, J. S., Tostevin, J. A. and Thompson, I.J., Radii of halo nuclei from cross section measurements, Phys. Rev. C., 54, 1843-1852, 1996.
- Karataglidis, S., Dortmans, P. J., Amos, K. and Bennhold, C., Alternative evaluations of halos in nuclei, Phys. Rev. C, 61, 024319-24325, 2000.
- Milin, M., et al., The ⁶He scattering and reactions on ¹²C and cluster states of ¹⁴C, Nucl. Phys. A, 730, 285-298 2004.
- 39. Rabae, R., *et al.*, 2n-transfer contribution in the ⁴He(⁶He,⁶He)4He cross section at Ec.m.=11.6 MeV, Phys. Rev. C, 67, 044602-044608, 2003.
- Fortune, H. T. and Stephans, G. S., ¹²C(t,p) and the ground state of ¹⁴C, Phys. Rev. C, 25, 1-4, 1982.
- 41. Orber, D. R. and Johnson, O. E., Study of Some $C^{12}(He^3, \alpha)C^{12}$ Reactions at 13.9 MeV, Phys. Rev., 170, 924-931, 1968.

- Trcka, D. E., et al., Angular momentum dependent absorption in ⁶Li scattering, Phys. Rev. C, 41, 2134-2146, 1990.
- 43. Borowska, L., Terenetsky, K., Verbitsky, V. and Fritzsche, S., Dynamic polarization of light halo nuclei in strong fields: ⁶He+²⁰⁹Bi elastic scattering below and close to the Coulomb barrier, Phys. Rev. C, 76, 034606-034612, 2007.
- Korsheninnikov, A. A., *et al.*, Elastic and inelastic scattering of exotic nuclei, Nucl. Phys. A, 616, 189-200, 1997.
- Chulkov, L. V., et al., Large Spin Alignment of the Unbound ⁵He Fragment after Fragmentation of 240 MeV/nucleon ⁶He, Phys. Rev. Lett., 79, 201-204, 1997.
- Ostrowski, A. N., Reaction studies with post-accelerated radioactive nuclear beams, Nucl. Phys. A, 701, 19-22, 2002.
- 47. Smith, R., *et al.*, Scattering of 6He from ¹⁹⁷Au, ^{*nat*}Ti, ²⁷Al, ^{*nat*}C, and ⁹Be at E = 8, 9 MeV, Phys. Rev. C, 43, 761-765, 1991.
- 48. Aleksandrov, D., et al., Invariant mass spectrum and α n correlation function studied in the fragmentation of ⁶He on a carbon target Nucl. Phys. A, 633, 234-246, 1998.
- Lapoux, V., et al., Coupling effects in the elastic scattering of ⁶He on ¹²C, Phys. Rev C, 66, 034608-034624, 2002.
- 50. Boztosun, I., et al., Microscopic double folding potential description of the ⁶He + ¹²C reaction, Phys. Rev. C, 77, 064608-064613, 2008.
- Benjamim, E. A., et al., Elastic scattering and total reaction cross section for the ⁶He + ²⁷Al system, Phys. Lett. B, 647, 30-35, 2007.
- Marti, G. V., *et al.*, Fusion, reaction, and breakup cross sections of ⁹Be on a light mass target, Phys. Rev. C, 71, 027602-027607, 2005.
- Gomes, P. R. S, et al., Threshold anomaly with weakly bound projectiles: Elastic scattering of ⁹Be+²⁷Al, Phys. Rev. C, 70, 054605-054610, 2004.
- 54. Figueira, J. M., et al., Absence of the threshold anomaly in the elastic scattering of the weakly bound projectile ⁷Li on ²⁷Al, Phys. Rev. C, 73, 054603-054611, 2006.
- Gasgues, L. R., *et al.*, Experimental determination of the surface density for the ⁶He exotic nucleus Phys. Rev.C, 67, 024602-024607, 1997.

- 56. Di Pietro, A., *et al.*, Reactions induced by the halo nucleus 6He at energies around the Coulomb barrier, Phys. Rev. C, 69, 044613-044622, 2004.
- Navin, A. N., et al., Direct and compound reactions induced by unstable helium beams near the Coulomb barrier, Phys. Rev. C, 70, 044601-044611, 2004.
- 58. Kakuee, O. R., et al., Long range absorption in the scattering of ⁶He on ²⁰⁸Pb and ¹⁹⁷Au at 27 MeV, Nucl. Phys. A, 765, 294-306, 2006.
- Raabe, R., Study of Low-Energy Reactions with the Halo-Nucleus ⁶He, Kuleuven University, PhD Thesis, 2001.
- 60. Sánchez Benítez, A. M., *et al.*, Study of the elastic scattering of ⁶He on ²⁰⁸Pb at energies around the Coulomb barrier, Nucl. Phys. A, 803, 30-45, 2008.
- Kakuee, O. R., *et al.*, Elastic scattering of the halo nucleus ⁶He from ²⁰⁸Pb above the Coulomb barrier, Nucl. Phys. A, 728, 339-349, 2003.
- Aguilera, E. F., et al., Transfer and/or Breakup Modes in the ⁶He+²⁰⁹Bi Reaction near the Coulomb Barrier, Phys. Rev. Lett., 84, 5058-5061, 2000.
- Aguilera, E. F., et al., Elastic scattering and transfer in the ⁶He+²⁰⁹Bi system below the Coulomb barrier, Phys. Rev. C, 63, 061603-061607, 2001.
- Kolata, I. J., *et al.*, Sub-barrier Fusion of ⁶He with ²⁰⁹Bi, Phys. Rev. Lett., 81, 4580-4583, 1998.
- 65. De Young, P. A., et al., Two-neutron transfer in the ⁶He+²⁰⁹Bi reaction near the Coulomb barrier, Phys. Rev. C, 71, 051601-051605, 2005.
- Trotta, M., et al., Large Enhancement of the Sub-barrier Fusion Probability for a Halo Nucleus, Phys. Rev. Lett., 84, 2342-2345, 2000
- Raabe, R., No enhancement of fusion probability by the neutron halo of ⁶He, Nature 431, 823, 2004.
- Kolata, I. J., et al., Breakup of ⁶He incident on ²⁰⁹Bi near the Coulomb barrier, Phys. Rev. C , 75, 031302-031306, 2007.
- Machintosh, R. S. and Keeley, N., Breakup dynamic polarization potential for ⁶He+²⁰⁸Pb at 27 MeV, Phys. Rev. C, 70, 024604-024609, 2004.
- Keeley, N. and Machintosh, R. S., Breakup dynamic polarization potential for ⁶He+²⁰⁸Pb: Energy dependence and generic properties, Phys. Rev. C, 73, 051602-051605, 2006.

- Canto, L. F., et al., Fusion and breakup of weakly bound nuclei, Phys. Rep., 424, 1-111, 2006.
- Canto, L. F., et al., Effect of Coulomb dipole polarizability of halo nuclei on their near-barrier fusion with heavy targets, Phys. Rev. C, 52, 2848-2850, 1995.
- Satchler, G. R., Introduction to Nuclear Reactions (Oxford University Press, Oxford 1983).
- Satchler, G. R., Direct Nuclear Reactions (Oxford University Press, Oxford 1983).
- 75. Frahn, W. E., Effects of averaging on energy dependence of backward-angle heavy-ion cross sections: Calculations of "de-averaged" excitation functions, Phys. Rev. C, 25, 2862-2864, 1982.
- 76. Thorn, C. E., LeVine, M. J., Kolata, J. C., Flaum, J., Bond, P. D. and Sens, J.-C., Effect of Inelastic Excitation on Elastic Scattering of Heavy Ions, Phys. Rev. Lett. 38, 384-386, 1977.
- Love, W. G., Teresawa T. and Satchler, G. R., A dynamic polarization potential for heavy-ion scattering, Nucl. Phys. A, 291, 183-205, 1977.
- Baltz, A. J., Glendenning, N. K., Kaufmann, S. K. and Pruess, K., Long range absorption and other optical-model effects from strong inelastic coupling, Nucl. Phys. A, 327, 221-249, 1979.
- Glendenning, N. K., Direct Nuclear Reactions (Academic Press, New York, 1983).
- Chatterjee, R. and Shyam, R., Coulomb-nuclear interference in the breakup of 11Be, Phys. Rev. C, 66, 061601-061606, 2002.
- Shyam, R., Banerjee, P. and Baur, G., Coulomb dissociation of ¹¹Li and ¹¹Be in a direct fragmentation model, Nucl. Phys. A,540, 341-352,1992.
- Thompson, I. J., Coupled reaction channels calculations in nuclear physics, Comput. Phys. Rep., 7, 167-212 ,1988.
- Buck, B. and Pilt, A. A., Alpha-particle and triton cluster states in ¹⁹F, Nucl. Phys., 280, 133-160, 1977.
- Avrigeanu, V., Hodgson, P. E. and Avrigeanu, M., Global optical potentials for emitted alpha particles, Phys. Rev. C, 49, 2136-2141, 1994.

- Perey, C. M. and Perey, F. G., Deuteron Optical-Model Analysis in the Range of 11 to 27 MeV, Phys. Rev., 132, 755-773, 1963.
- Rusek, K., Kemper, K. W. and Wolski, R., ⁶He interaction with protons, Phys. Rev. C, 64, 044602-044611, 2001.
- 87. Matsumoto, T., Egami, T., Ogata, K., Iseri, Y., Kamimura, M. and Yahiro, M., Coulomb breakup effects on the elastic cross section of ⁶He + ²⁰⁹C scattering near Coulomb barrier energies, Phys. Rev. C, 73, 051602-051607, 2006.
- 88. Matsumoto, T., Hiyama, E., Ogata, K., Iseri, Y., Kamimura, M., Chiba, S. and Yahiro, M., Continuum-discretized coupled-channels method for four-body nuclear breakup in ⁶He + ¹²C scattering, Phys. Rev. C, 70, 061601-061606, 2004.
- Matsumoto, T., Hiyama, E., Yahiro, M., Ogata, K., Iseri, Y. and Kamimura, M., Four-body CDCC analysis of ⁶He + ¹²C scattering, Nucl. Phys. A, 738, 471-474, 2004.
- Chatterjee, R., Banerjee, P. and Shyam, R., Four-body DWBA calculations of the Coulomb breakup of ⁶He, Nucl. Phys. A, 692, 476-495,2001.
- 91. Rodríguez-, M., Arias, J. M., Gómez-Camacho, J., Jhonson, R. C., Moro, A. M., Thompson, I. J. and Tostevin, J. A., Four-body continuum-discretized coupled-channels calculations using a transformed harmonic oscillator basis Phys. Rev. C, 77, 064609, 2008.
- 92. Summers, N. C., Nunes, F. M. and Thompson, I. J., Core transitions in the breakup of exotic nuclei, Phys. Rev. C, 73, 031603-031607, 2006.
- 93. Summers, N. C., Nunes, F. M. and Thompson, I. J., Extended continuum discretized coupled channels method: Core excitation in the breakup of exotic nuclei, Phys. Rev. C, 74, 014606-014618, 2006.
- 94. Moro, A. M., Rusek, K., Arias, J. M., Gómez-Camacho, J. and Rodríguez-, M., Improved di-neutron cluster model for ⁶He scattering, Phys. Rev. C, 75, 064609-064618, 2007.
- 95. Rusek, K., Keeley, N., Kemper, K. W. and Raabe, R., Dipole polarizability of ⁶He and its effect on elastic scattering, Phys. Rev. C, 67, 041604-041608, 2003.
- 96. Keeley, N., Cook, J. M., Kemper, K. W., Roeder, B. T., Weintraub, W. D., Marechal, F. and Rusek, K., Effect of E1 excitations to the continuum: 6He and ⁶Li+²⁰⁹Bi compared, Phys. Rev. C, 68, 054601-054608, 2003.

- 97. Keeley, N., Bennett, S. J., Clarke, N. M., Fulton, B. R., Tungate, G., Drumm, P. V., Lilley, J. S. and Nagarajan, M. A., Effect of E1 excitations to the continuum: ⁶He and ⁶Li+²⁰⁹Bi compared, Nucl. Phys. A, 571, 326-336, 1994.
- 98. Di Pietro, A., Figuera, P., Amorini, F., Angulo, C., Cardella, G., Cherubini, S., Davinson, T., Leanza, D., Lu, J., Mahmud, H., Milin, M., Musumarra, A., Ninane, A., Papa, M., Pellegriti, M. G., Raabe, R., Rizzo, F., Ruiz, C., Shotter, A. C., Soic, N., Tudisco, S. and Weissman, L., Reactions induced by the halo nucleus 6He at energies around the Coulomb barrier, Phys. Rev. C, 69, 044613-044622, 2004.
- Hodgson, P. E., Nuclear Heavy-Ion Reactions (Clarendon Press, Oxford), p. 2, 1978.

ÖZGEÇMİŞ

Adı ve Soyadı	:	Yasemin Küçük
Baba Adı	:	Hayrettin
Anne Adı	:	Havva
Doğum Yeri	:	Erzincan
Doğum Tarihi	:	16.03.1976

Orta öğrenimini Çorum Atatürk Lisesi'nde tamamladıktan sonra Gaziantep Üniversitesi Mühendislik Fakültesi Fizik Bölümü' nü kazanmıştır. Lisans eğitimini tamamladıktan sonra 2002 yılında Erciyes Üniversitesi Fen Edebiyat Fakültesi Fizik Bölümü'nde yüksek lisans eğitimine başlamıştır. 2005 yılında yüksek lisans programını tamamlayıp aynı bölümde doktora öğrenimine başlamıştır.

İletişim adresi : ylkucuk@gmail.com