

**168877**

**KOCAELİ ÜNİVERSİTESİ \* FEN BİLİMLERİ ENSTİTÜSÜ**

**ÇELİK LİF İLE GÜÇLENDİRİLMİŞ BETONARME  
KİRİŞLERİN BURULMA DAVRANIŞI**

**YÜKSEK LİSANS TEZİ**

**İnş. Müh. Serkan ENGİN**

**Anabilim Dalı – İnşaat Mühendisliği**

**Danışman – Yrd. Doç. Dr. Fuad OKAY**

**TEMMUZ 2005**

**KOCAELİ ÜNİVERSİTESİ \* FEN BİLİMLERİ ENSTİTÜSÜ**

**ÇELİK LİF ile GÜÇLENDİRİLMİŞ BETONARME  
KİRİŞLERİN BURULMA DAVRANIŞI**

**YÜKSEK LİSANS TEZİ  
İnş. Müh. Serkan ENGİN**

**Tezin Enstitüye Verildiği Tarih : 28 Mayıs 2005**

**Tezin Savunulduğu Tarih : 15 Temmuz 2005**

**Tez Danışmanı**

**Yrd.Doç.Dr.Fuad OKAY**

(.....)

**Üye**

**Yrd.Doç.Dr.Şevket ÖZDEN**

(.....)

**Üye**

**Yrd. Doç. Dr.Cem YALÇIN**

(.....)

# **ÇELİK LİF İLE GÜÇLENDİRİLMİŞ BETONARME KIRIŞLERİN BURULMA DAVRANIŞI**

**Serkan ENGİN**

**Anahtar Kelimeler:** Burulma, Betonarme, Kırış, Çelik Lif, Dönme Açısı, Çatlak Genişliği

**ÖZET:** Burulma momentinin etkidiği yapı elemanlarına, kesme kuvveti nedeniyle oluşan kayma gerilmesinden farklı olarak, burulma momenti sebebiyle de ilave kayma gerilmeleri etkir. Betonun kesme dayanımı basınç dayanımına göre daha küçüktür. Ancak çekme dayanımı, kesme dayanımına göre çok daha düşük olduğu için, basit kesme durumunda bile, çatlak oluşumu kesme gerilmelerinin sebep olduğu, çekme gerilmeleri nedeniyle olmaktadır. Hiperstatik bir sistemde yapı elemanına etkiyen burulma momentinin malzemenin doğrusal elastik davranışının varsayımlına göre hesabı gerçekçi sonuçlar vermemektedir. Burulma nedeni ile çatlayan betonarme bir elemanın burulma rıjitliği büyük ölçüde azaldığı için, sistemde yeni oluşan yük dağılımı ile, çatlama öncesi yük dağılımı arasında ihmali edilemeyecek oranda farklılıklar oluşmaktadır ve bu noktadan sonra malzemenin doğrusal elastik davranışının varsayımlı ile hesaplanan burulma momentleri, gerçekle sonuçlanan değerlerinin çok üstünde bulunmaktadır.

Bu çalışma tasarım aşamasındaki betonarme kırışların, betonun çekme dayanımına olumlu etkisi olduğu bilinen çelik liflerin betona ilavesi ile burulma davranışının iyileştirilmesini hedeflemektedir. Deneysel çalışmada, iki farklı beton kalitesi, iki farklı boy donatı çapı kullanılmış, dört farklı lif tipi, iki farklı yüzde ile betona ilave edilerek betonarme kırışlar basit burulmaya maruz bırakılmış ve kırışların burulma kapasitesi, dönme açısı ve çatlak genişliğindeki değişimler incelenmiştir.

# **TORSIONAL BEHAVIOR OF STEEL FIBER REINFORCED CONCRETE BEAMS**

**Serkan ENGİN**

**Keywords:** Torsion, Reinforced Concrete, Beam, Steel Fibre, Angle of Twist, Crack Width

**ABSTRACT:** Additional shearing stresses due to the twisting moment effect the structural elements that are subjected to torsion, other than the shearing forces. Shear strength of concrete is much less than its compressive strength. However, because of this fact, crack formation occurs because of the tensile stresses due to the shear even in the simple shearing case. Torsion analysis based on the assumption that linear elastic behavior of the material does not give realistic results. Since the torsional rigidity of a reinforced concrete element which is cracked due to torsional loadings, is highly decreased; great differences that can not be ignored between the stress distributions before and after cracking occur and after this point the moments calculated based on the assumption that the linear elastic behavior of the material are found to be much greater than the real moments that are formed.

This study aims to improve the torsional behavior of the reinforced concrete beams by adding steel fibres of which its positive effect in tensile strength is known. Two different strength types of concrete, two different diameters of longitudinal reinforcement, four different types of steel fibre, two different volume percentage of steel fibres are used as variables of the experimental study. The reinforced concrete beams are then subjected to torsion and their torsional capacity angle of twist and variations in the crack width are investigated.

## **ÖNSÖZ ve TEŞEKKÜR**

Normal ve yüksek dayanımlı betonarme kırışerde çelik lif ilavesi ile burulma davranışının nasıl değiştiğini incelemek için yapılan bu çalışma, Kocaeli Üniversitesi İnşaat Mühendisliği Bölümü Yapı Laboratuvarında, Kocaeli Üniversitesi Bilimsel Araştırmalar Fonu ve Beksa Çelik Kord Sanayi ve Ticaret A.Ş. kurumları tarafından sağlanan maddi destek ile gerçekleştirılmıştır. Kocaeli Üniversitesi Bilimsel Araştırmalar Fonu yetkililerine ve Beksa Çelik Kord Sanayi ve Ticaret A.Ş teknik müdüru Sayın Mehmet YERLİKAYA'ya teşekkürlerimi sunarım.

Tüm öğrenim hayatım boyunca, desteğini esirgemeyen aileme, yüksek lisans öğrenimim boyunca uygun çalışma ortamını sağlayan ve her konuda bana yol gösteren tez danışmanım Yrd. Doç. Dr. Fuad OKAY ve Yrd. Doç. Dr. Şevket ÖZDEN' e teşekkürü bir borç bilirim.

Deney numunelerinin üretilmesi ve deneylerin yürütülmesi sırasında, yardımcılarını gördüğüm yapı ve yapı malzemeleri araştırma görevlilerine ve bazı inşaat mühendisliği lisans öğrencilere katkılarından dolayı teşekkürlerimi sunarım.

## **İÇİNDEKİLER**

ÖZET .....	ii
ABSTRACT .....	iii
ÖNSÖZ ve TEŞEKKÜR .....	iv
İÇİNDEKİLER .....	v
SİMGELER DİZİNİ ve KISALTMALAR .....	vii
ŞEKİLLER LİSTESİ .....	x
TABLOLAR LİSTESİ .....	xv
BÖLÜM 1. GİRİŞ .....	1
BÖLÜM 2. LİTERATÜR ARAŞTIRMASI .....	4
2.1 Basit Burulmanın Oluşum Mekanizması .....	4
2.2 Kesitlerin Burulma Dayanımı .....	11
2.3 Çelik Lif İlavesinin Betonun Mekanik Özelliklerine Etkisi .....	21
2.4 Burulma Deneyleri .....	26
BÖLÜM 3. DENEYSEL ÇALIŞMA .....	30
3.1 Malzemeler .....	30
3.1.1 Agregalar .....	30
3.1.2 Çimento .....	30
3.1.3 Süperakışkanlaştırıcı ve hiperakışkanlaştırıcı .....	32
3.1.4 Donatı Çeliği .....	32
3.1.5 Çelik Lif .....	34
3.2 Deney Değişkenleri ve Numunelerin Adlandırılması .....	35
3.2.1 Deney değişkenleri .....	36
3.2.2 Numunelerin adlandırılması .....	37
3.3 Beton Karışımıları .....	38
3.4 Deney Numunelerinin Üretilmesi .....	39

3.5 Deney Aşaması .....	43
3.5.1 Beton deneyleri .....	43
3.5.2 Donatı çeliği çekme deneyi .....	46
3.5.3 Burulma deneyleri .....	46
 BÖLÜM 4. DENEYLERDEN ELDE EDİLEN VERİLER .....	49
4.1 Numunelerin Çatlak Dağılımları .....	49
4.2 Deneylerden Elde Edilen Veriler .....	50
4.2.1 Burulma momenti-birim dönme açısı ilişkileri .....	52
4.2.2 Burulma momenti-toplam çatlak genişliği ilişkileri .....	60
4.2.3 Birim boy uzaması-birim dönme açısı ilişkileri .....	64
 BÖLÜM 5. DENEY VERİLERİNİN DEĞERLENDİRİLMESİ .....	69
5.1 Numunelerin Çatlama Davranışlarının Değerlendirilmesi .....	69
5.2 Deneylerden Elde Edilen Grafiklerin Değerlendirilmesi .....	76
5.2.1 Burulma momenti-birim dönme açısı ilişkileri .....	76
5.2.2 Burulma momenti-toplam çatlak genişliği ve birim boy uzaması- birim dönme açısı ilişkileri .....	80
 BÖLÜM 6. SONUÇ ve ÖNERİLER .....	84
 KAYNAKLAR .....	86
 EKLER .....	88
Ek-A .....	88
Ek-B .....	91
Ek-C .....	126
 ÖZGEÇMİŞ .....	136

## SİMGELER DİZİNİ ve KISALTMALAR

$A_c$	: Kesitin alanı
$A_e$	: Burulma için çekirdek alan
$A_\theta$	: Kayma akısının takip ettiği yolun içinde kalan alan
$A_{oh}$	: Enine donatının merkezinden geçen eksenler arasında kalan alan
$A_{sl}$	: Kesitte, burulma için gerekli, toplam boyuna donatı alanı
$A_{sl,min}$	: Burulma için gerekli minimum boyuna donatı alanı
$A_t$	: Enine donatının bir bacağının kesit alanı
$b_w$	: Dikdörtgen kesitin genişliği
$d$	: Çelik lifin çapı
$d_b$	: Boyuna donatı çapı
$d_f$	: Bond faktör, çelik lif lif tipi için katsayı
$F$	: Lif faktörü
$f_{ck}$	: Betonun karakteristik basınç dayanımı
$f_{cd}$	: Betonun hesap basınç dayanımı
$f_{ctk}$	: Betonun karakteristik çekme dayanımı
$f_{ctd}$	: Betonun hesap çekme dayanımı
$f_{ctf}$	: Betonun eğilme dayanımı
$f_{cts}$	: Betonun yarma dayanımı
$f_{cu}$	: Betonun küp basınç dayanımı
$f'_{sp}$	: Betonun yarma dayanımı
$f_{yk}$	: Boyuna donatının karakteristik akma dayanımı
$f_{yw}$	: Enine donatının akma dayanımı
$f_{yl}$	: Boyuna donatının akma dayanımı
$f_{ywk}$	: Enine donatının karakteristik akma dayanımı
$f_{ywd}$	: Enine donatının hesap akma dayanımı
$G_c$	: Betonun kayma modülü
$h$	: Dikdörtgen kesitin yüksekliği

$k_2$	: $x_I, y_I$ ve $m$ sayısına göre hesaplanan katsayı
$K$	: Elektronik komparatörlerden okunan, deformasyon değerleri
$l$	: Çelik lif boyu ya da onde ve arkada bulunan komparatörler arası mesafe
$L$	: Numune test bölgesi uzunluğu
$\Delta L$	: Numune test bölgesi boy uzaması
$m$	: Kesit içi, donatı özelliklerine göre bulunan katsayı
$P_h$	: Enine donatının merkezlerinden geçen, eksenler arasında kalan alan
$s$	: Enine donatı aralığı
$R_0$	: Çatlamamış kesitin burulma rıjitliği
$R$	: Çatlamış kesitin burulma rıjitliği
$T$	: Taşınan burulma momenti
$T_c$	: Kesitte betonun taşıdığı burulma momenti
$T_{cr}$	: Kesitin çatlama momenti
$T_e$	: Elastiste teorisinden hesaplanan, donatsız kesitin burulma kapasitesi
$T_f$	: Kesitte çelik lif katkısı ile taşınan burulma momenti
$T_{max}$	: Kesitin beton ezilmesi olmadan taşıyabileceği en büyük moment değeri
$T_{np}$	: Donatsız kesitin burulma taşıma kapasitesi
$T_p$	: Plastisite teorisinden hesaplanan, donatsız kesitin burulma kapasitesi
$T_n$	: Kesitin burulma kapasitesi
$T_s$	: Kesitte donatının taşıdığı burulma momenti
$T_u$	: Kesitin taşıdığı en büyük burulma momenti değeri
$U_c$	: Kesitin çevresi
$U_e$	: $A_e$ alanının çevresi
$V_f$	: Betona ilave edilen çelik lif oranı
$x_b, x$	: Kesitin kısa kenarı
$x_I$	: Enine donatının merkezden merkeze kısa kenarı
$y_b, y$	: Kesitin uzun kenarı
$y_I$	: Enine donatının merkezden merkeze uzun kenarı
$\alpha$	: St. Venant katsayısı
$\alpha_p$	: Plastisite katsayısı
$\beta_i$	: $y_i/x_i$ oranına bağlı katsayı
$\sigma_s$	: Boyuna donatıda oluşan gerilme
$\sigma_{sw}$	: Enine donatıda oluşan gerilme

- $\epsilon$  : Donatıda oluşan birim deformasyon  
 $\Phi$  : Kesitin birim dönme açısı  
 $\Phi_{cr}$  : Kesitin çatlama momentine karşı gelen, birim dönme açısı  
 $\Phi_u$  : Kesitin taşıdığı en büyük momente karşı gelen, birim dönme açısı  
 $\tau_t$  : Betonun kayma dayanımı  
 $\theta$  : Basınç çubuklarının yatla yaptığı açı  
 $\rho_{wt,min}$  : Burulma için gerekli en az enine donatı oranı



## ŞEKİLLER LİSTESİ

Şekil 2.1 İzostatik ve hiperstatik sistemlerde denge burulması .....	5
Şekil 2.2 Uygunluk burulması .....	5
Şekil 2.3 Basit burulma altındaki donatsız kırışın kırılması .....	6
Şekil 2.4 Basit burulma altındaki donatlı bir kırışte gözlenen çatlaklar .....	7
Şekil 2.5 Basit burulma altındaki betonarme kırışlerde burulma momenti-birim dönme açısı ilişkisi .....	8
Şekil 2.6 Enine ve boyuna donatılarda ölçülen birim uzamalar .....	10
Şekil 2.7 Elastisite ve plastisite göre kesitte burulma nedeni ile oluşan gerilme dağılımı .....	11
Şekil 2.8 Basit burulmada, plastisite teorisinden hesaplanan kayma gerilmelerinin, $\sqrt{f_{ck}}$ ile değişimi .....	12
Şekil 2.9 Dolu ve kutu kesitlerde taşınan burulma momenti-donatı oranı grafiği .....	15
Şekil 2.10 Dengeli kırılma durumunda burulma gerilmelerinin beton basınç dayanımı ile değişimi .....	20
Şekil 2.11 Çelik lif ilavesinin, yüksek dayanımlı betonların basınç dayanımı üzerine etkisi .....	22
Şekil 2.12 Çelik lif ilavesinin, yüksek dayanımlı betonların yarma dayanımı üzerine etkisi .....	23
Şekil 2.13 Yüksek dayanımlı betonların gerilme- birim deformasyon .....	24
Şekil 2.14 Lif tipine göre yüksek dayanımlı hafif betonların basınç değişimi .....	25
Şekil 2.15 Çelik lifli, yüksek dayanımlı, hafif betonların yük-deplasman grafiği .....	25
Şekil 3.1 Deneylerde kullanılan donatılar .....	33
Şekil 3.2 Deneylerde kullanılan çelik lifler .....	34
Şekil 3.3 Kullanılan çelik lifin geometrisi .....	34
Şekil 3.4 Deney değişkenlerinin şematik olarak gösterimi .....	36
Şekil 3.5 Deney numunesinin boyutları .....	40
Şekil 3.6 Hazırlanan numune kalıpları .....	40

Şekil 3.7 Deney numunesine donatı yerleşimi .....	41
Şekil 3.8 Test bölgesi dışı etriye sıkılaştırılması .....	42
Şekil 3.9 Eğilme numunesi kalıpları .....	43
Şekil 3.10 Beton basınç dayanımı deneyi .....	44
Şekil 3.11 Brezilya yarma deneyi .....	44
Şekil 3.12 Beton eğilme deneyi .....	45
Şekil 3.13 Elastisite modülü deneyi .....	45
Şekil 3.14 Çelik çekme deneyi .....	46
Şekil 3.15 Burulma deneyi düzeneği .....	47
Şekil 4.1 Deney numunesi üzerine komparatörlerin yerleşimi .....	50
Şekil 4.2 $l/d = 40$ olan lif tipinde lif hacminin artışı ile $T - \Phi$ değişimi .....	54
Şekil 4.3 $l/d = 55$ olan lif tipinde lif hacminin artışı ile $T - \Phi$ değişimi .....	54
Şekil 4.4 $l/d = 67$ olan lif tipinde lif hacminin artışı ile $T - \Phi$ değişimi .....	55
Şekil 4.5 $l/d = 80$ olan lif tipinde lif hacminin artışı ile $T - \Phi$ değişimi .....	55
Şekil 4.6 $V = \%0.3$ lif içeriğine sahip numunelerin, lif tipine göre $T - \Phi$ değişimi .....	56
Şekil 4.7 $V_f = \%0.6$ lif içeriğine sahip numunelerin, lif tipine göre $T - \Phi$ değişimi .....	56
Şekil 4.8 $d_b = 12$ mm boy donatı, $V_f = \% 0.3$ lif içeriğine sahip numunelerin, lif tipine göre $T - \Phi$ değişimi .....	57
Şekil 4.9 $f_{ck} = 60$ MPa ve $l/d = 40$ olan numunelerin lif hacminin artışı ile $T - \Phi$ değişimi .....	57
Şekil 4.10 $f_{ck} = 60$ MPa ve $l/d = 55$ olan numunelerin lif hacminin artışı ile $T - \Phi$ değişimi .....	58
Şekil 4.11 $l/d = 40$ ve $f_{ck} = 60$ MPa - $f_{ck} = 30$ MPa olan numunelerin, lif hacminin artışı ile $T - \Phi$ değişimi .....	58
Şekil 4.12 $l/d = 55$ ve $f_{ck} = 60$ MPa - $f_{ck} = 30$ MPa olan numunelerin, lif hacminin artışı ile $T - \Phi$ değişimi .....	59
Şekil 4.13 Boyuna donatısı $d_b = 8-12$ mm, $l/d = 40$ olan numunelerin, $T - \Phi$ ilişkisi .....	59
Şekil 4.14 Boyuna donatısı $d_b = 8-12$ mm, $l/d = 55$ olan numunelerin, $T - \Phi$ ilişkisi .....	60
Şekil 4.15 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş, $l/d = 40$ lif tipi içeren numunelerin toplam çatlak genişliği-burulma momenti grafiği .....	61
Şekil 4.16 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş, $l/d = 55$ lif tipi içeren numunelerin toplam çatlak genişliği-burulma momenti grafiği .....	61

Şekil 4.17 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş, $l/d=67$ lif tipi içeren numunelerin toplam çatlak genişliği-burulma momenti grafiği.....	62
Şekil 4.18 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş, $l/d=80$ lif tipi içeren numunelerin toplam çatlak genişliği-burulma momenti grafiği.....	62
Şekil 4.19 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş, $d_b=12$ çapında boy donatı içeren numunelerin toplam çatlak genişliği-burulma momenti grafiği .....	63
Şekil 4.20 Yüksek dayanımlı beton ile üretilmiş, $l/d=40$ lif tipi içeren numunelerin toplam çatlak genişliği-burulma momenti grafiği.....	63
Şekil 4.21 Yüksek dayanımlı beton ile üretilmiş, $l/d=55$ lif tipi içeren numunelerin toplam çatlak genişliği-burulma momenti grafiği.....	64
Şekil 4.22 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş, $l/d=40$ lif tipi içeren numunelerin birim dönme açısı-birim boy uzaması grafiği .....	65
Şekil 4.23 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş, $l/d=55$ lif tipi içeren numunelerin birim dönme açısı-birim boy uzaması grafiği .....	65
Şekil 4.24 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş, $l/d=67$ lif tipi içeren numunelerin birim dönme açısı-birim boy uzaması grafiği .....	66
Şekil 4.25 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş, $l/d=80$ lif tipi içeren numunelerin birim dönme açısı-birim boy uzaması grafiği .....	66
Şekil 4.26 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş, $d_b=12$ çapında boy donatı içeren numunelerin birim dönme açısı-birim boy uzaması grafiği .....	67
Şekil 4.27 Yüksek dayanımlı beton ile üretilmiş, $l/d=40$ lif tipi içeren numunelerin birim dönme açısı-birim boy uzaması grafiği .....	67
Şekil 4.28 Yüksek dayanımlı beton ile üretilmiş, $l/d=55$ lif tipi içeren numunelerin birim dönme açısı-birim boy uzaması grafiği .....	68
Şekil 5.1 C1L1V0 numunesi test bölgesi çatlak dağılımı .....	70
Şekil 5.1 C1L1V0 numunesi test bölgesi çatlak dağılımı (devamı) .....	71
Şekil 5.2 C1L1F2V1 numunesinde gözlenen basınç ezilmeleri .....	72
Şekil 5.3. C1L1F4V2 numunesi test bölgesi çatlak dağılımı .....	73
Şekil 5.3. C1L1F4V2 numunesi test bölgesi çatlak dağılımı (devamı) .....	74
Şekil 5.4 C2L1V0 numunesinde oluşan aşırı çatlak genişlemesi .....	75
Şekil 5.5 C2L1F1V1 numunesinde oluşan aşırı çatlak genişlemesi .....	76
Şekil 5.6 $d_b=8$ mm çapında boyuna donatıya sahip, normal dayanımlı betonarme kırışlerde çelik lif ilavesinin burulma kapasitesine etkisi .....	79

Şekil 5.7 $d_b=12$ mm çapında boyuna donatıya sahip, normal dayanımlı betonarme kırışerde çelik lif ilavesinin burulma kapasitesine etkisi.....	79
Şekil 5.8 $d_b=8$ mm boyuna donatıya sahip yüksek dayanımlı betonarme kırışerde çelik lif ilavesinin burulma kapasitesine etkisi.....	80
Şekil 5.9 Tüm numunelerin ortalama çatlak genişliği grafiği.....	82
Şekil A.1 Deneylerde kullanılan donatılara ait gerilme-birim deformasyon grafiği ( $d_b=8$ mm).....	88
Şekil A.2 Deneylerde kullanılan donatılara ait gerilme-birim deformasyon grafiği ( $d_b=12$ mm).....	89
Şekil B.1. C1L1V0 numunesi çatlak dağılımı.....	91
Şekil B.1. C1L1V0 numunesi çatlak dağılımı (devamı).....	92
Şekil B.2. C1L1F1V1 numunesi çatlak dağılımı.....	93
Şekil B.2. C1L1F1V1 numunesi çatlak dağılımı (devamı).....	94
Şekil B.3. C1L1F1V2 numunesi çatlak dağılımı.....	95
Şekil B.3. C1L1F1V2 numunesi çatlak dağılımı (devamı).....	96
Şekil B.4. C1L1F2V1 numunesi çatlak dağılımı.....	97
Şekil B.4. C1L1F2V1 numunesi çatlak dağılımı (devamı).....	98
Şekil B.5. C1L1F2V2 numunesi çatlak dağılımı.....	99
Şekil B.5. C1L1F2V2 numunesi çatlak dağılımı (devamı).....	100
Şekil B.6. C1L1F3V1 numunesi çatlak dağılımı.....	101
Şekil B.6. C1L1F3V1 numunesi çatlak dağılımı (devamı).....	102
Şekil B.7. C1L1F3V2 numunesi çatlak dağılımı.....	103
Şekil B.7. C1L1F3V2 numunesi çatlak dağılımı (devamı).....	104
Şekil B.8. C1L1F4V1 numunesi çatlak dağılımı.....	105
Şekil B.8. C1L1F4V1 numunesi çatlak dağılımı (devamı).....	106
Şekil B.9. C1L1F4V2 numunesi çatlak dağılımı.....	107
Şekil B.9. C1L1F4V2 numunesi çatlak dağılımı (devamı).....	108
Şekil B.10. C1L2V0 numunesi çatlak dağılımı.....	109
Şekil B.10. C1L2V0 numunesi çatlak dağılımı (devamı).....	110
Şekil B.11. C1L2F1V1 numunesi çatlak dağılımı.....	111
Şekil B.11. C1L2F1V1 numunesi çatlak dağılımı (devamı).....	112
Şekil B.12. C1L2F4V1 numunesi çatlak dağılımı.....	113
Şekil B.12. C1L2F4V1 numunesi çatlak dağılımı (devamı).....	114

Şekil B.13. C2L1V0 numunesi çatlak dağılımı .....	115
Şekil B.13. C2L1V0 numunesi çatlak dağılımı (devamı) .....	116
Şekil B.14. C2L1F1V1 numunesi çatlak dağılımı .....	117
Şekil B.14. C2L1F1V1 numunesi çatlak dağılımı (devamı) .....	118
Şekil B.15. C2L1F1V2 numunesi çatlak dağılımı .....	119
Şekil B.15. C2L1F1V2 numunesi çatlak dağılımı (devamı) .....	120
Şekil B.16. C2L1F2V1 numunesi çatlak dağılımı .....	121
Şekil B.16. C2L1F2V1 numunesi çatlak dağılımı (devamı) .....	122
Şekil B.17. C2L1F2V2 numunesi çatlak dağılımı .....	123
Şekil B.17. C2L1F2V2 numunesi çatlak dağılımı (devamı) .....	124
Şekil C.1 C1L1V0 numunesi çatlak grafiği .....	126
Şekil C.2 C1L1F1V1 numunesi çatlak grafiği .....	126
Şekil C.3 C1L1F1V2 numunesi çatlak grafiği .....	127
Şekil C.4 C1L1F2V1 numunesi çatlak grafiği .....	127
Şekil C.5 C1L1F2V2 numunesi çatlak grafiği .....	128
Şekil C.6 C1L1F3V1 numunesi çatlak grafiği .....	128
Şekil C.7 C1L1F3V2 numunesi çatlak genişliği .....	129
Şekil C.8 C1L1F4V1 numunesi çatlak grafiği .....	129
Şekil C.9 C1L1F4V2 numunesi çatlak grafiği .....	130
Şekil C.10 C1L2V0 numunesi çatlak grafiği .....	130
Şekil C.11 C1L2F1V1 numunesi çatlak grafiği .....	131
Şekil C.12 C1L2F4V1 numunesi çatlak grafiği .....	131
Şekil C.13 C2L1V0 numunesi çatlak grafiği .....	132
Şekil C.14 C2L1F1V1 numunesi çatlak grafiği .....	132
Şekil C.15 C2L1F1V2 numunesi çatlak grafiği .....	133
Şekil C.16 C2L1F2V1 numunesi çatlak grafiği .....	133
Şekil C.17 C2L1F2V2 numunesi çatlak grafiği .....	134

## TABLOLAR LİSTESİ

Tablo 2.1. Burulma için St.Venant katsayıları .....	13
Tablo 3.1 Kullanılan Agragaların Özellikleri .....	31
Tablo 3.2 Kullanılan Çimentonun Kimyasal Özellikleri .....	31
Tablo 3.3 Kullanılan Çimentonun Fiziksel ve Mekanik Özellikleri .....	32
Tablo 3.4 Kullanılan Süperakışkanlaştırmıcının Özellikleri .....	33
Tablo 3.5 Kullanılan Hiperakışkanlaştırmıcının Özellikleri .....	33
Tablo 3.6 Kullanılan Çelik Liflerin Kimyasal Özellikleri .....	35
Tablo 3.7 Kullanılan Çelik Liflerin Geometrik Özellikleri .....	35
Tablo 3.8 Kullanılan Çelik Liflerin Mekanik Özellikleri .....	35
Tablo 3.9 Deney Numunelerinin Adlandırılması ve Özellikleri .....	38
Tablo 3.10 Deneylerde Kullanılan Beton Karışımıları ( $1 \text{ m}^3$ için) .....	39
Tablo 4.1 Deney Verileri ve Elde Edilen Hesap Sonuçları .....	53

## 1. GİRİŞ

İnsanlığın doğusu ile birlikte, doğanın olumsuz etkilerinden ve doğada yaşayan diğer canlıların zararlarından korunmak için insanoğlu barınma ihtiyacı duymuştur. Eski çağlarda oluşturulan barınaklar, ilkel yollarla oluşturulmuş basit yapılar olmuş ancak sonraları deneme yanılma yönteminin sonucu olan daha düzenli sayılabilen yapılar yapılmaya yoluna gidilmiştir. İlerleyen zamanlarda fen bilimlerinde gerçekleşen ilerlemeler ışığında yeni yapı sistemleri uygulanmaya başlanmıştır ve 19. yüzyılda bağlayıcı olarak çimentonun bulunması ile beton yapı sistemleri oluşturulma yoluna gidilmiş ancak betonun basınç altında yük taşıma özelliğinin iyi olmasına rağmen, çekmedeki zafiyetinin anlaşılmasıından sonra çekme yüklerini taşıyabilmesi için betonun içine çelik çubuklar yerleştirilerek betonarme adı verilen yapı sistemleri oluşturulmaya başlanmıştır. Betonarmede, beton ve çeliğin birlikte çalışması hedeflenmektedir, beton ve çeliğin ısı genleşme katsayılarının hemen hemen aynı olması, betonarmede ilave iç kuvvetlerin oluşmaması yani bu hedefin gerçekleşmesi yolunda hoş bir rastlantı olmuştur.

Betonarme yapı sistemleri, kendi ağırlığının fazla olması, kalıp ve kalıp işçiliğinin maliyetinin yüksek olması gibi olumsuz özelliklerine rağmen, diğer yapı sistemlerine göre daha ekonomik olması, mimari açıdan istenilen formun verilebilmesi, yanına karşı dayanıklılığı ve üretiminin kolay olması gibi avantajları sebebiyle, keşfedilmesinden günümüze kadar yaygın olarak kullanılmış ve daha uzun yıllar kullanılacağı öngörülen sistemlerdir.

Betonarme yapı sistemlerinde, sistemi oluşturan her yapı elemanı için yük yaşama durumuna göre deneyisel veriler ışığında hesap yöntemleri geliştirilmiştir ve elemanın kullanım ömrü boyunca karşılaşabileceği olası yüklerle karşı dizaynı sağlanabilmiştir. Yapı elemanları sistemde bulunduğu konuma göre kolon, kiriş, döşeme gibi isimler almaktır ve eğilme, kesme, eksenel yük, burulma gibi zorlamaların birine ya da birkaçına birden maruz kalmaktadır.

Betonarme yapı sistemlerinin birdöküm özelliği nedeni ile yapı elemanlarının bazlarına eğilme, kesme gibi etkilere ilave olarak burulma momenti de etkimektedir. Burulma momenti sistemin geometrisinden ve simetrik olmayan yük uygulamalarından kaynaklanabilmektedir. Burulma genelde diğer etkilere oranla ihmali edilebilecek düzeydedir. Ancak burulma nedeniyle çatlayan bir kesitin burulma rijitliği önemli ölçüde azaldığı için, çatlama sonucunda sistemde, çatlamamış duruma göre ihmali edilemeyecek çapta farklılıklar oluşmakta ve bu aşamadan sonra malzemenin doğrusal elastik varsayımlı gerçekçi sonuçlar vermemektedir.

Basit burulma pratikte, tek başına rastlanan bir yükleme değildir. Ancak kolonlardaki eksenel yük durumu gibi bir sınır oluşturduğundan burulma ile beraber, birkaç yükün birden etkidiği haldeki davranışın bilinebilmesi için, yapı elemanına sadece basit burulma etkisinde oluşan davranışın bilinmesi gerekmektedir. Basit burulma etkisinde, eleman boyunca kayma gerilmeleri oluşmakta, ancak betonun kayma dayanımı, çekme dayanımına göre daha yüksek olduğu için basit kesme durumunda bile kırılma, kayma gerilmelerinin sebep olduğu asal çekme gerilmeleri nedeniyle olmaktadır.

Malzeme teknolojisinin gelişmesi ile her alanda olduğu gibi yapı sistemlerinde kullanılan malzemeler de gelişim gösterdi. Bu gelişim sonucu çelik lif, polipropilen lif gibi malzemelerin betona ilave edilmesi ile betonun, dolayısıyla betonarme yapı elemanlarının, zayıf olduğu bilinen çekme dayanımlarında gözle görülür iyileşmeler sağlanabilmistiir.

Betonun mekanik özelliklerinde elde edilen bu gelişmelerin yanı sıra, lif ilavesinin betonun gevrek davranışını bir miktar değiştirerek, betonarme yapı sistemlerinden beklenen sünek davranış açısından da olumlu etkileri meydana getirdiği bilinmektedir.

Betona ilave edilen liflerden biri olan çelik lifler, ısiya karşı dayanıklı olması, çekme dayanımlarının betona göre çok fazla olması, beton içine ankrajını sağlayan geometrik özelliklere sahip olması sonucu beton ile aderansını iyi sağlayarak

betonarme elemanlarda oluşabilecek çatıtlak genişliğini azaltması ve sünek bir davranışa olanak sağlama gibi avantajlarıyla ön plana çıkmaktadır. Ancak bu liflerin çok fazla ilavesinin, betonun kalıba yerleştirilmesinde oluşturacağı problemler göz ardı edilmemelidir. Çelik lif ilave edilmiş yapı elemanlarının eğilme, kesme gibi etkilere karşı daha iyi davranışlar sergilediği bilinmektedir. Asal çekme gerilmelerinin sebep olduğu burulma çatlamasının başlangıcı ve gelişiminin, dolayısıyla burulma kapasitesinin çelik lif ilavesi ile olumlu yönde değişiklik göstereceği bir geçektir. Bu çalışmada betona çelik lif ilave edilerek üretilen betonarme kırışların burulma davranışının iyileştirilmesi amaçlanmıştır.

## **2. LİTERATÜR ARAŞTIRMASI**

Bu bölümde öncelikle burulmanın oluşumu anlatılmıştır. Daha sonra kesitlerin burulma davranışı, çelik lif katkısının betonun mekanik özelliklerine etkisi ve burulma deneyleri konularında yapılmış çalışmalar incelenmiştir.

### **2.1 Basit Burulmanın Oluşum Mekanizması**

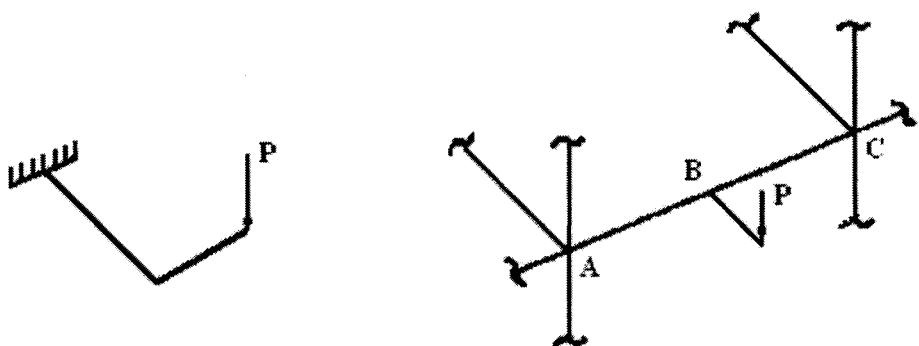
Betonarme yapı elemanlarına eğilme, kesme gibi etkilerin yanı sıra burulma momenti de etkir (Tuna 1992). Burulma etkisi betonarme yapıların monolitik özelliğe sahip olması nedeniyle taşıyıcı sistemin geometrisinden veya simetrik olmayan yük uygulamalarından kaynaklanabilir (Berktay 1995).

Yapı sistemlerinde meydana gelen burulma etkisi iki bölümde incelebilir.

Denge burulması: Statik bakımından belirli burulma etkisi olarak da adlandırılan bu tür burulma etkisinde, burulma momenti dış kuvvetlerden denge denklemleri yardımıyla bulunabilir (Şekil 2.1).

Şekil 2.1'de verilen elemanlarda karşılaşacak burulma momenti, elemanların rijitliklerinden bağımsız olarak denge denklemlerinden bulunabilir. Oluşan bu tür burulma momentinin taşınamaması durumunda, sistemde denge oluşmaz.

Uygunluk burulması: Sistemde oluşan burulma momentinin belirlenmesinde, denge denklemlerinin yeterli olmadığı burulma türüdür. Statik açıdan belirsiz burulma etkisi olarak da adlandırılır. Bu tür burulma momentinin ihmal edilmesi taşıyıcı sistemde çatlamalara ve etkilerin yeniden dağılarak dengenin tekrar oluşmasına sebep olur. Bu tür burulma oluşmasında ilgili elemanın burulma rijitliğinin diğer elemanların rijitliklerine olan oranı etkili olur (Celep ve Kumbasar 1998). Şekil 2.2'de uygunluk burulması oluşan bir sistem incelenmiştir.



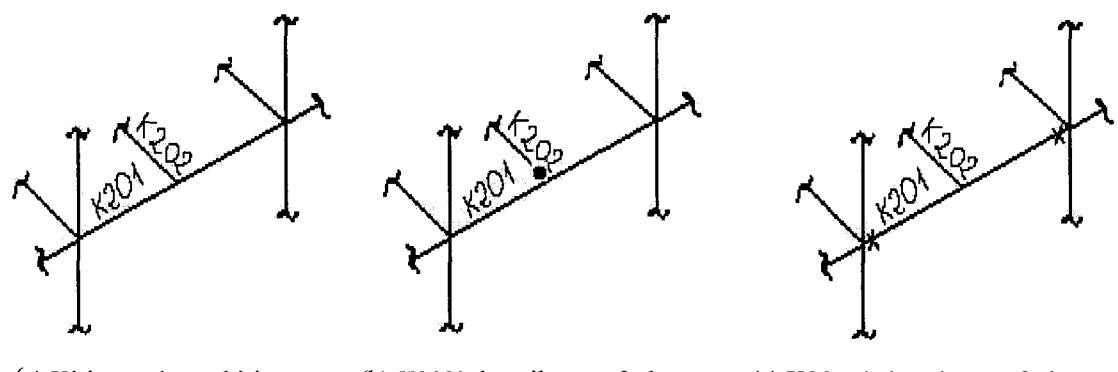
(a) izostatik sistem

(b) hiperstatik sistem

Şekil 2.1 İzostatik ve hiperstatik sistemlerde denge burulması (Ersoy ve Özcebe 2001)

Şekil 2.2 a'da bulunan 201 kırışına, 202 kırışının saplanması sonucu burulma momenti oluşur. Doğrusal elastik bir çözümleme ile, etkiyen bu momentler saptanabilir. Ancak kırışların ucunda mafsallaşmaların olduğu Şekil 2.2 b ve Şekil 2.2 c aşamalarından sonra 202 kırıştı, 201 kırışına burulma momenti aktaramaz. Şekil 2.2 b veya Şekil 2.2 c'deki mafsalların oluşması ile 202 kırıştı, ucu mafsallı bir kırış gibi davranışta ve denge için burulma momentine gerek kalmamaktadır. Bu davranış 202 kırışının açılık momentinin artmasına sebep olmaktadır.

Hiperstatik bir sistemde, yapı elemanına etkiyeceği düşünülen burulma momentinin, malzemenin doğrusal elastik davranışının varsayıetine göre hesabının gerçekçi sonuçlar vermeyeceği yukarıda anlatılanlardan anlaşılmaktadır.



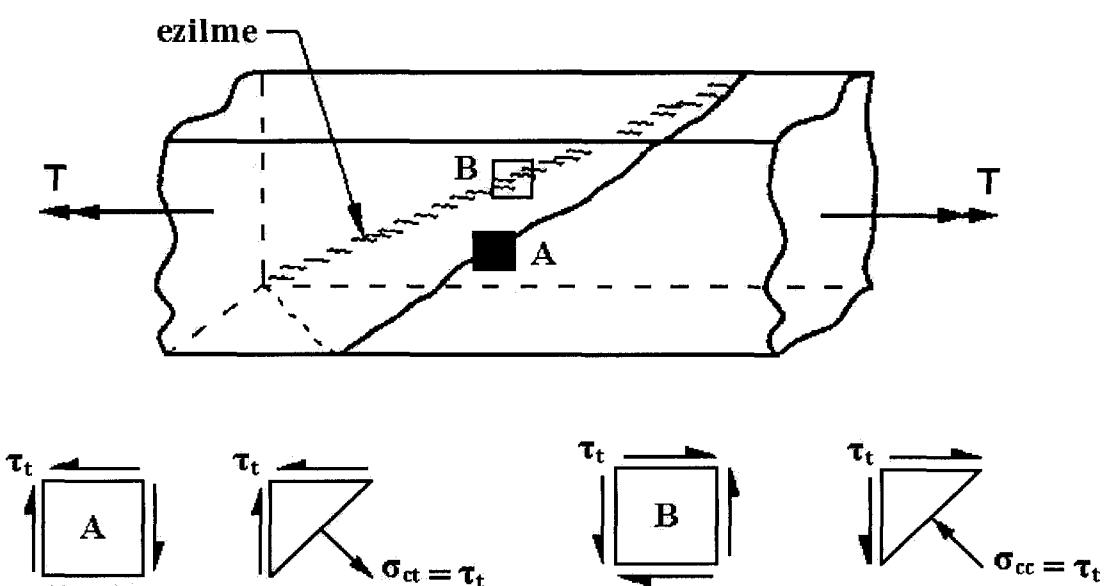
(a) Kırış saplanan kırış

(b) K202' de eğilme mafsalı

(c) K201'de burulma mafsalı

Şekil 2.2 Uygunluk burulması (Ersoy ve Özcebe 2001)

Çünkü burulma momenti nedeniyle çatlayan betonarme bir elemanın burulma rıjitliği büyük ölçüde azaldığından; sistemde, çatlama öncesi ve sonrası arasında ihmal edilemeyecek düzeyde yük dağılım farklılıklarını oluşturmaktadır ve bu aşamadan sonra malzemenin doğrusal elastik davranışının varsayımlını temel alan yöntemlerle hesaplanan burulma momentleri, gerçekte yapı elemanın taşıyacağı burulma momentlerinin çok üstünde çıkmaktadır. Burulma momentleri, kesme kuvveti nedeniyle elemana oluşan kayma gerilmelerinden farklı olarak, kayma gerilmeleri oluşturur. Eleman üzerinde sadece burulma momenti olması durumunda bile kayma gerilmeleri bulunur. Basit burulma durumuna pratikte pek rastlanmaz. Burulma genellikle eğilme ve kesme ile birlikte etkir. Ancak basit burulma, kolonlardaki eksenel yük hali gibi sınır bir durum oluşturduğundan, bileşik yükleme durumundaki davranışın daha iyi anlaşılabilmesi için, basit burulmadaki davranışın bilinmesi gereklidir. Dikdörtgen kesitli, donatsız bir kiriş, basit burulmaya maruz kaldığında, ilk çatlamanın oluşması ile ani ve gevrek biçimde kırılır (Şekil 2.3). Burada kirişin ön yüzünden alınan noktasal bir A parçası üzerinde şekilde gösterildiği gibi kayma gerilmeleri oluşmaktadır ve bu kayma gerilmeleri, başka bir düzlemdede asal çekme gerilmeleri oluşturmaktadır. Oluşan asal çekme gerilmeleri de çekme dayanımı çok düşük olan betonun çatlamasına sebep olmaktadır. Şekilden de görüleceği gibi çatlak, kirişin üç yüzünde asal çekme gerilmelerine dik yönde oluşurken, dördüncü yüzde ezilme gözlenmektedir.



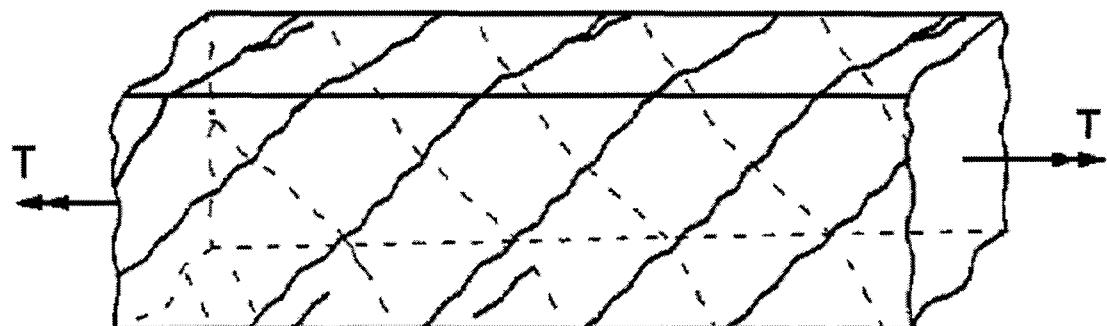
Şekil 2.3 Basit burulma altındaki donatsız kirişin kırılması (Ersoy ve Özcebe 2001)

Kirişin arka yüzünden alınan bir  $B$  noktasal parçası üzerinde oluşan kesme gerilmeleri de ezilmeye sebep olmaktadır. Donatısız beton kesitler, ilk çatlağın oluşmasıyla kapasitelerine ulaşıp kırılmaktadırlar (Ersoy ve Özcebe 2001).

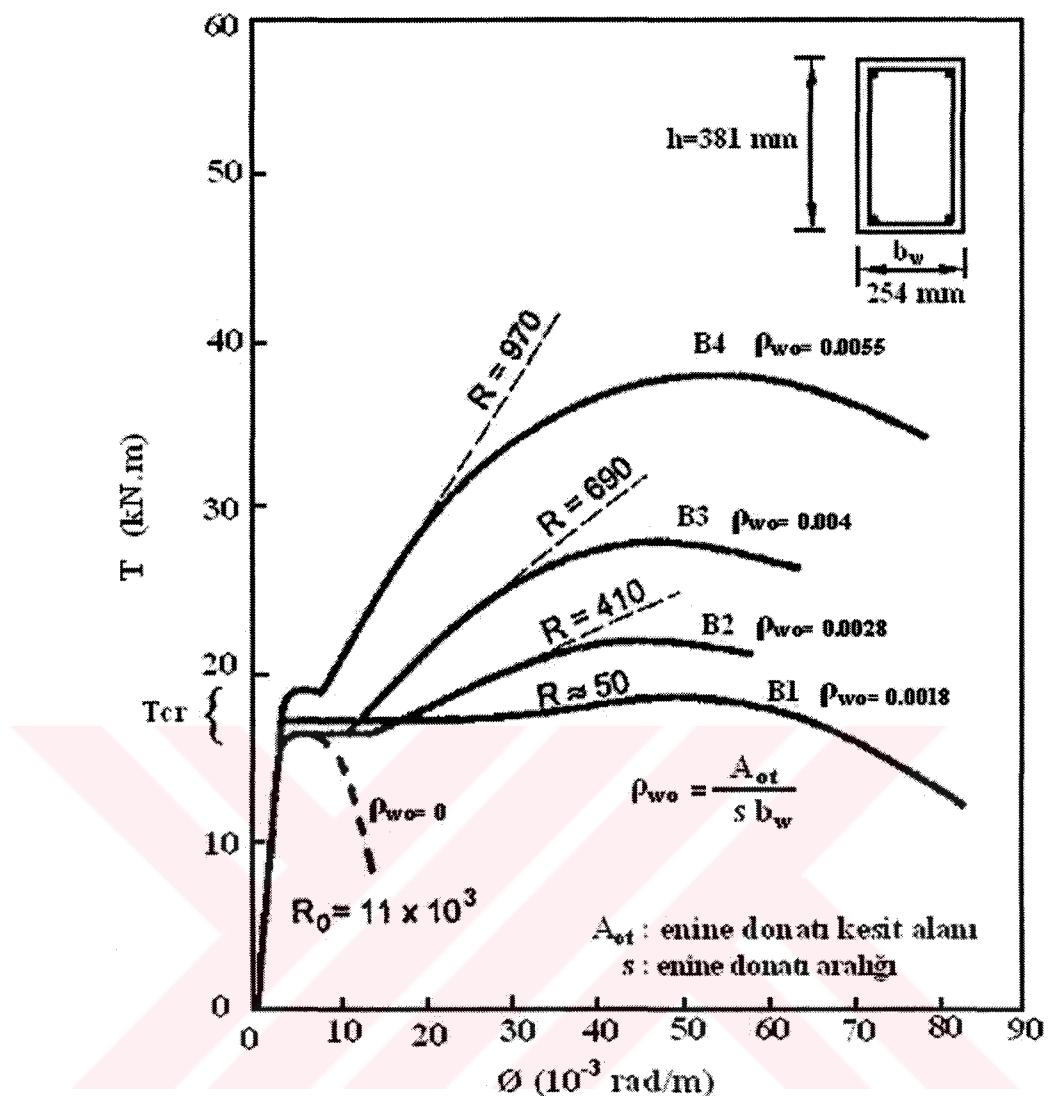
Kirişe yerleştirilen boyuna donatı, yukarıdaki davranışını değiştirmemekte, ancak boyuna donatı ile birlikte kullanılan enine donatı bahsedilen davranışını değiştirmektedir. Bu durumda, kırılma gerçekleşmeden çok sayıda çat�ak oluşmaktadır (Şekil 2.4). Burulma çat�aklarının oluşması ile kirişin boyunun uzamaya başladığı ve uzamanın ihmali edilemeyecek düzeye ulaştığı, uzama miktarının ise boyuna donatıdaki uzamayla aynı olduğu yapılan deneylerden görülmüştür. Bu bulgular sonucunda boyuna donatıya neden ihtiyaç duyulduğu açıkça görülmüştür (Ersoy ve Özcebe 2001).

Hsu burulma etkisindeki betonarme kirişlerin deformasyon özelliklerini saptamak için bir dizi deney gerçekleştirmiştir. Bu deney serisinde burulma donatısı dışındaki tüm özellikler sabit tutulmuştur. Seride yer alan kirişlerde farklı enine donatı oranları kullanılmış ve enine donatıya eşit hacimde boyuna donatı kullanılmıştır. Bu deneyler sonucunda kirişlere ait burulma momenti-birim dönme açısı ( $T-\varnothing$ ) ilişkileri tespit edilmiştir. Elde edilen bu ilişki Şekil 2.5'de verilmiştir (Hsu 1968).

Burulma momenti-birim dönme açısı ( $T-\varnothing$ ) ilişkisi eğrilerinin eğimi elemanların burulma rijitliğini göstermektedir.



Şekil 2.4 Basit burulma altındaki donatılı bir kirişte gözlenen çat�aklar (Ersoy ve Özcebe 2001)



Şekil 2.5 Basit burulma altındaki betonarme kirişlerde burulma momenti-birim dönme açısı ilişkisi (Hsu 1968)

Şekil 2.5'de verilen burulma momenti-birim dönme açısı ilişkisi grafiğinden de görüleceği gibi, burulma çatlamasının oluşturduğu  $T_{cr}$  değerine kadar tüm numuneler için davranış doğrusaldır. Eğrinin bu doğrusal kısmı tüm deney numunelerinde aynı olduğu için burulma çatlamasının olduğu noktaya kadarki burulma rijitliğinin tüm numunelerde aynı olduğu söylenebilir. Bu bulgu çatlama olana kadarki burulma rijitliğinin donatıdan bağımsız olduğunu göstermektedir. Burulma momenti-birim dönme açısı ( $T$ -  $\Theta$ ) eğrisinin çatlamağa kadar olan doğrusal kısmının eğimi olan burulma rijitliği elastisite teorisine göre aşağıda verilen;

$$R_0 = \frac{T_{cr}}{\varphi_{cr}} = G_c \sum \beta_i x_i^3 y_i \quad (2.1)$$

denklemi yardımıyla bulunabilir. Denklem 2.1'de verilen formülde yer alan  $T_{cr}$  yapı elemanın çatlama momentini,  $\varphi_{cr}$  bu çatlama momentine karşı gelen çatlama birim dönme açısını göstermektedir.  $G_c$  betonun kayma modülüdür ve betonun elastisite modülü değerinin % 40'ı kayma modülü olarak hesaplarda kullanılabilir. Aynı denklemde  $x_i, y_i$  dikdörtgen kesitlerde sırasıyla kısa ve uzun kenarı ifade etmektedir. Eğer kesit, tablalı kesit ise, dikdörtgenlere ayrılarak hesaplar yapılabilir.  $\beta_i$  ise  $y_i/x_i$  oranına bağlı bir katsayıdır ve betonarme için yaklaşık 1/3 alınabilir (Ersoy ve Özcebe 2001).

Çatlama sonrası burulma rijitliği ise;

$$R = \frac{T_u - T_{cr}}{\varphi_u - \varphi_{cr}} \quad (2.2)$$

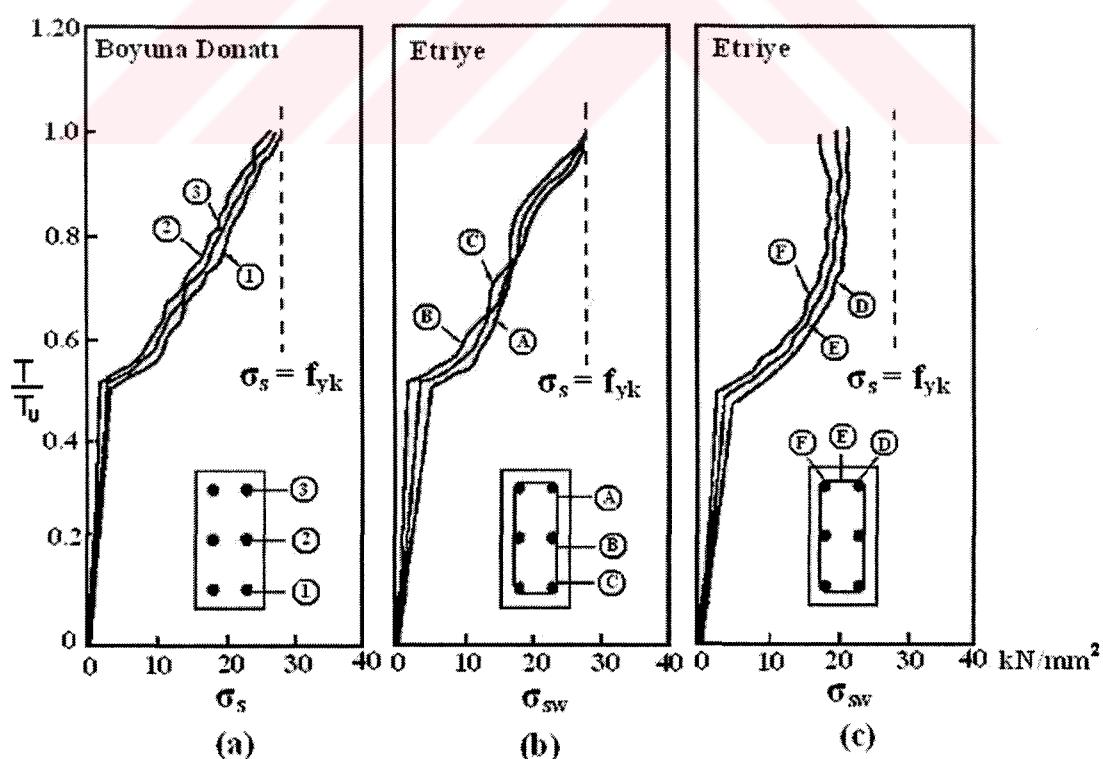
denklemi yardımıyla bulunabilir. Denklem 2.2'deki  $T_u$ , elemanın taşıdığı en büyük burulma momenti,  $\varphi_u$  bu en büyük momentin olduğu birim dönme açısı değeridir (Fang and Shiao 2004).

Deneyselde yapılan ölçümler burulmanın etkisi altında çatlama oluncaya kadar enine ve boyuna donatıdaki birim deformasyonların ihmali edilemeyecek kadar az olduğunu ancak burulma çatlamasının oluşması ile birlikte, burulma rijitliğinin ani olarak düşüğünü ve donatının etkili olmaya başladığını göstermektedir. Burulma rijitliği  $R_0=11000 \text{ kN.m}^2$  iken burulma çatlaşının oluşması ile donatı oranına bağlı olarak  $R=50-970 \text{ kN.m}^2$  arasında bir değere düşmektedir. Bu da çatlama sonrasında burulma rijitliğinin çatlamamış duruma göre 1/100-1/10' u arasına düşüğü anlamına gelmektedir. Uygulamada karşımıza çıkan elemanların, şekil 2.5'de gösterilen B1 ve B2 numunelerinin taşıdığı oranda enine donatı içeriği düşünülürse, burulma çatlaması ile burulma rijitliğinin sıfırın yakın değerlere düşüğü görülebilir. Burulma rijitliğindeki bu düzeyde bir azalma sonucunda kesitin neredeyse sabit kalan bir burulma momenti altında serbestçe dönerek zorlamaları diğer yapı elemanlarına

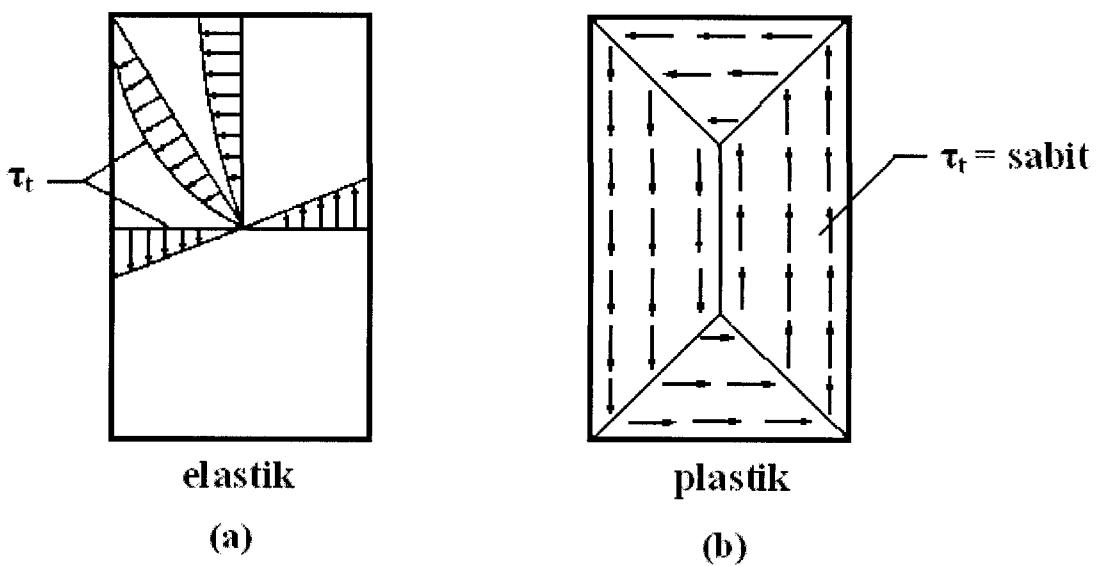
aktaracağı çok açıktır. Bu durumda yapı sisteminde oluşacak çatlama sonrasındaki yük dağılımı değişimi ihmali edilemeyecek düzeylere ulaşır (Ersoy ve Özcebe 2001).

Dr. Hsu yaptığı deneylerde kesitin çeşitli düzeylerinde bulunan enine ve boyuna donatılardaki birim uzamaları dikkate alarak donatılarda oluşan gerilme değerlerini tespit etmiştir (Şekil 2.6).

Yakın zamana kadar burulma momenti etkisindeki betonarme elemanlarda oluşan kayma gerilmeleri şekil 2.7a' da, gerilme dağılımı gösterilen, elastisite teorisine göre hesaplanıyordu. Ancak Hsu'nun yaptığı deneylerden elde ettiği sonuçlar Şekil 2.7 b'de verilen ve plastisite teorisinden elde edilen gerilme dağılımının, Şekil 2.7 a'da verilen ve elastisite teorisinden elde edilen dağılıma göre gerçeğe daha yakın olduğunu göstermiştir. Kesitteki kayma gerilmelerinin sabit kalması, burulma altındaki betonarme elemanlarda elastisite teorisi yerine, plastisite teorisinin daha sağlıklı sonuçlar verebileceğini göstermektedir (Hsu 1968).



Şekil 2.6 Enine ve boyuna donatılarda ölçülen birim uzamalar



Şekil 2.7 Elastisite ve plastisite göre kesitte burulma nedeni ile oluşan gerilme dağılımı

## 2.2 Kesitlerin Burulma Dayanımı

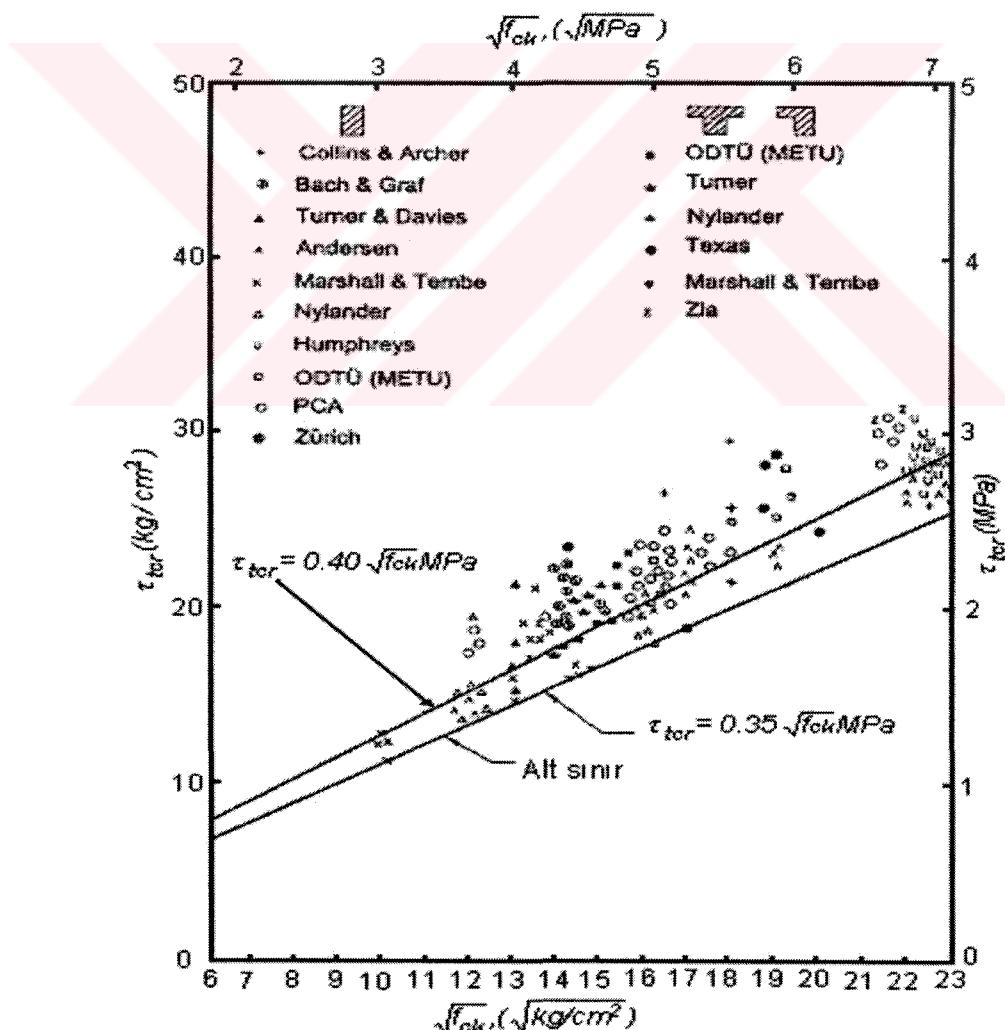
Burulma rijitliğinde çok önemli değişimlere neden olan burulma çatlamasının hangi değerde olacağının doğru olarak hesaplanması, yapı elemanlarının burulma davranışından çok önemlidir. Ersoy ve Özcebe ilk çatlağın oluşacağı burulma momenti  $T_{cr}$  için plastisite teorisi denklemlerini, kum tümseği analojisinden aşağıdaki şekilde elde etmişlerdir.

$$T_{cr} = \frac{1}{2} \sum x_i^2 (y_i - \frac{x_i}{3}) \tau_t \quad (2.3)$$

Denklem 2.3'de verilen  $x_i$  ve  $y_i$  dikdörtgen kesitlerde kısa ve uzun kenarı belirtmektedir. Kesitin dikdörtgen olması durumunda denklem 2.3'de kullanılan toplam işaretine gerek kalmamaktadır.  $T_{cr}$  için verilen yukarıda verilen denklem tablalı kesitlerde de kullanılabilir. Bu durumda tablalı kesit uygun şekilde dikdörtgen kesitlere bölünerek her bir dikdörtgen için yukarıdaki denklem kullanılıp sonuçlar toplanarak tablalı kesitler için de çatlama momenti  $T_{cr}$  bulunabilir. Bu durumda  $x_i$  ve  $y_i$  dikdörtgenlerin sırasıyla kısa ve uzun kenarıdır.  $T_{cr}$  için verilen

yukarıdaki denklemde yer alan betonun kayma gerilmesinin şiddeti  $\tau_t$ , basit burulma durumunda betonun çekme dayanımına eşittir. Ersoy ve Özcebe yaptıkları çalışmalar sonucunda betonun çekme dayanımının  $0.4\sqrt{f_{ck}}$  MPa alınmasını önermişlerdir. Ancak  $\tau_{ter}$  betonun tek eksenli çekme altındaki dayanımına eşitlendiğinde Şekil 2.8'de gösterilen  $\tau_{ter} = 0.35\sqrt{f_{ck}}$  MPa önermesi,  $0.4\sqrt{f_{ck}}$  değeri için bir alt sınır oluşturmaktadır. Bu alt sınır temel alınarak  $\tau_{ter} = 0.35\sqrt{f_{ck}}$  yerine  $f_{ctk}$  kullanılırsa burulma çatlaması için aşağıdaki denklem elde edilir.

$$T_{cr} = \frac{1}{2} \sum x_i^2 (y_i - \frac{x_i}{3}) f_{ctk} \quad (2.4)$$



Şekil 2.8 Basit burulmada, plastisite teorisinden hesaplanan kayma gerilmelerinin,  $\sqrt{f_{ck}}$  ile değişimi (Ersoy ve Özcebe 2001)

Burada kesitin dikdörtgen olması durumunda  $x_i$  yerine  $b_w$ ,  $y_i$  yerine de  $h$  yazılmak suretiyle,  $T_{cr}$  bulunabilir. Eğer kesitin hesap dayanımı bulunuyor ise karakteristik çekme dayanımı  $f_{ctk}$  yerine, hesap dayanımı  $f_{ctd}$  alınmalıdır (Ersoy ve Özcebe 2001). Donatısız beton kesitlerin kapasitesinin elastik teoriye göre de hesaplanabileceği bilinmektedir. Bu teoriden elde edilen;

$$T_e = \alpha x^2 y f_{ctk} \quad (2.5)$$

Denklemi yardımıyla kapasite hesaplaması yapılmaktadır. Denklem 2.5'de yer alan  $x$  ve  $y$  sırasıyla, dikdörtgen kesitin SI birim sistemi cinsinden kısa ve uzun kenarını belirtmektedir.  $\alpha$  St.Venant katsayısıdır ve  $y/x$  oranına bağlı olarak 0.208-0.333 arasında değişen bir değer alabilir (Atef et al 1990). St.Venant katsayı  $\alpha$ 'nın  $y/x$  oranına bağlı değişimini Tablo 1.1'de verilmiştir.

Tablo 2.1. Burulma için St.Venant katsayıları (Beer and Johnston 1992)

$y/x$	1.0	1.2	1.5	2.0	2.5	3.0	4.0	5.0	10.0	$\infty$
$\alpha$	0.208	0.219	0.231	0.246	0.258	0.267	0.282	0.291	0.312	0.333

Plastik teoriye göre donatısız beton elemanın taşıyabileceği burulma momenti değeri;

$$T_p = \alpha_p x^2 y f_{ctk} \quad (2.6)$$

denklemiyle bulunabilir. Denklemde yer alan  $\alpha_p$  plastisite katsayısı olarak adlandırılmaktadır ve  $y/x$  oranına bağlı olarak 0.333-0.5 arasında bir değer almaktadır. Denklem 2.5 ve denklem 2.6'da yer alan  $f_{ctk}$ , betonun MPa cinsinden çekme dayanımıdır. (Atef et al 1990) Plastisite katsayı  $\alpha_p = 0.5 - \frac{x}{6y}$  denklemi yardımıyla bulunabilir (Roa and Seshu 2003).

Eğik eğilme teorisine göre burulma değeri ise;

$$T_{np} = \frac{x^2 y}{3} (0.85 f_{ctf}) \quad (2.7)$$

denkleminden bulunabilir. Burada  $f_{ctf}$ , betonun eğilme çekme dayanımıdır (Atef et.al. 1991). Bu denklem daha sonra Hsu tarafından beton basınç dayanımına göre yeniden düzenlenerek aşağıdaki empirik denklem elde edilmiştir.

$$T_{np} = 6(x^2 + 10)y \sqrt[3]{f_{ck}} \quad (2.8)$$

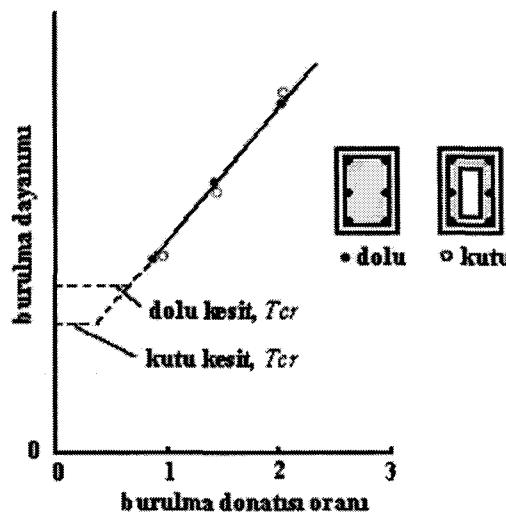
Bu denklemde yer alan  $f_{ck}$  psi birimi cinsinden beton basınç dayanımı olarak kullanılmaktadır. Bu denklemde kullanılan  $x$  ve  $y$  USCU birim sistemi cinsinden sırasıyla kesitin kısa ve uzun kenarını ifade etmektedir (Hsu 1984).

Hsu tarafından düzenlenen denklem betonun yarma çekme dayanımına göre tekrar düzenlenerek aşağıdaki şekilde getirilmiştir.

$$T_{np} = \frac{x^2 y}{3} f'_{sp} \quad (2.9)$$

Bu denklemlerde yer alan  $f'_{sp}$  betonun MPa birim sistemi cinsinden yarma çekme dayanımı olarak kullanılmaktadır (Hasnat and Akhtaruzzaman 1983).

Kesitte burulma nedeniyle oluşan kuvvetlerin bulunabilmesi için tüp analojisi geliştirilmiştir (Leet and Bernal 1997). Bu analojide Şekil 2.7 b' de verilen dikdörtgen kesitin iç kısmında yer alan kayma gerilmelerinin moment kollarının küçük olması dolayısıyla, ihmali edilmesi çok fazla hataya sebep olmayacağından emin olunmuştur. Dikdörtgen dolu kesit duvar kalınlığı  $t$  olan bir kutu kesite dönüştürülerek hesaplamalar yapılabilir (Ersoy ve Özcebe 2001).



Şekil 2.9 Dolu ve kutu kesitlerde taşınan burulma momenti-donatı oranı grafiği (Leet and Bernal 1997)

Kesitin dolu ve kutu olması durumundaki, taşınan burulma momenti, burulma donatısı oranı grafiği Şekil 2.9'da verilmiştir. Şekil 2.7' den de anlaşılacağı üzere dolu ve kutu kesitlerin çatlama momentleri çok az farklılıklar gösterirken, her iki kesitin taşıma gücü hemen hemen birbirine eşittir (Leet and Bernal 1997).

Kutu kesit analojisinden hareketle hesaplanan çatlama momenti değeri;

$$T_{cr} = \frac{\sqrt{f_{ck}} A_c^2}{3U_c} \quad (2.10)$$

denklemi ile bulunabilir. Denklemde yer alan değişkenler SI birim sistemi cinsinden kullanılmıştır. Denklem 2.10'da  $A_c$  tüm kesitin alanını,  $U_c$  ise tüm kesitin çevresini ifade etmektedir.  $f_{ck}$  kesitte kullanılan betonun karakteristik basınç dayanımıdır (ACI 318-95).

Enine ve boyuna donatısı bulunan bir betonarme elemanın kapasitesini hesaplamak için bir çok matematiksel model önerilmiştir. Bu modellerden bir tanesi uzay kafes kiriş modelidir. Bu modelde, donatı çekme elemanlarını asal basınç yönündeki, beton ise basınç elemanlarını oluşturmaktadır. Uzay kafes kiriş modeli iki önemli varsayımdır. Bunlardan birincisi, beton katkısı ihmal edilmiştir. İkincisi ise çatlak

eğimi, dolayısıyla beton basınç çubuklarının eğimi  $45^{\circ}$  alınmıştır. Bugün gelinen bu noktada bu iki varsayımin da tam olarak doğru olmadığı bilinmektedir. (Ersoy ve Özcebe 2001)

Kesitte burulma çatlaması olduktan sonra sargılanmamış betonlar dökülecektir. Dolayısıyla çatlamadan sonra sargılanmamış betonların yük taşımadığı varsayıılır. Tüm kesit alanı yerine sargılanmış kesit alanı (etkili alan) kullanılarak, uzay kafes kiriş modelinden enine ve boyuna donatı miktarı için kullanılabilen denklemler aşağıdaki şekilde elde edilebilir.

$$A_{sl} = \frac{TU_e}{2A_e\sigma_s} \quad (2.11)$$

$$A_t = \frac{Ts}{2A_e\sigma_{sw}} \quad (2.12)$$

Bu denklemlerde yer alan değişkenler ise;

- $A_{sl}$  Kesitte burulma için gerekli toplam boyuna donatı alanı
- $A_t$  Enine donatı kesit alanı
- $T$  Uygulanan burulma momenti
- $s$  Enine donatı aralığı
- $\sigma_{sw}$  Enine donatıdaki gerilme (Bu gerilme değeri kesitin taşıma gücü bulunuyorsa  $\sigma_{sw}=f_{yw}$  alınır.)
- $\sigma_s$  boyuna donatıdaki gerilme (Bu gerilme değeri kesitin taşıma gücü bulunuyorsa  $\sigma_s=f_y$  alınır.)
- $A_e$  Burulma için çekirdek alan (Bu çekirdek alan için yapılan araştırmalar sonucunda enine donatının dört köşesine yerleştirilen boyuna donatıların merkezleri arasında kalan ya da enine donatı eksenleri arasında kalan alanı kullanmanın uygun olacağı öngörülmüştür.)
- $U_e$   $A_e$  alanının çevresi

Denklem 2.11 ve 2.12 enine ve boyuna donatının eşit hacimde olduğu yani  $A_{sis}=A_tU_e$  olduğu varsayıımı ile çıkartılmıştır.

Betonarme bir kesitin burulmadaki taşıma gücü uzay kafes kiriş modelinden çıkartılan yukarıdaki denklemlerden burulma momentinin çekilmesi ile elde edilebilir. Eğer bu işlem yapılrsa ;

$$T = \frac{A_t 2 A_e f_{ywd}}{s} \quad (2.13)$$

olarak betonarme kesitin taşıma gücünü veren denklem bulunmuş olur. Eğer Denklem 2.13'den kesitin hesap dayanımı bulunuyorsa, enine donatının karakteristik akma dayanımı  $f_{yw}$  yerine, hesap dayanımı  $f_{ywd}$  alınmalıdır.

Elemanda burulma momentleri etkisi ile oluşan asal çekme ve asal basınç gerilmeleri, önlem alınmaması durumunda gevrek kırılmaya neden olurlar. Burulmada asal çekme gerilmeleri nedeni ile oluşacak gevrek kırılmayı önlemek için gerekli donatı alanı, donatsız bir elemanın burulma dayanımına eşitlenerek bulunabilir. Denklem 2.13'de verilen donatılı elemanın taşıma gücü, denklem 2.8'de verilen ve plastisite teorisinden elde edilen donatsız kirişin taşıma gücüne eşitlenirse;

$$\frac{2 A_e f_{ywd} A_t}{s} = \frac{1}{2} b_w^2 \left( h - \frac{1}{3} b_w \right) f_{ctd} \quad (2.14)$$

elde edilir. Eğer bu eşitlikte sargılanmış beton alanı  $A_e = 0.60 b_w h$ ,  $\frac{h}{b_w} = 3$  alınırsa ve enine donatıya eşit hacimde boyuna donatı olacağı varsayılsa, ( $A_{sl} s = A_t U_e$ ) yukarıdaki eşitlikten minimum donatı oranları aşağıdaki gibi elde edilebilir.

$$\rho_{wt\min} = \frac{A_t}{s b_w} = 0.38 \frac{f_{ctd}}{f_{ywd}} \quad (2.15)$$

$$A_{sl\min} = 0.38 \frac{f_{ctd}}{f_{ywd}} U_e b_w \quad (2.16)$$

Yapılan çalışmalarda yukarıda belirtilen minimum donatı miktarının sünek davranışını sağlamak için yeterli olduğu tespit edilmiştir. (Ersoy ve Özcebe 2001)

Yukarıdaki denklemelerde yer alan etkili alan Leet and Bernal;

$$A_e = \frac{2A_c}{3} \quad (2.17)$$

denkleminin, dolu kesitlerin kutu kesit gibi çözümlenmesi için geliştirilen tüp analojisinde, kutu kesitin duvar kalınlığı için ise;

$$t = \frac{3A_c}{4U_c} \quad (2.18)$$

denkleminin kullanılabileceğini belirtmişlerdir. Bu denklemelerde yer alan  $A_c$  tüm kesit alanını,  $U_c$  ise tüm kesitin çevresini ifade etmektedir. (Leet and Bernal 1997)

ACI 318-95' de en az enine ve boyuna donatı miktarı için denklemler verilmiştir.

$$2A_{t,\min} = \frac{50b_w s}{f_{yw}} \quad (2.19)$$

denkleminin en az enine donatı alanını bulmak için kullanılabileceği belirtilmiştir. Bu denklemde;

- $A_{t,\min}$  kullanılan enine donatının bir bacağının minimum alanı, inç<sup>2</sup>
- $b_w$  dikdörtgen kesitin genişliği ya da dairesel kesitin çapı, inç
- $s$  enine donatı aralığı, inç
- $f_{yw}$  enine donatı akma dayanımı, psi

olarak kullanılmaktadır. Boyuna donatı için ise;

$$A_{l,\min} = \frac{5\sqrt{f_{ck}} A_c}{f_{yl}} - \frac{A_t}{s} p_h \frac{f_{yw}}{f_{yl}} \quad (2.20)$$

denklemi önerilmiştir. Bu denklemde;

$A_{l,min}$	en az, boyuna burulma donatısı alanı (boyuna donatıların tamamı için), inç <sup>2</sup>
$A_c$	kesitin tüm alanı, inç <sup>2</sup>
$f_{ck}$	beton basınç dayanımı, psi
$P_h$	enine donatının, merkezlerinden geçen kesitin çevresi, inç

birimleri ile verilmiştir. ACI 318-95' e göre kesitin burulma kapasitesi;

$$T_n = \frac{2 A_0 A_t f_{yw}}{s} \cot \theta \quad (2.21)$$

denklemi ile bulunabilir.

$A_t$  kesitteki burulma donatısı (enine donatı) alanı, inç<sup>2</sup>

$f_{yw}$  enine donatı akama dayanımı, psi

$s$  enine donatı aralığı, inç

$\theta$   $30^\circ$  -  $60^\circ$  arasında bir değer,  $\theta$  öngerilmesiz elemanlar için  $45^\circ$  alınabilir

$A_o$  kayma akısının takip ettiği yolun içinde kalan alan, inç<sup>2</sup>

$A_o$  değerinin  $0.85A_{oh}$  kabul edilmesi durumu haricindeki durumlarda,  $A_o$  hesapla bulunacaktır.  $A_{oh}$  ise enine donatının merkezinden geçen eksenler arasındaki alanı ifade eder.

ACI 318-89 ve daha önce yayınlanan ACI yönetmeliklerde, kesitin taşıma gücüne hem donatının hem de betonun katkısı olduğu kabul ediliyordu. Bu kabule göre bir kesitin burulma dayanımı;

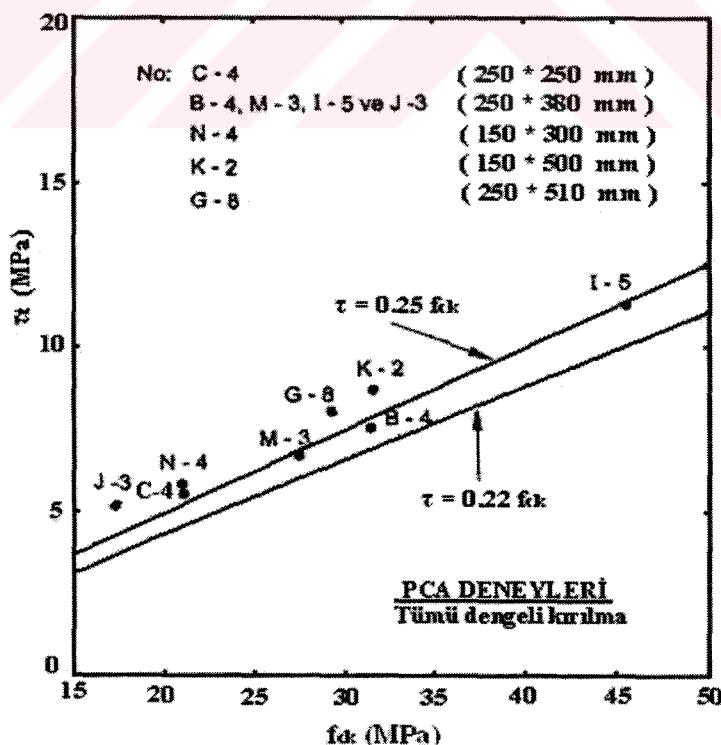
$$T_n = T_c + T_s \quad (2.22)$$

denklemiyle, donatının ve betonun taşıdığı momentlerin toplamı olarak bulunmaktadır. ACI 318-95 yönetmeliğinde betonun taşıdığı burulma momenti ihmal edilmiştir (Bhatti and Almughabi 1996, El-Niema 1993, Fang and Shiao 2004).

Burulma momenti etkisiyle elemanın gövdesinde oluşacak ve gevrek kırılmaya sebep olabilecek ezilmeyi önlemek için burulma momentine bir üst sınır konulması gerekligi ortaya çıkmıştır. Hsu tarafından daha önce denenen numunelerde, enine donatını artması ile gövdedeki ezilmenin aynı anda olduğu dengeli kırılma gösteren numuneler seçilmiş, seçilen bu kırışların kırılma anındaki burulma momentleri plastisite teorisine göre hesaplanmış, bulunan bu burulma momentleri esas alınarak kesme gerilmeleri tespit edilerek, kırılmaya karşı gelen bu gerilmelerin beton dayanımına göre değişimi çıkartılmıştır (Şekil 2.10).

Şekil 2.10'dan da anlaşılacağı üzere,  $\tau_t = 0.25 f_{ck}$  ile gösterilen doğru, incelenen numunelerden elde edilen sonuçlarla uyuşmaktadır. Betonarme kesitin beton ezilmesi olmadan taşıyabileceği en büyük burulma momenti değeri için denklem 2.10'da  $\tau_t = 0.25 f_{ck}$  kullanmak uygun olacaktır. Bu durumda ezilme kırılması olmadan taşınabilecek en büyük moment değeri;

$$T_{\max} = \frac{1}{2} \sum x_i^2 (y_i - \frac{x_i}{3}) f_{ck} \quad (2.22)$$



Şekil 2.10 Dengeli kırılma durumunda burulma gerilmelerinin beton basınç dayanımı ile değişimi

denklemiyle bulunabilir. TS 500-2000 güvenli bölgede kalmak için  $\tau_t = 0.22 f_{ck}$  alınmasının uygun olacağını öngörmüştür. Ancak bu üst sınır, hesaplarda kullanılırken  $f_{ck}$  yerine  $f_{cd}$  alınarak;

$$T_{\max} = \frac{1}{2} \sum x_i^2 (y_i - \frac{x_i}{3}) f_{cd} \quad (2.23)$$

denklemiyle bir kesitin betonda ezilme olmadan taşıyabilecegi en büyük burulma momenti degeri bulunabilir (Ersoy ve Özcebe 2001).

### **2.3 Çelik Lif İlavesinin Betonun Mekanik Özelliklerine Etkisi**

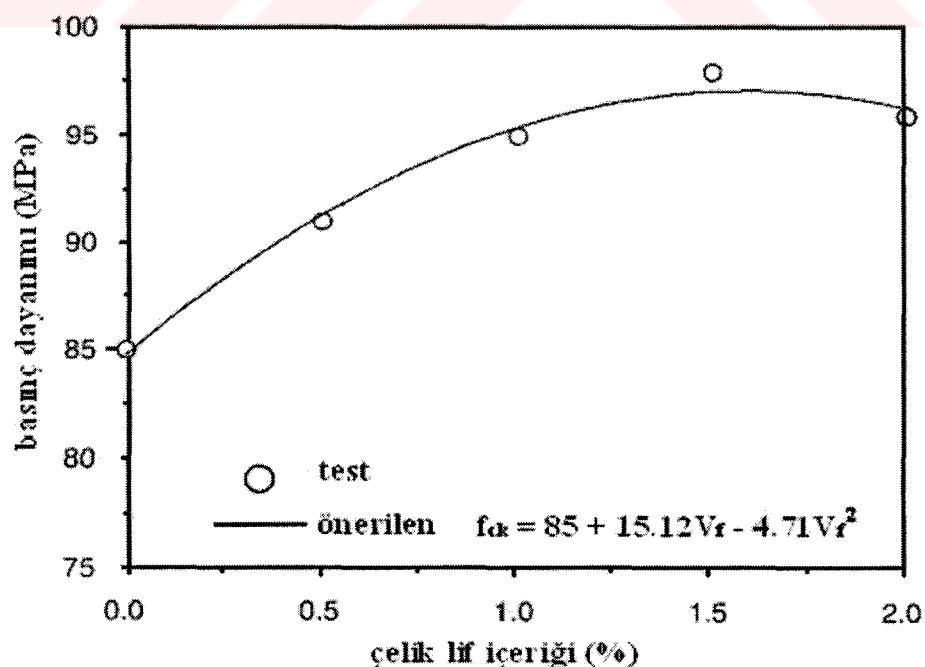
Yapılan araştırmalar incelendiğinde çelik lif ilavesinin betonun mekanik özelliklerinde değişikliklere sebep olduğu anlaşılmaktadır.

Normal dayanımlı betona çelik lif ilave edilerek yapılan basınç testlerinde, şahit numuneler ile çelik lif katkılı beton ile üretilen numunelerin 7 ve 28 günlük dayanımları arasında, çok fazla farklılık tespit edilememiştir. 90 günlük basınç dayanımı testleri betona çelik lif ilavesinin, basınç dayanımı çok az da olsa arttığını göstermiştir. Ancak betona ilave edilen çelik lif oranı % 1 olduğu zaman, 90 günlük dayanımda düşüşler gözlenmiştir. Normal dayanımlı betona ilave edilen çelik lifler, betonun eğilme dayanımının önemli oranda artmasına sebep olmuşlardır (Yıldırım 2002).

El-Niema, normal dayanımlı lifli betonlar ile yaptığı basınç deneylerinde, genel olarak lif ilavesinin, % 3-10 arasında basınç dayanımı azalmasına sebep olduğunu tespit etmiştir. Sınırlı sayıda numunede de basınç dayanımı yükselişi görülmüştür. Silindir yarma dayanımı deneyleri sonucunda ise, çelik lif ilavesinin yarma dayanımının % 35' e varan oranlarda da artış gösterdiğini belirlemiştir (El-Niema 1993).

Betona farklı ebatlarda ve farklı oranlarda çelik lif ilave edilerek üretilen, numunelerin test edilmesi sonucunda, 0.5 mm çapında, 30 mm uzunluğundaki çelik lif tipi ilave edilen numunelerde çelik lifin miktarının artması ile basınç dayanımı 40 MPa'dan, 30 MPa'a kadar düşmüştür. 0.5 mm çapında, 50 mm uzunluğundaki çelik liflerin ilave edilmesi sonucunda ise, beton basınç dayanımının 50 MPa'a çıktığı tespit edilmiştir. Tüm deney numunelerine ait gerilme birim deformasyon eğrileri oluşturulmuştur. Lif içeriği oranı arttıkça gerilme birim deformasyon, eğrisi yataya daha da yaklaşmıştır. Yani kırılma anına kadar yaptığı birim deformasyon, lif içeriği ile doğru orantılı olarak artmıştır. Bu davranış da çelik lif ilave edilen betonların daha sünek bir davranış sergilediğinin göstergesidir (Craig et. al. 1986).

Yüksek dayanımlı betonlara çelik lif ilave edilmesi sonucunda, çelik lif ilavesi yüzdesinin artışı ile birlikte basınç dayanımında da artışlar gözlenmiştir. Ancak çelik lif ilavesinin % 2'nin üzerinde olması durumunda basınç dayanımındaki artış azalmaya başlamıştır (Şekil 2.11). Yüksek dayanımlı betonların yarma dayanımı ise çelik lif ilavesi arttıkça artmaktadır. Şekil 2.12'den de anlaşılacağı gibi lfsiz betonun yarma dayanımı 6 MPa dolaylarında iken, çelik lif ilavesinin % 2'ye çıkması ile yarma dayanımı 11 MPa' a çıkmıştır. Çelik lif ilavesi, yüksek dayanımlı betonların eğilme dayanımları üzerinde de olumlu gelişimlere sebep olmuştur.



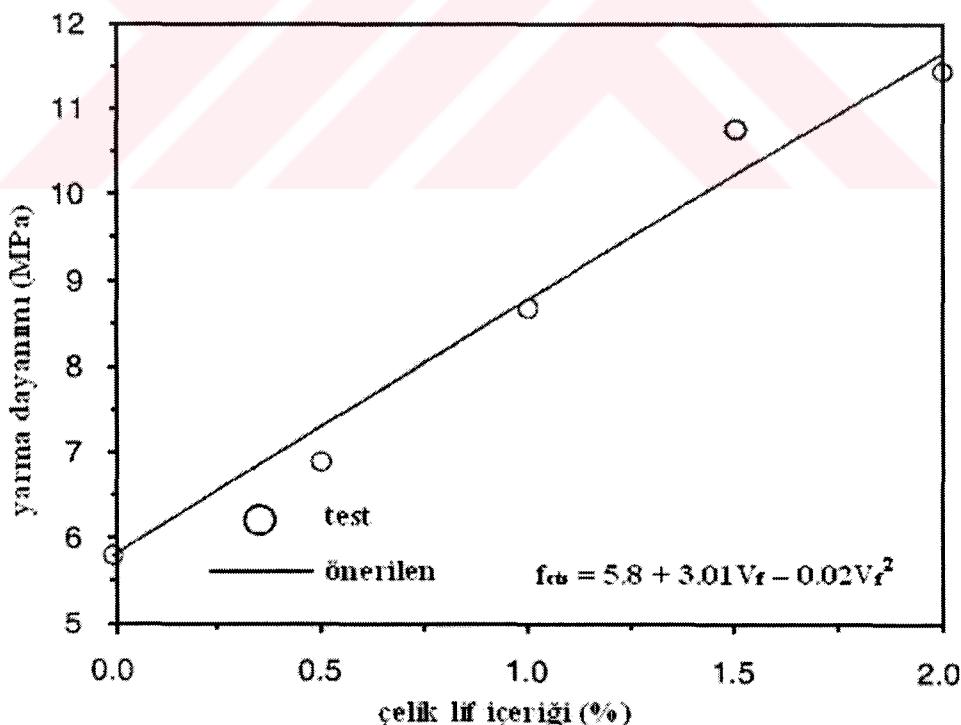
Şekil 2.11 Çelik lif ilavesinin, yüksek dayanımlı betonların basınç dayanımı üzerine etkisi (Song and Hwang 2004)

Song and Hwang yüksek dayanımlı betonların lif ilavesi ile değişen, eğilme dayanımları için;

$$f_{cf} = 6.4 + 3.43 V_f + 0.32 V_f^2 \quad (2.24)$$

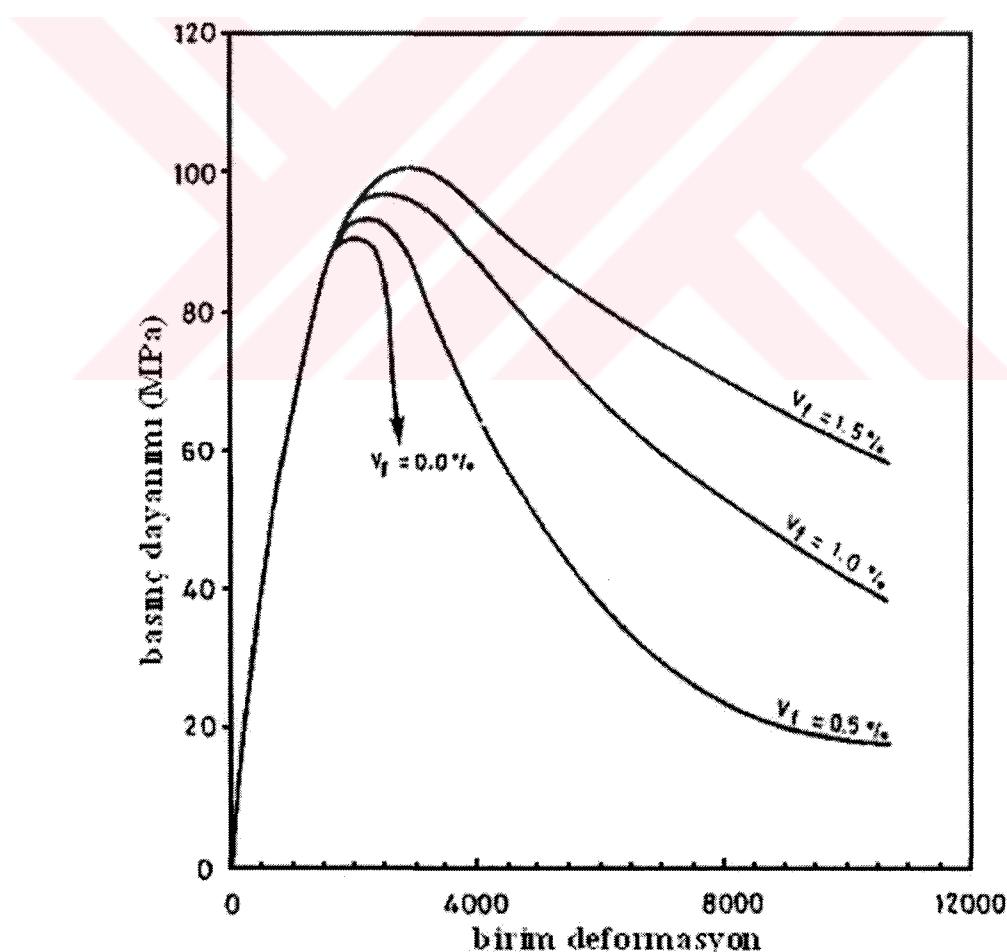
denklemini kullanmanın uygun olacağını belirtmişlerdir. Bu denklemde yer alan  $V_f$  betona ilave edilen hacimsel lif oranını simgelmektedir (Song and Hwang 2004).

Yüksek dayanımlı, çelik lif ilaveli betonların gerilme birim deformasyon eğrileri oluşturularak enerji yutma kapasiteleri incelenmiştir (Şekil 2.13). Şekil 2.13'den de görüldüğü gibi çelik lif ilavesi arttıkça, yüksek dayanımlı betonların birim deformasyonu artmaktadır. Bu davranış da gevrek kırılma özelliği bilinen yüksek dayanımlı betonların sünek davranış sergilemesi açısından önemlidir (Wafa and Ashour 1992).

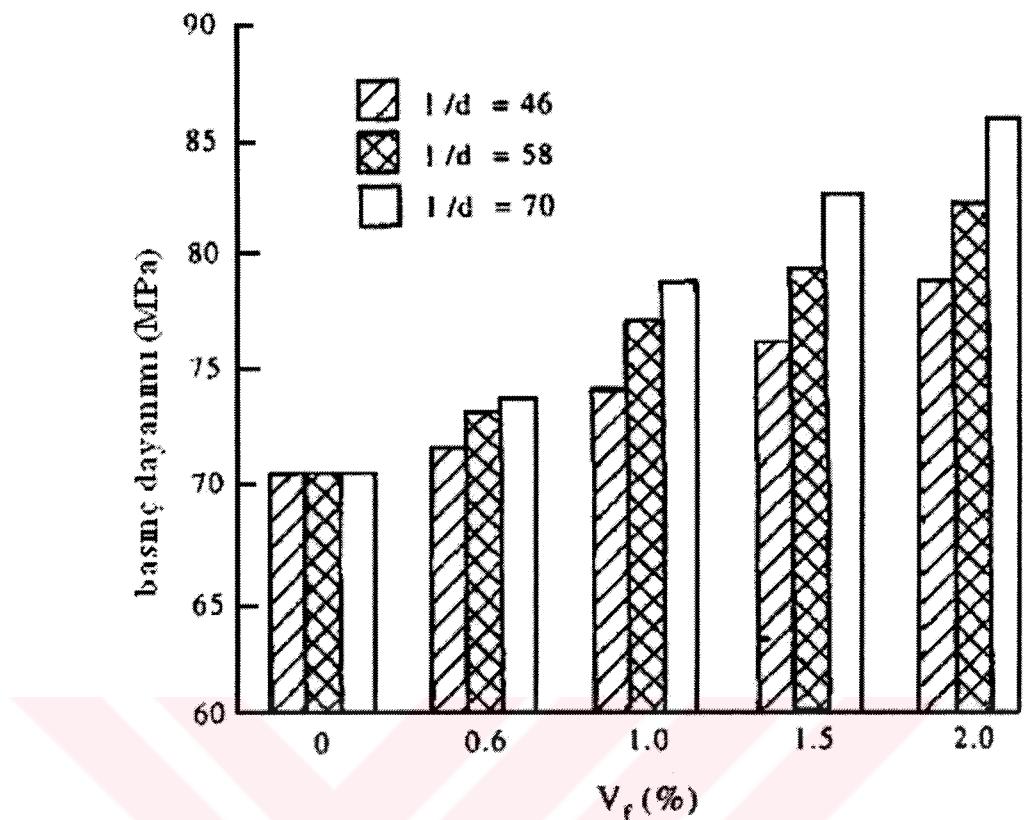


Şekil 2.12 Çelik lif ilavesinin yüksek dayanımlı betonların yarma dayanımı üzerine etkisi (Song and Hwang 2004)

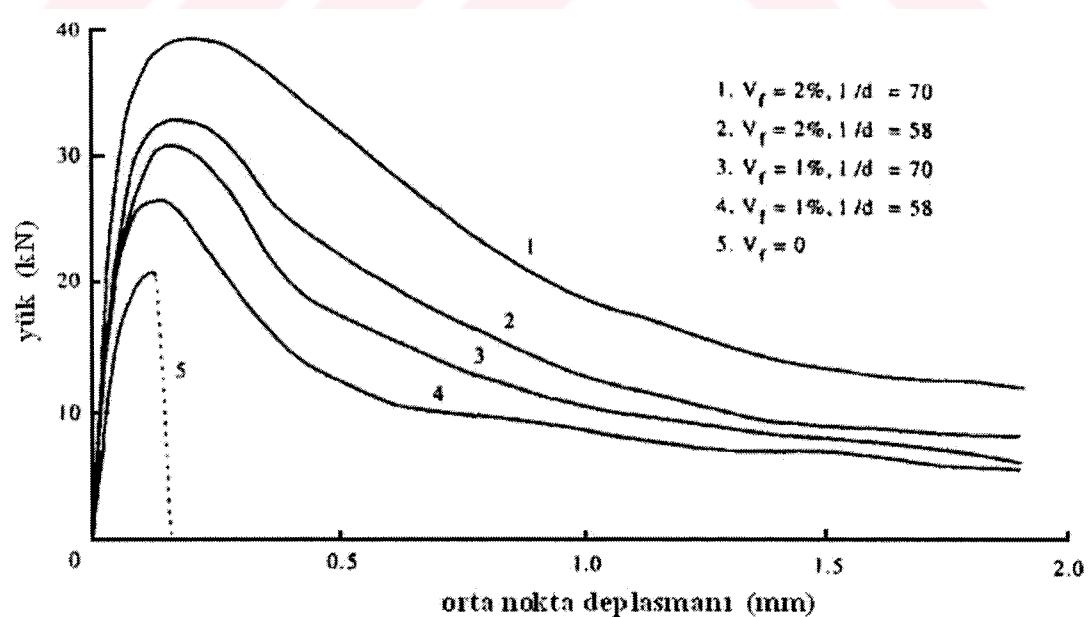
Çelik lifin boyutlarının değişmesi, betonun mekanik özelliklerini üzerinde farklı etkiler yaratmaktadır. Yüksek dayanımlı hafif betonlarla yapılan deneylerde lif boy/çap oranı arttıkça basınç dayanımında artış olmuştur (Şekil 2.14). Grafikten de anlaşıldığı gibi lifin boy/çap oranı 46'dan 70'e doğru artarken basınç dayanımı da artmaktadır. Lif boy/çap oranını yanında lif oranı da basınç dayanımını arttıran bir başka nedendir. Lif oranı %2'ye doğru arttıkça basınç dayanımı da artmaktadır. Ayrıca lif tipi ve içeriği farklı numuneler için oluşturulan yük orta nokta deplasmanı grafikleri de farklılıklar göstermiştir (Şekil 2.15). Betona ilave edilen lifin boy/çap oranı arttıkça eğilmedeki enerji yutma kapasitesi artmaktadır. Lif miktarının artması da kırışın eğilmede enerji yutma kapasitesini artttığı için en iyi eğilme davranışlı 1 numaralı numunede gözlenmiştir (Jianming et. al. 1997).



Şekil 2.13 Yüksek dayanımlı betonların gerilme-birim deformasyon grafiği (Wafa and Ashour 1992)



Şekil 2.14 Lif tipine göre yüksek dayanımlı hafif betonların basınç değişimi (Jianming et.al. 1997)



Şekil 2.15 Çelik lifli, yüksek dayanımlı, hafif betonların yük-deplasman grafiği (Jianming et.al. 1997)

## **2.4 Burulma Deneyleri**

Basınç dayanımı 40-90 MPa arasında değişen yüksek dayanımlı betonlarla üretilen numuneler üzerinde basit burulma deneyleri yapılmıştır. Bu deneyler yapılırken burulma momentini oluşturan yük yavaş yavaş arttırılarak burulma momenti ve dönme açısı değerleri kaydedilmiştir. Kırışlar, donatı kullanılmamasından dolayı ilk çatlaşım oluşması ile kapasitesine ulaşarak kırılmışlardır. Bu deneyler sonucunda 2.4-2.10 arasındaki denklemlerden de anlaşılabileceği üzere, burulma kapasitesi artmış ancak kırılmanın daha ani ve gevrek olduğu tespit edilmiştir. Deneylerden elde edilen veriler elastik teori, plastik teori ve eğik eğilme teorisinden elde edilen denklemlerden bulunan sonuçlarla karşılaştırılmıştır. Bu karşılaştırma sonucunda betonun yarma çekme dayanımını baz alan denklem 2.9' un, deney sonuçları ile çok uyumlu sonuçlar verdiği tespit edilmiştir (Atef et.al. 1991).

Normal ve yüksek dayanımlı donatılı kırışların burulma davranışını tespit etmek için yapılan deneylerde, beton basınç dayanımına bağlı olarak numunelerin çatlama dayanımları farklılıklar göstermiştir. Fakat çatlama dayanımındaki bu farklılıklara değişen enine ve boyuna donatı miktarlarının çok fazla etkisi olmamıştır. Ancak çatlama sonrası numuneler için oluşturulmuş burulma momenti-birim dönme açısı grafiklerinin izlediği yollar farklılıklar gözlenmiştir. Üretilen numunelerde enine ve boyuna donatının hacimsel oranı % 0.6 ile % 2.0 arasında değişiklikler göstermiştir. Bazı numunelerde enine ve boyuna donatının oranı eşit tutulurken, bazı numunelerde boyuna donatı oranı enine donatı oranından fazla, bazı numunelerde ise, enine donatı oranı, boyuna donatı oranından daha fazla olacak şekilde numuneler üretilmiştir. Üretilen bu numuneler basit burulmaya tabi tutulmuştur. Burulma deneyleri sunucunda normal dayanımlı beton ile üretilen, % 1.2 enine donatı oranı, % 1.6 boyuna donatı oranı içeren numune ve eşit % 2.0 oranında enine ve boyuna donatı içeren numuneler dışındaki tüm numunelerde, enine ve boyuna donatılarda akma gözlenmiştir. Yukarıda %1.2 enine, %1.6 boyuna donatı içeren numunenin ise sadece boyuna donatısında akma görülmemiş, enine donatısı ise akmıştır. Yüksek dayanımlı betonlarla üretilen numunelerde de eşit, %2.0 oranında enine ve boyuna donatı içeren numune dışındaki tüm numunelerin enine ve boyuna donatlarında akma gözlenmiştir. Donatı miktarları çatlama momenti üzerinde fazla belirgin etki

göstermemişlerdir. Enine ve boyuna donatı oranını artması elemanların burulma kapasitelerini önemli miktarda arttırmışlardır (Fang and Shiau 2004).

Yapı tasarımlı ile ilgili yönetmeliklerde, boyuna donatının burulma kapasitesi üzerinde etkisi olmadığı kabul edilse de, enine donatı ile beraber kullanılan boyuna donatı oranının artması burulma kapasitesini artırmaktadır.

Donatsız ve çelik lif katkılı normal dayanımlı betonlar ile üretilmiş numuneler üzerinde yapılan basit burulma deneylerinden, çelik lifin, elemanların burulma davranışını tespit edilebilmiştir. Çelik lif içermeyen şahit numuneler, birim dönme açısı 0.002-0.003 rad/m aralığına ulaştığı an kapasitelerine ulaşırken, çelik lif oranı arttıkça, elemanların burulma kapasiteleri artmıştır. % 1.2 hacimsel çelik lif ilavesi elemanların burulma kapasitesini yaklaşık % 30 oranında yukarı taşımıştır. Lif katkılı numunelerin birim dönme açıları da, kapasitelerine ulaşana kadar 0.045 rad/m değerine kadar çıkmışlardır (Rao and Seshu 2003).

Çelik lifli betonarme kırışların burulma davranışını yapılan çalışmalarla irdelenmiştir. Lif ilave edilen betonarme kırışların çatlak dağılımları, lif ilave edilmeyen numunelere göre farklılıklar göstermiştir. Çelik lif ilavesi oranı arttıkça numunelerde gözlenen çatlak sayısı artmış, çatlak genişlikleri ise azalmıştır. (Narayanan and Karem-Palanjian 1986, El-Niema 1993)

Çelik lif katkılı betonarme kırışların burulma kapasitesi;

$$T_n = T_c + T_s + T_f \quad (2.25)$$

denklemi ile bulunabilecektir. Bu denklemdeki  $T_c$  betonun katkısını,  $T_s$  donatının katkısını,  $T_f$  ise çelik lifin katkısını ifade etmektedir. Burada donatı, beton ve çelik lifin katkısını ayrıntılı olarak irdelenirse,

$$T_c = 0.13 x^2 y \sqrt{f_{cu}} \quad (2.26)$$

betonun kapasiteye olan katkısıdır.. Denklem 2.25'de  $x$  ve  $y$  sırasıyla mm cinsinden kesitin kısa ve uzun kenarını belirtmektedir.  $f_{cu}$ , Mpa birimi cinsinden beton küp basınç dayanımını simgelemektedir.

$$T_s = k_2 \frac{x_1 y_1}{s} A_t f_{yw} \quad (2.27)$$

Denklem 2.27' de verilen değişkenler aşağıda verilmiştir.

$T_s$  donatının taşıdığı burulma momenti,

$x_1, y_1$  sırasıyla enine donatının, merkezden merkeze kısa ve uzun kenarı,

$s$  enine donatı aralığı,

$A_t$  enine donatının bir bacağının kesit alanı,

$f_{yw}$  enine donatının akama dayanımıdır.

Burada verilen değişkenlerin tamamında SI birim sistemi kullanılmalıdır. Denklem 2.27' de yer alan  $k_2$  sabiti ise aşağıdaki gibi bulunabilir.

$$k_2 = 0.2m + \sqrt{m} \left( \frac{0.45 y_1}{x_1} - \frac{s}{x_1 + y_1} \right) \quad (2.28)$$

$$m = \frac{\rho_l f_{yl}}{\rho_s f_{yw}} \quad (2.29)$$

2.29 denklemindeki,  $\rho_l$  boyuna donatı oranı,  $\rho_s$  enine donatı oranı,  $f_{yl}$  boyuna donatı akma dayanım,  $f_{yw}$  enine donatı akma dayanımıdır. Akma dayanımları  $N/mm^2$  olarak alınmalıdır. Çelik lifin katkısı;

$$T_f = 0.22 \frac{x_1 y_1}{x_1 + y_1} x y F \sqrt{f_{cu}} \quad (2.30)$$

denklemiyle bulunabilir.

Denklem 2.30' da yer alan  $F$  lif faktörüdür. Lif faktörü aşağıdaki denklemle bulunur.

$$F = \frac{l}{d} V_f d_f \quad (2.31)$$

Denklem 2.31'de yer alan  $l$ , lif boyunu,  $d$ , lif çapını,  $V_f$  betona ilave edilen hacimsel lif oranını simgelemektedir.  $d_f$  ise, lif aderans faktörüdür ve lifin geometrisine göre 0.5 ile 1 arasında değer alır.

Yukarıda yer alan denklem 2.30 ve denklem 2.31 kullanılarak lif ilavesinin kesitin taşıma gücüne katkısı bulunabilir (Narayanan and Palanjian 1986).

### **3. DENEYSEL ÇALIŞMA**

Bu bölümde deneysel çalışmada kullanılan malzemeler, deney değişkenlerinin adlandırılması, beton karışımlarının hazırlanması, deney numunelerinin üretilmesi ve deney aşamaları anlatılarak okuyucunun yapılan çalışma hakkında daha ayrıntılı bilgi sahibi olması hedeflenmiştir.

#### **3.1. Malzemeler**

Beton üretiminde kullanılan agregaların, çimentonun, suyun ve diğer katkıların özellikleri, betonun mekanik özellikleri üzerinde doğrudan etkilidir. Betonarme eleman üretilmesi için gerekli olan donatı çeliğinin özellikleri de betonun mekanik özellikleri yanında betonarme kesitin yük taşıma kapasitesi üzerinde etkili olan bir faktördür. Dolayısıyla betonarme eleman üretiminde kullanılan malzemelerin niteliklerinin bilinmesi son derece önemlidir. Aşağıda bu deneysel çalışmada kullanılan malzemeler hakkında kısaca bilgiler verilmiştir.

##### **3.1.1. Agregalar**

Deney elemanlarının üretiminde kullanılan beton karışımında, iri malzeme olarak kırmataş No I, ince malzeme olarak ise doğal kum kullanılmıştır. Kırmataş No I Kocaeli, Hereke kırmataş ocağından, doğal kum ise Sakaryadan temin edilmiştir. Kullanılan aggregalara ait özellikler Tablo 3.1'de verilmiştir.

##### **3.1.2. Çimento**

Bu çalışma için üretilen beton karışımında Nuh Çimento Sanayi ve Ticaret A.Ş. tarafından üretilen PÇ 42,5 (CEM I 42,5 R) portland çimentosu kullanılmıştır. Üretici firma tarafından elde edilmiş ve tarafımıza verilen PÇ 42,5 portland çimentosuna ait kimyasal, fiziksel ve mekanik özellikler Tablo 3.2 ve Tablo 3.3'de verilmiştir.

Tablo 3.1 Kullanılan Agragaların Özellikleri

Elek Analizi Sonuçları		
Elek Boyutu (mm)	Elek Altına Geçen Malzeme (%)	
	Doğal Kum	Kırmataş No I
31,5	100	100
16	100	100
8	100	62
4	95	8
2	87	4
1	72	3
0,5	43	1
0,25	12	1
<b>İncelik Modülü</b>	<b>1.91</b>	<b>5.21</b>

Fiziksel Özellikler		
Su Emme Oranı (%)	1.40	0.45
Özgül Ağırlık (gr/cm <sup>3</sup> )	2.65	2.70

Tablo 3.2 Kullanılan Çimentonun Kimyasal Özellikleri

Kimyasal Özellikler	
İncelenen Maddeler	Elde Edilen Değerler (%)
SiO <sub>2</sub>	20.34
Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	4.24
Fe <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	3.89
CaO	63.97
MgO	1.17
SO <sub>3</sub>	2.57
Çözünmeyen Kalıntı	0.71
Kızdırma Kaybı	1.95
Serbest Kireç	0.96
Toplam Alkali (Na <sub>2</sub> O+0.658 K <sub>2</sub> O)	-
Klorür	0.0089

Tablo 3.3 Kullanılan Çimentonun Fiziksel ve Mekanik Özellikleri

Fiziksel Özellikler	
İncelenen Özellikler	Elde Edilen Değerler
Priz Başlangıcı (saat : dakika)	03:01
Priz Sonu (saat : dakika)	04:21
Hacim Sabitliği ( mm )	2
Özgül Yüzey ( cm <sup>2</sup> / gr )	3504
Özgül Ağırlık (gr / cm <sup>3</sup> )	3.17
Mekanik Özellikler	
Basınç Dayanımları ( MPa ) (50x50x50mm küp numunelerde)	
2 Günlük	26.9
7 Günlük	47.0
28 Günlük	59.9

### 3.1.3. Süperakışkanlaştırcı ve hiperakışkanlaştırcı

Bu çalışmadaki  $f_{ck}=30$  MPa basınç dayanımına sahip beton numunelerinin hazırlanmasında Sika Yapı Kimyasalları A.Ş.'den sağlanan Sika-FFN süperakışkanlaştırcı,  $f_{ck}=60$  MPa basınç dayanımına sahip beton numunelerinin hazırlanmasında ise yine aynı firmadan temin edilen Sikament 300 hiperakışkanlaştırcı kullanılmıştır. Kullanılan süperakışkanlaştırcı Sika-FFN' e ait özellikler Tablo 3.4'de, hiperakışkanlaştırcı Sikament 300' e ait özellikler ise Tablo 3.5'de verilmiştir.

### 3.1.4. Donatı çeliği

Burulma deneyi betonarme elemanlarının oluşturulmasında, enine donatı olarak  $d_b=8$  mm çapında, boyuna donatı olarak ise  $d_b=8$  mm ve  $d_b=12$  mm çaplarında BÇ-IIIa kalitesinde nervürlü çelikler kullanılmıştır. Deney numunelerinde enine ve boyuna donatı olarak kullanılan  $d_b=8$  mm ve  $d_b=12$  mm çaplarındaki nervürlü çelikler Şekil 3.1' de gösterilmiştir.



$$d_b = 12 \text{ mm}$$

$$d_b = 8 \text{ mm}$$

Şekil 3.1 Deneylerde kullanılan donatılar

Tablo 3.4 Kullanılan Süperakışkanlaştırıcının Özellikleri

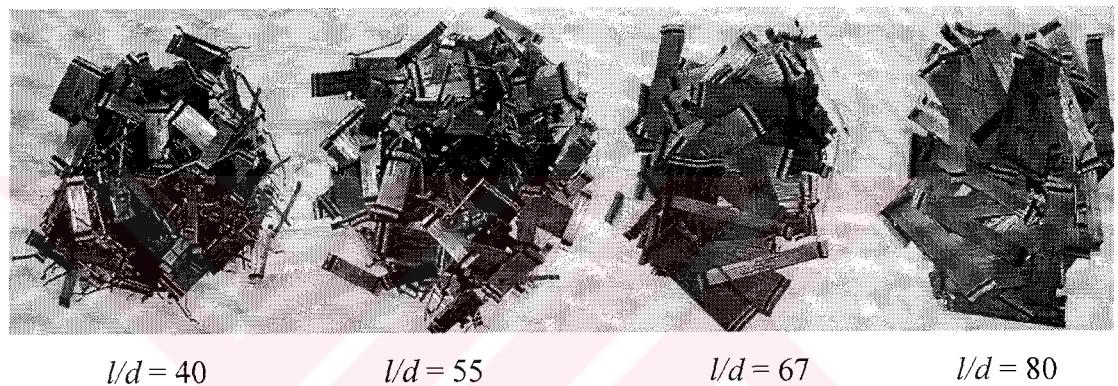
<b>Ticari İsmi</b>	Sika-FFN
<b>Tanım</b>	Yüksek oranda su azaltıcı ve erken/nihai yüksek dayanımlar sağlayan süperakışkanlaştırıcı beton katkısı
<b>Tip</b>	Melamin sülfonat polimeri esaslı sıvı
<b>Görünüş</b>	Kahverengi, akışkan sıvı
<b>Özgül Ağırlık (20 °C)</b>	$1.21 \pm 0.02 \text{ kg/lt}$
<b>Klorür Miktarı</b>	Yok
<b>Kullanım Oranı</b>	Çimento ağırlığının % 0.8-3.0
<b>Uygunluk</b>	ASTM C 494-81 Tip F ve TS EN 934-2 Standartlarına uygundur

Tablo 3.5 Kullanılan Hiperakışkanlaştırıcının Özellikleri

<b>Ticari İsmi</b>	Sikament 300
<b>Tanım</b>	Yüksek performanslı hiper akışkanlaştırıcı ve sertleşme hızlandırıcı beton katkısı
<b>Tip</b>	Özel tip melamin sülfonat polimeri
<b>Görünüş</b>	Kahverengi, akışkan sıvı
<b>Özgül Ağırlık (20 °C)</b>	$1.23 \pm 0.02 \text{ kg/lt}$
<b>Klorür Miktarı</b>	Yok
<b>Kullanım Oranı</b>	Erken dayanımlı betonlar için çimento ağırlığının % 1.2-3.0'sı, akıcı betonlar için %0.8-1.2'si, plastik betonlar için %0.8-1.2'si, yoğun betonlar için min.% 0.5'i oranında
<b>Uygunluk</b>	TS EN 934-2 Standartlarına uygundur

### 3.1.5. Çelik lif

Bu çalışmada boy/çap oranı 40 (30/0.75), 55 (30/0.55), 67 (60/0.90) ve 80 (60/0.75) olmak üzere 4 farklı ebatta ucu kancalı çelik lif kullanılmıştır. Kullanılan demetler halindeki çelik lifler Şekil 3.2'de gösterilmiştir. Çelik liflerin geometrisi de Şekil 3.3'de verilmiştir. Çalışmada kullanılan çelik lifler Beksa Çelik Kord Sanayi ve Ticaret A.Ş.'den temin edilmiştir. Üretici firma tarafından elde edilmiş ve tarafımıza verilen, çelik liflere ait özellikler Tablo 3.6, 3.7 ve 3.8'de verilmiştir.



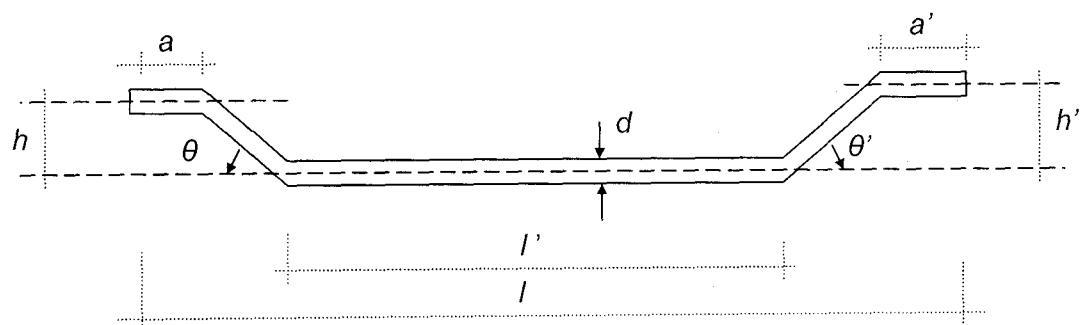
$l/d = 40$

$l/d = 55$

$l/d = 67$

$l/d = 80$

Şekil 3.2 Deneylerde kullanılan çelik lifler



Şekil 3.3 Kullanılan çelik lifin geometrisi

Tablo 3.6 Kullanılan Çelik Liflerin Kimyasal Özellikleri

Kimyasal Özellikler	
İncelenen Maddeler	Elde Edilen Değerler (%)
C	$\leq 0.10$
Si	$\leq 0.30$
Mn	$\leq 0.60$
P	$\leq 0.035$
S	$\leq 0.035$

Tablo 3.7 Kullanılan Çelik Liflerin Geometrik Özellikleri

Geometrik Özellikler		
	Alabilecegi Değerler	Tolerans (mm)
Çap (mm)	$0.25 \leq d \leq 1.05$	$\pm 0.02$
Uzunluk (mm)	$20 \leq l \leq 60$	$\pm 3$
Kanca uzunluğu (mm)	$1.5 \leq a \leq 4.0$	
Kanca Yüksekliği (mm)	$h \geq 0.75$	
Kanca açısı	$\theta \geq 20^\circ$	

Tablo 3.8 Kullanılan Çelik Liflerin Mekanik Özellikleri

Mekanik Özellikler	
Çap (mm)	Çekme Dayanımı ( $N/mm^2$ )
0.55	$1135 \leq R_m \leq 1535$
0.75	$1085 \leq R_m \leq 1465$
0.90	$1030 \leq R_m \leq 1370$
Uygunluk	ASTM A820 ve TS 10513 standartlarına uygun

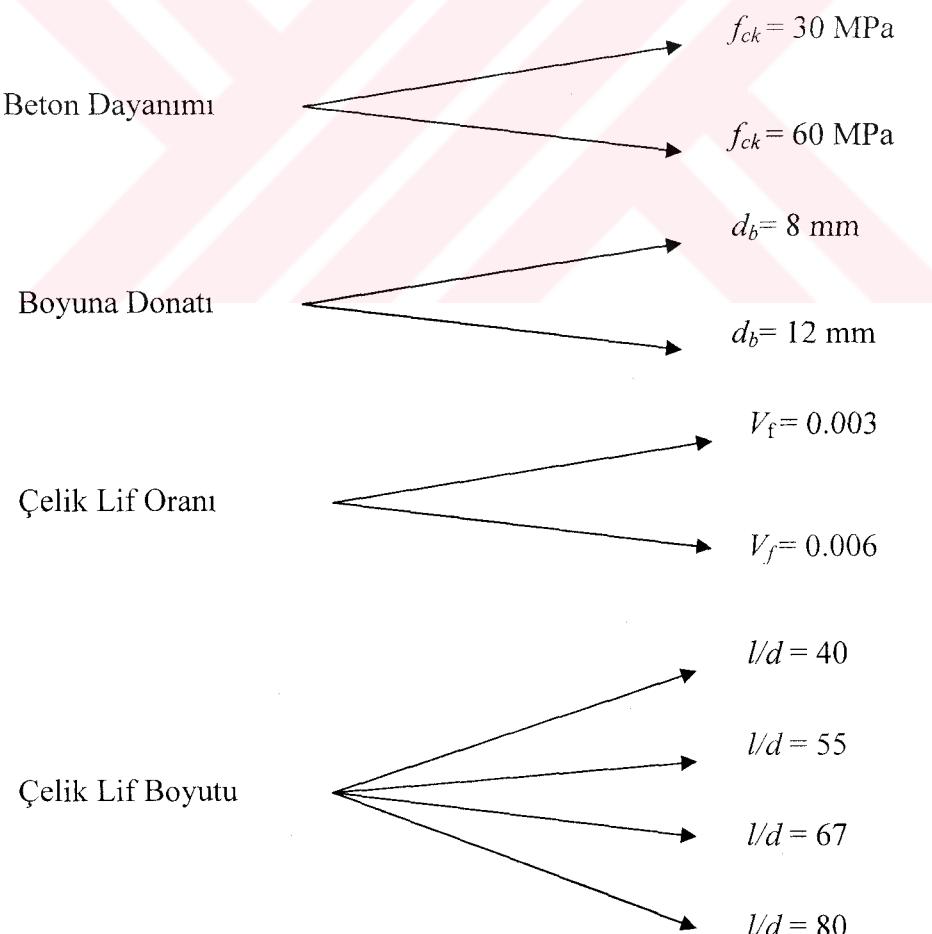
### 3.2. Deney Değişkenleri ve Numunelerin adlandırılması

Bu bölümde, öncelikle çalışma sırasında kullanılan deney değişkenleri anlatılmış daha sonra da numunelerin ne şekilde adlandırıldığı ayrıntılı olarak açıklanmıştır.

### 3.2.1. Deney değişkenleri

Deney değişkeni olarak  $f_{ck}=30$  MPa ve  $f_{ck}=60$  MPa olmak üzere iki farklı beton dayanımı hedeflenmiştir. Bu iki dayanımın seçilmesindeki amaç normal ve yüksek dayanımlı betonlarda çelik lif ilavesinin etkisini görebilmektir. Diğer bir değişken olarak numunelere yerleştirilen boyuna donatı miktarı belirlenmiştir. Üretilen numunelerde  $4\Phi 8$  mm ve  $4\Phi 12$  mm olmak üzere iki farklı donatı miktarı seçilmiştir.

Deney numunelerinin üretilmesi sırasında boy/çap oranı 40, 55, 67, 80 olmak üzere dört farklı boyutta ucu kancalı çelik lif kullanılmıştır. Bu çelik lifler beton hacminin 0.003 ve 0.006'sı oranlarında betona ilave edilmiştir. Lifin betona bu oranlarla ilave edilmesi ile, lif hacminin artışının davranışa etkisinin incelenmesi hedeflenmiştir. Üst sınır olan 0.006 oranı ise deneme betonları döküлerek, betonun yerleşme durumuna göre tespit edilmiştir.



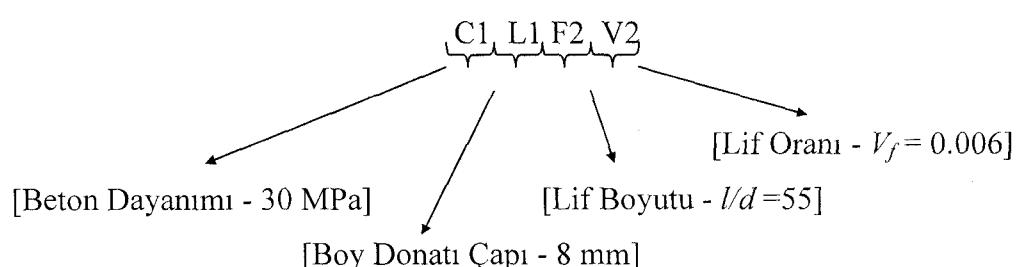
Şekil 3.4 Deney değişkenlerinin şematik olarak gösterimi

Tüm deney elemanlarında, pas payı 5 mm, enine donatı çapı  $d_b=8$  mm ve enine donatı aralığı merkezden merkeze 200 mm olacak şekilde dizayn yapılmıştır. Şekil 3.4'de deney değişkenleri şematik olarak gösterilmiştir.

### 3.2.2. Numunelerin adlandırılması

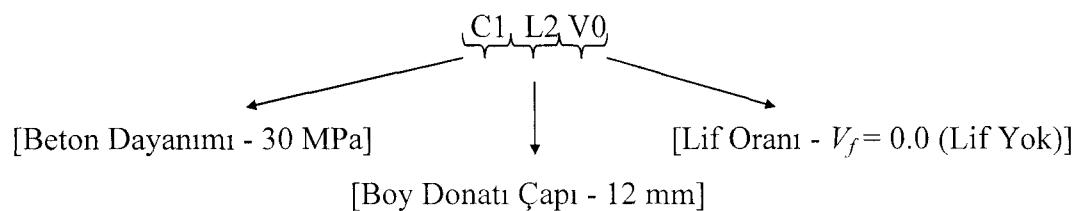
Deney numunelerinin adlandırılmasında yukarıda Bölüm 3.2.1'de sözü edilen değişkenler kullanılmıştır. Numune adlandırılmada kullanılan ilk karakter olan C bloğu beton dayanımını belirtmektedir. C1 adlandırması  $f_{ck}=30$  MPa, C2 adlandırması  $f_{ck}=60$  MPa hedef basınç dayanımındaki betonu ifade etmektedir. Numune adlandırılmasında kullanılan L karakter bloğu boyuna donatı özelliğini belirtmektedir. L1 ifadesi  $d_b=8$  mm, L2 ise  $d_b=12$  mm çapındaki boyuna donatıyı ifade etmektedir. F bloğu lif boyutlarını belirtmektedir. F1, F2, F3, F4 sırasıyla 40, 55, 67, 80 boy/çap oranına sahip lifler için kullanılmıştır. Adlandırılmada kullanılan V bloğu betona ilave edilen lif hacmini göstermektedir. V1 betona hacminin 0.003 oranında, V2 ise 0.006 oranında lif ilave edildiğini anlatmaktadır. Şahit numunelerin adlandırılmasında lif kullanılmadığı için F bloğuna yer verilmemiş, ve lif yüzdesini ifade eden V ise 0 olarak alınmıştır.

Aşağıda  $f_{ck}=30$  MPa beton basınç dayanımına sahip, boyuna donatı çapı  $d_b=8$  mm, boy/çap oranı ve 0.006 lif katkısı olan numune ile beton basınç dayanımı  $f_{ck}=30$  MPa, boyuna donatı çapı  $d_b=12$  mm ve lif içermeyen şahit numune adlandırma örnekleri verilmiştir. Tüm numunelerin adlandırılması ve diğer özelliklerini Tablo 3.9'da gösterilmiştir.



Tablo 3.9 Deney Numunelerinin Adlandırılması ve Özellikleri

Numune Adı	Beton Dayanımı (MPa-Hedef)	Boy Donatı Çapı ( $d_b$ ) (mm)	Etriye çapı/aralığı (mm/mm)	Lif Boyutu ( $l/d$ )	Hacimsel Lif Oranı
<b>C1L1V0</b>	30	8	8/20	-	-
<b>C1L1F1V1</b>	30	8	8/20	40	0.003
<b>C1L1F1V2</b>	30	8	8/20	40	0.006
<b>C1L1F2V1</b>	30	8	8/20	55	0.003
<b>C1L1F2V2</b>	30	8	8/20	55	0.006
<b>C1L1F3V1</b>	30	8	8/20	67	0.003
<b>C1L1F3V2</b>	30	8	8/20	67	0.006
<b>C1L1F4V1</b>	30	8	8/20	80	0.003
<b>C1L1F4V2</b>	30	8	8/20	80	0.006
<b>C1L2V0</b>	30	12	8/20	-	-
<b>C1L2F1V1</b>	30	12	8/20	40	0.003
<b>C1L2F4V1</b>	30	12	8/20	80	0.003
<b>C2L1V0</b>	60	8	8/20	-	-
<b>C2L1F1V1</b>	60	8	8/20	40	0.003
<b>C2L1F1V2</b>	60	8	8/20	40	0.006
<b>C2L1F2V1</b>	60	8	8/20	55	0.003
<b>C2L1F2V2</b>	60	8	8/20	55	0.006



### 3.3. Beton Karışımları

Bu çalışmada kullanılan beton karışımıları, lif katılmamış durum için  $f_{ck}=30$  MPa ve  $f_{ck}=60$  MPa beton basınç dayanımları hedeflenerek hazırlanmıştır. Numune üretiminde kullanılacak beton dayanımlarını elde etmek amacıyla her iki beton

dayanımı için çeşitli beton karışımıları tasarlanmıştır ve bu tasarlanan betonlardan alınan numuneler denenmiştir. Betona çelik lif ilavesi yapılması betonun slump değerini düşürecegi, dolayısıyla lifli betonun kaliba yerleşmesini zorlaştıracagi için beton tasarımları yapılrken slump değerinin yüksek olmasına dikkat edilmişdir. Slump değeri yüksek, yerleşebilirliği iyi beton elde edebilmek için  $f_{ck}=30$  MPa basınç dayanımındaki betonlar için süperakışkanlaştırıcı,  $f_{ck}=60$  MPa basınç dayanımındaki betonlar için hiperakışkanlaştırıcı kullanılmıştır. Yapılan denemeler sonucunda en uygun olduğu düşünülen ve numune üretiminde kullanılan beton karışımıları Tablo 3.10'de verilmiştir.

### 3.4. Deney Numunelerinin Üretilmesi

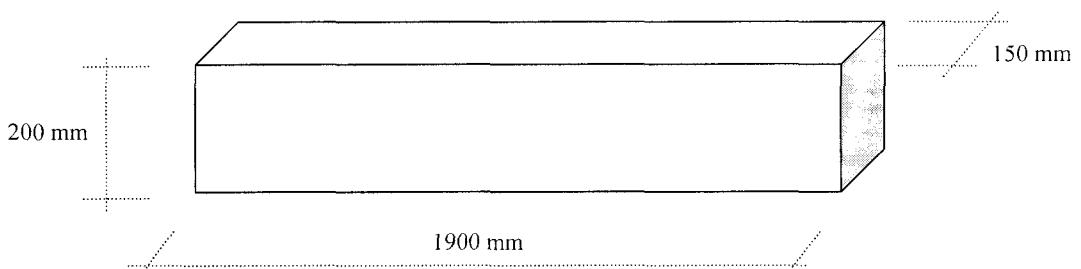
Deney numunesi boyutları, uygulamada karımıza çıkan boyutlara yakın alınmaya çalışılmış, laboratuar imkanları da göz önünde bulunarak 150\*200\*1900 mm ebatlarında numunelerin üretilmesine karar verilmiştir (Şekil 3.5). Üretilecek numunelerin kalıplarının yan yüzeyleri 10\*200\*2000 mm boyutlarındaki çelik plakalardan, uç kısımları da bu plakalar arasında kaydırılabilen 50\*150\*200 mm ebatlarındaki ahşap bloklardan oluşmaktadır.

Tablo 3.10 Deneylerde Kullanılan Beton Karışımıları (1 m<sup>3</sup> için)

Beton Bileşenleri	Hedef Dayanım	30 MPa	60 MPa
Su / Çimento	0.65	0.37	
Su (kg/m <sup>3</sup> )	208	203.5	
Çimento (kg/m <sup>3</sup> )	320	550	
Kırmataş No I (kg/m <sup>3</sup> )	1091	982	
Kum (kg/m <sup>3</sup> )	714	642	
Süperakışkanlaştırıcı (kg/m <sup>3</sup> ) *	3.2	-	
Hiperakışkanlaştırıcı (kg/m <sup>3</sup> ) **	-	8.8	
Çökme (Slump) (cm)	24	20	

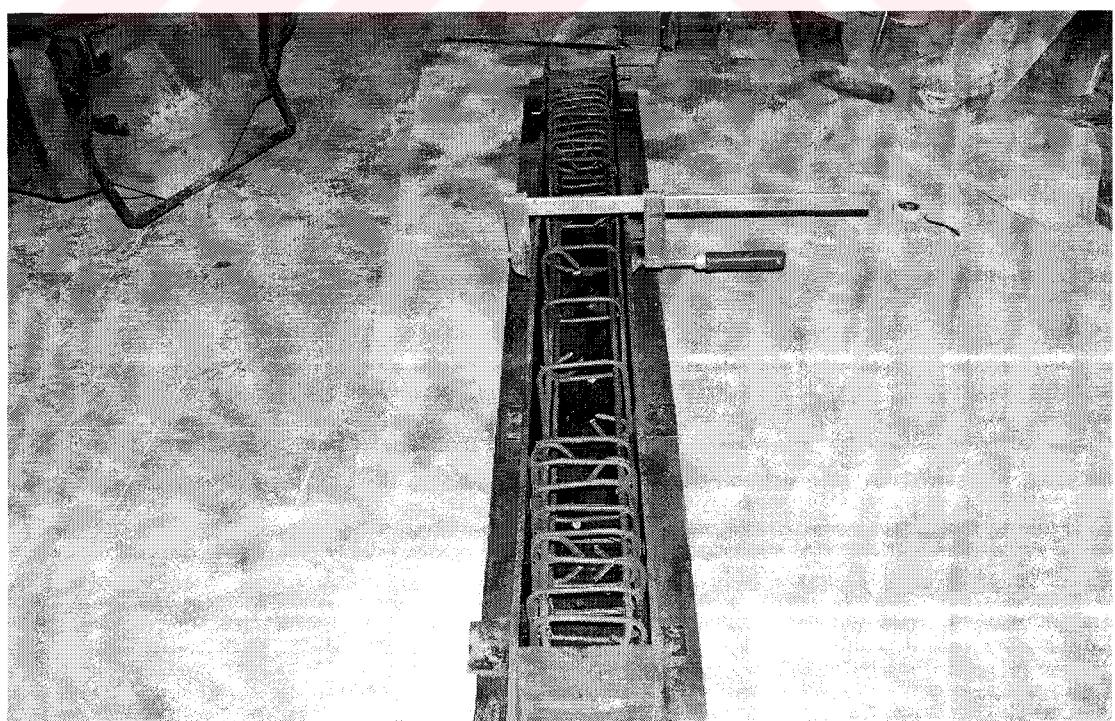
\* Süperakışkanlaştırıcı çimento ağırlığının % 1' i kadar kullanılmıştır.

\*\* Hiperakışkanlaştırıcı çimento ağırlığının % 1.6' sı kadar kullanılmıştır.



Şekil 3.5 Deney numunesinin boyutları

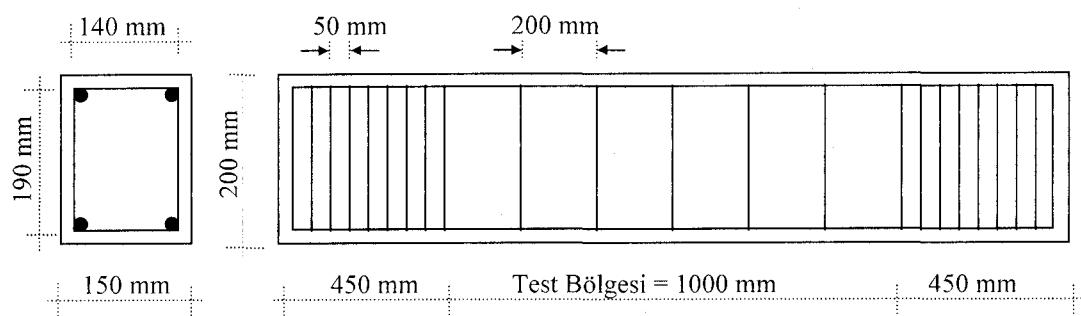
İki ucuna arzulanan numune boyutlarını sağlayacak şekilde ahşap bloklar yerleştirilmiş plakalar, uçlarında alta ve üstte bulunan deliklerden somunlar geçirilmek suretiyle sabitlenmiştir. Pürüzsüz bir numune tabanı elde edebilmek amacıyla, yan plakalar, ahşap bloklar ve somunlardan oluşan sistem  $30*300*3000$  mm ebatlarındaki ahşap plaka üzerine yerleştirilmiştir. Numunenin boyunun uzun olması dolayısıyla, orta bölgesinin açılmasını önleyip, planlanan numune genişliğini sağlamak için ahşap plaka üzerine belirli aralıklarla çelikten yapılmış L şeklinde kulaklar monte edilmiştir. Monte edilen bu kulaklar, çelik plakaların beton ile doldurulması sonucu oluşacak dışa açılmayı önleyerek, 200 mm numune genişliğinin tüm numune boyunca sabit olmasını sağlamıştır. Hazırlanan numune kalıpları Şekil 3.6' da gösterilmiştir.



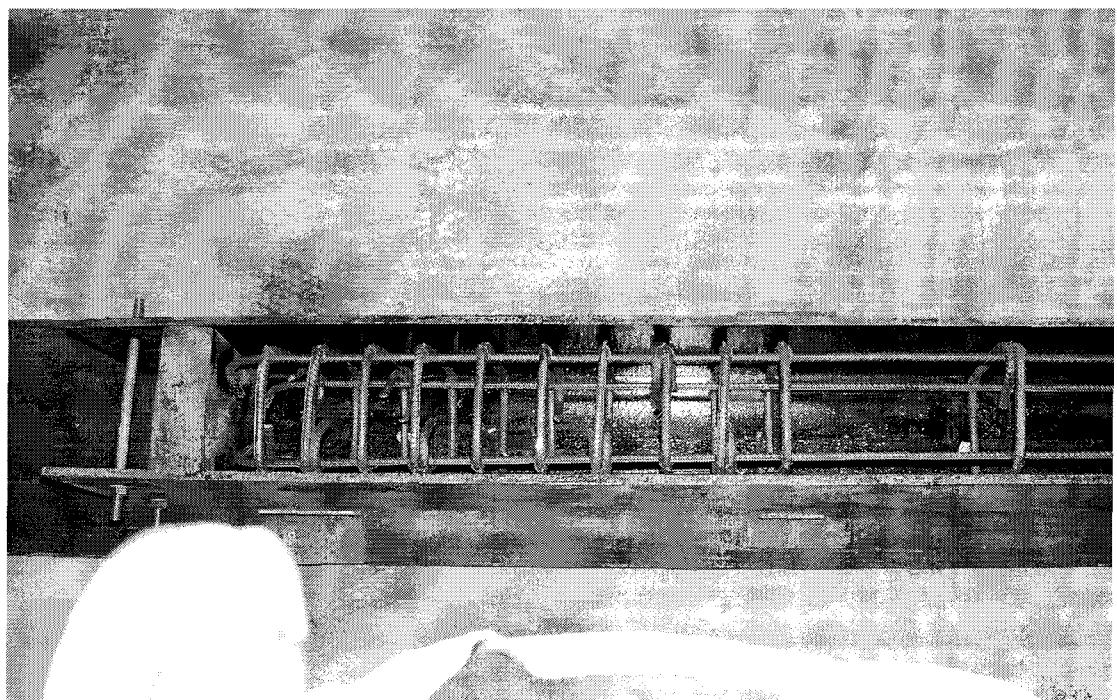
Şekil 3.6 Hazırlanan numune kalıpları

Deney numuneleri için kalıplar hazırlanırken dört köşede bulunan her bir boyuna donatının ucu  $90^\circ$  açıyla kıvrılarak 50 mm uzunluğunda kancalar oluşturulmuştur. Bu kancaların oluşturulmasıyla boyuna donatıların beton içinden sıyrılmamasının önüne geçirilmesi hedeflenmiştir. Enine donatıların uçları TS 500-2000' de belirtildiği üzere  $135^\circ$  açıyla kıvrılarak 50 mm uzunluğunda kancalar oluşturulmuştur. 1900 mm uzunluğundaki deney numunesinin ortada kalan 1000 mm uzunlukta olan kısmı test bölgesi olacağı için donatı bağlanması sırasında bu bölgedeki enine donatılar merkezden merkeze 200 mm olacak şekilde dizayn edilmiştir. Test bölgesi dışında kalan her iki uçtaki 450 mm uzunluğunda olan bölgelerde Şekil 3.8' de gösterildiği gibi enine donatılar merkezden merkeze 50 mm aralıklla kullanılarak numunenin test bölgesi dışında kalan kısımlarının daha riyit olması sağlanmıştır Deney numunesine donatı yerlesimi Şekil 3.7' de verilmiştir.

Beton dökümünden önce, hazırlanan kalıpların iç yüzleri kalıp yağı ile yağlanarak üretilen numune yüzeylerinin pürüzsüz olması sağlanmıştır. Hazırlanan donatılar, tel fırça yardımıyla toz, pas ve kirden arındırılarak, yağlanan kalıplar içine yağı bulaşmayacak şekilde dikkatlice yerleştirilmiştir. Donatıların toz, pas, kirden arındırılması ya da yağı olmaması donatının betonla aderansını sağlaması açısından önem arz etmektedir. Donatı ile kalıp yüzeyleri arasındaki pas payları donatı ile kalıp yüzeyleri arasına iri agrega sıkıştırmak suretiyle sağlanmıştır. Her bir numune için beton basınç ve çekme dayanımlarının takibini yapmak üzere 150 mm çapında, 300 mm yüksekliğinde çelik silindir kalıplar ve 100\*100\*500 mm ebatlarında çelik prizma kalıplar kullanılarak elemanlar üretilmiştir. Pürüzsüz yüzey sağlamak amacıyla bu kalıplar da kalıp yağı ile yağlanarak kullanılmıştır (Şekil 3.9).



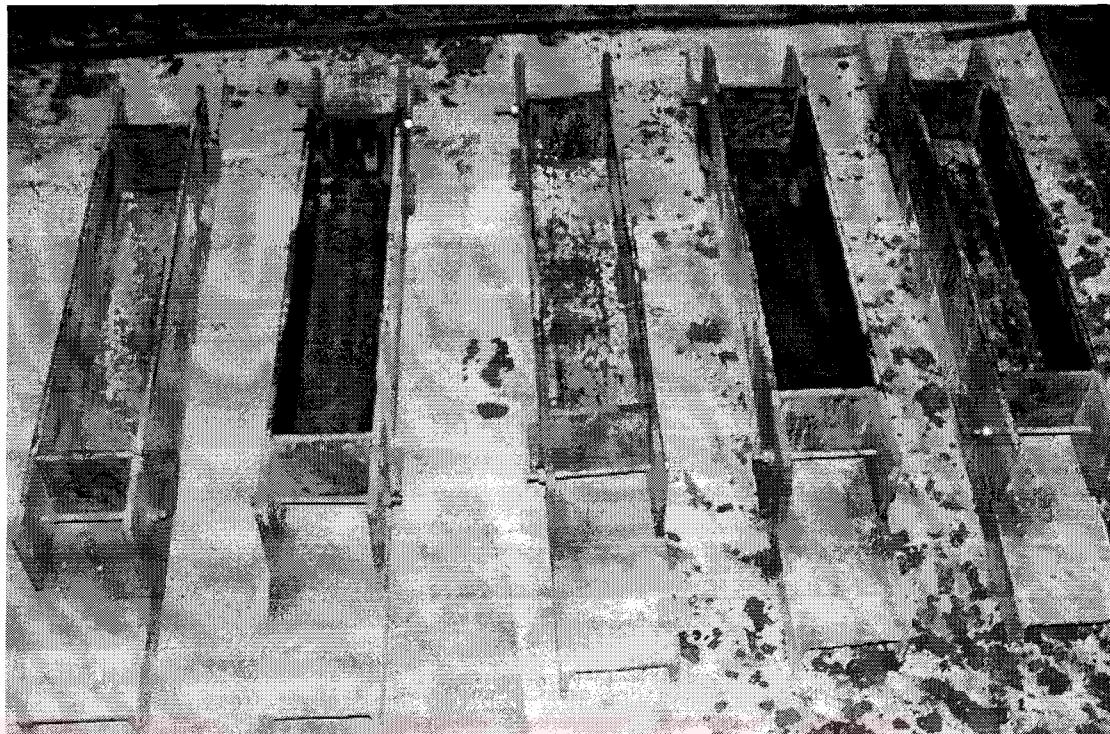
Şekil 3.7 Deney numunesine donatı yerlesimi



Şekil 3.8 Test bölgesi dışı etriye sıkılaştırılması

Deney numuneleri için kullanılan beton üretimi,  $56 \text{ dm}^3$  kapasiteli düşey eksenli cebri karıştırıcılı betoniyer ile  $30 \text{ dm}^3$  miktarlar halinde yapılmıştır. 12 adet silindir, 5 adet prizma ve 1 adet betonarme kırısten oluşan 1 deney seti için gerekli  $150 \text{ dm}^3$  beton 5 parti halinde dökülmüştür. Bir önceki partide dökülen betonun prizinin oluşmadan, bir sonrakinin dökülebilmesi için her bir döküm arasında mümkün olan en az süre harcanmaya özen gösterilmiştir.

Beton dökümü sırasında betoniyere doğal kum, çimento ve kırma taş No I sırayla konulduktan sonra betoniyer çalıştırılmış bu üç malzemenin çok kısa süre karıştırılmasından sonra, bu malzemelere içine akışkanlaştırıcı katılmış su ilave edilmiştir. Betoniyerdeki malzemelerin tam karışımı sağlandıktan sonra karışım demetler halindeki çelik lifler azar azar ilave edilmiştir. Bu işlem bittikten sonra betoniyer ortalama hızla 5 dakika süreyle çalıştırılmıştır. Bu süre sonunda homojen hale gelen beton, kürek yardımıyla kalıplar içine aktarılmış, yerleşmenin tam olarak sağlanması için şişleme ve tokmaklama yöntemi uygulanmıştır. Şahit numunelerde çelik lif kullanılmadığı için, şahit numunelerin betonunun üretilmesi sırasında çelik lifin ilave edilmesi dışındaki adımlar aynen tekrar edilmiştir.



Şekil 3.9 Eğilme numunesi kalıpları

Deney numuneleri dökümden sonra 4 gün süre ile kalıplar içinde bırakılmış, bu sürenin sonunda kalıptan çıkarılan numunelere, 3 gün boyunca ıslak keten parçaları örtülerek kür işlemi uygulanmıştır. Bu üç günlük kürleme işleminden sonra test tarihine kadar numuneler laboratuar ortamında bırakılmıştır. Beton dökümü ve test tarihini beklemeye süresince laboratuardaki sıcaklık değerleri 13-23° C, bağıl nem değerleri ise %65-75 aralığında tespit edilmiştir.

### 3.5. Deney Aşaması

Bu bölümde betonun ve donatı çeliğinin mekanik özelliklerini belirlemek için yapılan deneyler ile burulma deneylerinin yapıldığı düzenek tanıtıldıktan sonra burulma deneylerinin nasıl yapıldığına dair ayrıntılı bilgiler verilmiştir.

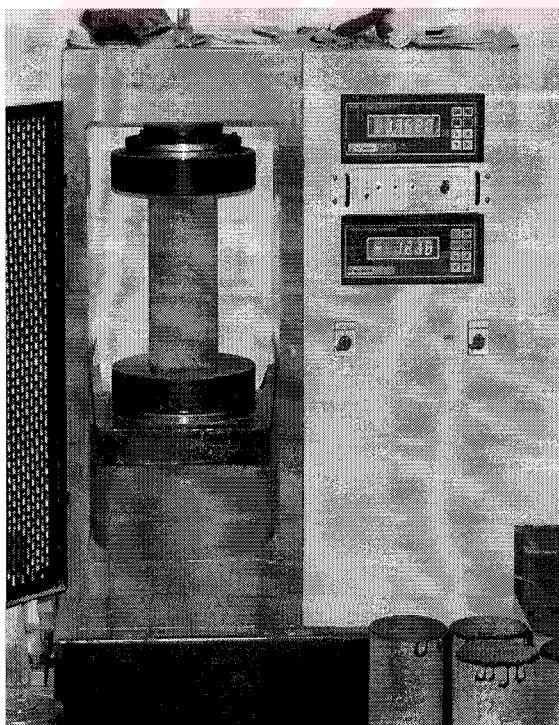
#### 3.5.1. Beton deneyleri

Deney numunelerinin üretimi sırasında beton basınç dayanımlarının takip edilebilmesi amacıyla her bir deney elemanı için 150 mm çapında, 300 mm

yüksekliğindeki silindir numunelerden 12 adet alınmıştır. Alınan bu silindir numuneler belirli aralıklarla kükürt başlık yapılmak suretiyle 3000 kN kapasiteli beton basınç deney aletinde denenmiş ve üretilen numunenin basınç dayanımı takip edilmiştir. Numunelere ait beton basınç dayanımları, hedeflenen düzeye ulaştığında burulma deneyleri yapılmıştır. Burulma deneylerinin yapıldığı gün, basınç dayanımını tespit için alınan diğer silindir numuneler basınç deneylerine tabi tutularak ortalaması alınmış ve daha güvenilir basınç dayanımı elde edilmiştir (Şekil 3.10).

Aynı deney setine ait olan silindir numuneler üzerinde Brezilya Yarma deneyleri yapılmış ve yapılan yarma deneylerinin ortalaması alınarak yarma çekme dayanımı bulunmuştur (Şekil 3.11).

Her bir set için üretilen betonlardan alınan 100\*100\*500 mm boyutlarındaki prizmatik eğilme kırışları de burulma deneyinin yapıldığı gün üç noktadan eşit yük vermek suretiyle eğilme deneyine tabi tutulmuş ve üretilen betonun eğilmektedeki çekme dayanımı, yapılan eğilme deneyi testlerinin ortalaması alınarak tespit edilmiştir (Şekil 3.12).

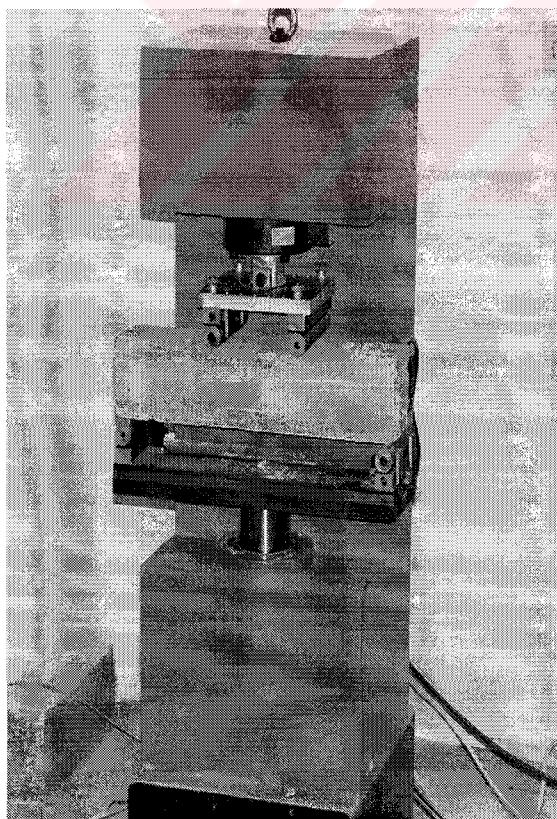


Şekil 3.10 Beton basınç dayanımı deneyi



Şekil 3.11 Brezilya yarma deneyi

Beton basınç dayanımı testi ile dayanımı tespit edilen, aynı deney setine ait olan silindir numunelerin üçer adeti ile TS 3052' ye uygun olarak elastisite modülü deneyleri yapılmıştır. Bu deneyler için başlangıç yükü 50 kN alınmış ve beton basınç dayanımının % 40'ı olan sınır yükü seçilmiştir. 50 kN olan başlangıç yükü ile sınır yükü arası 10 eşit parçaya bölünerek deformasyon okuma, yük değerleri tespit edilmiştir. Yüklemeye başlandıktan sonra elastisite modülü çerçevesi üzerinde bulunan saat yardımıyla numunede meydana gelen kısalımalar tespit edilmiştir. İlk deformasyon okuması 50 kN' da yapılmış, daha sonra sınır değere kadar tespit edilen her yük seviyesinde deformasyonlar okunmuştur. Okunan bu deformasyonlardan birim deformasyonlar hesaplanarak, numunenin gerilme birim deformasyon grafiği oluşturulmuştur. Numuneye ait gerilme birim deformasyon grafiğinden de üretilen betonlara ait statik elastisite modülü tespit edilmiştir. Bu işlem 3 adet silidir numunede yapılip ortalaması alınarak da daha güvenilir elastisite modülü hesaplanabilmiştir. Elastiste modülü deneyi Şekil 3.13' de gösterilmiştir.



Şekil 3.12 Beton eğilme deneyi



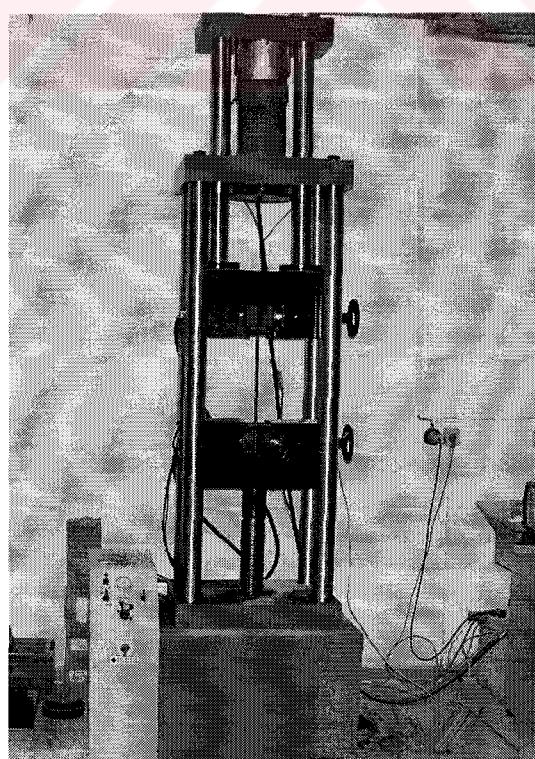
Şekil 3.13 Elastisite modülü deneyi

### **3.5.2. Donatı çeliği çekme deneyi**

Burulma deneyi numuneleri dökümeye hazırlanırken her numune için alınan donatı parçaları 600 kN kapasiteli çelik çekme deneyi aletinde teste tabi tutulmuştur.(Şekil 3.14) Donatı çekme deneyleri sonucunda her bir kırışte kullanılan donatı için akma ve kopma dayanımı ile akma ve kopma birim deformasyonları elde edilmiştir.  $d_b=8$  mm ve  $d_b=12$  mm çaplarındaki donatılar için elde edilmiş ortalama gerilme-birim deformasyon grafikleri Ek A' da Şekil Ek A.1 ve Şekil Ek A.2' de verilmiştir.

### **3.5.3. Burulma deneyleri**

Üretilen 150\*200\*1900 mm boyutlarındaki burulma deneyi numuneleri Şekil 3.15' de gösterilen düzenek kullanılarak basit burulma testlerine tabi tutulmuş ve deney süresince numunede meydana gelen dönme değerleri ile boy uzamaları kaydedilmiştir.

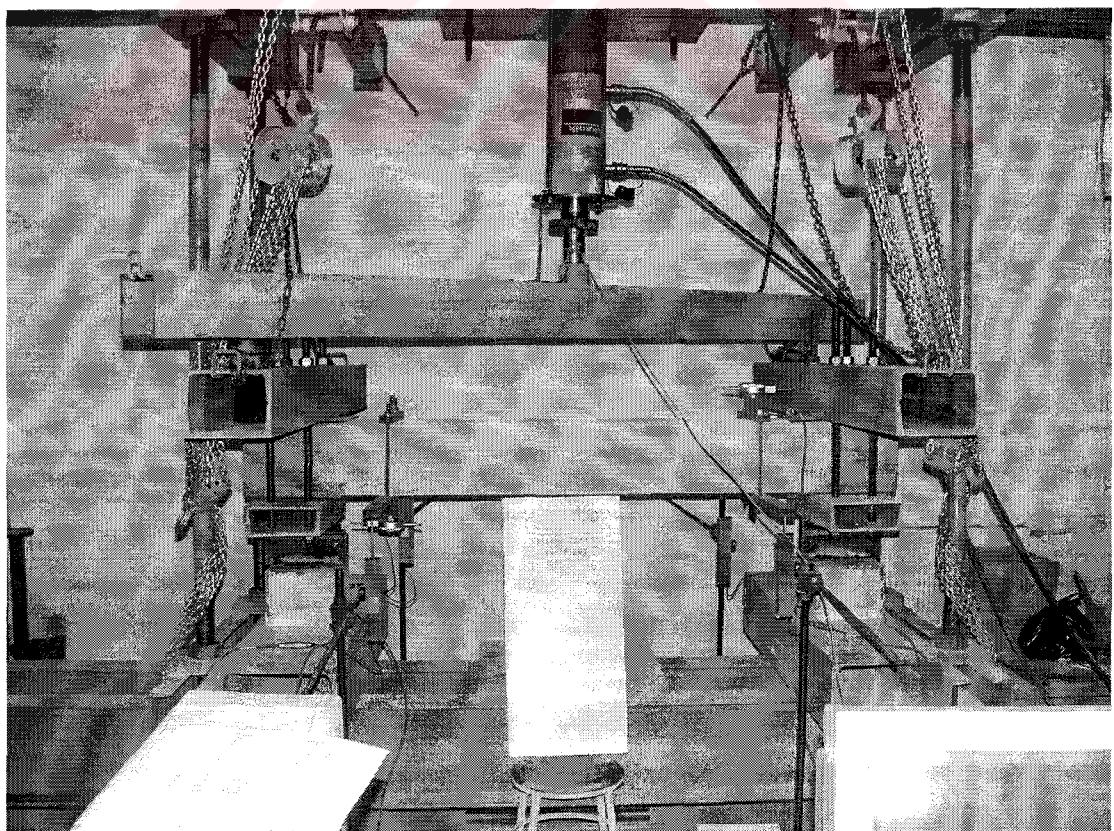


Şekil 3.14 Çelik çekme deneyi

Deney düzeneği hazırlanırken numunenin serbestçe dönmesini ve uzamasını sağlamak için her iki ucuna kayıcı mesnetler yerleştirilmiştir. Bu kayıcı mesnetler üzerine sabitlenen plakalar ile üst kollar arasına somunlar yardımıyla bağlanan numunelere, üste yerleştirilen dağıtıcı kırışın ortasına yük uygulamak suretiyle burulma momenti verilmiştir. 300 kN kapasiteli hidrolik silindir pompa seti ile dağıtıcı kırış ortasına yükün değişimi 100 kN kapasiteli elektronik yük hücreleri yardımıyla takip edilmiştir.

Numunedede oluşan birim dönme değeri de 1 m uzunluğundaki test bölgesinin başlangıcı ile sonuna bağlanan ve öne arkaya çıkartılan kolların ucuna oturtulmuş 100 mm kapasiteli 0.02 mm hassasiyetli elektronik komparatörlerden okunan deformasyonların kullanılmasıyla oluşturulan denklem yardımıyla tespit edilmiştir.

Oluşan boy uzamaları ise test bölgesi başlangıcı ve sonundaki kollar üzerine alttan ve üstten bağlanan elektronik komparatörlerin ucuna bağlanmış elastisite modülü yüksek



Şekil 3.15 Burulma deneyi düzeneği

çok ince tellerin karşı tarafta bulunan kollara bağlanması ile okunan deformasyonların ortalaması alınarak tespit edilmiştir.

Deney verileri, elektronik veri toplama sistemi ile bilgisayara kaydedilmiş ve deney esnasında bilgisayar ekranında, burulma momenti- birim dönme açısı ilişkisi grafiği oluşturulmuştur. Oluşturulan bu grafikten burulma momenti-birim dönme açısı değerleri, deney süresince takip edilmiş ilk çatlağın olduğu moment ve birim dönme açısı değeri kaydedilmiştir. İlk çatlak oluşmasından sonra birim dönme açısı değeri 0.01 rad/m değerine ulaştığı anda yükleme çok kısa süre ile durdurulmuş bu seviyedeki burulma momenti ve oluşan çatlakların genişlikleri okunarak numunenin fotoğrafı çekilmiştir. Bu işlemlerin ardından yükleme devam edilmiş her 0.01 rad/m birim dönme açısı artışında bu işlemler tekrarlanmış, toplam birim dönme değeri 0.12 rad/m' ye ulaştığı an yük uygulaması durdurulmuş, moment, çatlak genişliği okumaları yapılip fotoğraf çekme işlemi tamamlandıktan sonra uygulanan yük yavaş yavaş tamamen kaldırılmış ve tekrar çatlak genişliği okumaları, birim dönme açısı okuması yapılip, deney numunesinin fotoğrafı çekilerek deneye son verilmiştir.

## **4. DENEYLERDEN ELDE EDİLEN VERİLER**

Bu çalışmada, Bölüm 3'de malzeme ve kesit özellikleri verilen 17 adet betonarme kiriş basit burulma altında denenmiştir. Bu bölümde denenen numunelerin öncelikle çatlama davranışları, elde edilen veriler ve bu verilerin elde edilmesi sırasında kullanılan yöntemler ayrıntılı olarak anlatılmıştır. Daha sonra elde edilen veriler yardımıyla çeşitli grafikler ve tablolar oluşturulmuştur.

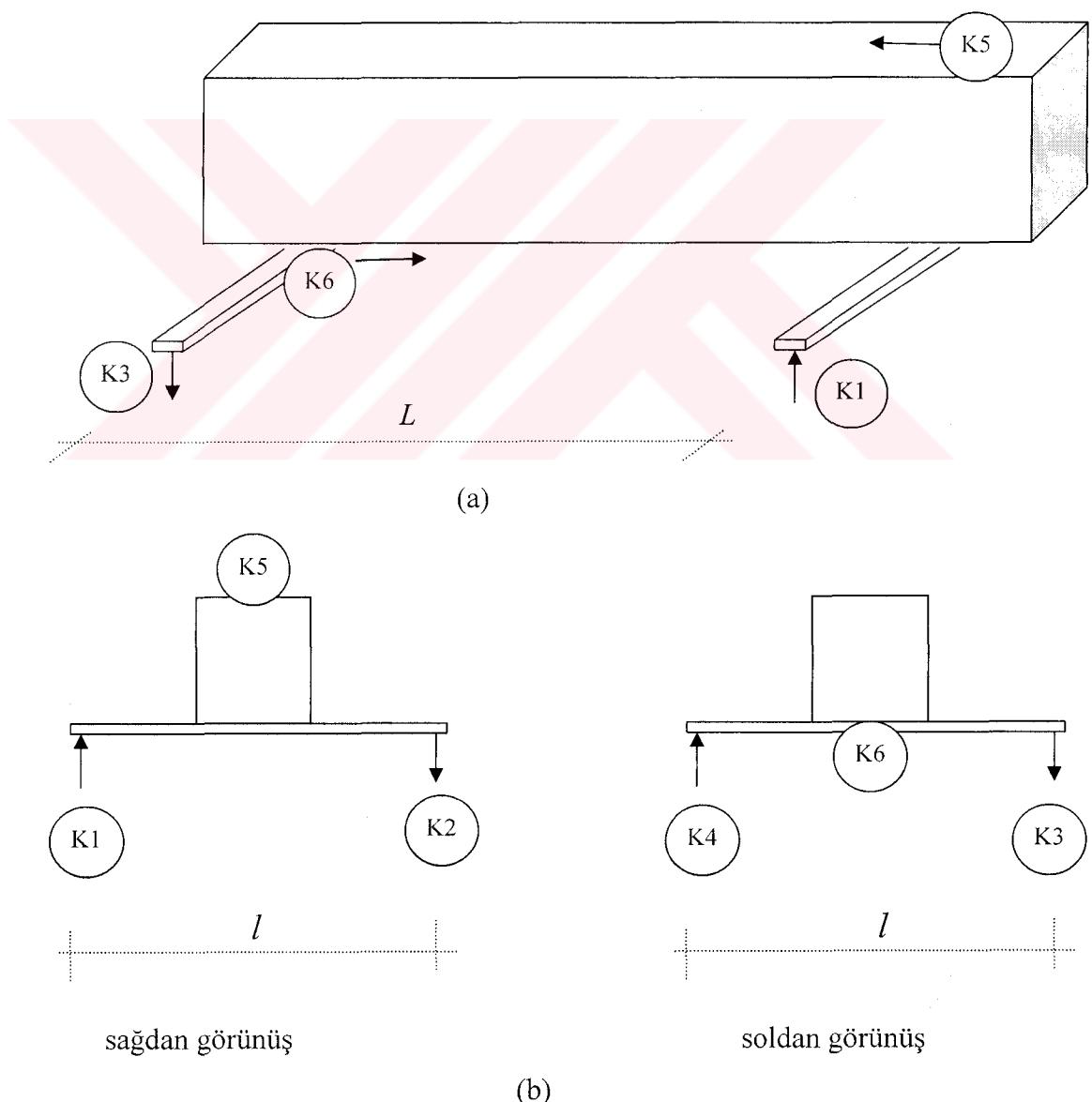
### **4.1 Numunelerin Çatlak Dağılımları**

Deneye hazırlanan numunenin, yük uygulanmaya başlanmadan önce fotoğrafı çekilmiş, fotoğraf çekme işleminden sonra hidrolik silindir yardımıyla yük uygulanmaya başlanmış, ilk çatlağın oluşması ile birlikte yük sabit seviyede tutularak, çatlak işaretlenmiş, veri toplamak için kullanılan bilgisayar ekranında oluşturulan grafik üzerinde okunan çatlama momentine karşı gelen, birim dönme açısı ve burulma momenti değeri deney numunesi önündeki tabelaya yazıldıktan sonra numunenin fotoğrafı çekilmiştir. Oluşan çatlağın en çok açılan noktadaki genişliği çatlak metresi yardımıyla ölçülerek kaydedilmiştir. Daha sonra yük arttırmaya devam edilmiş birim dönme açısı değeri  $\varnothing=0.01$  rad/m' ye ulaştığı an yük tekrar sabit seviyede tutularak, burulma momenti ve birim dönme açısı değeri tabelaya yazılarak bu seviye için fotoğraf çekme işleminden sonra çatlak genişliği okumaları yapılmıştır. Bu işlemler birim dönme açısı değeri  $\varnothing=0.12$  rad/m değerine ulaşana kadar tekrarlanmıştır.  $\varnothing=0.12$  rad/m değerindeki okumalardan sonra numuneye uygulanan yük tamamen kaldırılarak çatlak genişliği okumaları yapılmıştır.

## 4.2. Deneylerden Elde Edilen Veriler

Burulma deneylerinin yapıldığı gün, burulma deneyi numunesinin üretildiği betonun mekanik özelliklerini tespit için üretilen silindir numuneler ve eğilme kırışları de test edilmiştir. Bu deneylerden betonun basınç, silindir yarma, eğilme dayanımları ile elastisite modülü tespit edilmiştir.

Burulma deneyleri sırasında, burulma momenti oluşturan yük, birim dönme açısı ve numune boy uzaması değerleri kaydedilmiştir.



Şekil 4.1 Deney numunesi üzerine komparatörlerin yerleşimi

Numunede oluşan birim dönme ve boy uzaması değerleri Şekil 4.1'de gösterilen komparatörlerden okunan değerler yardımıyla bulunmuştur. Deney numunesine burulma momenti, Şekil 3.15'de gösterilen düzenek yardımıyla uygulanmıştır. Üstteki dağıtıçı kiriş hidrolik silindir ile yük uygulanmış ve bu yükün takibi yük hücresiyle yapılmıştır. Yük hücresinden okunan değer, uçlarda bulunan iki kol üzerine eşit geldiği için, okunan değerin yarısı yan kolların uzunluğu ile çarpılarak numuneye uygulanan burulma momentinin değeri tespit edilmiştir.

Numunenin boy uzaması ;

$$\Delta L = \frac{K5 + K6}{2} \quad (4.1)$$

denklemi ile bulunmuştur. Burada K5 ve K6, kirişin test bölgesi uçlarına karşılıklı olarak bağlanan alttaki ve üstteki komparatörlerden okunan deformasyon değerlerini göstermektedir.  $\Delta L$  ise numunenin test bölgesinde oluşan boy uzamasını ifade etmektedir.

Birim dönme açısı, deney numunesi üzerine yerleştirilen K1, K2, K3 ve K4 komparatörlerinden okunan değerler kullanılarak;

$$\varphi = \frac{(|K1| + |K2| + |K3| + |K4|)/l}{L} \quad (4.2)$$

denklemi yardımıyla bulunmuştur. Denklem 4.2' de kullanılan  $l$ , Şekil 4.1 (b)'de gösterilen, önde ve arkada bulunan komparatörler arasındaki mesafeyi,  $L$  ise Şekil 4.1 (a)'da gösterilen deney numunesinin test bölgesinin uzunluğunu göstermektedir. Denklemin payında yer alan ifade dönme açısını belirtmekte, bu değerin numune test bölgesi uzunluğuna bölünmesi ile de birim dönme açısı  $\varnothing$  elde edilmektedir. Denklemde komparatörlerden okunan değerlerin mutlak değer içine alınmasının sebebi Şekil 4.1 (b)'de gösterilen K1 ve K4 komparatörlerin ucunun dışarı doğru çıkışlarından dolayı pozitif, K2 ve K3 komparatörlerinin ise içeri doğru girmesi sebebiyle negatif değerler vermesidir.

Malzeme deneyleri sonucunda, tüm numuneler için elde edilen beton basınç, yarma çekme, eğilme çekme dayanımı ve elastisite modülü değerleri, ayrıca veri toplama sisteminden elde edilen değerlerin analiz edilmesi ile elde edilen çatlama momenti  $T_{cr}$ , bu çatlama momentine karşı gelen birim dönme açısı  $\Phi_{cr}$ , burulma deneyi numunesinin taşıyabildiği en büyük burulma momenti  $T_u$ , en büyük moment olan  $T_u'$  ya karşı gelen  $\Phi_u$ , deney numunesinin çatlamadan önceki burulma rıjitiği  $R_0$  ve çatlamadan sonraki burulma rıjitiği  $R$  Tablo 4.1' de verilmiştir.

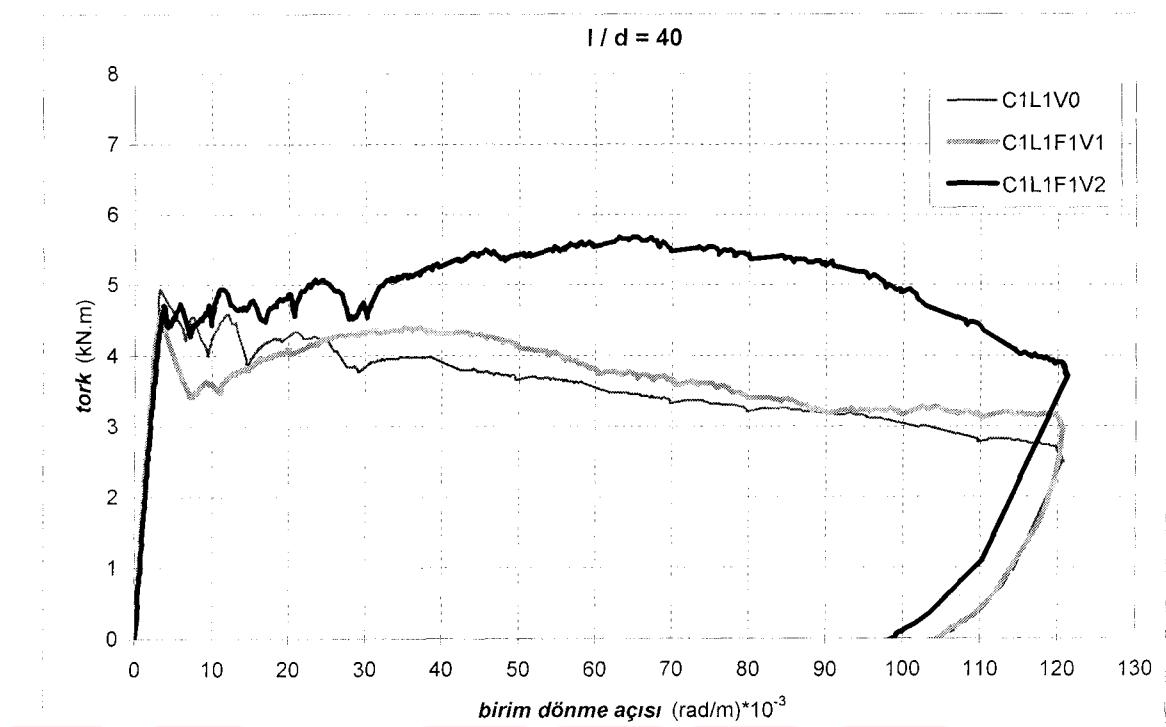
Deney numunesinin çatlamadan önceki buruma rıjitiği  $R_0$ , denklem 2.1 kullanılarak, çatlamadan sonraki burulma rıjitiği  $R$  ise denklem 2.2 kullanılarak bulunmuştur. Genel olarak tüm numunelerde çatlama öncesi burulma rıjitiği  $1000 \text{ kN.m}^2$  düzeyinde iken çatlama sonrasında burulma rıjitiği lif içermeyen ve 0.003 çelik lif içeren numunelerde çatlamadan sonra burulma rıjitiğinden söz edilemezken, lif içeriği 0.006 olan numunelerde ise burulma rıjitiği  $15-20 \text{ kN.m}^2$  aralığında hesaplanmıştır.

#### 4.2.1. Burulma momenti-birim dönme açısı ilişkileri

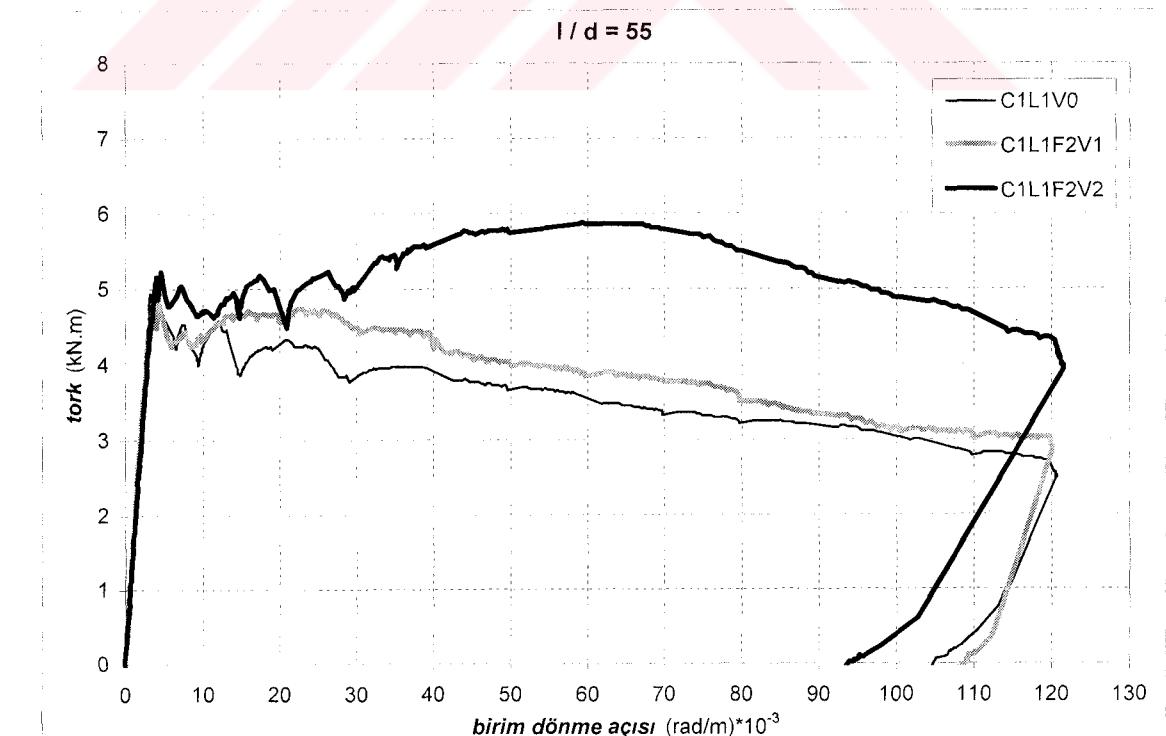
Aşağıda her deney numunesi için elde edilmiş burulma momenti-birim dönme açısı ilişkisi grafikleri karşılaştırılmış olarak verilmiştir. Burulma momenti-birim dönme açısı grafiği, elemanın burulma kapasitesini, enerji yutma miktarnı ve burulma rıjitiğini, tespit etmek amacıyla oluşturulmuştur. Bu amaçla oluşturulan burulma momenti-birim dönme açısı grafikleri Şekil 4.2 ve Şekil 4.14 arasında verilmiştir.

Tablo 4.1 Deney Verileri ve Elde Edilen Hesap Sonuçları

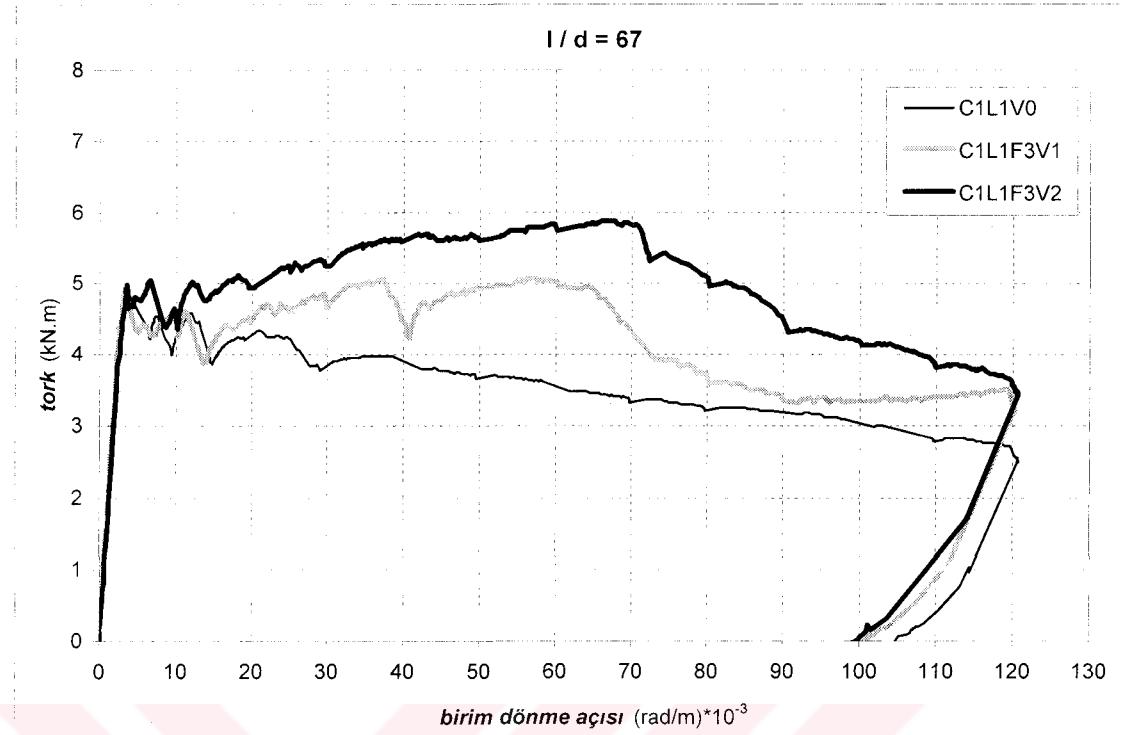
Numune Adı	$f_{ck}$ (MPa)	$f_{cts}$ (MPa)	$f_{ctf}$ (MPa)	$E$ (MPa)	$T_{cr}$ (kN.m)	$\Phi_{cr}$ (rad/m)	$T_u$ (kN.m)	$\Phi_u$ (rad/m)	$R_\theta$ (kN.m <sup>2</sup> )	$R$ (kN.m <sup>2</sup> )
C1L1V0	34,8	3,51	4,54	31407	4,93	0,0032	4,93	0,0032	1541	0
C1L1F1V1	33,4	3,55	4,96	30060	4,58	0,0032	4,58	0,0032	1431	0
C1L1F1V2	31,3	3,35	5,02	29931	4,62	0,0039	5,68	0,0630	1185	18
C1L1F2V1	31,0	3,08	4,82	27924	4,93	0,0038	4,93	0,0038	1297	0
C1L1F2V2	30,9	3,41	4,57	29940	5,14	0,0042	5,88	0,0590	1224	14
C1L1F3V1	32,7	3,42	4,39	31198	4,85	0,0034	5,07	0,0563	1426	4
C1L1F3V2	29,5	3,08	4,39	28518	4,96	0,0036	5,88	0,0659	1378	15
C1L1F4V1	31,9	3,46	4,56	27882	4,80	0,0041	4,80	0,0041	1171	0
C1L1F4V2	30,0	2,95	4,82	28715	4,51	0,0038	5,54	0,0464	1187	24
C1L2V0	34,8	3,51	4,54	31407	4,45	0,0049	5,07	0,0346	908	21
C1L2F1V1	31,7	3,58	4,46	29623	4,53	0,0039	6,01	0,0800	1162	19
C1L2F4V1	31,6	3,56	4,87	27545	4,17	0,0038	6,15	0,0940	1097	22
C2L1V0	59,0	4,65	6,08	36251	4,52	0,0039	4,63	0,0226	1159	6
C2L1F1V1	58,6	4,84	6,23	36552	5,23	0,0035	5,23	0,0035	1494	0
C2L1F1V2	59,8	4,80	6,75	36112	6,22	0,0035	6,65	0,0327	1787	2
C2L1F2V1	60,8	4,86	5,95	36445	5,05	0,0035	5,83	0,0418	1443	20
C2L1F2V2	62,7	5,46	6,63	36022	5,95	0,0041	7,51	0,0459	1451	37



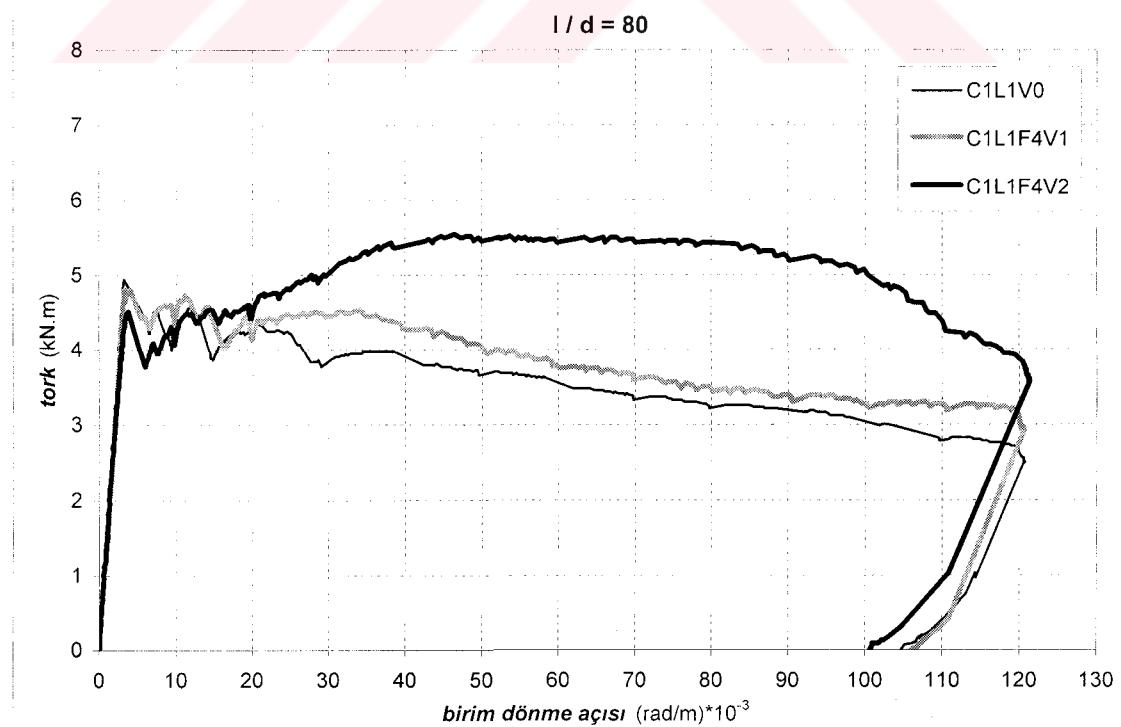
Şekil 4.2  $I/d = 40$  olan lif tipinde lif hacminin artışı ile  $T - \Phi$  değişimi



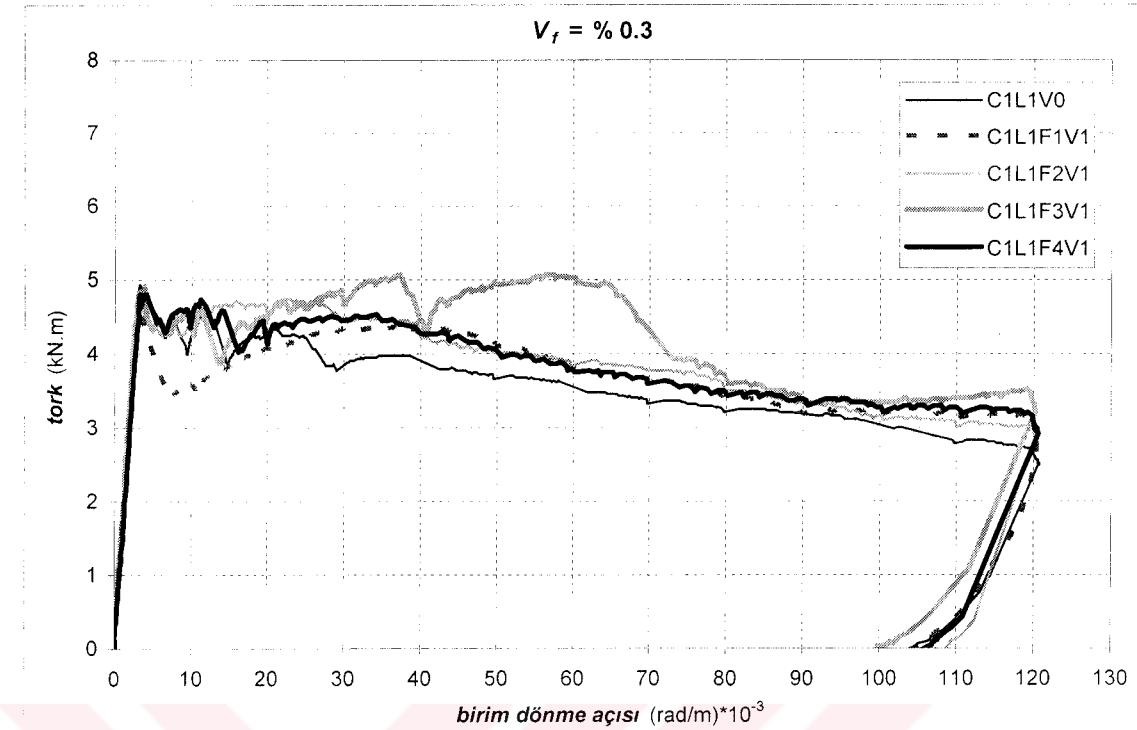
Şekil 4.3  $I/d = 55$  olan lif tipinde lif hacminin artışı ile  $T - \Phi$  değişimi



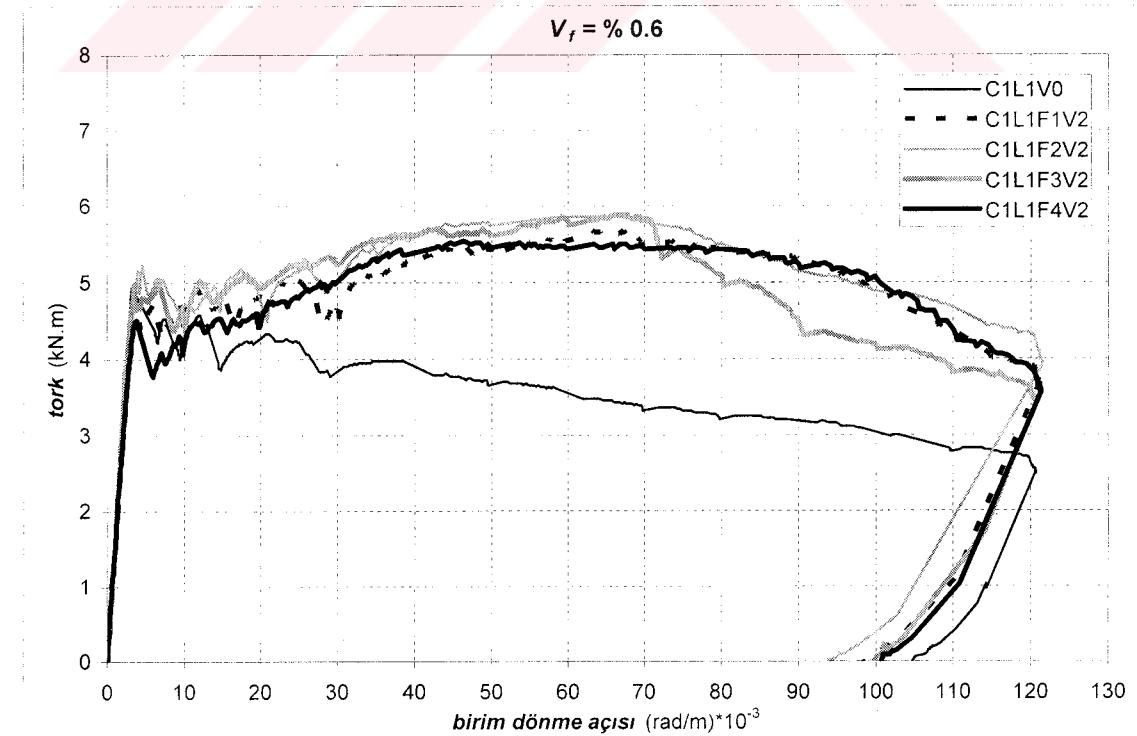
Şekil 4.4  $I/d = 67$  olan lif tipinde lif hacminin artışı ile  $T - \Phi$  değişimi



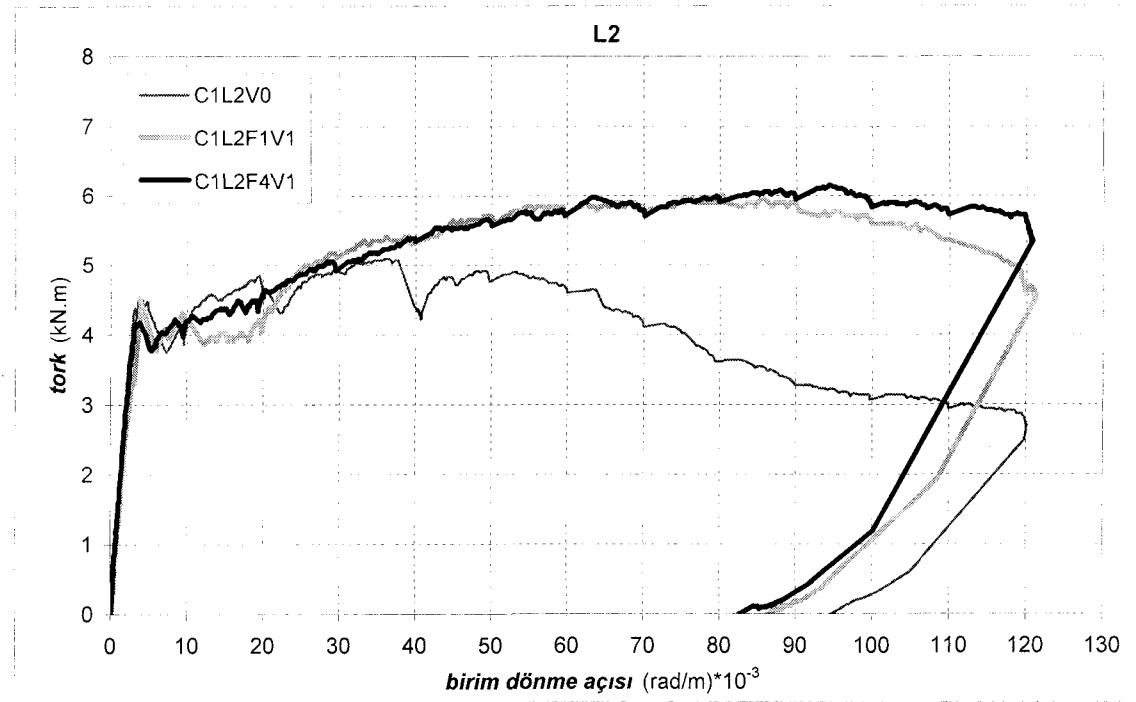
Şekil 4.5  $I/d = 80$  olan lif tipinde lif hacminin artışı ile  $T - \Phi$  değişimi



Şekil 4.6  $V_f = \% 0.3$  lif içeriğine sahip numunelerin, lif tipine göre  $T - \Phi$  değişimi



Şekil 4.7  $V_f = \% 0.6$  lif içeriğine sahip numunelerin, lif tipine göre  $T - \Phi$  değişimi



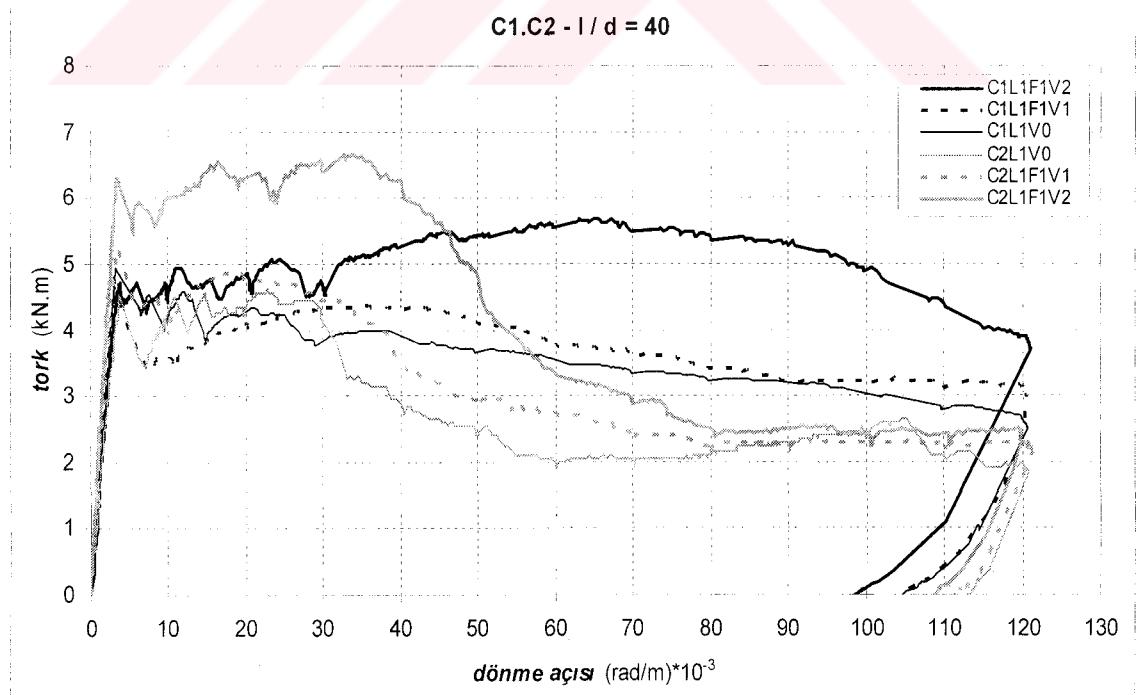
Şekil 4.8  $d_b=12$  mm boy donatı,  $V_f = \text{ \% } 0.3$  lif içeriğine sahip numunelerin, lif tipine göre  $T - \Phi$  değişimi



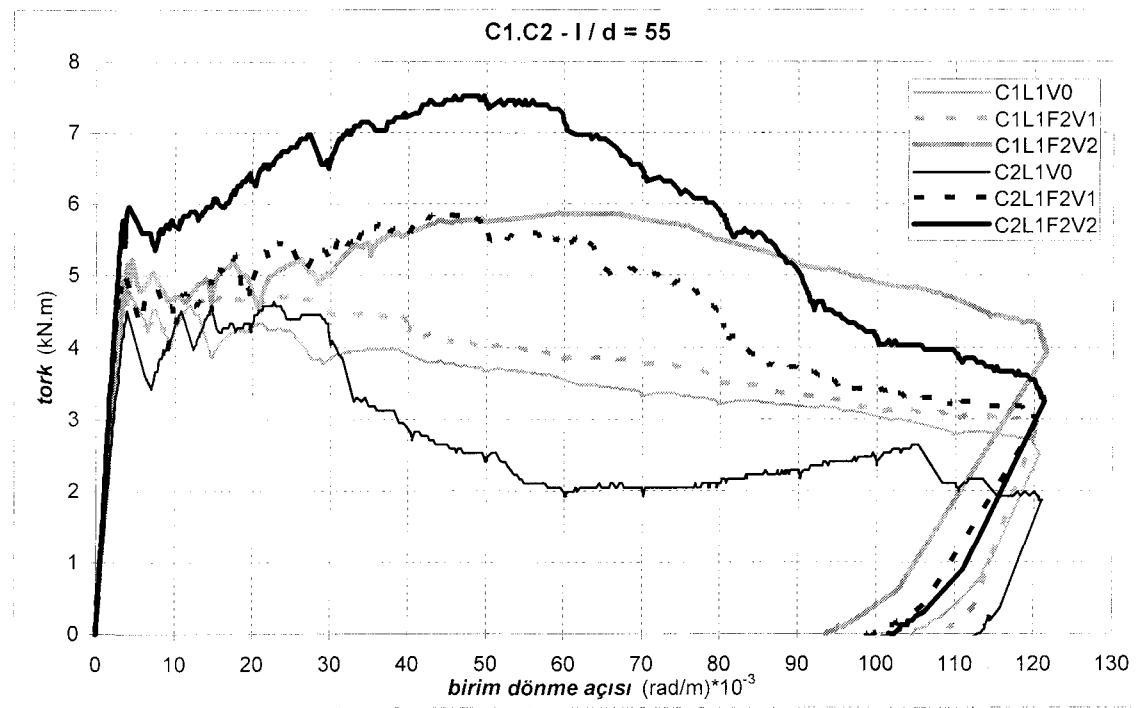
Şekil 4.9  $f_{ck}=60$  MPa ve  $l/d=40$  olan numunelerin lif hacminin artışı ile  $T-\Phi$  değişimi



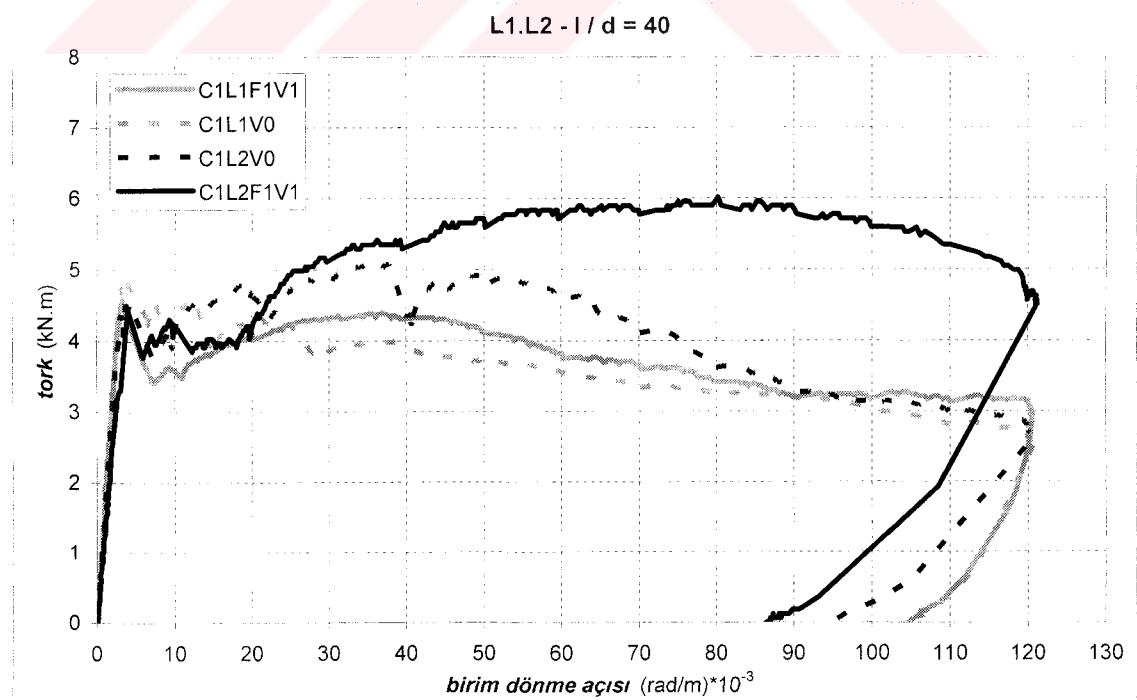
Şekil 4.10  $f_{ck}=60$  MPa ve  $l/d=55$  olan numunelerin lif hacminin artışı ile  $T-\Phi$  değişimi



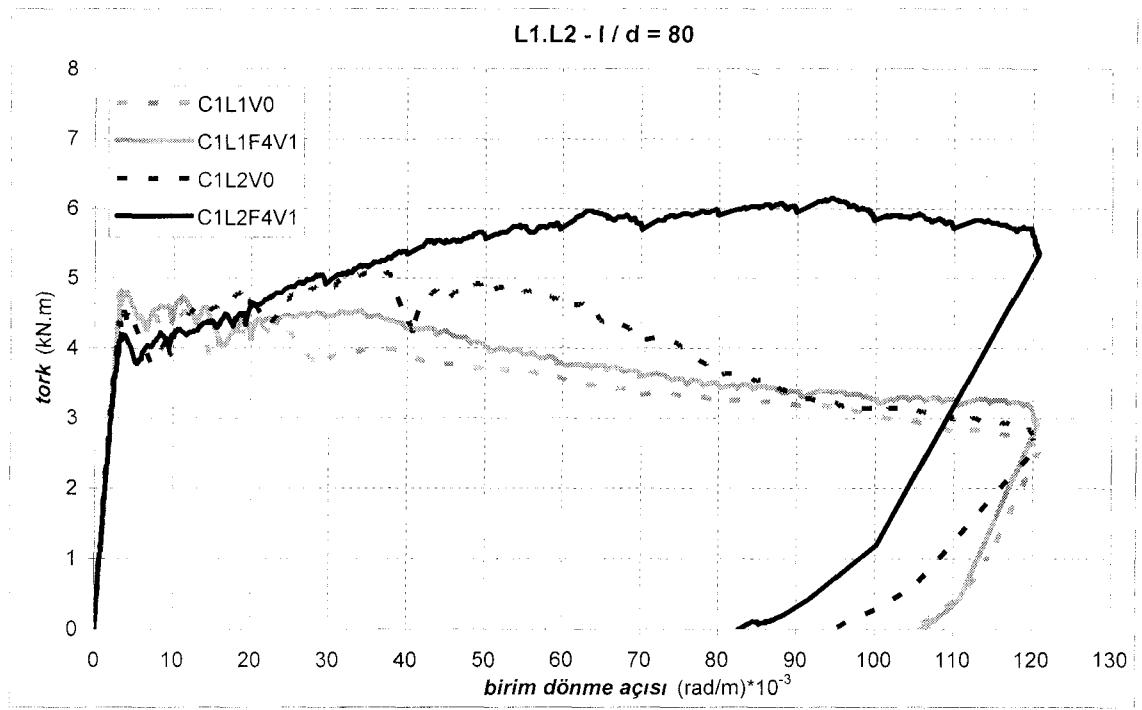
Şekil 4.11  $l/d=40$  ve  $f_{ck}=60$  MPa -  $f_{ck}=30$  MPa olan numunelerin, lif hacminin artışı ile  $T-\Phi$  değişimi



Şekil 4.12  $l/d=55$  ve  $f_{ck}=60$  MPa -  $f_{ck}=30$  MPa olan numunelerin, lif hacminin artışı ile  $T-\Phi$  değişimi



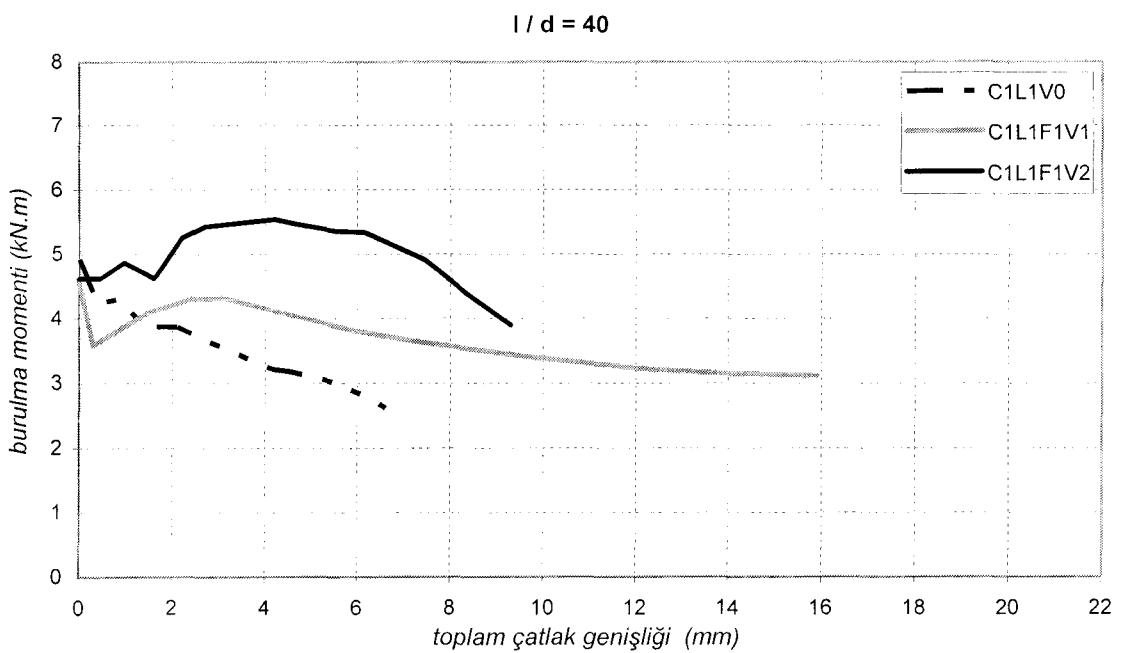
Şekil 4.13 Boyuna donatısı  $d_b=8-12$  mm,  $l/d=40$  olan numunelerin,  $T-\Phi$  ilişkisi



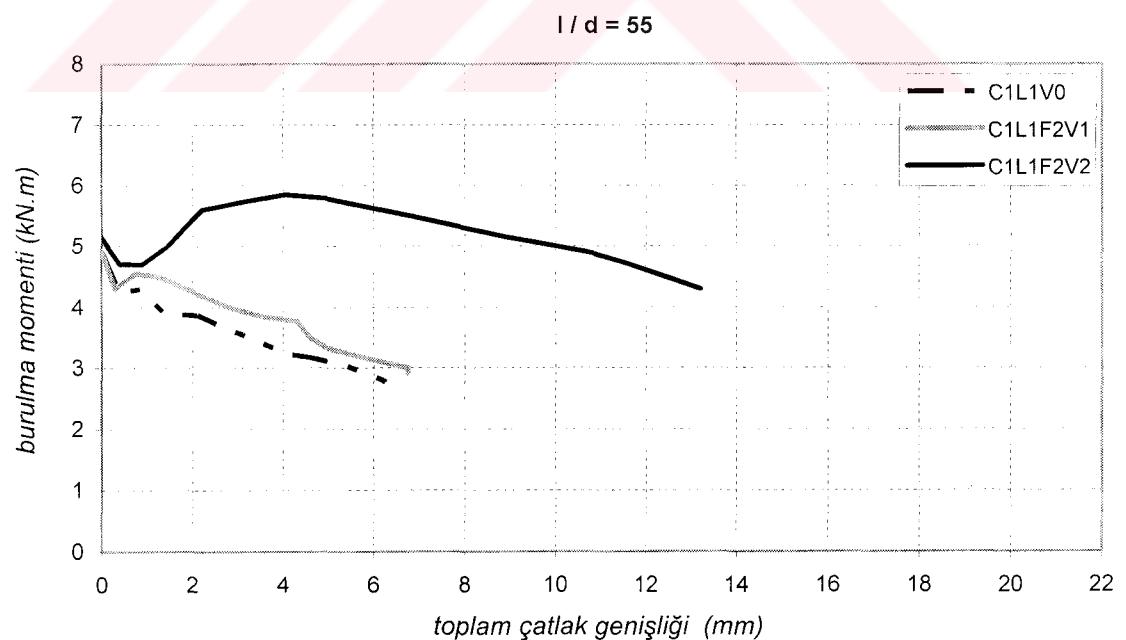
Şekil 4.14 Boyuna donatısı  $d_b=8-12$  mm,  $l/d=55$  olan numunelerin,  $T-\Phi$  ilişkisi

#### 4.2.2 Burulma momenti-toplam çatlak genişliği ilişkileri

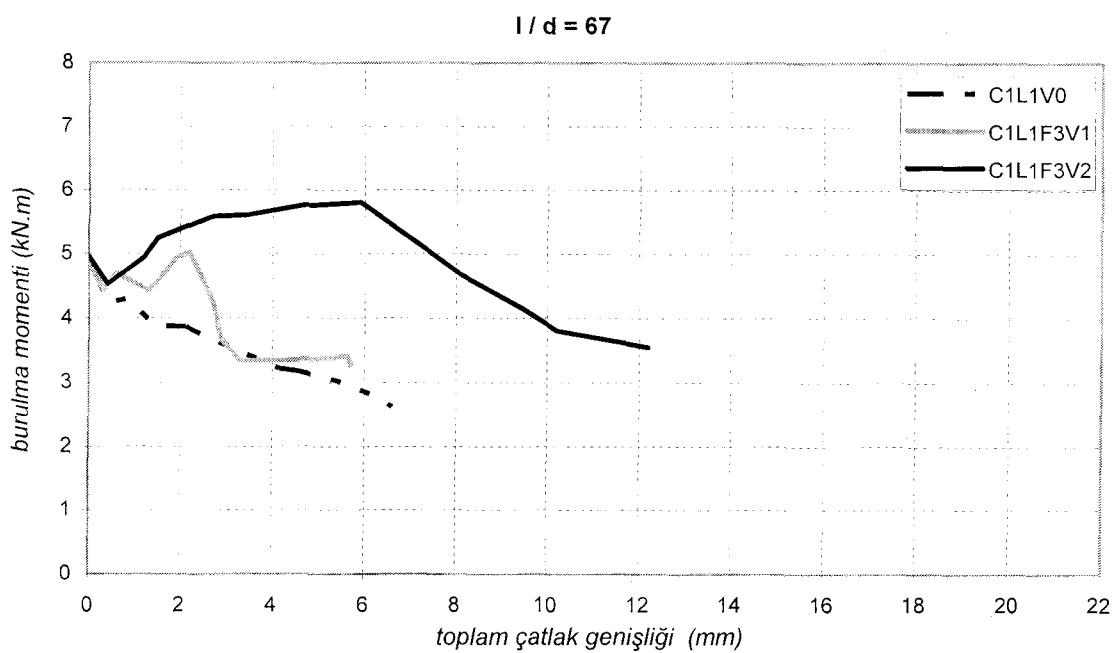
Deney sırasında her numune için okunan çatlak genişlikleri kullanılarak, burulma momenti-toplam çatlak genişliği grafikleri oluşturulmuştur. Şekil 4.15 ve Şekil 4.21 aralığındaki grafikler deney numunelerinin burulma momenti-toplam çatlak genişliği ilişkisini göstermektedir. Bu grafiklerden, çatlak genişliğinin artışı ile taşınan burulma momentinin değişimi elde edilmiştir.



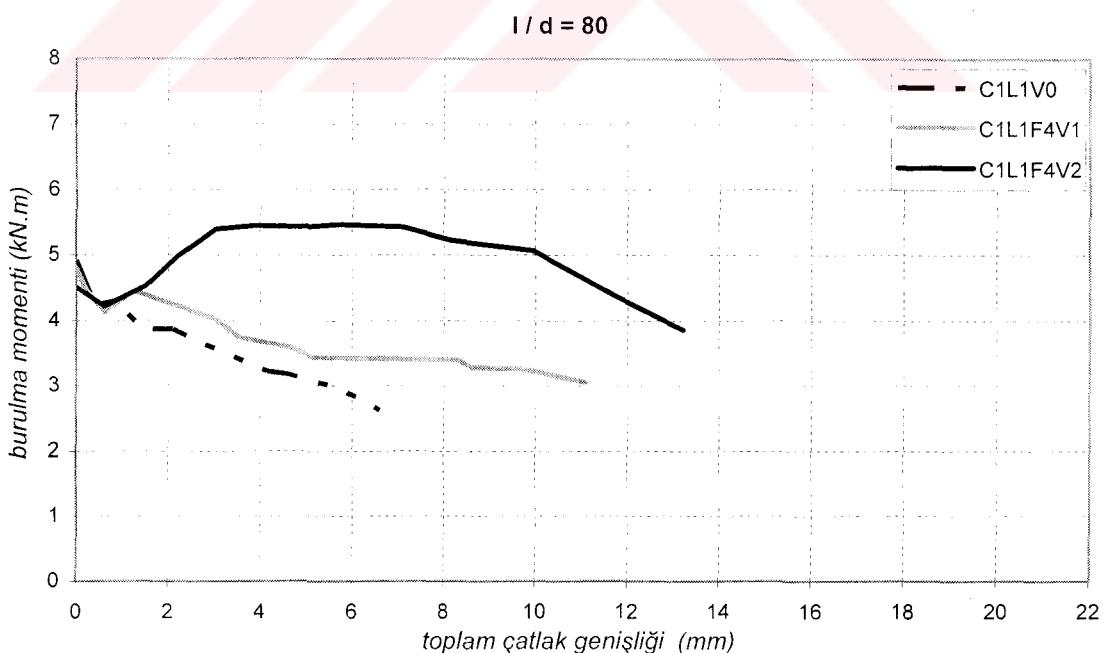
Şekil 4.15 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş,  $l/d=40$  lif tipi içeren numunelerin toplam çatlak genişliği-burulma momenti grafiği



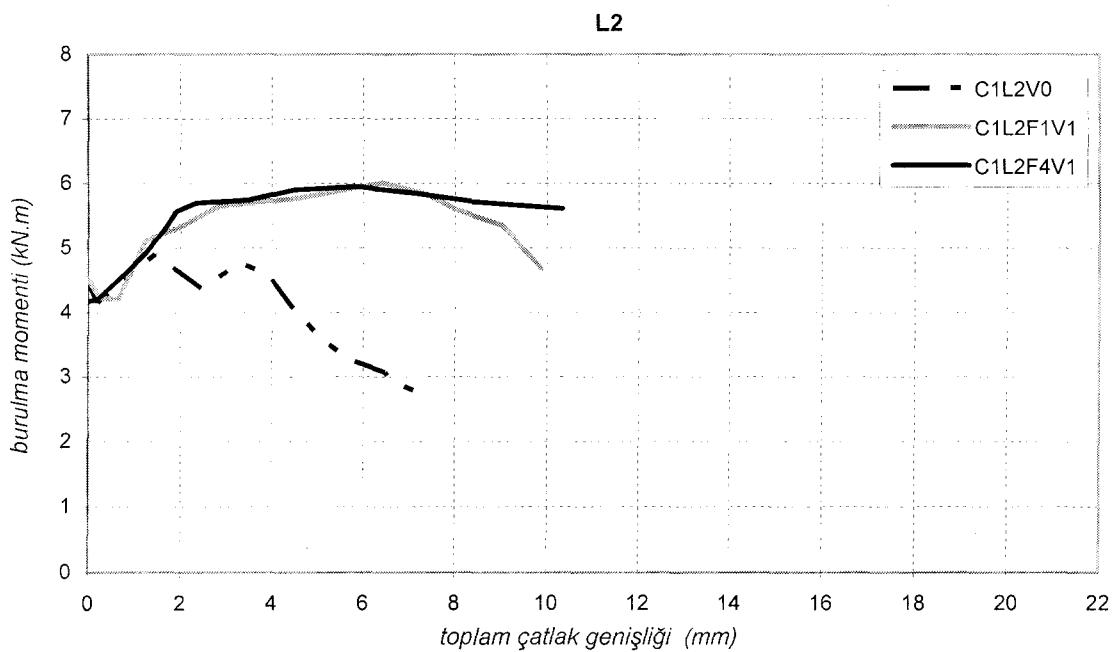
Şekil 4.16 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş,  $l/d=55$  lif tipi içeren numunelerin toplam çatlak genişliği-burulma momenti grafiği



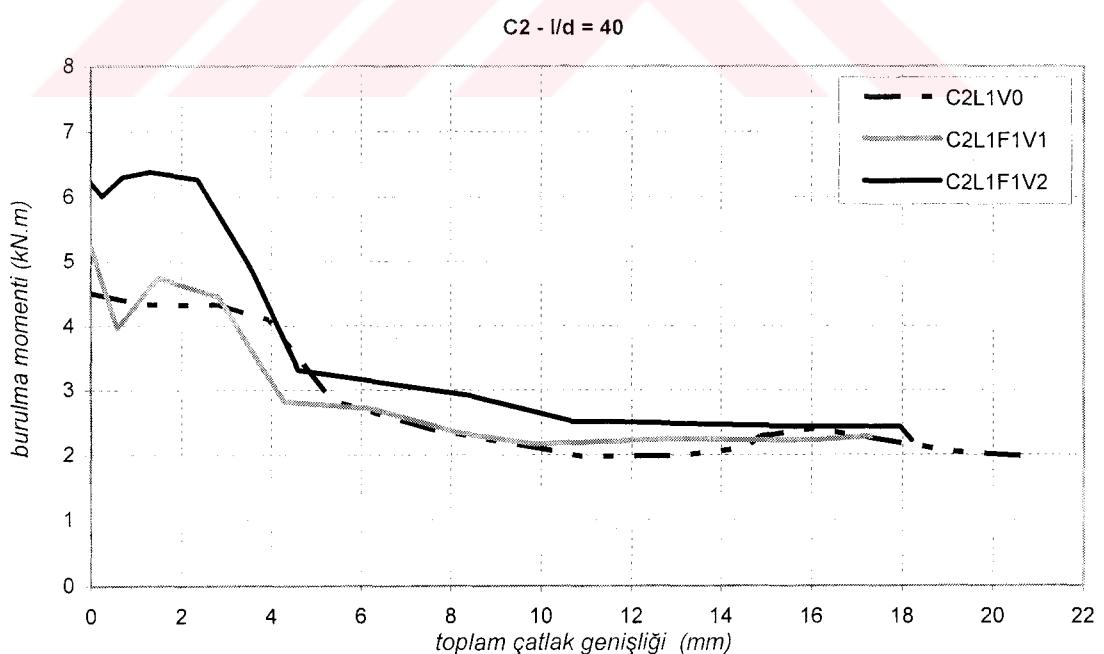
Şekil 4.17 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş,  $I/d=67$  lif tipi içeren numunelerin toplam çatlak genişliği-burulma momenti grafiği



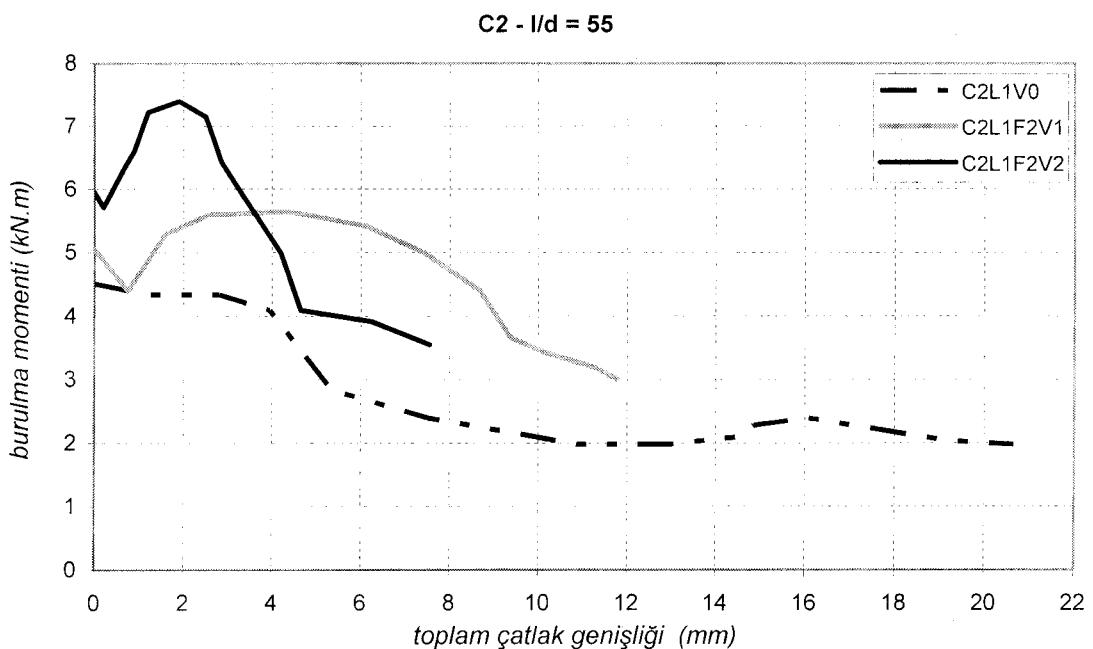
Şekil 4.18 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş,  $I/d=80$  lif tipi içeren numunelerin toplam çatlak genişliği-burulma momenti grafiği



Şekil 4.19 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş,  $d_b=12$  çapında boy donatı içeren numunelerin toplam çatlak genişliği-burulma momenti grafiği



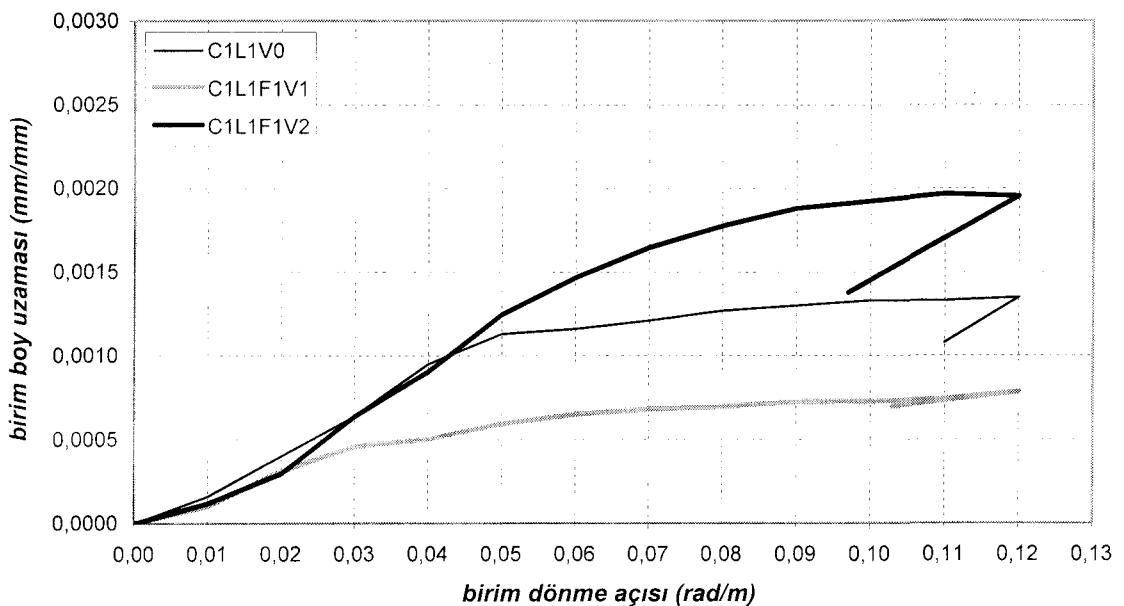
Şekil 4.20 Yüksek dayanımlı beton ile üretilmiş,  $l/d=40$  lif tipi içeren numunelerin toplam çatlak genişliği-burulma momenti grafiği



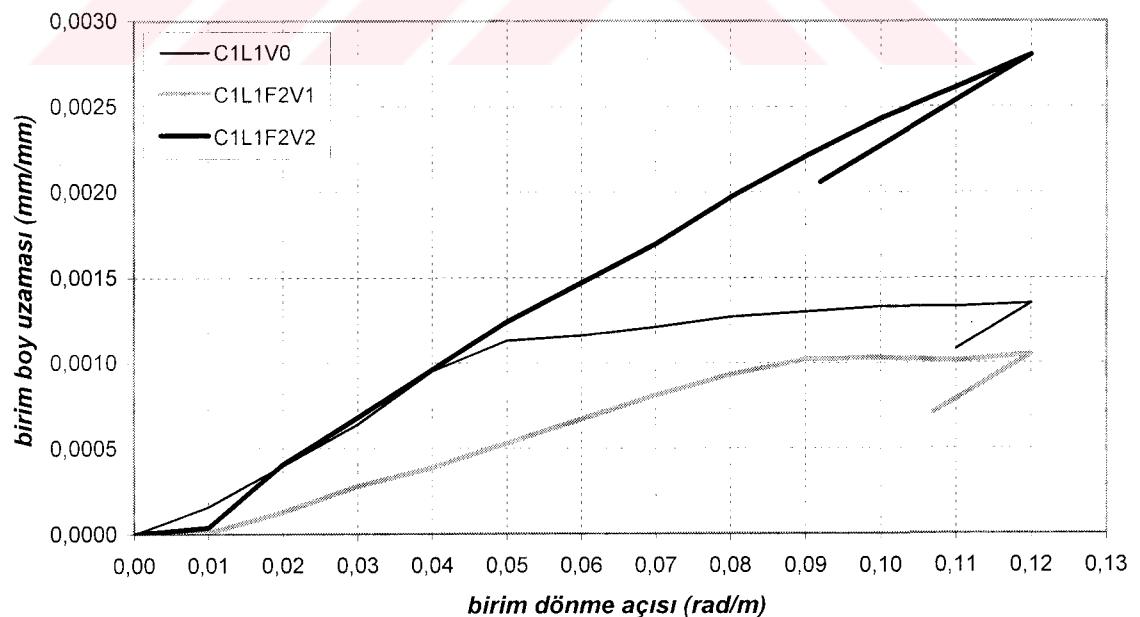
Şekil 4.21 Yüksek dayanımlı beton ile üretilmiş,  $I/d=55$  lif tipi içeren numunelerin toplam çatlak genişliği-burulma momenti grafiği

#### 4.2.3. Birim boy uzaması-birim dönme açısı ilişkileri

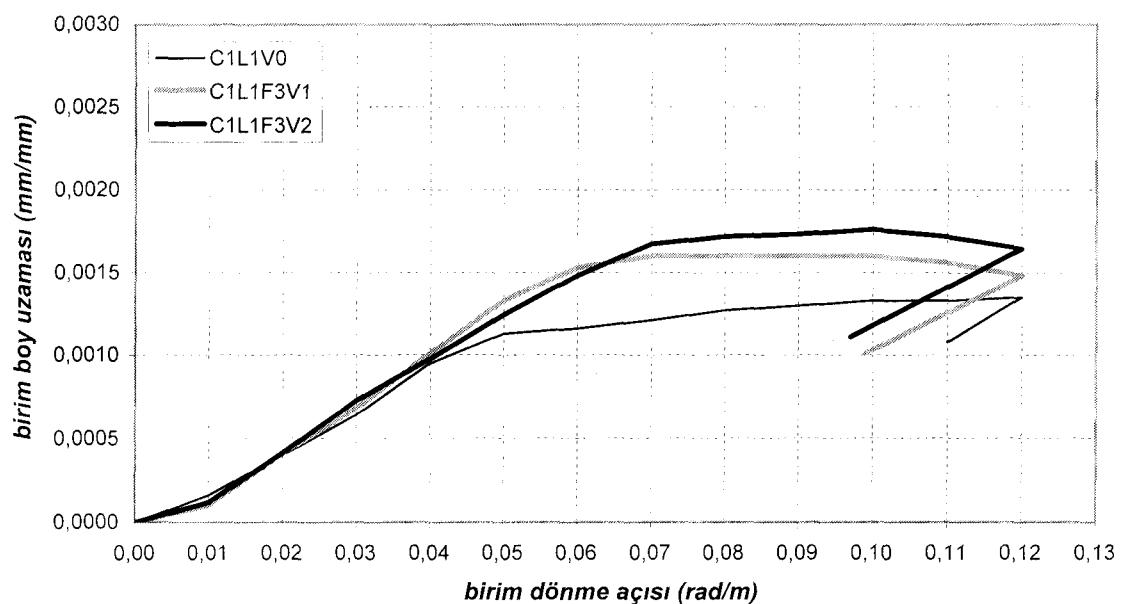
Literatür araştırmasında anlatıldığı üzere, basit burulma sırasında numune boyunda oluşan uzama, donatıdaki boy uzamasına eşittir. Deney sırasında veri toplama sistemi tarafından kaydedilen, numune boy uzaması değerleri kullanılarak, aşağıda Şekil 4.22-Şekil 4.28 arasında verilen birim boy uzaması-birim dönme açısı grafikleri oluşturulmuştur. Numunede oluşan birim boy uzaması, boyuna donatıda oluşan birim boy uzamasına eşit sayılabilceği için, bu grafikler boyuna donatıda akma oluşup olmadığı hakkında fikir vermektedir. Ancak, deney sırasında numuneler için kaydedilen boy uzaması değerleri incelendiğinde, bazı numunelerde bir aşamadan sonra, oluşan boy uzamasının azaldığı ya da boy uzamasındaki artışın daha az olduğu dikkat çekmektedir. Bu davranış çatlakların aşırı genişlemesinin gerçekleştiği birim dönme açılarından sonra gerçekleşmiştir.



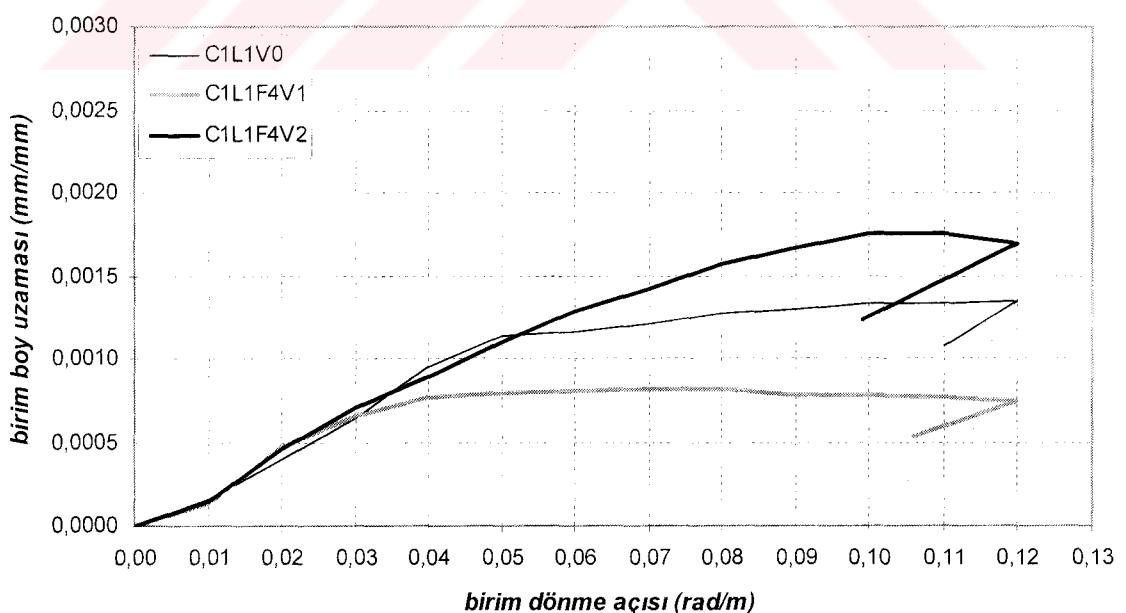
Şekil 4.22 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş,  $l/d=40$  lif tipi içeren numunelerin birim dönme açısı-birim boy uzaması grafiği



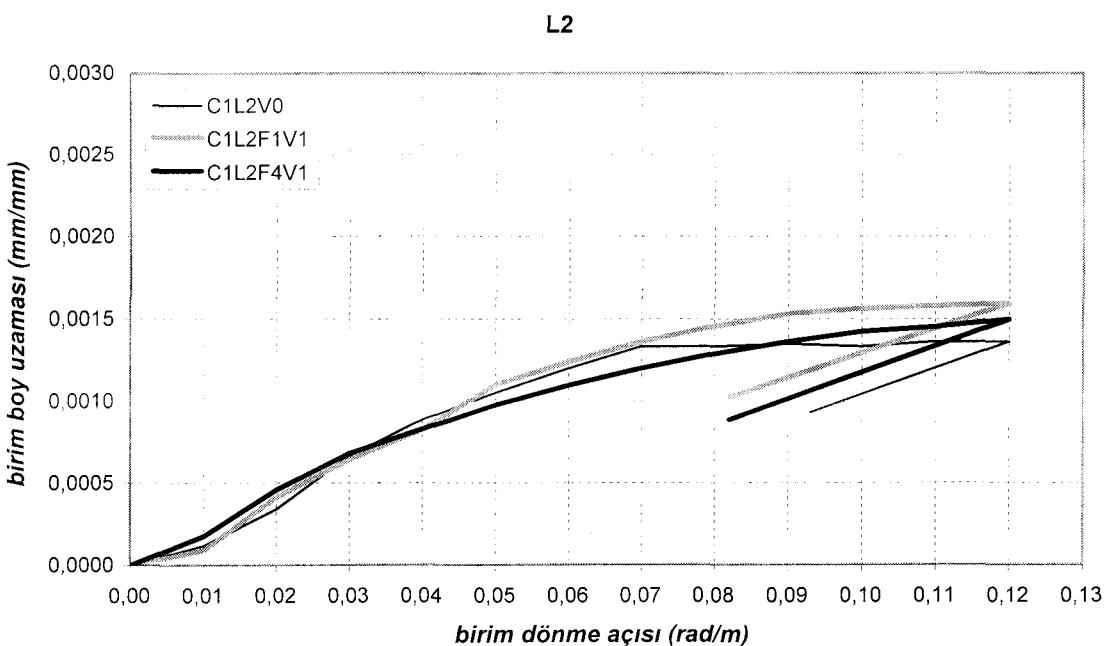
Şekil 4.23 Normal dayanımlı beton ile üretilmiş,  $l/d=55$  lif tipi içeren numunelerin birim dönme açısı-birim boy uzaması grafiği



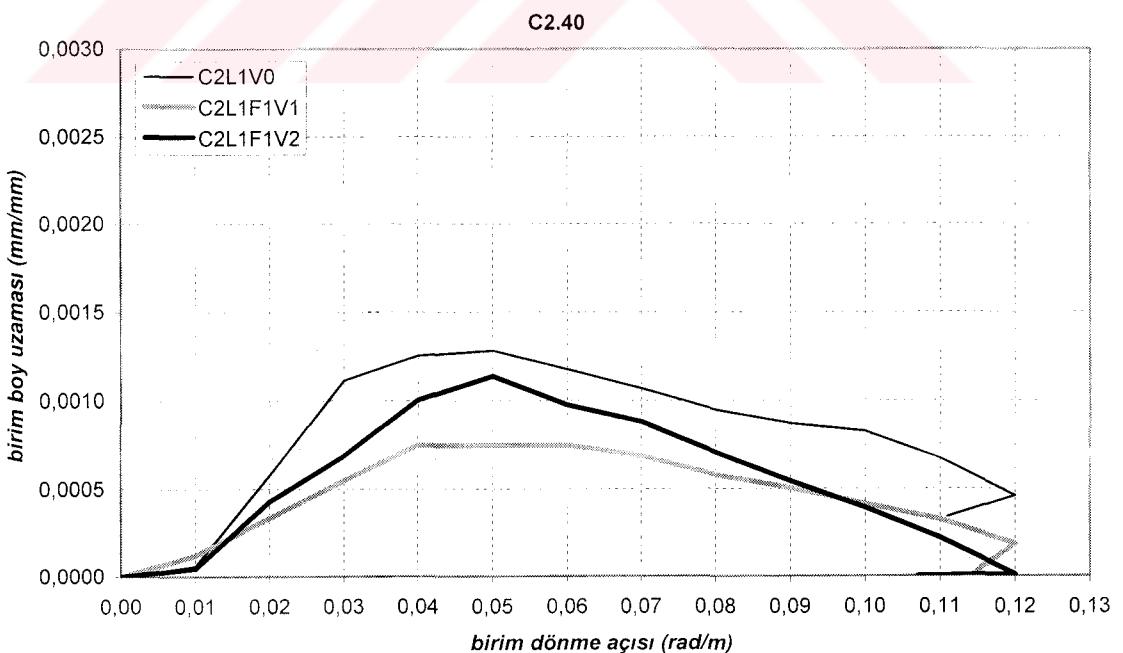
Şekil 4.24 Normal dayanıklı beton ile üretilmiş,  $l/d=67$  lif tipi içeren numunelerin birim dönme açısı-birim boy uzaması grafiği



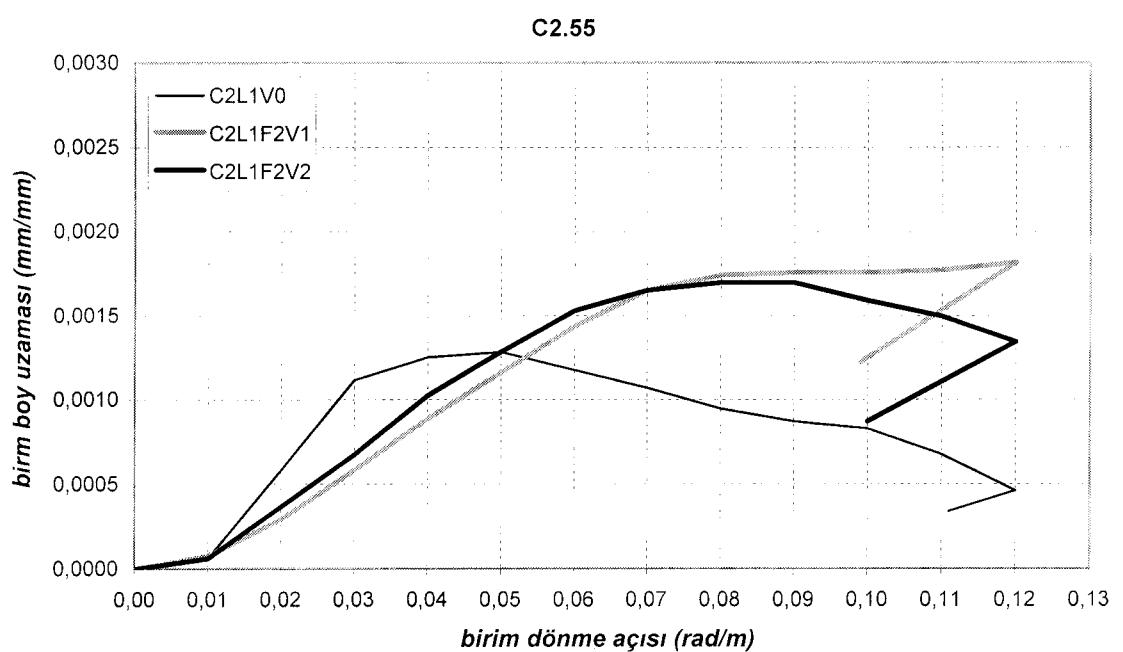
Şekil 4.25 Normal dayanıklı beton ile üretilmiş,  $l/d=80$  lif tipi içeren numunelerin birim dönme açısı-birim boy uzaması grafiği



Şekil 4.26 Normal dayanıklı beton ile üretilmiş,  $d_b=12$  çapında boy donatı içeren numunelerin birim dönme açısı-birim boy uzaması grafiği



Şekil 4.27 Yüksek dayanıklı beton ile üretilmiş,  $l/d=40$  lif tipi içeren numunelerin birim dönme açısı-birim boy uzaması grafiği



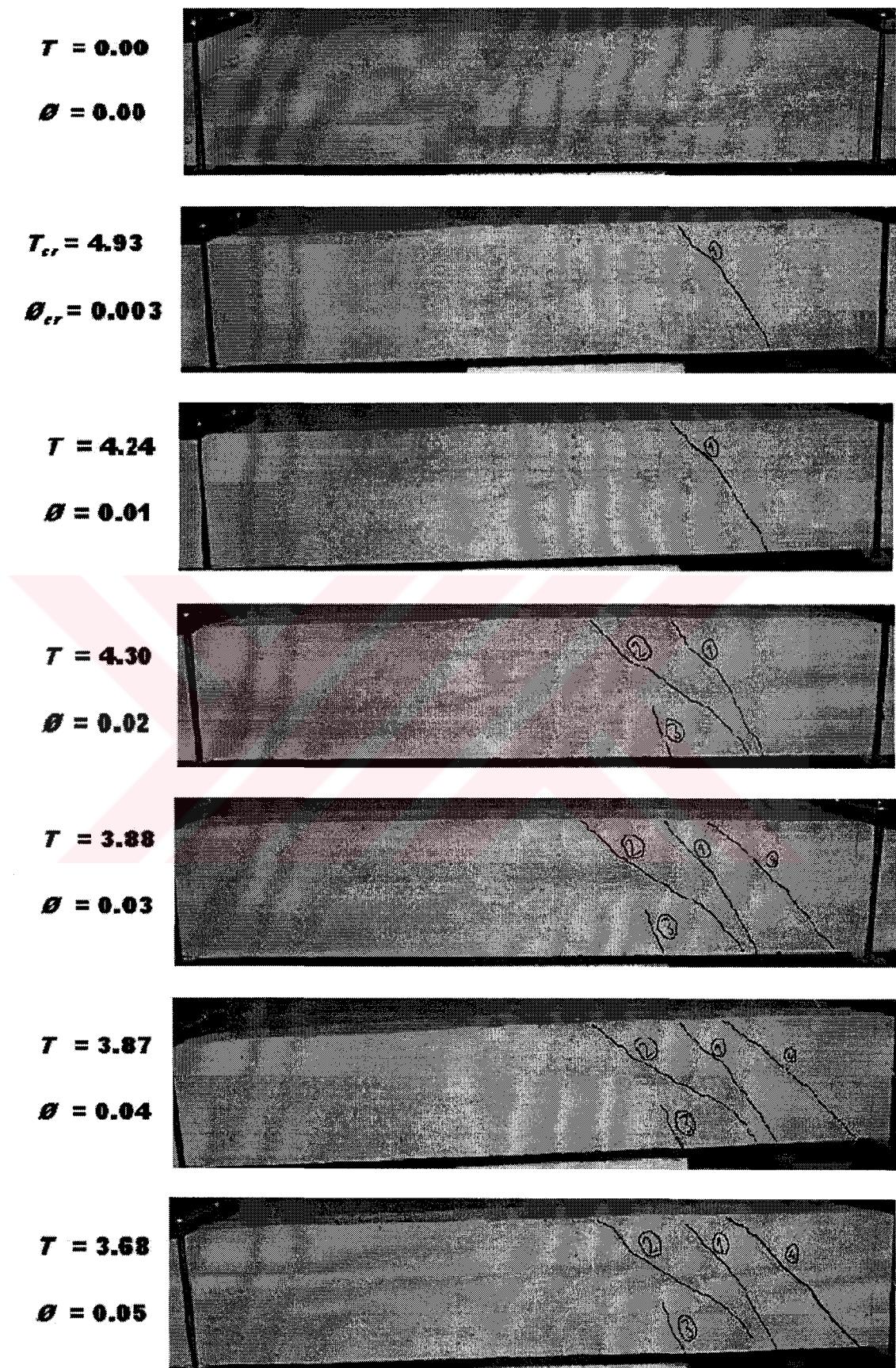
Şekil 4.28 Yüksek dayanımlı beton ile üretilmiş,  $l/d=55$  lif tipi içeren numunelerin birim dönme açısı-birim boy uzaması grafiği

## **5. DENEY VERİLERİNİN DEĞERLENDİRİLMESİ**

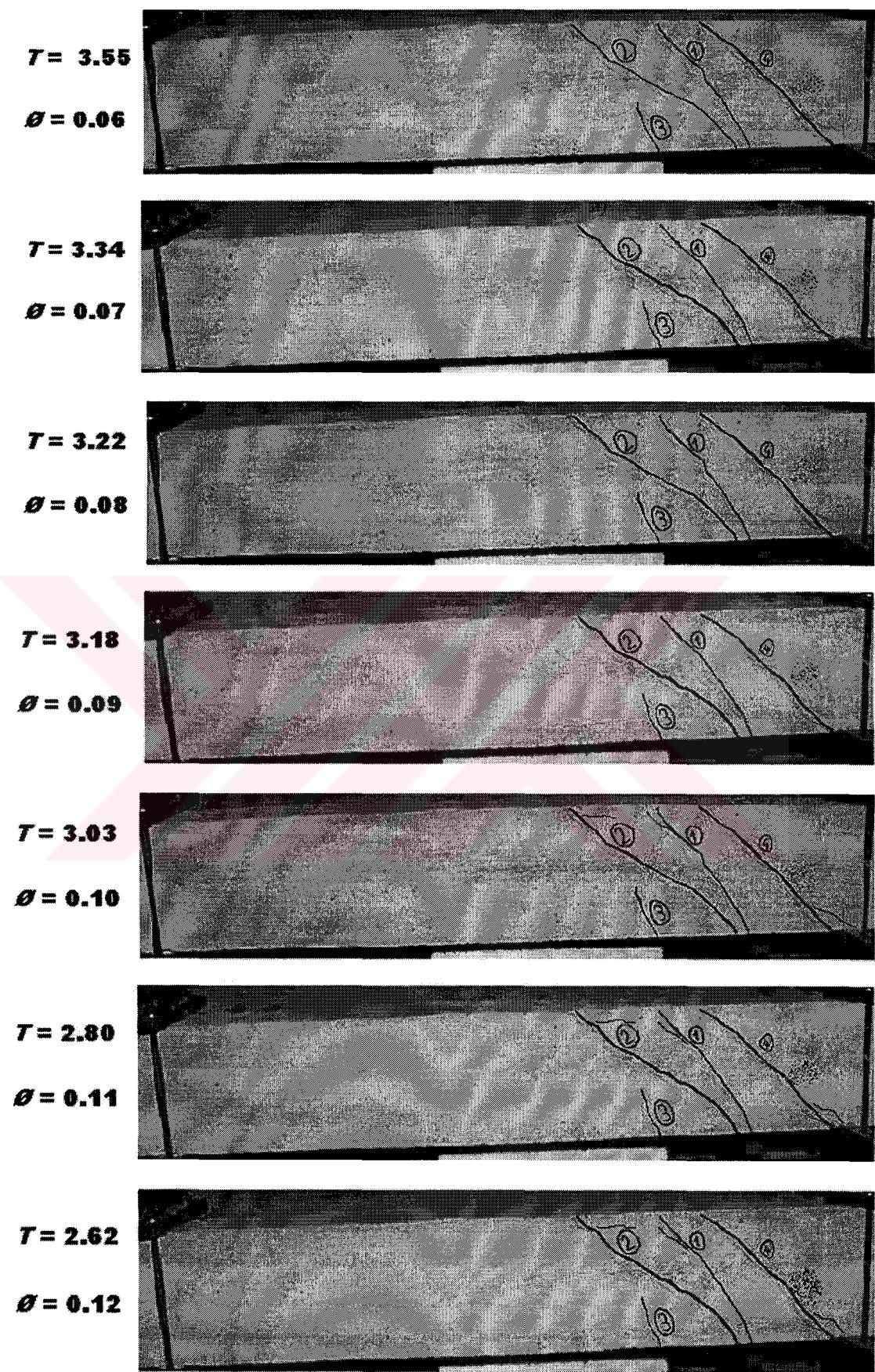
Bu bölümde, Bölüm 4' de elde edilmesi anlatılan verilerin değerlendirilmesi yapılmıştır. Öncelikle numunelerin çatlama davranışları değerlendirilmiş, daha sonra da elde edilen grafikler yardımıyla numunelerin burulma davranışındaki değişimler irdelenmiştir.

### **5.1. Numunelerin Çatlama Davranışlarının Değerlendirilmesi**

Bölüm 4.1' de açıklandığı şekilde fotoğrafları çekilen numunelerde, oluşan çatlakların ve burulma momenti değerlerinin daha kolay takip edilebilmesi için her seviye için, çekilen fotoğrafların sadece numunenin test edilen bölgesine ait olan kısımları alt alta konularak bu seviyedeki birim dönme açısı ve burulma momenti değerleri, ilgili seviye fotoğrafının yan tarafına yazılmıştır. Bu fotoğrafların yan tarafına yazılan birim dönme açısı değeri rad/m, burulma momenti değeri de kN.m birimi cinsinden verilmiştir. Aşağıda Şekil 5.1'de lif içermeyen  $f_{ck}=30$  MPa hedef basınç dayanımına sahip C1L1V0 numunesinin çatlak dağılımı verilmiştir. Bu numunede  $\varnothing=0.12$  rad/m değerine ulaşana kadar dört adet çatlak oluşmuş ve göçme, oluşan çatlaklardan bir tanesinin aşırı genişlemesiyle gerçekleşmiştir. Birim dönme açısı değeri  $\varnothing=0.06$  rad/m değerine ulaştıktan sonra şekil üzerinde siyah gösterilen noktalarda, çatlaklara dik doğrultuda beton ezilmeleri gözlenmeye başlanmış ve bu ezilme birim dönme açısı  $\varnothing=0.12$  rad/m değerine ulaşana kadar giderek artmıştır.  $f_{ck}=30$  MPa hedef basınç dayanımına sahip betonlarla üretilen ve boyuna donatısı  $d_b=8$  mm, lif içeriği  $V_f=0.003$  olan numuneler, genel olarak C1L1V0 şahit numunesinin göçme davranışına benzer şekilde dört ya da beş çatlağın olması ve bu çatlaklardan bir tanesinin aşırı genişlemesi ile göçme gerçekleşmiştir. Yine C1L1V0 şahit numunesine benzer şekilde, bu numunelerde de basınç ezilmesi birim dönme açısının  $\varnothing=0.06-0.07$  rad/m değerinde başlamış ve numuneye yük uygulamasına son verildiği  $\varnothing=0.12$  rad/m birim dönme açısı değerine ulaşana kadar artarak devam etmiştir. (Şekil 5.2)

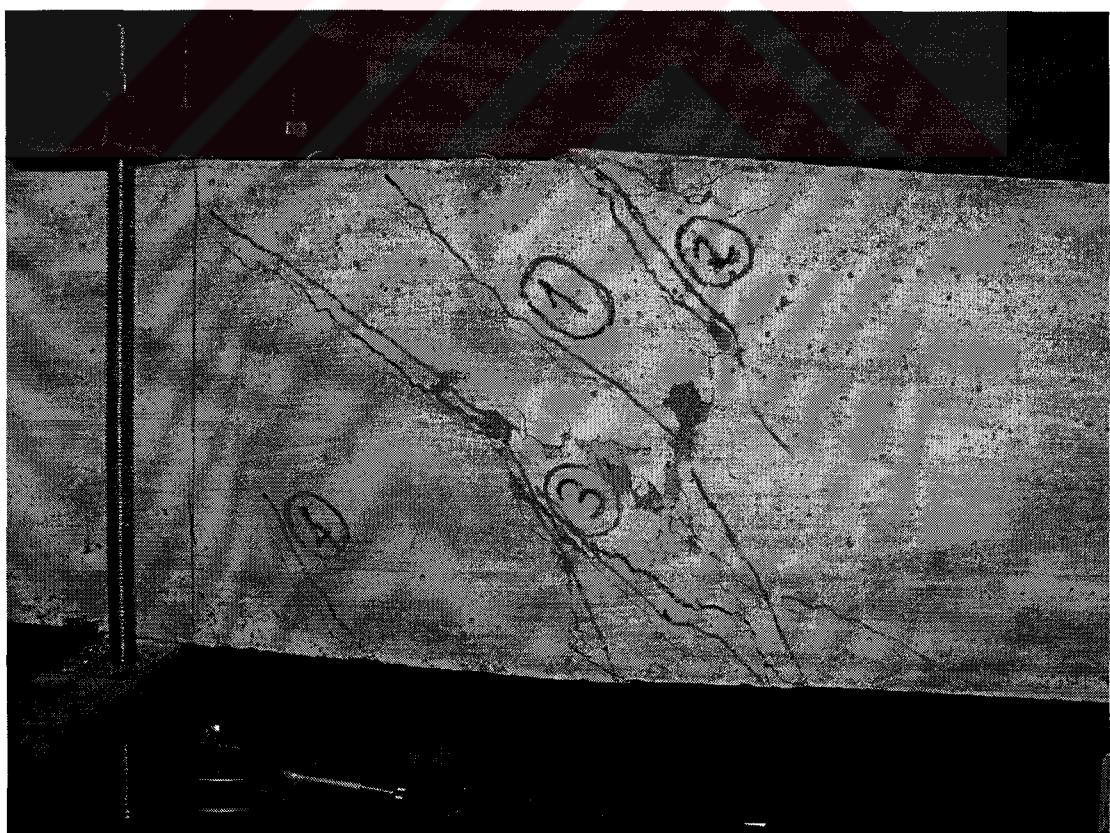


Şekil 5.1 C1L1V0 numunesi test bölgesi çatlık dağılımı

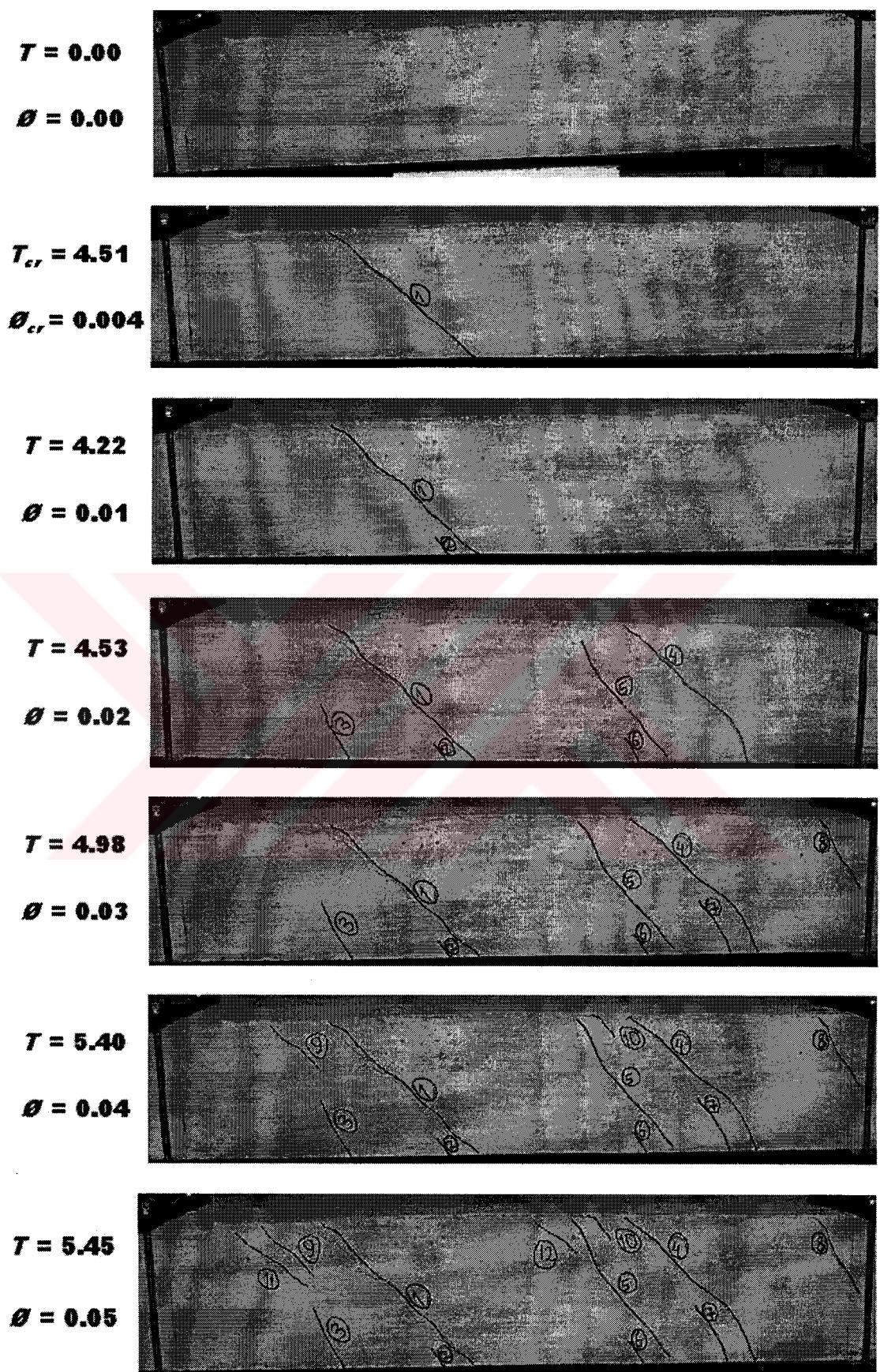


Sekil 5.1 C1L1V0 numunesi test bölgesi çatlak dağılımı (devamı)

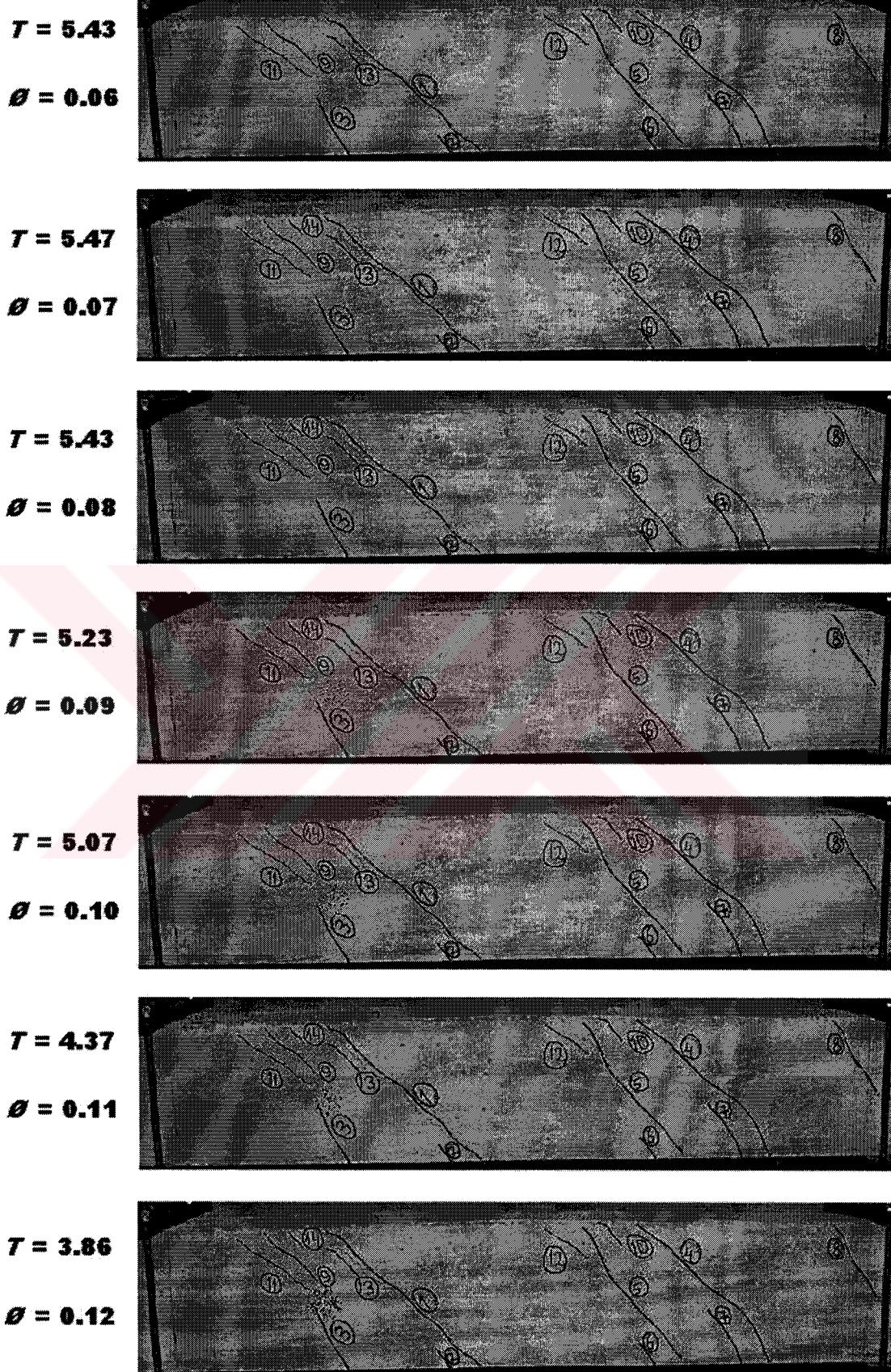
$f_{ck}=30$  MPa hedef basınç dayanımına sahip betonlarla üretilen ve boyuna donatısı  $d_b=8$  mm, lif içeriği  $V_f=0.006$  olan numunelerde, şahit numune ve lif içeriği  $V_f=0.003$  olan numunelerden farklı olarak, çok daha fazla sayıda, genişliği daha az olan ve daha kısa çatlakların oluşması ile deneyin sonlandırıldığı birim dönme açısı değerine ulaşmışlardır (Şekil 5.3). Bu numunelerde basınç ezilmeleri  $\varnothing=0.09$  rad/m değerinden sonra gözlenmeye başlanmış, şahit ve  $V_f = 0.003$  lif içeriğine sahip numunelere göre daha az beton ezilmesi gerçekleşmiştir. Hedef beton basınç dayanımı  $f_{ck}=30$  MPa olan ve boyuna donatısı  $d_b=12$  mm olan C1L2V0 şahit numunesinde, boy donatısı  $d_b=8$  mm olan şahit numuneye göre çok fazla sayıda çatlak oluşmuştur. Ancak beton ezilmeleri her iki numunede de benzer şekilde 0.06-0.07 rad/m birim dönme açısı değerine ulaşıldığında başlamıştır. 12 mm boyuna donatı ve  $V_f = 0.003$  lif içeriğine sahip C1L2F1V1, C1L2F4V1 numuneleri ise aynı normal dayanımlı beton ile üretilen 0.006 lif içeriğine sahip numunelerde olduğu gibi çok sayıda, genişliği ve uzunluğu az olan çatlaklar oluşmuştur. Bu numunelerde beton basınç ezilmeleri 0.10 rad/m birim dönme açısı değerinden sonra başlamış ve çok sınırlı miktarda kalmıştır.



Şekil 5.2 C1L1F2V1 numunesinde gözlenen basınç ezilmeleri



Şekil 5.3. C1L1F4V2 numunesi test bölgesi çatlak dağılımı

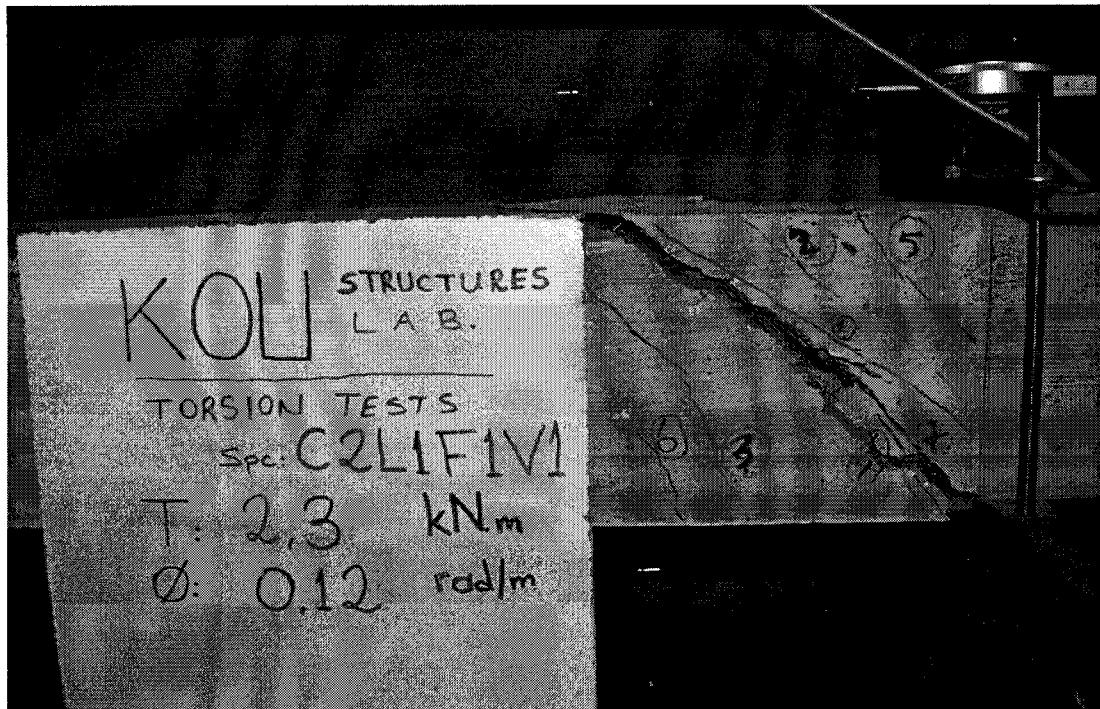


Şekil 5.3. C1L1F4V2 numunesi test bölgesi çatıtlak dağılımı (devamı)

$f_{ck}=60$  MPa hedef basınç dayanımına sahip, şahit numune ve lif içeriği  $V_f=0.003$  olan numuneler ilk birkaç çatlaşın oluşması ve bu çatlaklardan bir tanesinin çok ani genişlemesi ile çok hızlı bir şekilde 0.12 rad/m dönme açısına ulaşmışlardır. Yüksek dayanımlı betonla üretilen bazı numunelerde oluşan, aşırı çatlak genişlemeleri örnek olarak Şekil 5.4 ve Şekil 5.5'de verilmiştir. Bu numunelerde beton ezilmeleri olmamıştır. Ancak  $V_f=0.006$  lif içeriğine sahip, yüksek dayanımlı betonla üretilen numunelerde çok sayıda çatlak olmuş ve çatlak genişlikleri ve uzunlukları çok sınırlı kalmıştır. Bu numunelerde beton ezilmeleri 0.10 rad/m birim dönme açısı değerinden sonra başlamış ve çok az miktarda ezilme gerçekleşmiştir. Bazı numunelerde, tek bir çatlaşın aşırı genişlemesi sonucu, aşırı genişleyen çatlaşın hemen yakınında bulunan çatlaklarda daralmalar gözlenmiştir. Ayrıca yüksek lif içeriğine sahip bazı numunelerde oluşan çok dar çatlakların bir kısmı da deney sonunda yükün kaldırılması ile tamamen kapanmışlardır. Yapılan tüm çatlak okumaları çatlaşın en çok açıldığı bölgesinden yapılmıştır. Tüm numuneler için oluşturulan çatlak dağılımı şekilleri, Tablo 3.9' da verilen numune sıralamasına uygun olarak Ek B' de verilmiştir.



Şekil 5.4 C2L1V0 numunesinde oluşan aşırı çatlak genişlemesi



Şekil 5.5 C2L1F1V1 numunesinde oluşan aşırı çatlak genişlemesi

Ek C' de ise tüm numuneler için oluşturulmuş, çatlak sayısı-çatlak genişliği toplamı-birim dönme açısı grafikleri verilmiştir.

## 5.2. Deneylerden Elde Edilen Grafiklerin Değerlendirilmesi

Bu bölümde, Bölüm 4.2' de elde edilmiş olan grafiklerin değerlendirilmesi yapılmıştır.

### 5.2.1. Burulma momenti-birim dönme açısı ilişkileri

Tablo 4.1'de verilen tüm numunelere ait deney sonuçları incelendiğinde çelik lif içermeyen numunelerin kapasiteleri çatlama momentine eşit olmakta, çatlamadan sonra kesitin taşıdığı burulma momenti birim dönme açısı arttıkça azalmaktadır. Çelik lif ilavesi olan numunelerde çatlamadan sonra kesitin taşıdığı moment artmaka ve belli bir dönme açısından sonra kesitin taşıdığı burulma momenti azalmaya başlamaktadır. Bu davranış çelik lif ilavesi  $V_f = 0.006$  olan numunelerde,  $V_f = 0.003$  olanlara oranla daha belirgin olarak gözlenmiştir.

Şekil 4.2 ve Şekil 4.3'de boy/çap oranı 40 ve 55 olan normal dayanımlı betonla üretilmiş, boy donatı çapı  $d_b=8$  mm olan numunelere ilişkin grafikler verilmiştir. Grafiklerden de anlaşılacağı üzere lif içermeyen C1L1V0 şahit numunesi ilk çatlamanın oluşması ile burulma momenti, herhangi bir artış göstermeden birim dönme açısının artmasıyla birlikte azalmaya başlamıştır. 0.003 lif içeren C1L1F1V1 ve C1L1F2V1 numunelerinde ise çatlamadan sonra taşınan burulma momentinde çok az artışlar gözlendikten sonra tekrar azalmaya başlamıştır. 0.006 çelik lif içeriğine sahip C1L1F1V2 ve C1L1F2V2 numunelerinde ise çatlamadan sonra numunenin taşıdığı burulma momenti, birim dönme açısı artmasına rağmen artmaya devam etmiştir. Şekil 4.4 ve Şekil 4.5'de boy/çap oranı 67 ve 80 olan liflerle üretilmiş numunelere ilişkin verilmiş grafiklerden de yukarıda anlatılan duruma çok benzer davranışlarının olduğu anlaşılmaktadır.

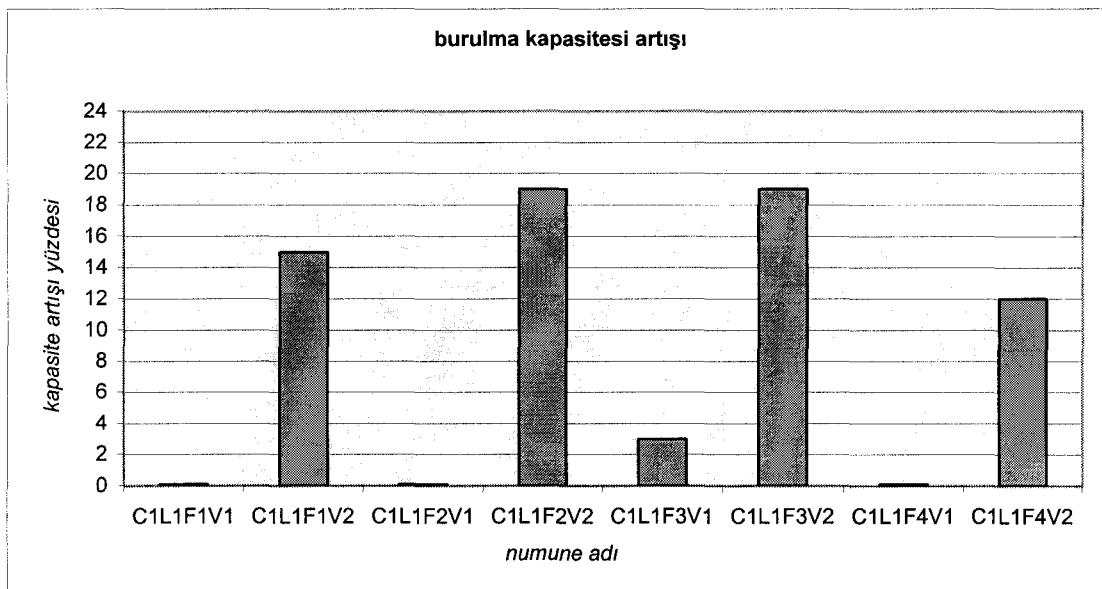
Normal dayanımlı betonla üretilmiş 0.003 çelik lif içeren ve lif boyutları 40, 55, 67 ve 80 olan numunelerin,  $T-\Phi$  ilişkilerinin karşılaştırması Şekil 4.6'da verilmiştir. Bu şekilde, farklı lif tipleri ile üretilmiş numunelerin yaklaşık aynı davranış sergilediği görülmüştür. C1L1F3V1 numunesinin davranışı diğer 0.003 lif içeriğine sahip numunelere göre daha farklı olmuştur. Bu davranış deneysel hatalara bağlanmıştır. Şekil 4.7'de verilen 0.006 lif içeriğine sahip, lif tipi farklı numunelerin davranışı da birbirine benzer olmuştur.

Burulma momenti-birim dönme açısı grafiğinin altında kalan alan elemanın, yuttuğu enerji miktarını vermektedir. Şekil 4.2, 4.3, 4.4, 4.5'de verilen grafiklerde 0.003 lif içeren numunelere ait grafikler ile şahit numuneye ait grafik arasında kalan alan 0.003 lif ilavesinin etkisi ile yutulan enerji miktarını, 0.006 lif içeren numunelere ait grafikler ile şahit numune arasında kalan alan ise 0.006 lif ilavesinin etkisi ile yutulan enerji miktarını göstermektedir. 0.006 lif içeriğine sahip numunelerin yuttuğu enerji miktarı, şahit numune ve 0.003 lif içeriğine sahip numunelere göre yaklaşık % 20 civarında daha fazladır. Yukarıda verilen, lif içeren numunelerde oluşan çatlaklar, burulma momenti tamamen kaldırıldıktan sonra, şahit numuneye göre daha fazla kapanmışlardır.

Şekil 4.8' de  $f_{ck} = 30$  MPa beton basınç dayanımı,  $d_b = 12$  mm boyuna donatı çapı ve 0.003 lif içeriğine sahip boy/çap oranı 40 ve 80 olan numunelerin test sonuçları kullanılarak oluşturulmuş grafik verilmiştir. Şekil 4.6'da verilen grafiklerde çelik lif ilavesi 0.003 olması durumunda numunelerin kapasitelerinde ve enerji yutma miktarında belirgin artış gözlenmezken, boy donatısı  $d_b = 12$  mm olan numunelerde numunenin kapasitesinde ve enerji yutma miktarında gözle görülebilir artışlar elde edilmiştir. Ayrıca Şekil 4.8'de verilen numunelerde numunenin burulma taşıma miktarındaki azalma, birim dönme açısı 0.10 rad/m' ye geldiği anda başlamıştır.

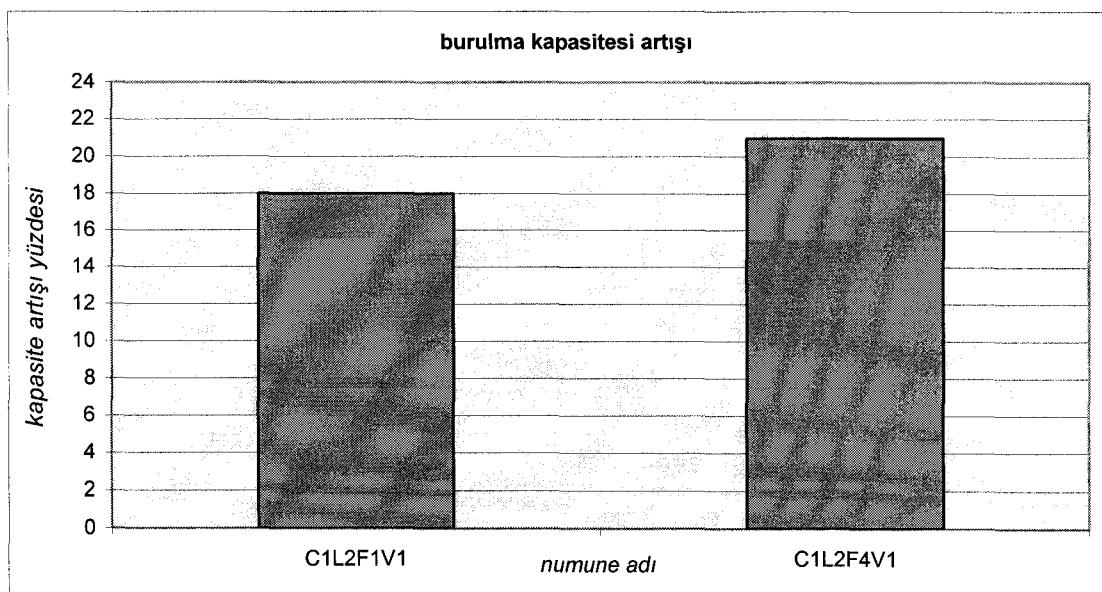
Yüksek dayanımlı betonlarla üretilmiş deney numunelerine ait burulma momenti birim dönme açısı ilişkileri Şekil 4.9 ve Şekil 4.10'da verilmiştir. Yüksek dayanımlı betonların şahit numunesinde burulma momentleri birim dönme açısının 0.03 rad/m değerinden sonra ani düşüşler göstermiştir. Bu düşüş, oluşan çatlakların bir tanesinin aşırı genişlemesi ile gerçekleşmiştir. Bu çatlak genişlemesinden sonra kesitte sadece donatı taşıma gücüne katkıda bulunmuştur. Donatının pekleşmesi ile şahit numunenin taşıma gücünde bir miktar artış gerçekleşmiştir. Yüksek dayanımlı beton ile üretilen şahit numune ve 0.003 lif içeriğine sahip numunelerde, betonda basınç ezilmeleri gerçekleşmemiştir. 0.006 lif içeriğine sahip yüksek dayanımlı betonlarla üretilmiş numunelerde ise basınç ezilmeleri birim dönme açısı 0.10 rad/m' ye ulaştıktan sonra tespit edilmiştir. Şekil 4.13 ve Şekil 4.14'de boyuna donatısı farklı olan, şahit numuneler ile 0.003 çelik lif içeriğine sahip numunelerin sonuçları karşılaştırılarak boyuna donatının ve çelik lifin burulma momenti taşıma gücü üzerine etkileri verilmeye çalışılmıştır.

Yukarıda anlatılan tüm bilgiler ışığında, çelik lif içeren tüm numunelerin burulma kapasitelerinde oluşan artış yüzdeleri için grafikler oluşturulmuştur.  $d_b = 8$  mm ve  $d_b = 12$  mm çapında boyuna donatıya sahip, normal dayanımlı betonarme kırışların çelik lif ilavesi ile gerçekleşen burulma kapasitesi artışı yüzdesi Şekil 5.6 ve Şekil 5.7' de,  $d_b = 8$  mm boyuna donatı çapına sahip, yüksek dayanımlı yüksek dayanımlı betonarme kırışlarında oluşan kapasite artışı da Şekil 5.8' de verilmiştir. 8 mm boyuna donatıya sahip, normal dayanımlı betonarme kırışlarında 0.003 çelik lif ilavesi kayda değer bir kapasite artışı gerçekleştirmezken, 0.006 çelik lif ilavesi olan kırışlarında,

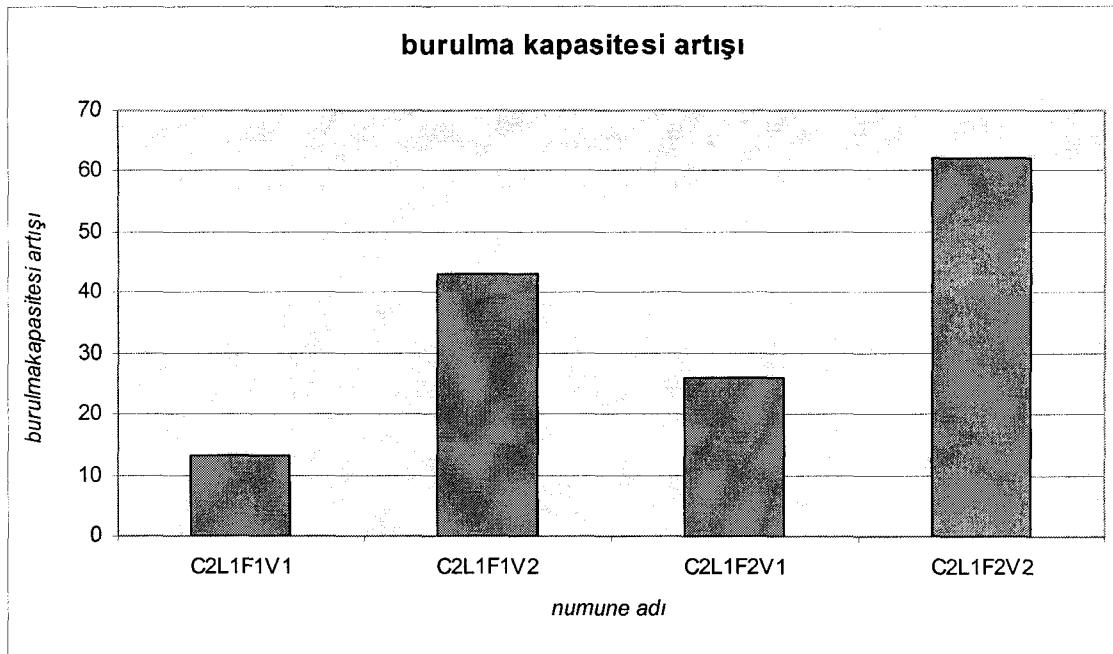


Şekil 5.6  $d_b=8$  mm çapında boyuna donatıya sahip, normal dayanımlı betonarme kırışlarında çelik lif ilavesinin burulma kapasitesine etkisi

şahit numuneye göre, lif boyutlarından bağımsız olarak ortalama % 15-16 oranında burulma kapasitesi artışı gerçekleşmiştir. 12 mm boyuna donatıya sahip, normal dayanımlı betonarme kırışlarında 0.003 çelik lif ilavesi ise ortalama % 20 oranında burulma kapasitesi artışı gerçekleştirmiştir.



Şekil 5.7  $d_b=12$  mm çapında boyuna donatıya sahip, normal dayanımlı betonarme kırışlarında çelik lif ilavesinin burulma kapasitesine etkisi



Şekil 5.8  $d_b=8$  mm boyuna donatıya sahip yüksek dayanımlı betonarme kirişlerde çelik lif ilavesinin burulma kapasitesine etkisi

Şekil 5.8'de verilen 8 mm boyuna donatıya sahip, yüksek dayanımlı betonarme kirişlerde 0.003 çelik lif ilavesi,  $l/d=40$  olan lif tipinde % 13 artış gerçekleştirirken,  $l/d=80$  olan kirişlerde % 26 oranında kapasite artışı gerçekleştirmiştir. 0.006 çelik lif ilavesi ise,  $l/d=40$  olan numunelerde % 43,  $l/d=55$  olan numunelerde % 62 oranında kapasite artışı gerçekleştirmiştir.

### **5.2.2. Burulma momenti-toplam çatlak genişliği ve birim boy uzaması-birim dönme açısı ilişkileri**

Burulma momenti-toplam çatlak genişliği grafikleri, çatlak oluşumu ile moment taşıma miktarının değişiminin nasıl olduğunu açıklamaktadır. Normal dayanımlı beton ile üretilen 8 mm boyuna donatıya sahip şahit ve % 0.3 lif içeriğine sahip tüm numunelerde toplam çatlak genişliği arttıkça, taşınan burulma momenti azalmıştır. Ancak çelik lif ilavesi % 0.6 olan numunelerde toplam çatlak genişliği artmasına rağmen, numunenin taşıdığı burulma momenti değerinde artış olmuştur. 12 mm boyuna donatıya sahip normal dayanımlı beton ile üretilen numunelerde % 0.3 lif

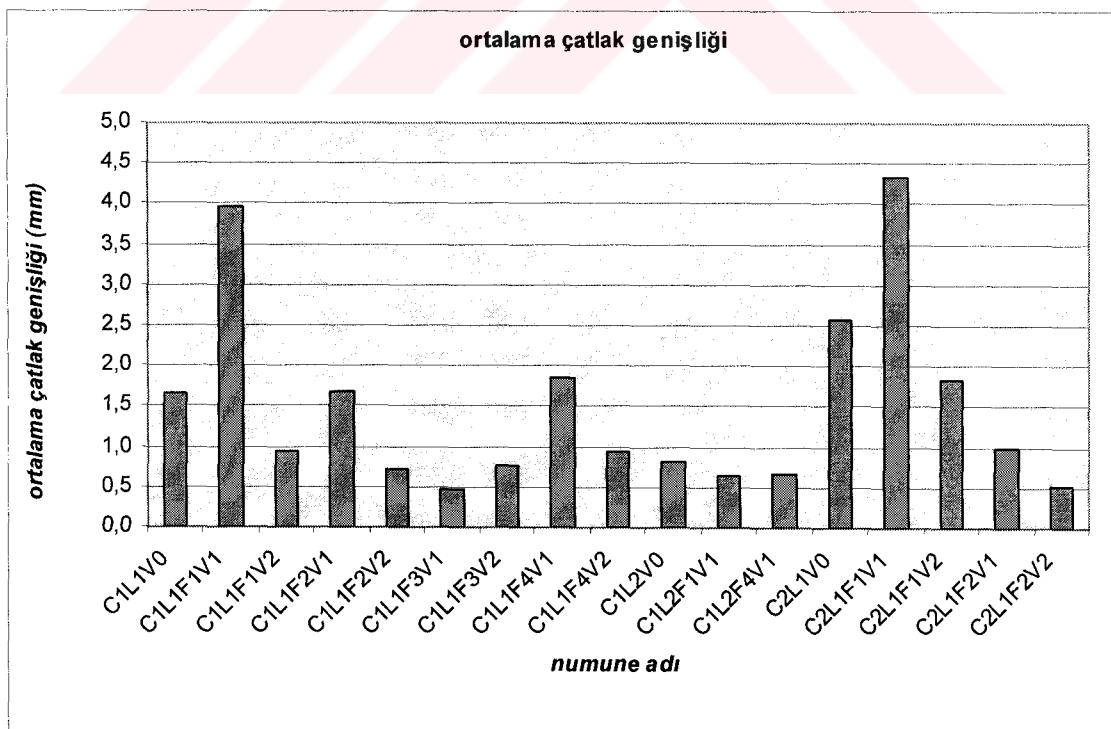
îçermesine rağmen, boyuna donatısı 8 mm olan % 0.6 lif içeren numuneler gibi davranışmışlardır. Şekil 4.20 ve Şekil 4.21' de verilen yüksek dayanımlı betonların toplam çatlak genişliği burulma momenti grafiklerinden de anlaşılacağı üzere, normal dayanımlı beton ile üretilen numunelerin aksine deney sonuna kadar en fazla çatlak toplamı şahit numunelerde oluşmuştur.

Basit burulma altında numune boyunda oluşan uzama, donatıdaki boy uzamasına eşit sayılabilcegi için, birim dönme açısı-birim boy uzaması grafiği ise kullanılan boyuna donatının akip akmadığını kontrol edebilmek amacıyla oluşturulmuştur. Ancak, deney sırasında numuneler için kaydedilen boy uzaması değerleri incelendiğinde, bazı numunelerde bir aşamadan sonra, oluşan boy uzamasının azaldığı ya da boy uzamasındaki artışın daha az olduğu dikkat çekmektedir. Bu davranış çatlakların aşırı genişlemesinin gerçekleştiği birim dönme açılarından sonra gerçekleşmiştir. Çatlakların genişliği artarken, boy uzamasının azalması, normal bir durum olmadığı için boy uzamasında oluşan azalma, numune uçlarına boy uzamasını ölçmek için bağlanan komparatörlerin, numunedeki aşırı çatlak genişlemesi olmasından dolayı simetrisinin kaybolarak sahılık veri alamamasına bağlanmıştır. Eğer birim boy uzaması-birim dönme açısı grafiğinin lineerliğinin bozulduğu dönme açısına kadar olan grafik eğimi korunabilseydi, yani boy uzamasını ölçen komparatörlerin simetrisi bozulmasaydı numune boyuna donatlarında oluşan akmalar daha sahılık tespit edilebilecekti.

Normal dayanımlı beton ile üretilmiş  $d_b=8$  mm boyuna donatıya sahip, numuneler için oluşturulmuş grafikler incelendiğinde sadece, 0.006 lif içeriği olan C1L1F1V2 ve C1L1F2V2 numunelerinin boyuna donatlarının aktığı söylenebilir. Yüksek dayanımlı betonlarla üretilen numuneler için oluşturulmuş Şekil 4.27 ve Şekil 4.28'de yer alan C2L1V0, C2L1F1V1 numunelerinde ise sahılık veri alınamaması dolayısıyla, boy uzamasından, donatının durumu hakkında herhangi bir sonuca ulaşılamamaktadır.

Betona çelik lif ilavesi çatlak sayısını arttırmış, çatlak genişliğini ise azaltmıştır. Tüm numuneler için,  $\varnothing=0.12$  rad/m dönme açısı sonunda oluşan, çatlak genişliği toplamının, çatlak sayısına bölümü ile ortalama çatlak genişlikleri hesaplanmıştır. Bu

hesaplar sonucunda ortalama çatlak genişliği grafiği oluşturulmuştur (Şekil 5.9). Şekil 5.9'da verilen grafikten de anlaşılacağı üzere, normal dayanımlı betonlarda şahit ve 0.003 çelik lif içeriğine sahip numuneler arasında ortalama çatlak genişliği açısından fazla fark görülememiştir. Ancak C1L1F1V1 numunesindeki çatlak genişliği ortalaması, şahit ve 0.003 lif içerikli numunelere göre çok daha fazla olmuştur. Yüksek dayanımlı betonlarla üretilen, şahit ve C2L1F1V1 numunesinde oluşan çatlak genişliği ortalamaları, diğer yüksek dayanımlı betonlara göre daha fazla olmuştur. 0.003 lif içeriğine sahip C1L1F3V1 numunesinde, aynı lif içeriğine sahip 8 mm boyuna donatıya sahip, normal ve yüksek dayanımlı betonlarla üretilen numunelere göre, çatlak genişliği ortalaması çok küçük olmuştur. Bu sonuç bu numunede deneysel bir hata yapıldığı fikrini ortaya çıkarmaktadır. 0.006 lif ilavesi olan numunelerde çatlak genişliği ortalaması, şahit numunelere göre oldukça azalmıştır. Boyuna donatının arttırılması çatlak genişliğinin azaltılması ve yük taşıma kapasitesinin artırılması açısından etkili olmuştur. Yönetmeliklerde boyuna donatının yük taşımıadığı varsayılsa da, özellikle uygun çelik lif miktarı ile kullanılan daha fazla boyuna donatı, kesitin burulma karakteristiklerini olumlu yönde etkilemektedir.



Şekil 5.9 Tüm numunelerin ortalama çatlak genişliği grafiği

Bu bölümde verilen tüm grafikler incelenerek, yeterli miktarda kullanılan çelik lif katkısının, çatlak dağılımını, burulma kapasitesini, burulma altındaki enerji yutma miktarını değiştirerek, kırışların burulma altındaki davranışını iyileştirdiği söylenebilir.



## **6. SONUÇ ve ÖNERİLER**

Çelik lif katkılı betonarme kırışlerin burulma davranışındaki değişimlerin incelendiği bu çalışmada aşağıdaki sonuçlara ulaşılmıştır. Sınırlı sayıda numunenin test edilmesi ile elde edilen bu sonuçların, daha güvenilir olabilmesi için çok daha fazla sayıda numunenin deney sonuçları ile desteklenmesi gerekliliği göz ardı edilmemelidir.

- Normal ve yüksek dayanımlı betonlara çelik lif ilave edilerek üretilen kırışlerin, burulma davranışının olumlu yönde değiştiği tespit edilmiştir. Ancak % 0.3 hacimsel çelik lif ilavesinin burulma davranışında yeteri miktarda etkisinin olmadığı belirlenmiştir.
- Normal dayanımlı betonlarda çelik lif ilavesi olmasa ya da yetersiz olsa bile, yüksek dayanımlı çelik lif içermeyen veya yetersiz lif içeren numunelere göre daha sünek bir davranış sergilemişlerdir.
- % 0.6 hacimsel çelik lif ilavesi, betonarme kırışlerin burulmadaki taşıma kapasitesinde % 12 ila % 62 arasında artış sağlamıştır. % 0.6 hacimsel çelik lif ilavesinin betonarme kırışlerin burulma kapasitesini artırmak için uygun miktar olduğu, ancak daha fazla kapasite artışı sağlayabilmek için betonun kalıba yerleşme sorunu yaratmayacağı düzeye kadar lif ilavesinin arttırılabileceği sonucuna varılmıştır.
- Kullanılan çelik lifin boy/çap oranının burulma kapasitesini çok fazla etkimedigi belirlenmiştir.
- Boyuna donatı miktarını artırarak, % 0.3 hacimsel çelik lif katkısının betonarme kırışlerin, burulma kapasitesi üzerine etkisinin artırılabileceği tespit edilmiştir.

- Yeterli miktarda çelik lif ilavesi ile kırışerde oluşan çatlak genişliklerinde azalma, çatlak sayısında ise artış sağlandığı sonucuna varılmıştır.

Bundan sonra yapılacak çalışmalarda; bu çalışmada kullanılan çelik lif tiplerinden farklı lif tipleri kullanılması, tersinir-tekrarlı yükleme altında numunelerin denenmesi, daha fazla hacimsel çelik lif içeren numunelerin üretilerek deneye tabi tutulması ile çelik lif katkılı betonarme kırışlerin, burulma davranışının bilinmeyenlerinin azaltılabileceği düşünülmektedir.



## KAYNAKLAR

1. Tuna, M.E., 1992. Çözümlü Örneklerle Betonarme, 2. Baskı, Tuna Eğitim ve Kültür Vakfı, Ankara
2. Berktay, İ., 1995. Betonarme I-Taşıma Gücü ve Kesit Hesapları, İnşaat Mühendisleri Odası İstanbul Şubesi, İstanbul
3. Celep, Z., ve Kumbasar N., 1998. Betonarme Yapılar, 2.Baskı, Sema Matbaacılık, İstanbul
4. Ersoy, U., ve Özcebe, G., 2001. Betonarme, Geliştirilmiş Yeni Baskı, Evrim Yayınevi ve Bilg. San. Tic. Ltd. Şti., İstanbul
5. Hsu,T., 1968. Torsion of Structural Concrete-Behaviour of R.C. Rectangular Members, ACI Symposium Volume on Torsion, ACI SP-18
6. Fang, I-K., and Shiau, J-K., 2004. Torsional Behavior of Normal- and High-Strength Concrete Beams, ACI Structural Journal, Title No 101-S31, pp. 304-313, May-June.
7. Atef, H.B., Faisal, F.W., and Ali, A.A., 1990. Torsional Behavior of Plain high-Strength Concrete Beams, ACI Structural Journal, Title No 87-S59, pp. 583-588, September-October
8. Beer, F.P., and Johnston, E.R, 1992. Mechanics of Materials, Secand Edition in SI Units, McGraw-Hill Book Company, London
9. Rao, T.D.G., and Seshu, D.R., 2003. Torsion of Steel Fiber Reinforced Concrete Members, Cement and Concrete Research 33, pp. 1783-1788
10. Hsu, T.T.C., 1984. Torsion of Reinforced Concrete, Van Nostrand Reinhold Co., Inc. New York
11. Hasnat, A., and Akhtaruzzaman, A.A., 1983. An Experimantel Investigation to Determine the Ultimate Strength of Reinforced Concrete Beams Containing an Opening under Bending and Torsion, Research Report No. 01-21, College of Engineering, King Abdulaziz University, Jeddah
12. Leet, K., and Bernal, D. 1997. Reinforced Concrete Design, Third Edition, A Division of The McGraw-Hill Companies, New York
13. ACI Committe 318, 1995. Building Code Requirements for Structural Concrete (318-95) and Commentary (318-95), American Concrete Institute, Michigan
14. Bhatti, M.A., and Almughrabi, A., 1996. Refined Model to Estimate Torsional Strength of Reinforced Concrete Beams, ACI Structural Journal, Title No 93-S58, pp. 614-622, September-October

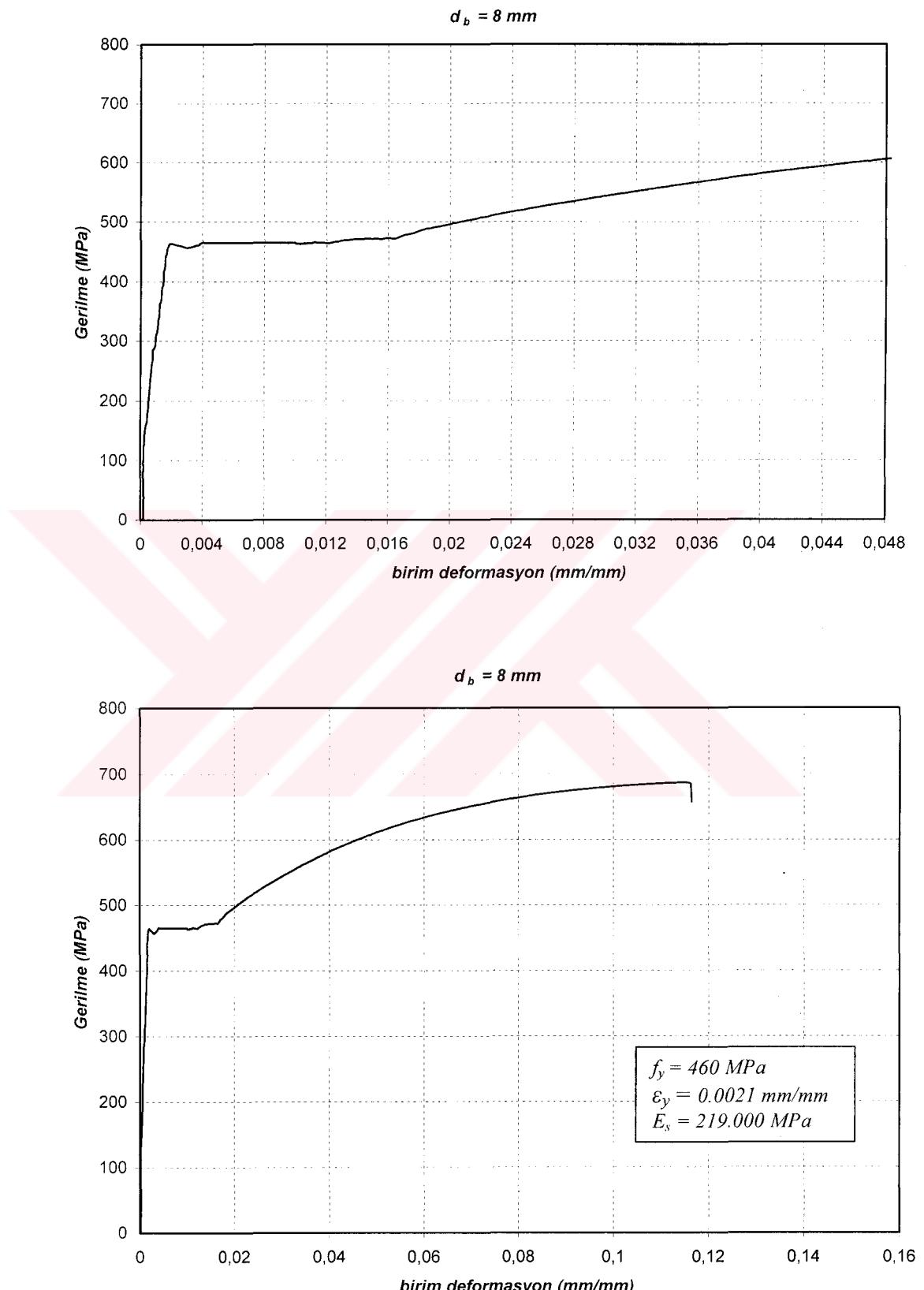
15. El-Niema, E.I., 1993. Fiber Reinforced Beams under Torsion, ACI Structural Journal, Title No 90-S50, pp.489-495, September-October
16. Türk Standartları Enstitüsü (TSE), 2000. TS-500 Betonarme Yapıların Tasarım ve Yapım Kuralları, Birinci Baskı, Türk Standartları Enstitüsü, Ankara
17. Yıldırım, S.T., 2002. Lif Takviyeli Betonların Performans Özelliklerinin Araştırılması, Doktora Tezi, Fırat Üniversitesi Fen Bilimleri Enstitüsü Yapı eğitimi Anabilim Dalı, Elazığ
18. Craig, R.J., James, A.P., Germain, E., Mosquera, V., and Kamilares, S., 1986. Fiber Reinforced Beams in Torsion, ACI Structural Journal, Title No 83-81, pp. 934-942, November-December
19. Song, P.S., and Hwang, S., 2004. Mechanical Properties of High-Strength Steel Fiber-Reinforced Concrete, Construction and Building Materials 18, pp. 669-673
20. Faisal, F.W., and Samir, A.A., 1992. Mechanical Properties of High-Strength Fiber Reinforced Concrete, ACI Material Journal, Title No 89-M48, pp. 449-455, September-October
21. Jianming, G., Wei, S., and Keiji, M., 1997. Mechanical Properties of Steel Fiber-Reinforced, High-Strength, Lightweight Concrete, Cememr and Concrete Composites 19, pp. 307-313
22. Narayanan, R., and Karem-Palanjian, A.S., 1986. Torsion in Beams Reinforced with Bars and Fibers, Journal of Structural Engineering, Vol. 112, No. 4, pp.53-66

## **EKLER**

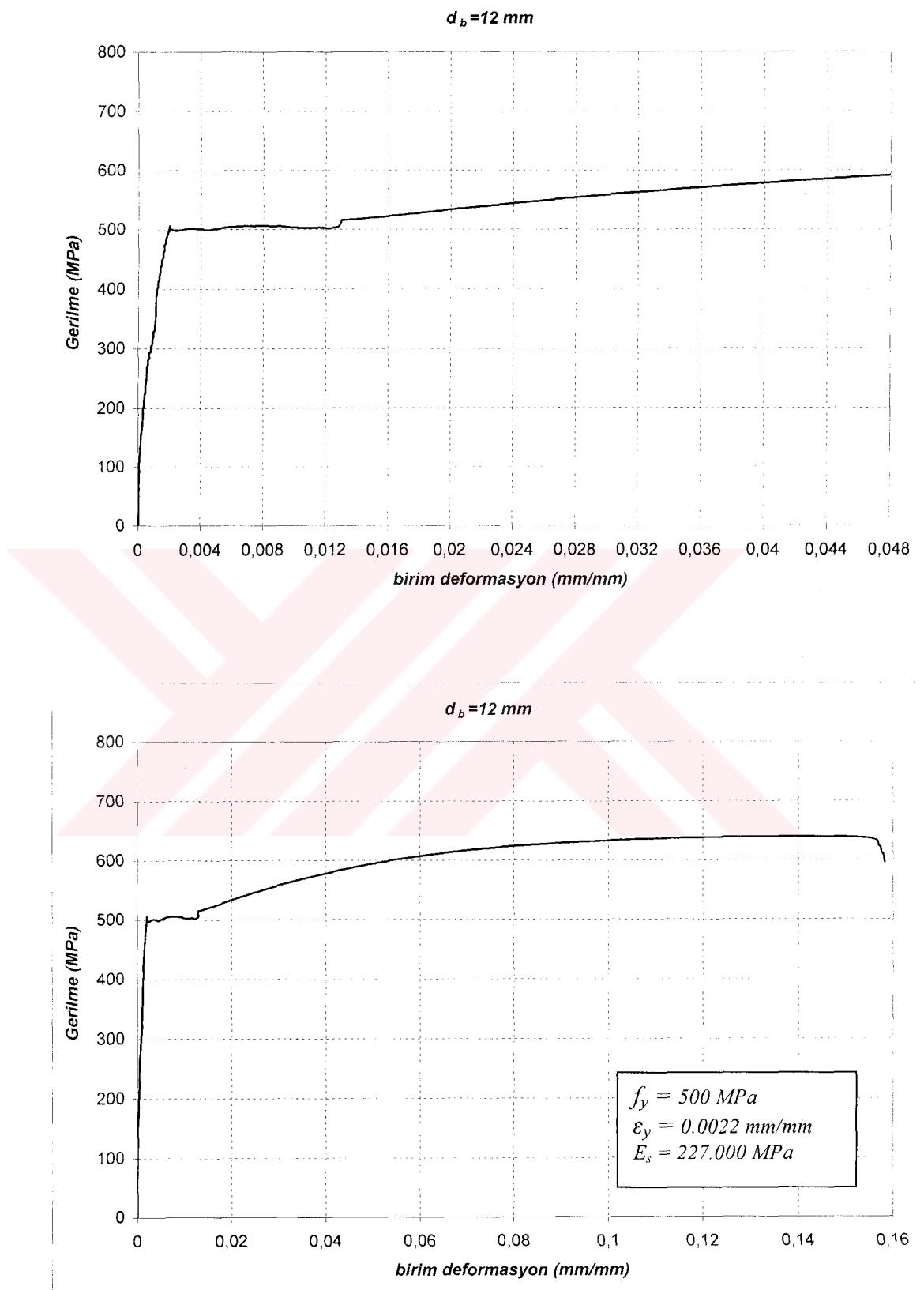
### **Ek A**

Ek A' da deney numunelerinin üretilmesi sırasında kullanılmış olan  $d_b=8$  mm ve  $d_b=12$  mm çapındaki donatılar için elde edilmiş gerilme-birim deformasyon eğrileri verilmiştir. Her donatı çapı için, birden fazla yapılan çelik çekme deneylerinin ortalaması alınıp, her donatı için bir adet gerilme birim deformasyon grafiği oluşturularak karışıklık oluşması engellenmeye çalışılmıştır. Donatı akma bölgesinin daha anlaşılır olabilmesi için üstte gerilme-birim deformasyon grafiğin dar bir aralığı verilmiştir. Altta ise gerilme-birim deformasyon grafiğinin tamamı verilmiştir.





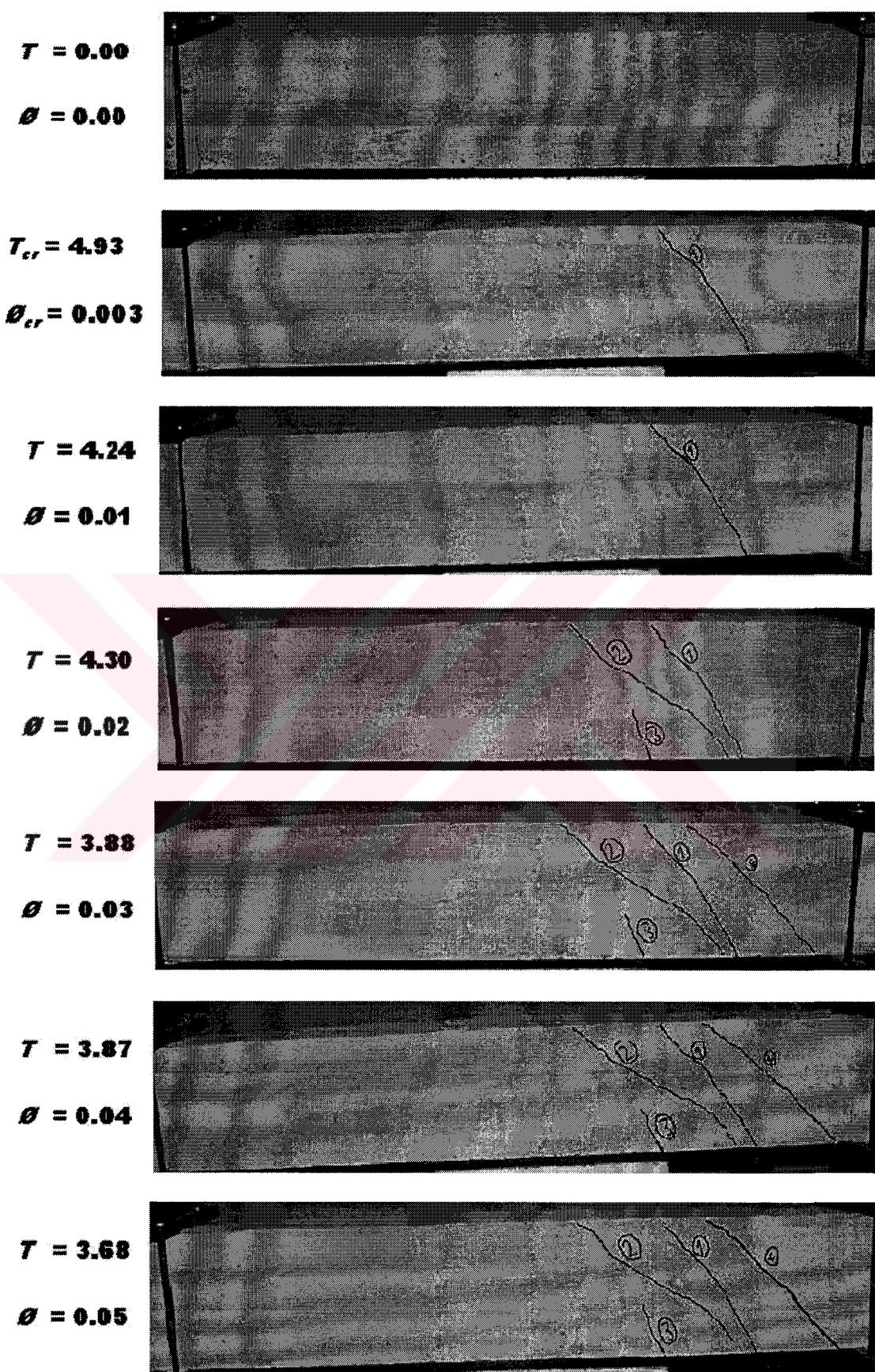
Şekil A.1 Deneylerde kullanılan donatılara ait gerilme-birim deformasyon grafiği  
( $d_b=8 \text{ mm}$ )



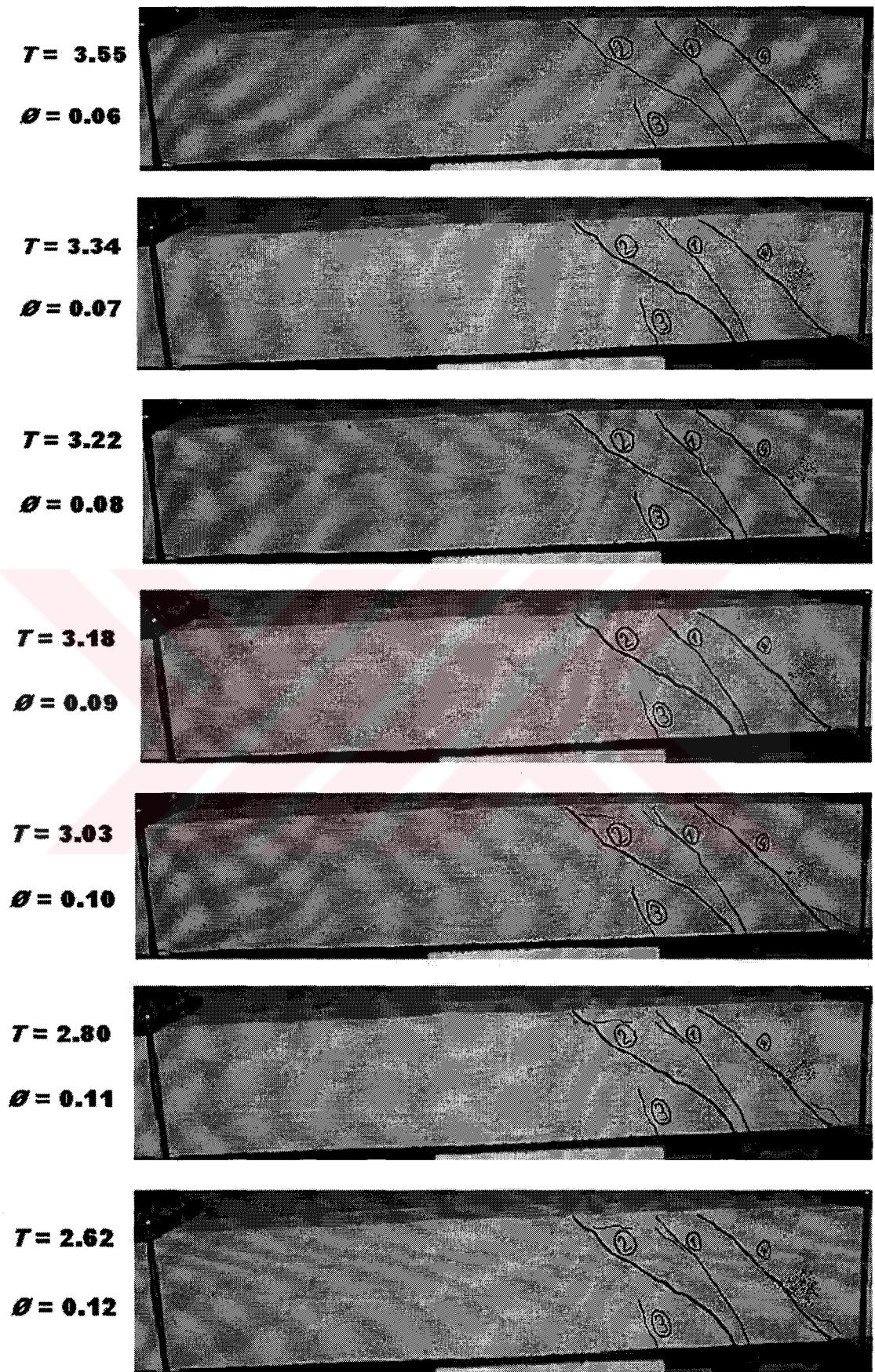
Şekil A.2 Deneylerde kullanılan donatılara ait gerilme-birim deformasyon grafiği ( $d_b=12 \text{ mm}$ )

## **Ek B**

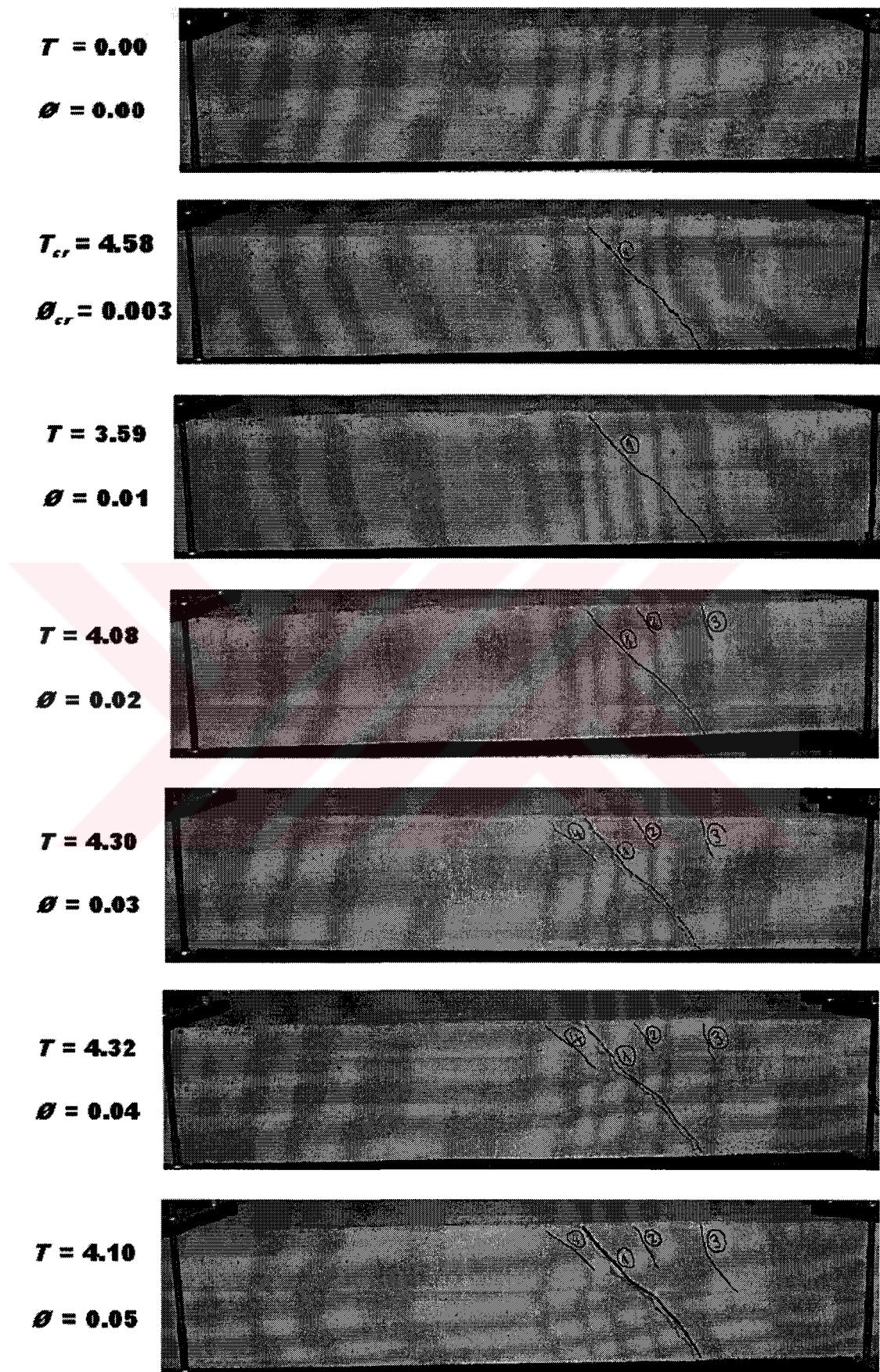
Ek B' de deney sırasında her bir numunenin çatlama anındaki ve çatladıktan sonra  $\Phi=0.00-0.12$  rad/m aralığındaki her bir 0.01 rad/m' lik birim dönme açısı değeri için çekilen numune fotoğraflarının sadece test bölggesine ait kısımları alt alta yerleştirilerek oluşturulmuş şekiller verilmiştir. Bu şekillerde her birim dönme açısına ait fotoğrafın yanına o andaki burulma momenti değeri de yazılarak çatlakların oluşumu ile birlikte taşınan burulma momentinin değişiminin takip edilebilmesi amaçlanmıştır. Numunelerin yanına yazılan birim dönme açısı rad/m, burulma momenti değeri de kN.m birimi cinsinden değerlerdir. Numuneler için oluşturulan şekiller ve çatlak tabloları Tablo 3.9' da ki sıralamaya uygun olarak verilmiştir.



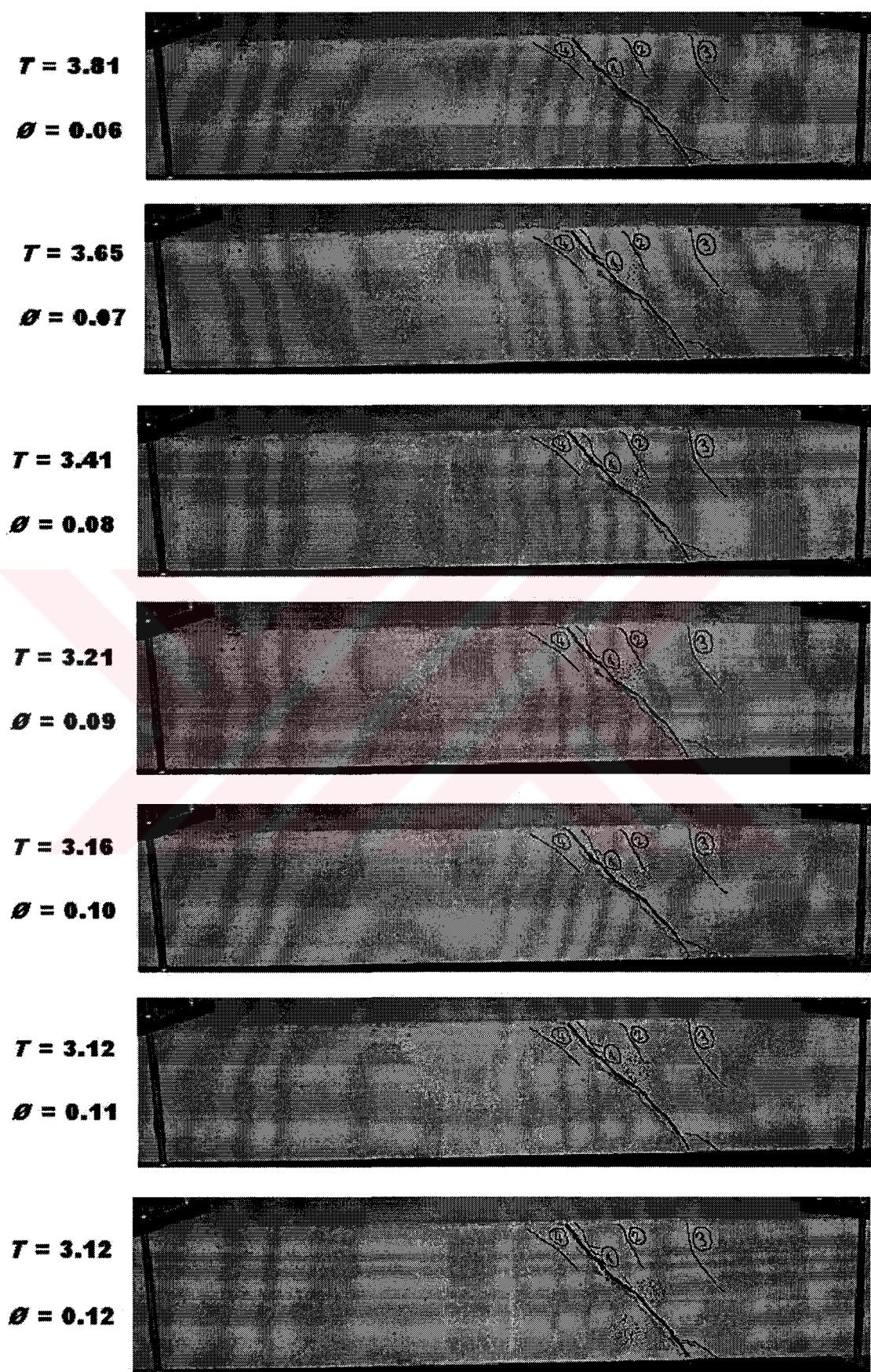
Şekil B.1. C1L1V0 numunesi çatıtlak dağılımı



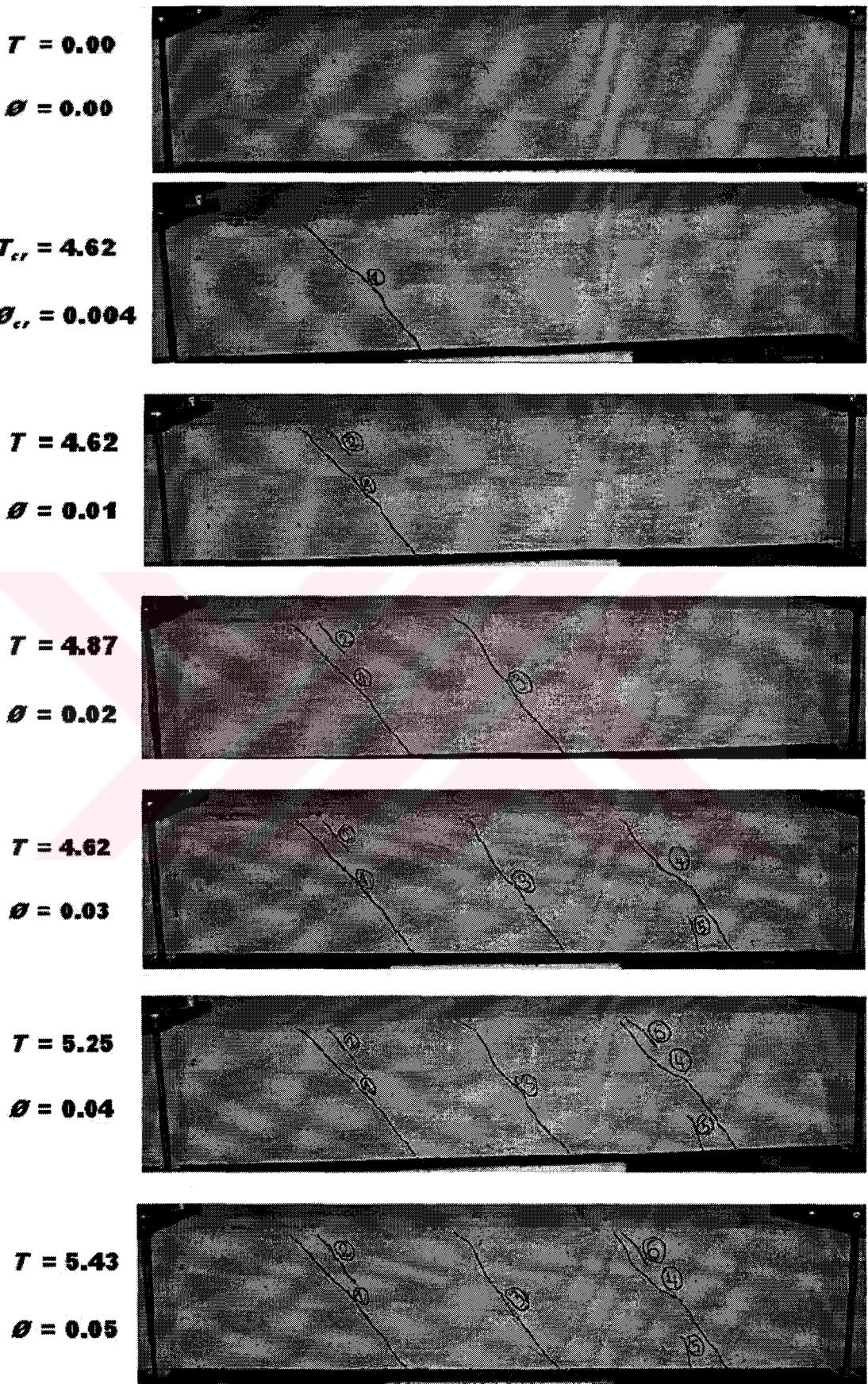
Şekil B.1. C1L1V0 numunesi çatlak dağılımı (devamı)



Şekil B.2. C1L1F1V1 numunesi çatlak dağılımı



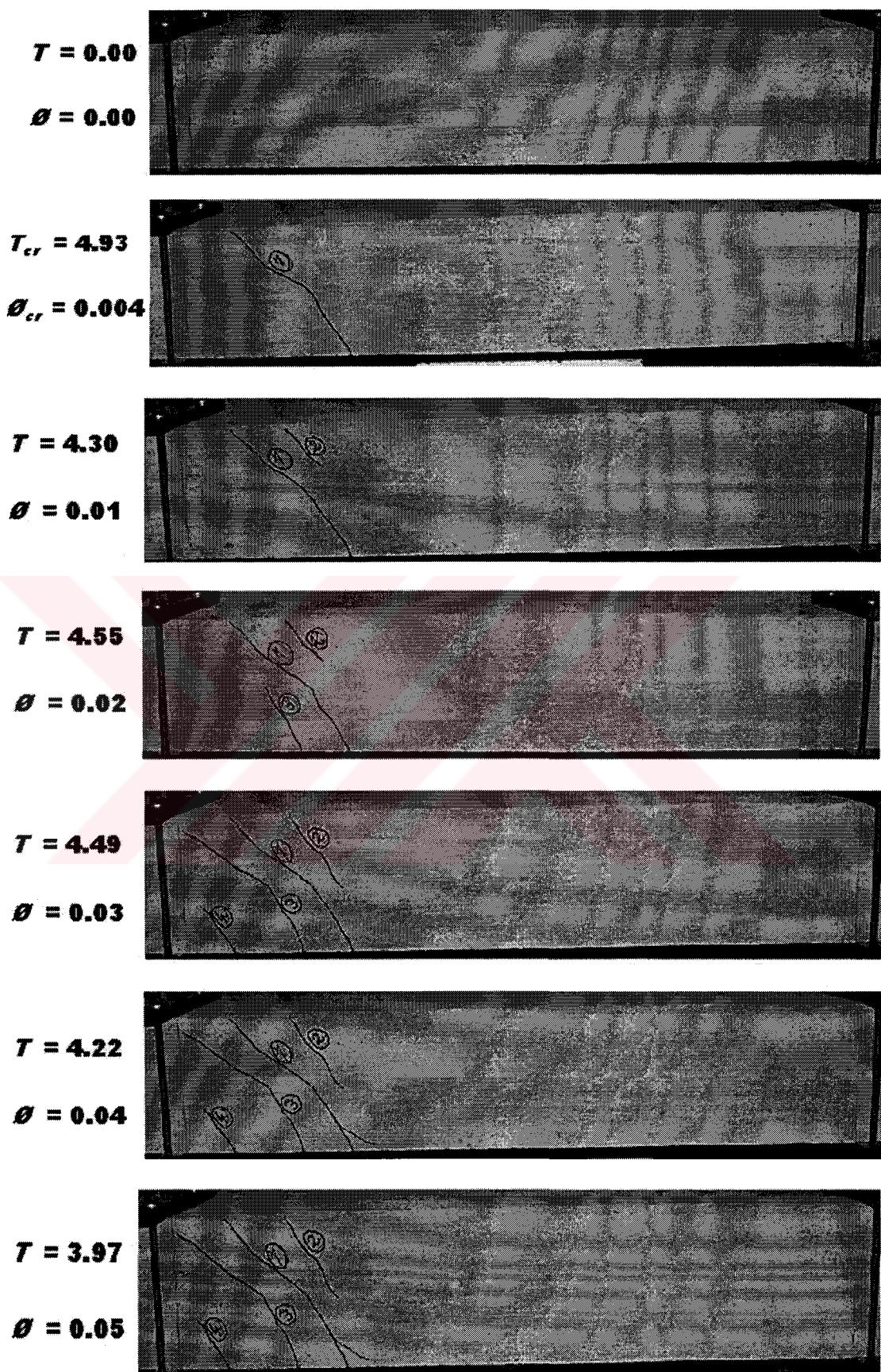
Şekil B.2. C1L1F1V1 numunesi çatıtlak dağılımı (devamı)



Şekil B.3. C1L1F1V2 numunesi çatlak dağılımı



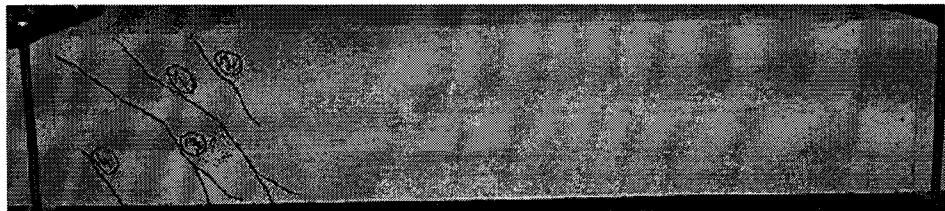
Şekil B.3. C1L1F1V2 numunesi çatlak dağılımı (devamı)



Şekil B.4. C1L1F2V1 numunesi çatlak dağılımı

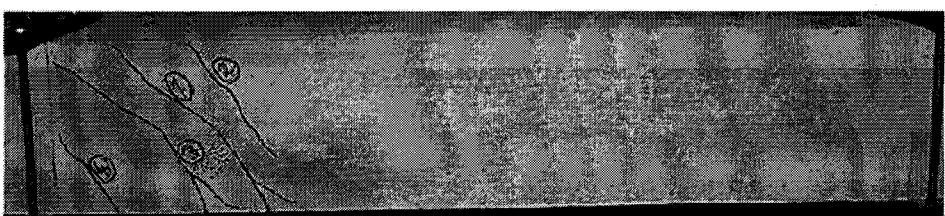
**T = 3.84**

**Ø = 0.06**



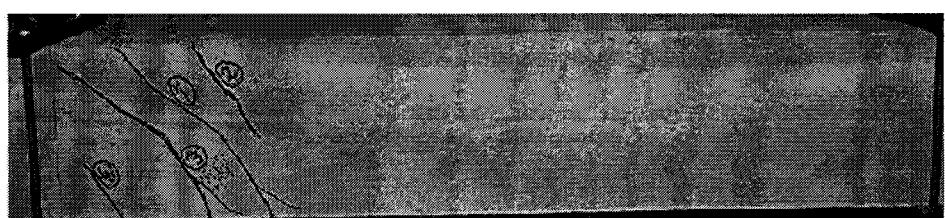
**T = 3.77**

**Ø = 0.07**



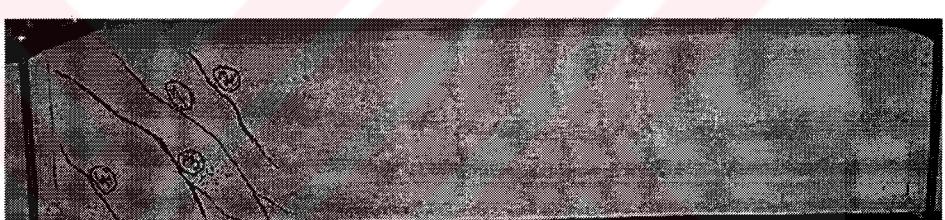
**T = 3.50**

**Ø = 0.08**



**T = 3.34**

**Ø = 0.09**



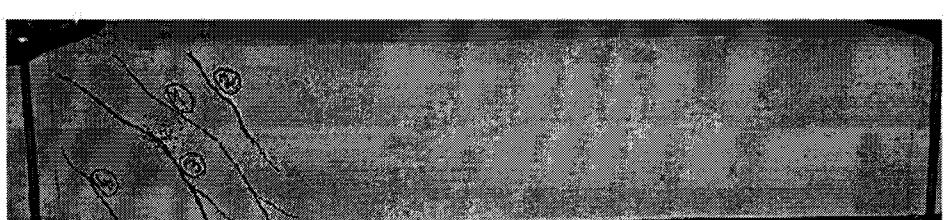
**T = 3.16**

**Ø = 0.10**



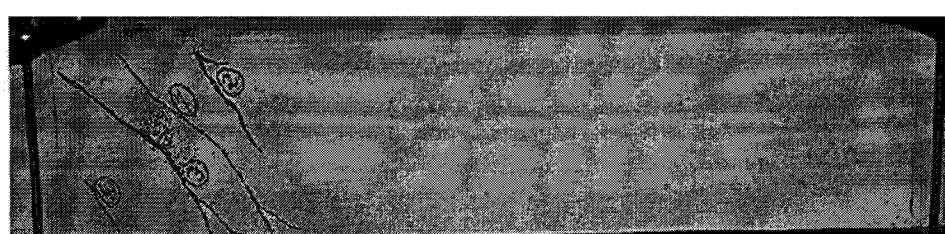
**T = 3.00**

**Ø = 0.11**

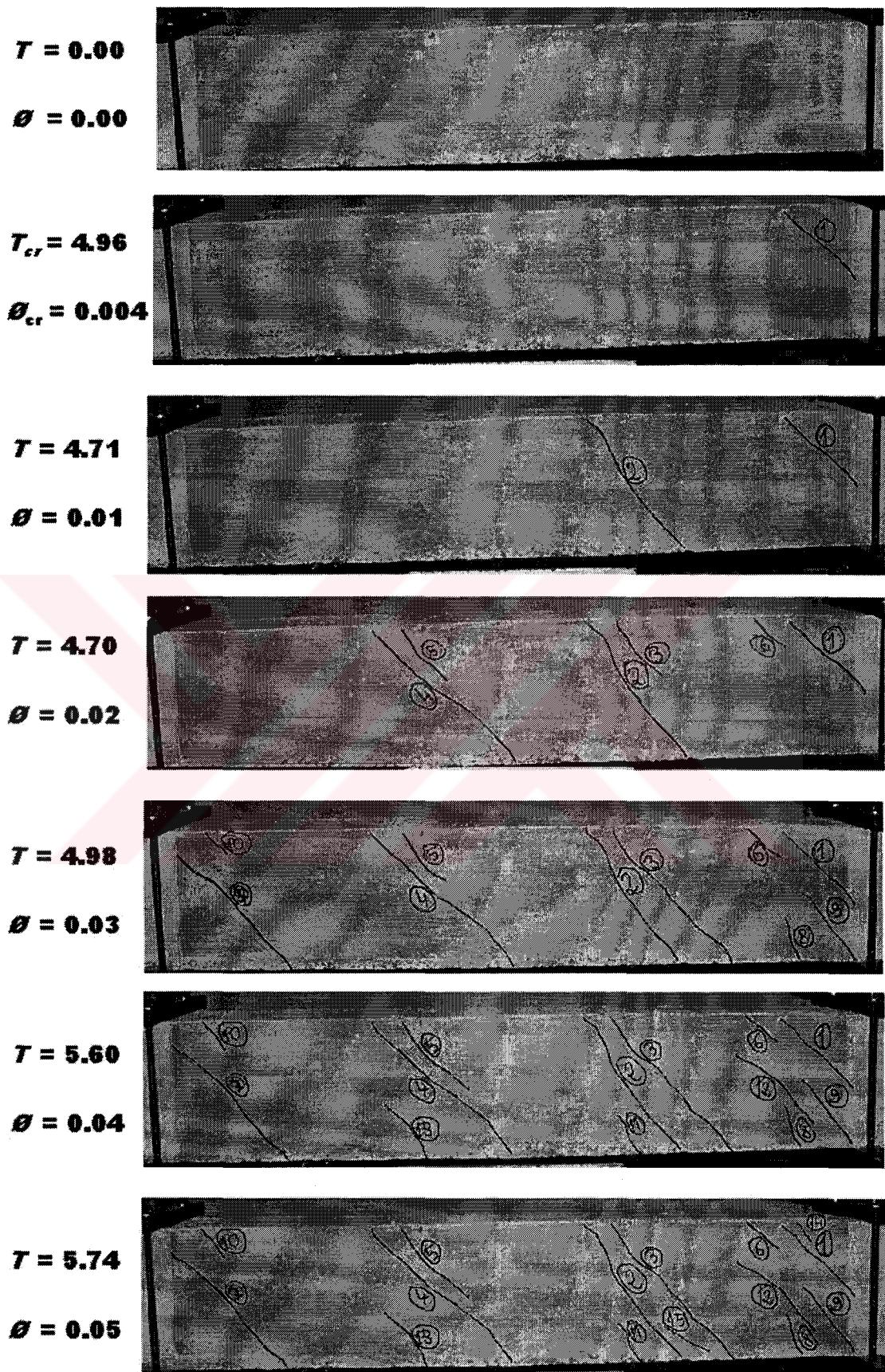


**T = 2.92**

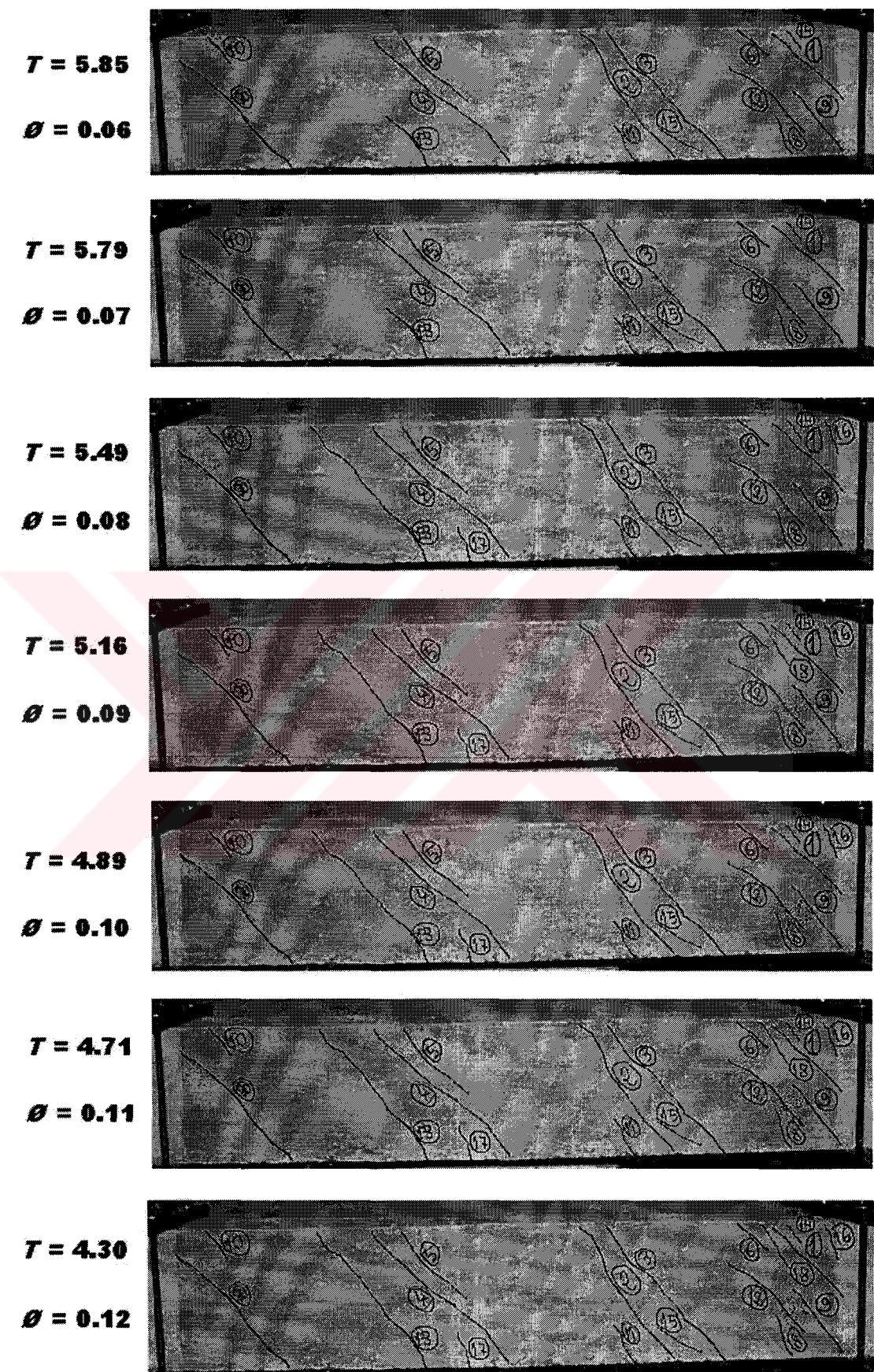
**Ø = 0.12**



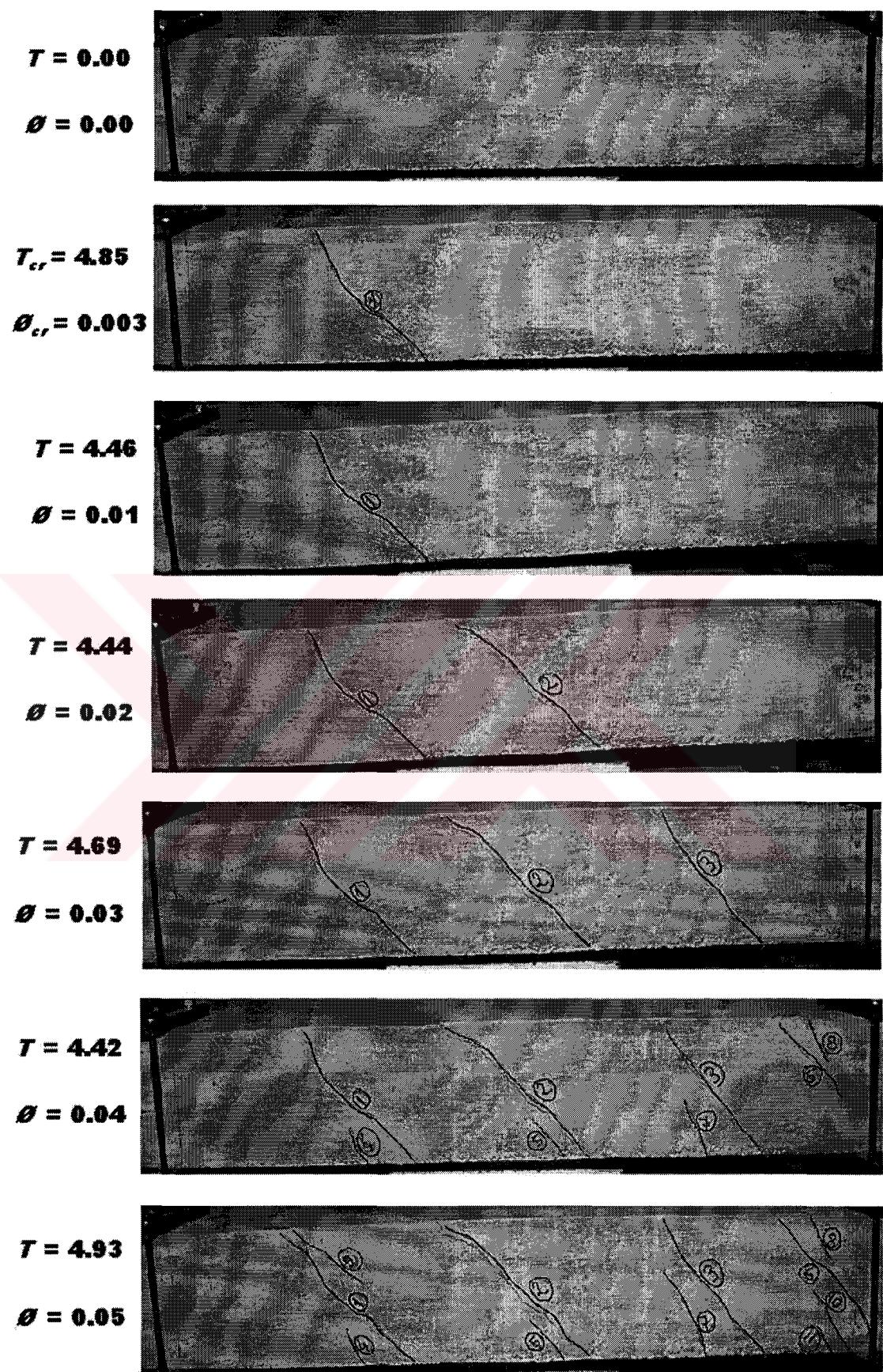
Şekil B.4. C1L1F2V1 numunesi çatlak dağılımı (devamı)



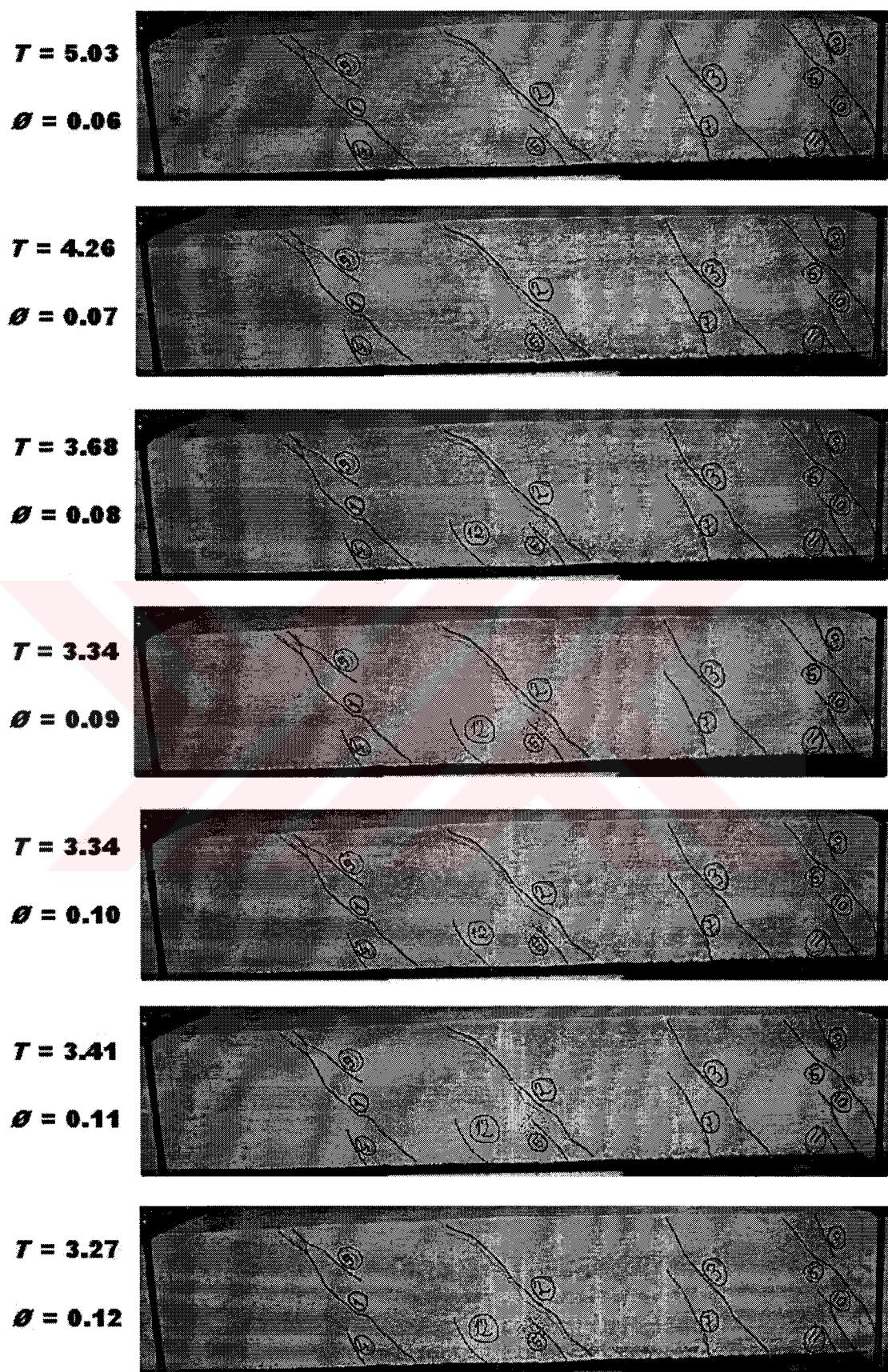
Şekil B.5. C1L1F2V2 numunesi çatlak dağılımı



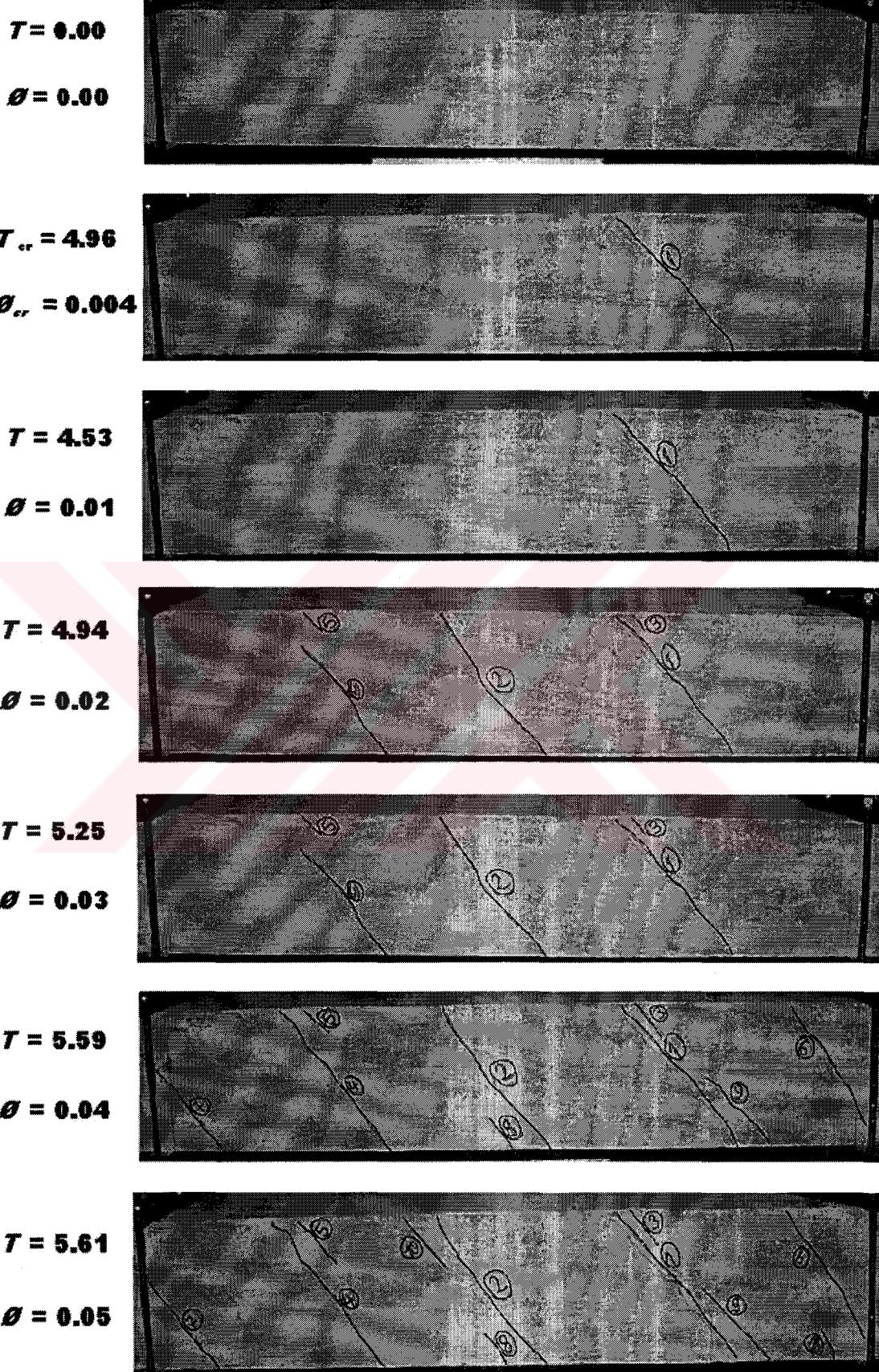
Şekil B.5. C1L1F2V2 numunesi çatlak dağılımı (devamı)



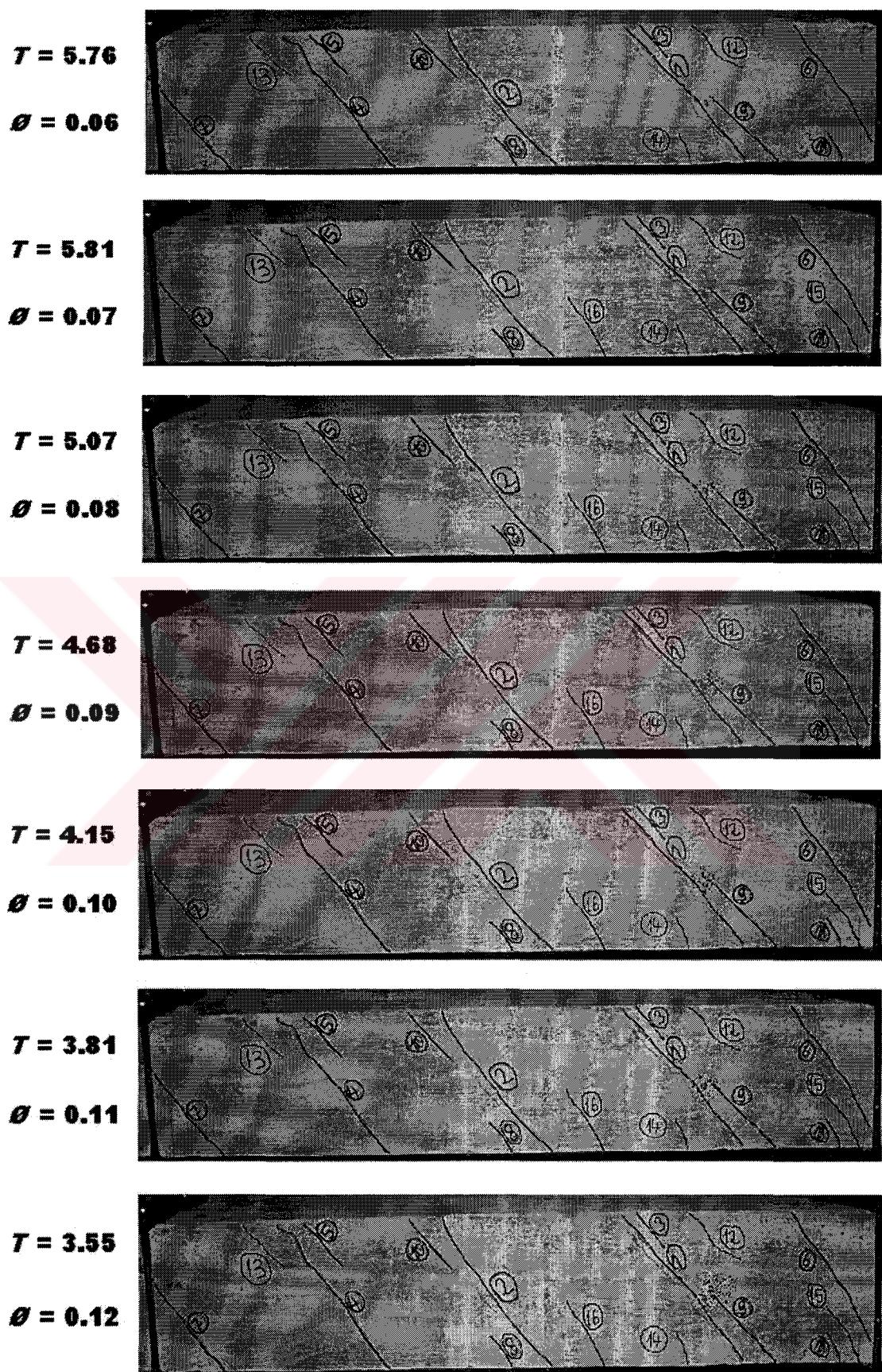
Şekil B.6. C1L1F3V1 numunesi çatıtlak dağılımı



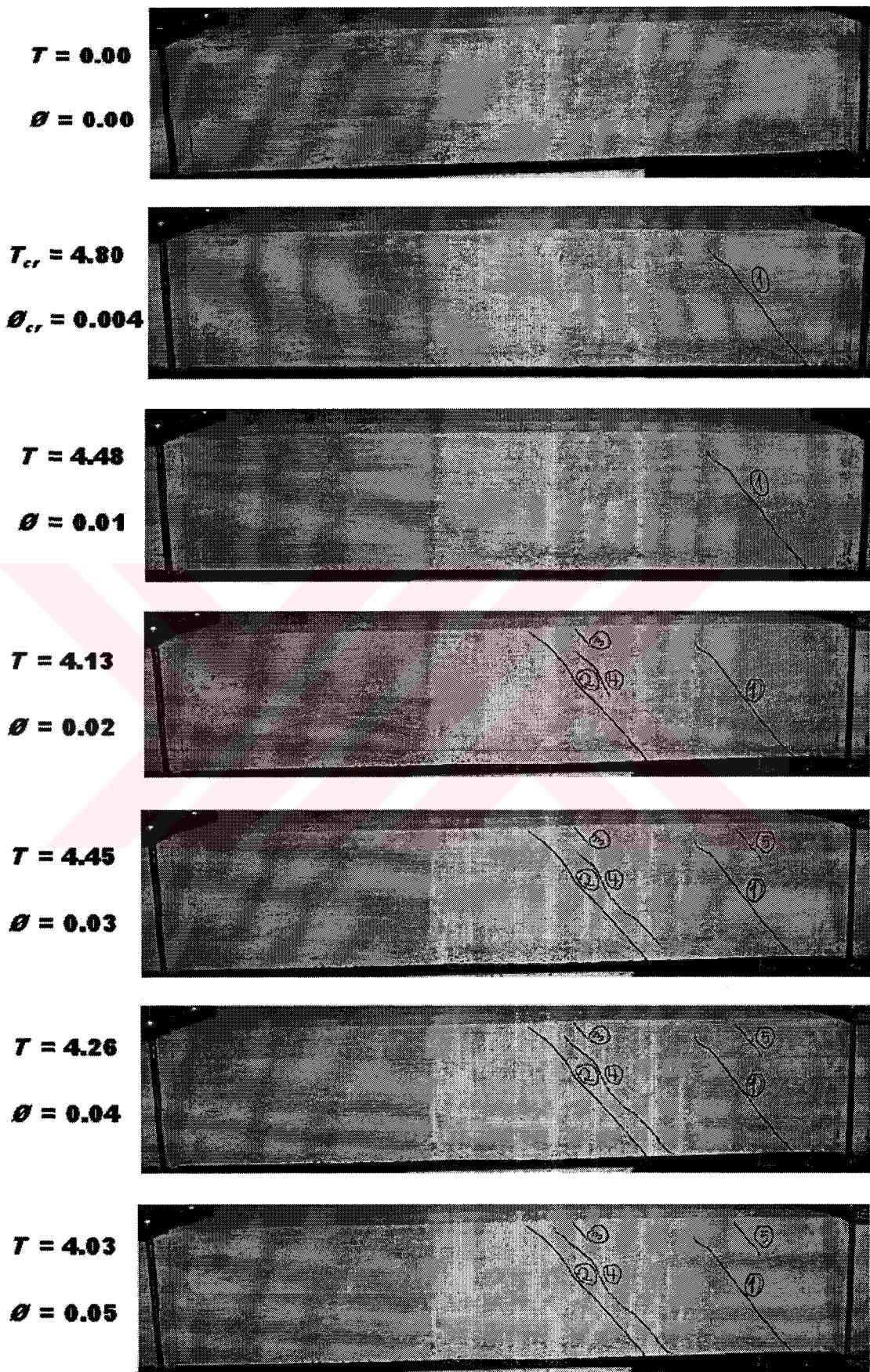
Şekil B.6. C1L1F3V1 numunesi çatıtlak dağılımı (devamı)



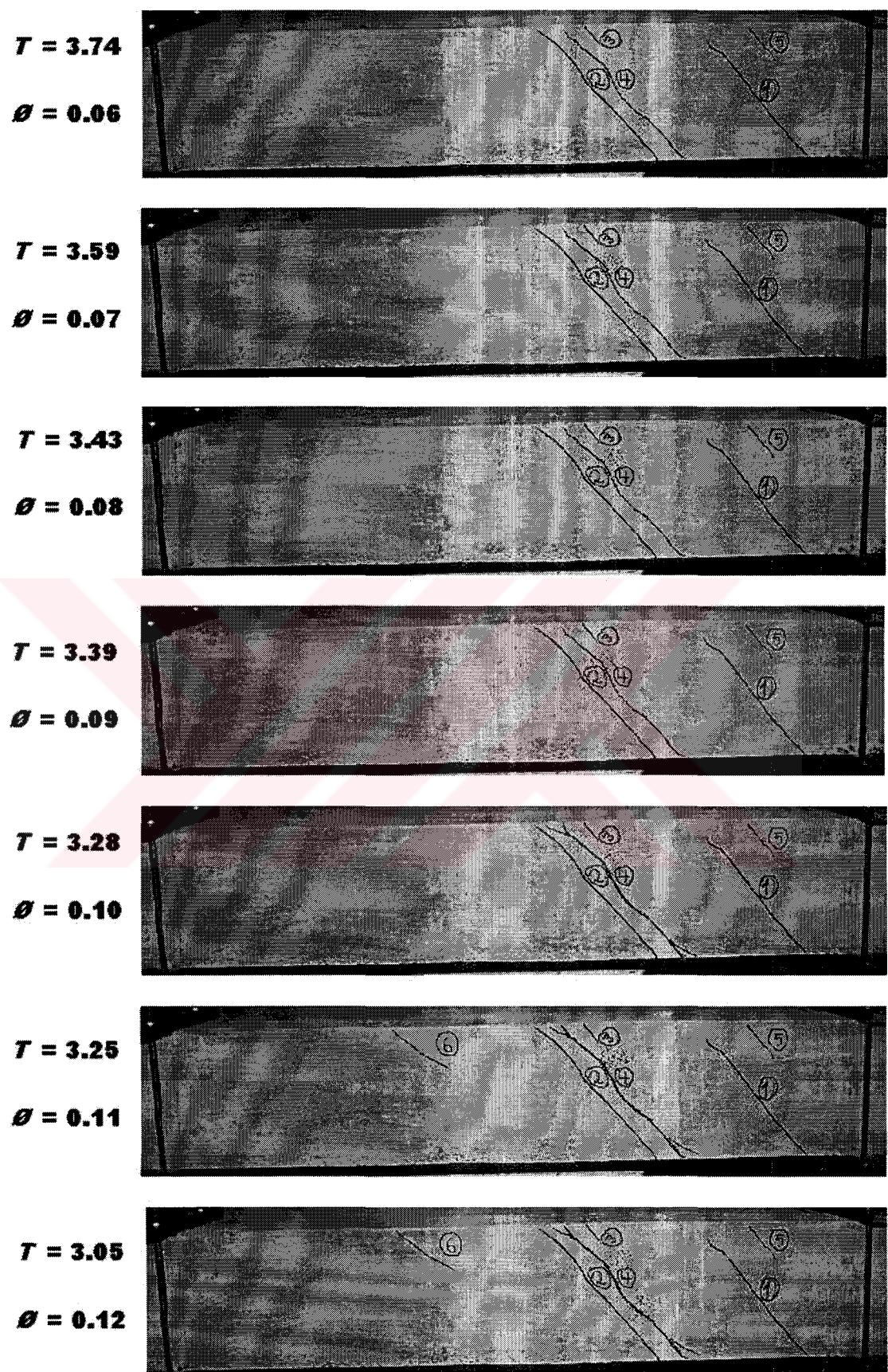
Sekil B.7. C1L1F3V2 numunesi çatlak dağılımı



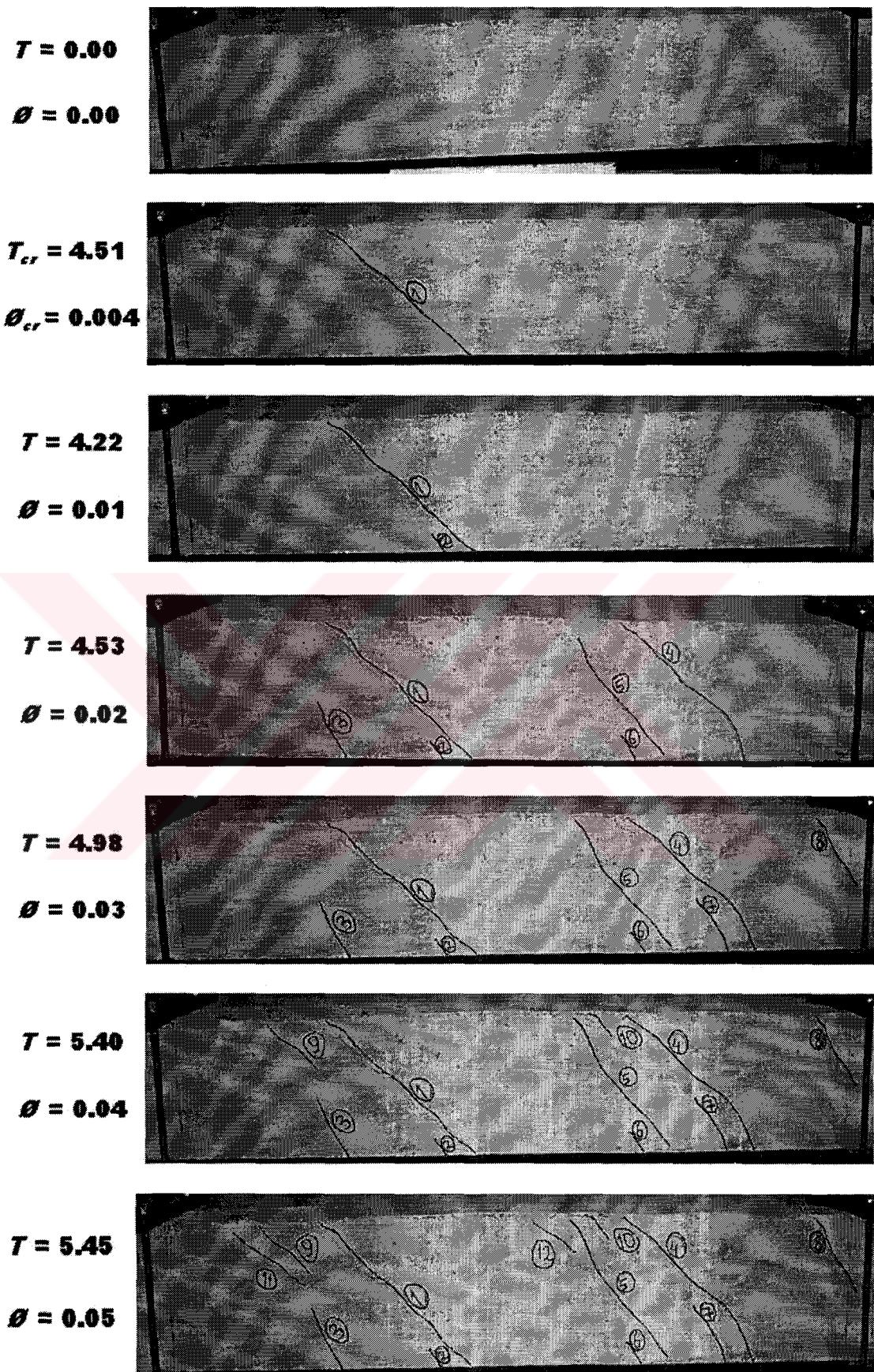
Şekil B.7. C1L1F3V2 numunesi çatlak dağılımı (devamı)



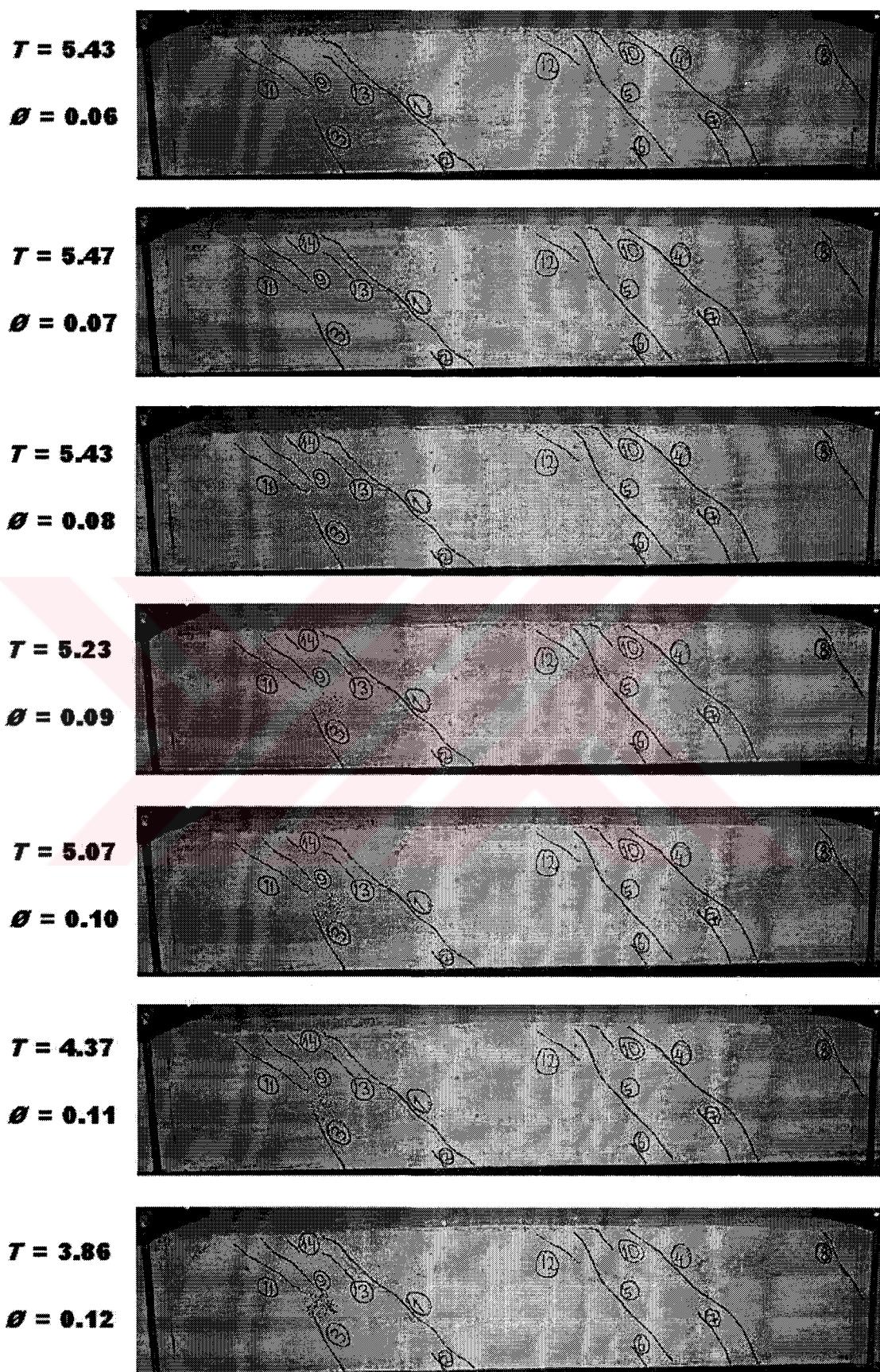
Şekil B.8. C1L1F4V1 numunesi çatlak dağılımı



Şekil B.8. C1L1F4V1 numunesi çatlık dağılımı (devamı)



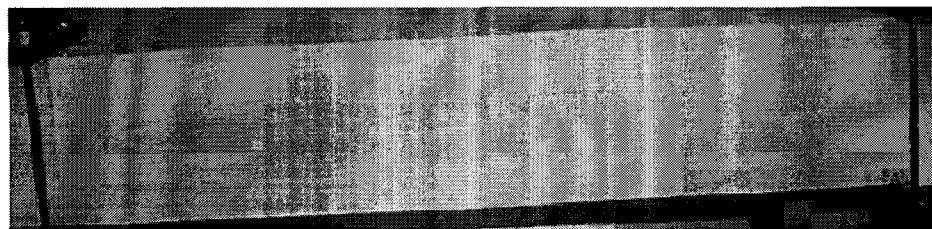
Şekil B.9. C1L1F4V2 numunesi çatlak dağılımı



Şekil B.9. C1L1F4V2 numunesi çatıtlak dağılımı (devamı)

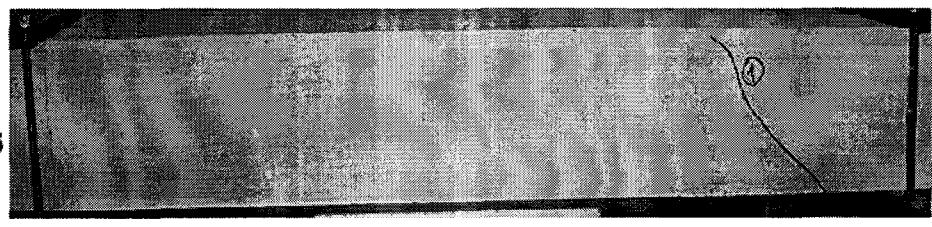
**$T = 0.00$**

**$\theta = 0.00$**



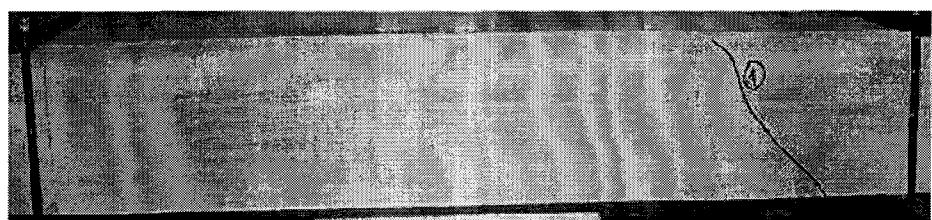
**$T_{cr} = 4.45$**

**$\theta_{cr} = 0.005$**



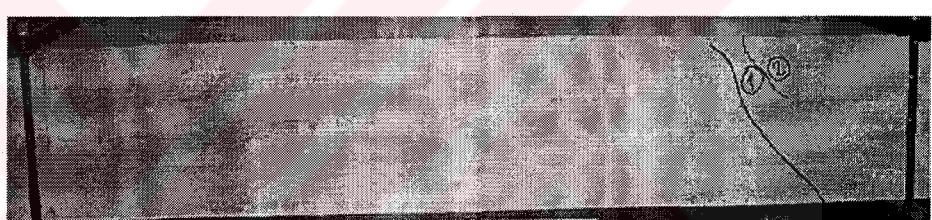
**$T = 4.15$**

**$\theta = 0.01$**



**$T = 4.53$**

**$\theta = 0.02$**



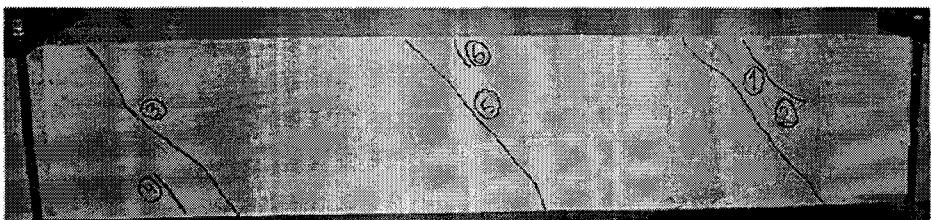
**$T = 4.90$**

**$\theta = 0.03$**



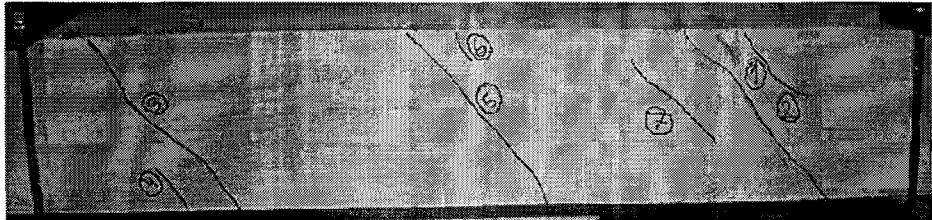
**$T = 4.37$**

**$\theta = 0.04$**



**$T = 4.76$**

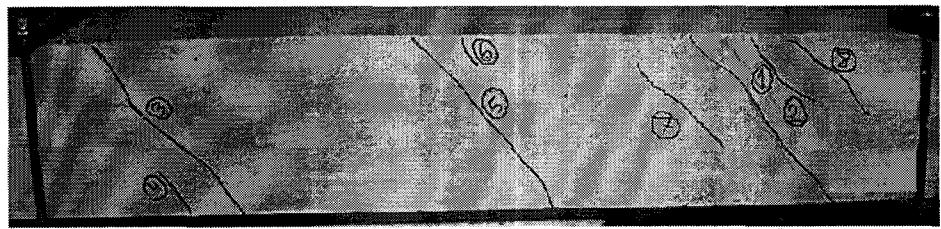
**$\theta = 0.05$**



Şekil B.10. C1L2V0 numunesi çatlak dağılımı

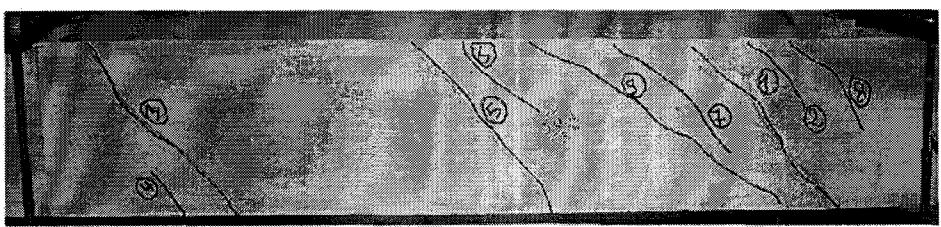
**T = 4.60**

**Ø = 0.06**



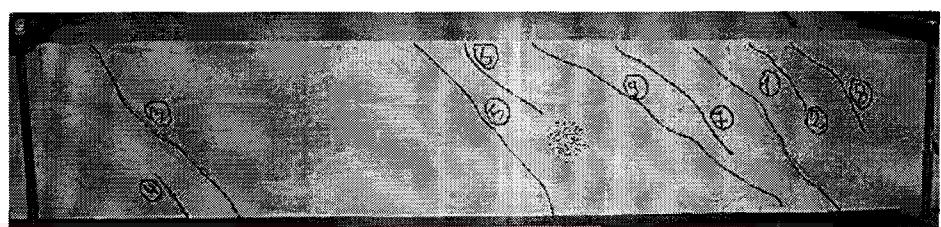
**T = 4.11**

**Ø = 0.07**



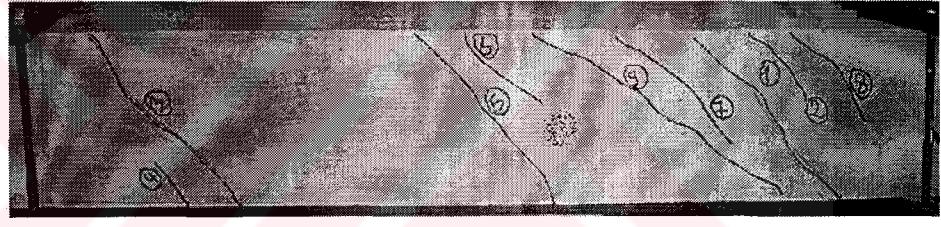
**T = 3.61**

**Ø = 0.08**



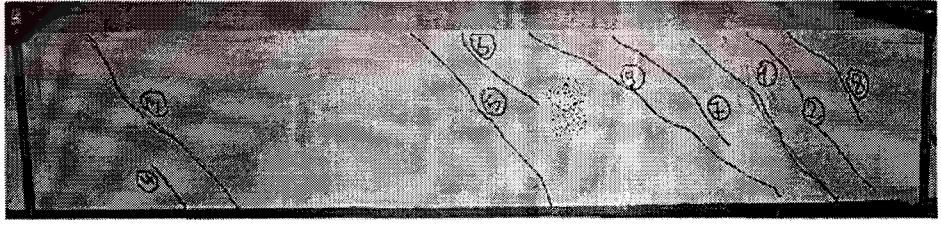
**T = 3.27**

**Ø = 0.09**



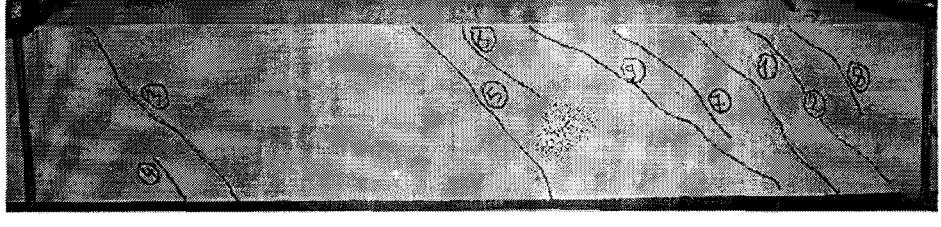
**T = 3.07**

**Ø = 0.10**



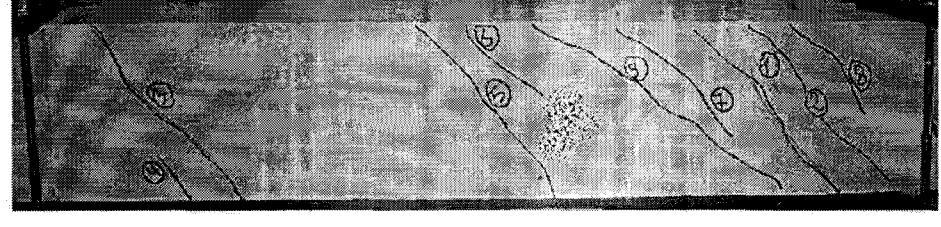
**T = 2.94**

**Ø = 0.11**

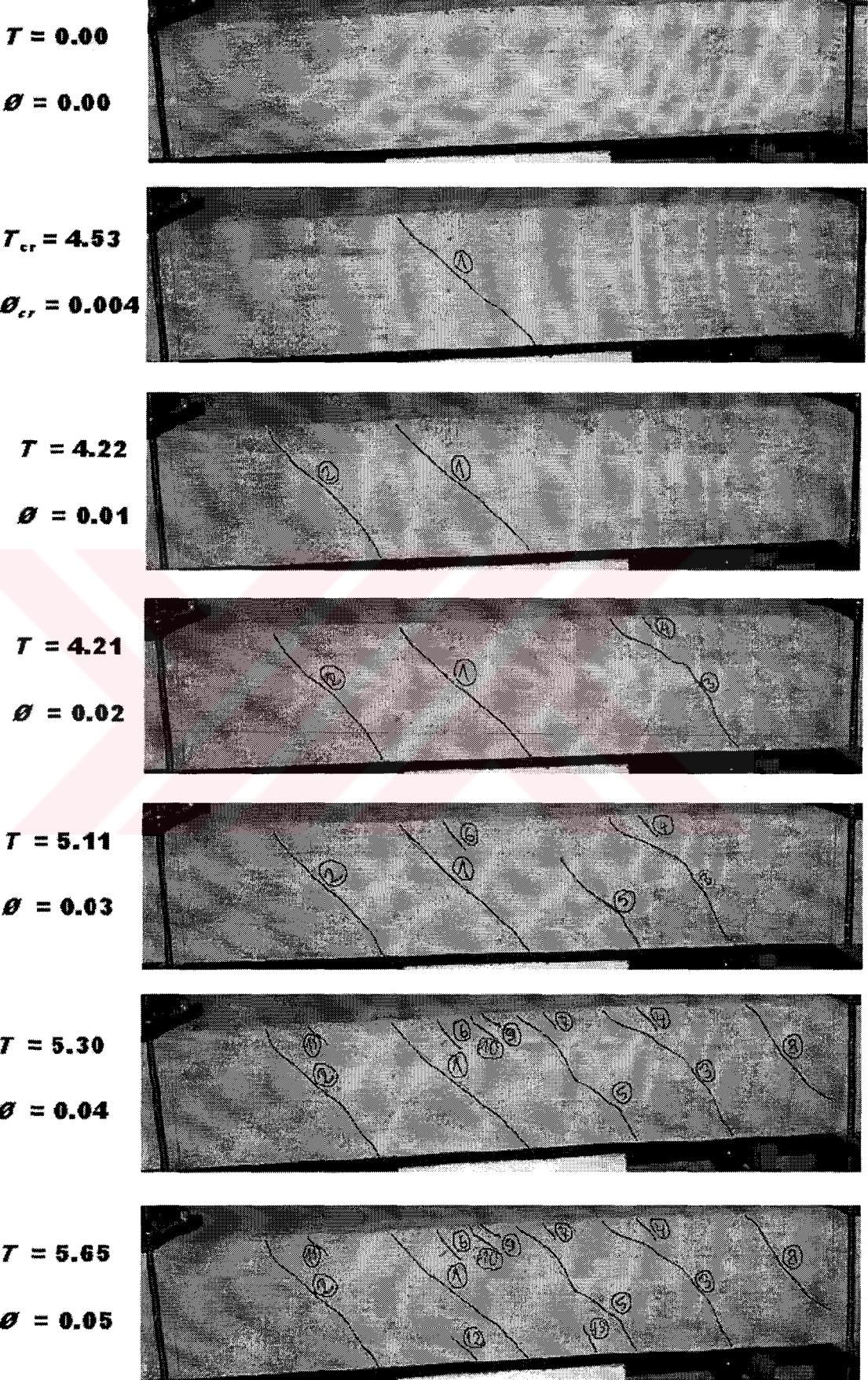


**T = 2.74**

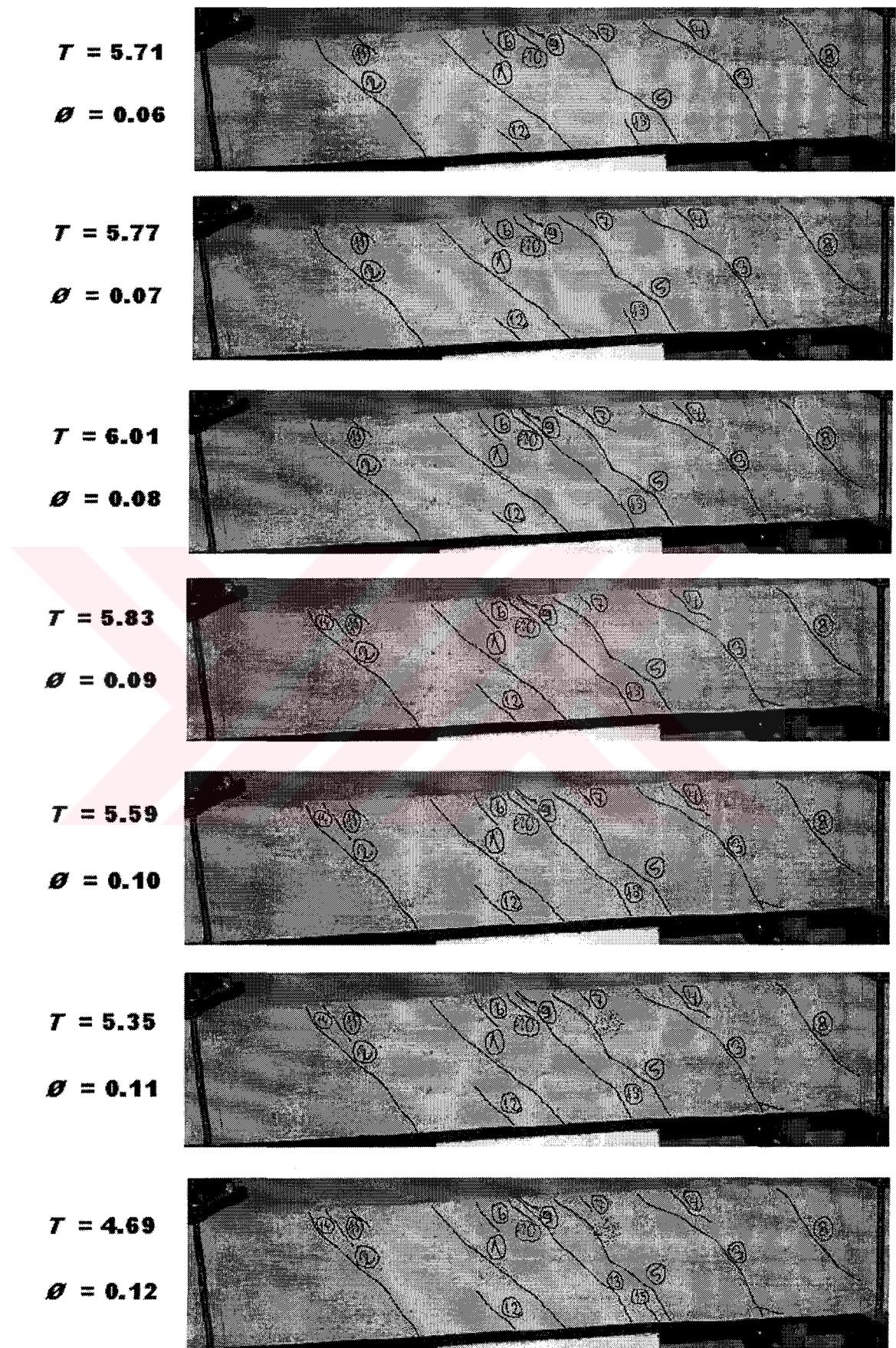
**Ø = 0.12**



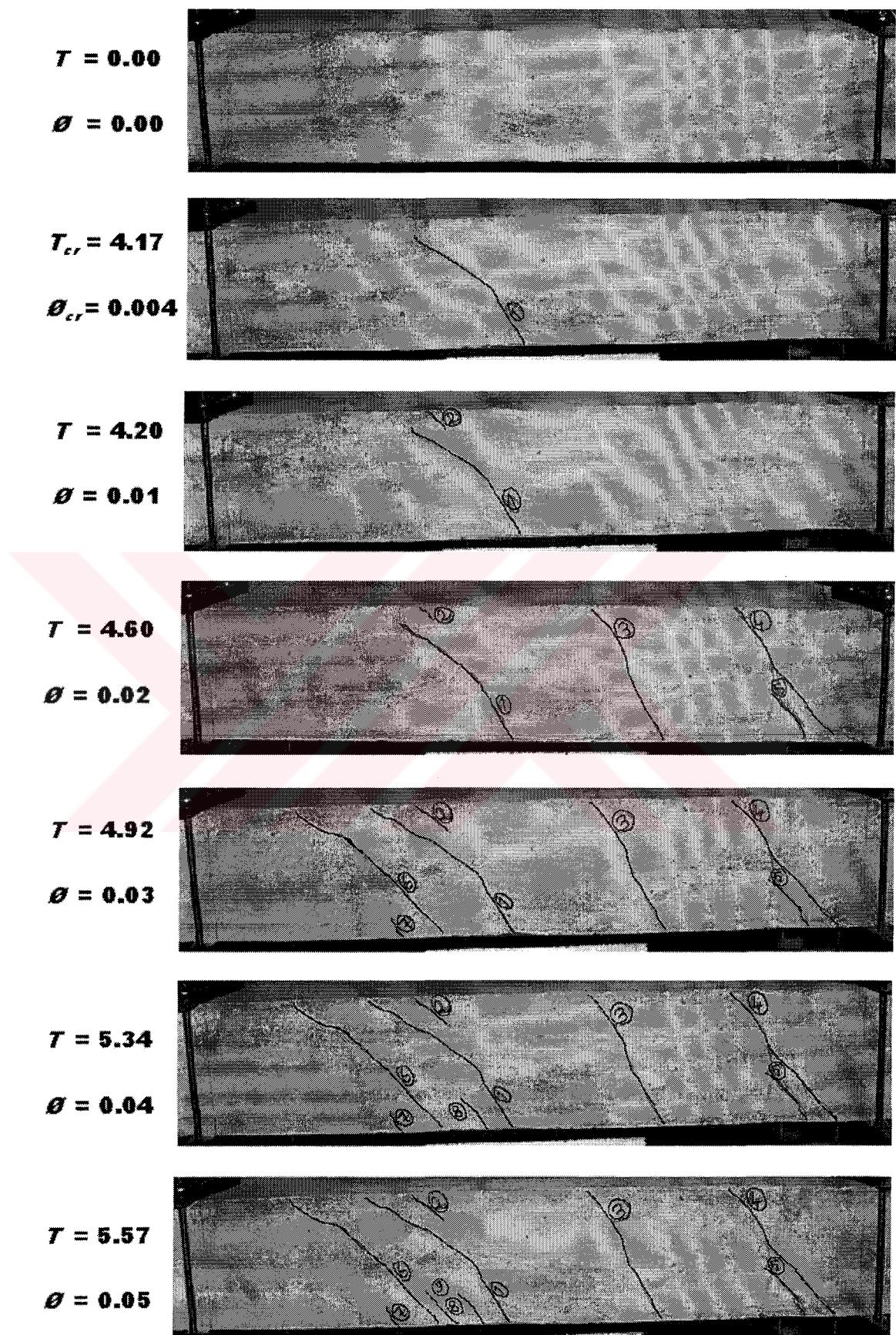
Şekil B.10. C1L2V0 numunesi çatlak dağılımı (devamı)



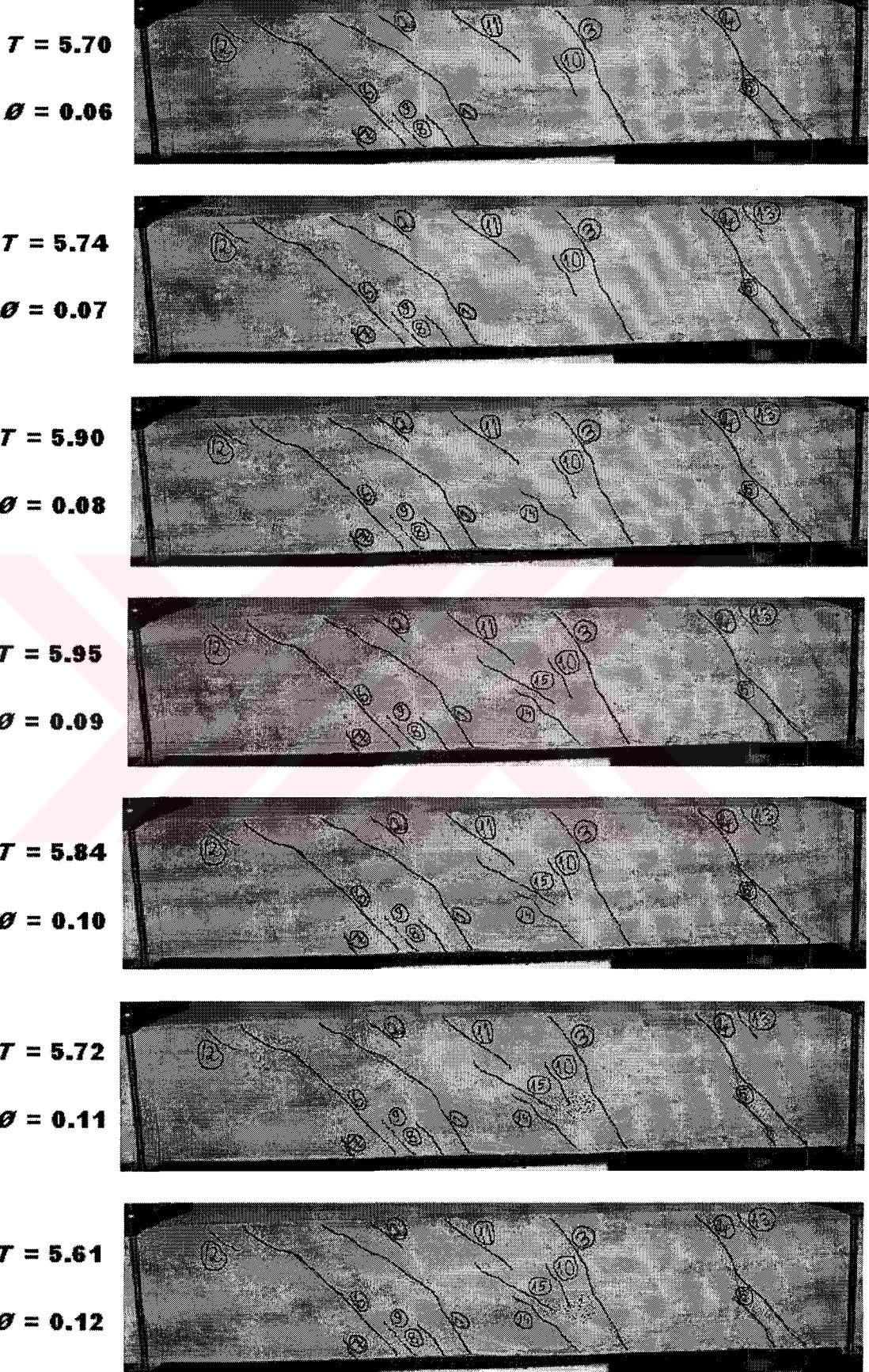
Şekil B.11. C1L2F1V1 numunesi çatlak dağılımı



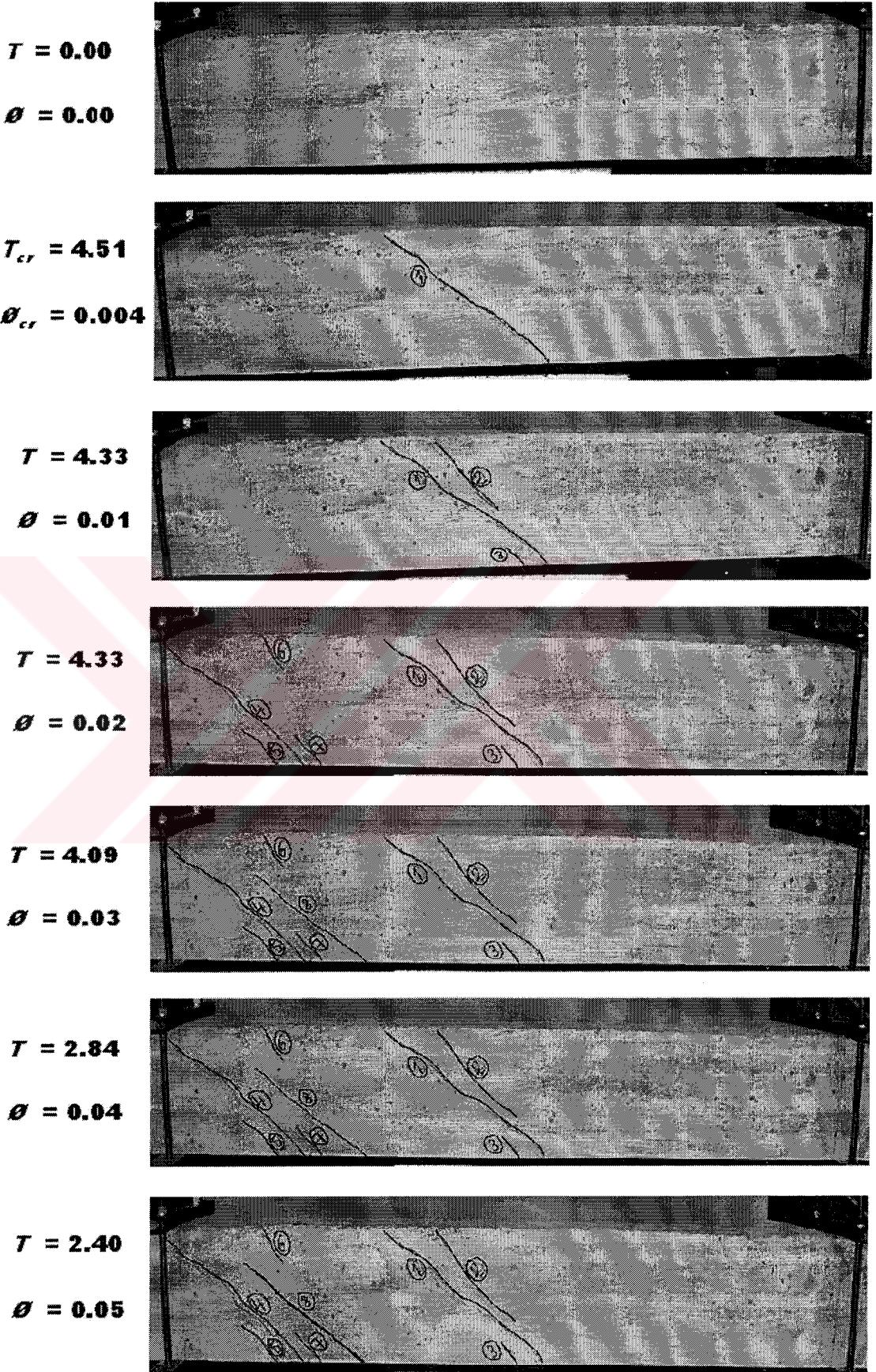
Şekil B.11. C1L2F1V1 numunesi çatıtlak dağılımı (devamı)



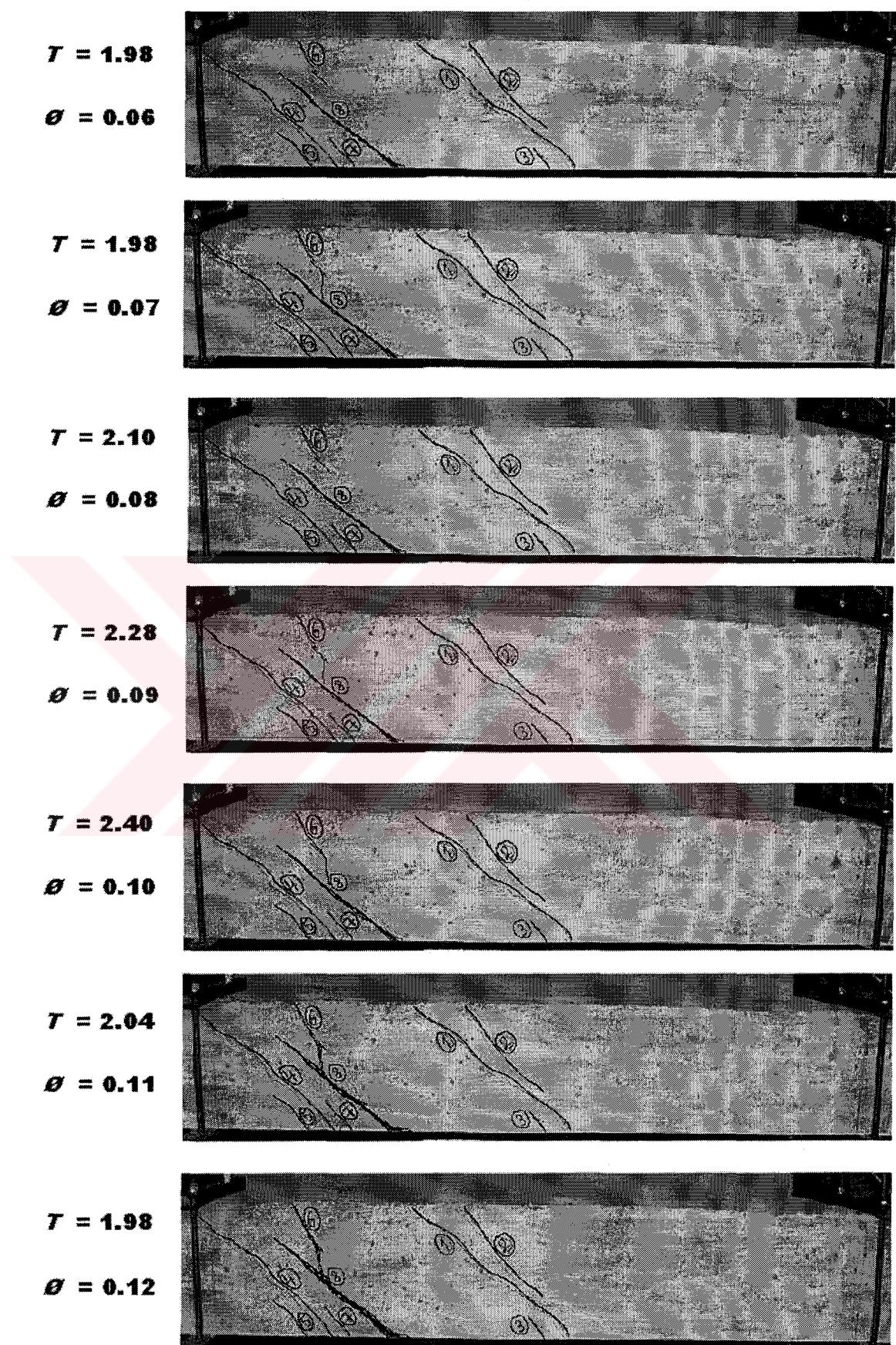
Şekil B.12. C1L2F4V1 numunesi çatıtlak dağılımı



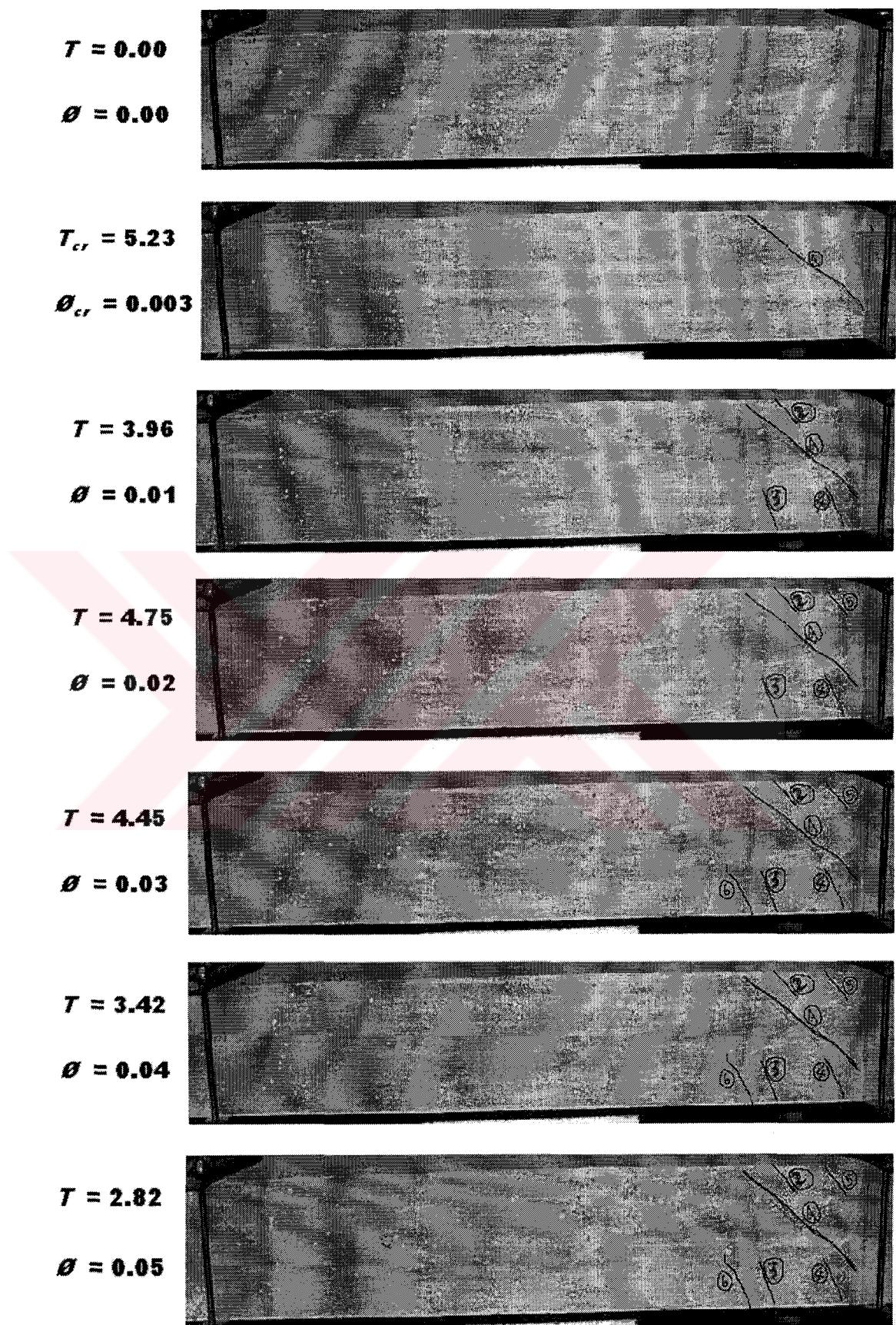
Şekil B.12. C1L2F4V1 numunesi çatlak dağılımı (devamı)



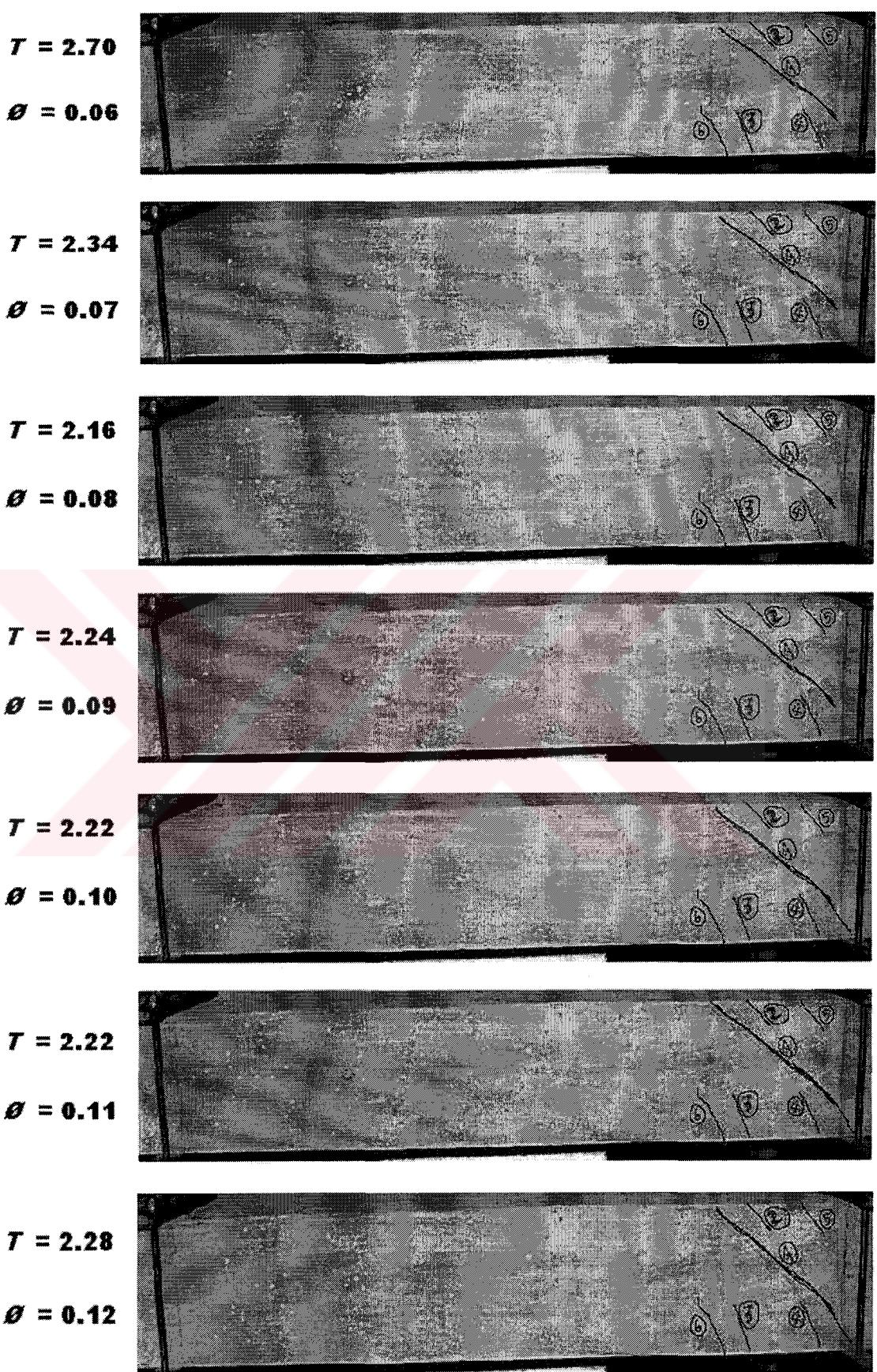
Şekil B.13. C2L1V0 numunesi çatıtlak dağılımı



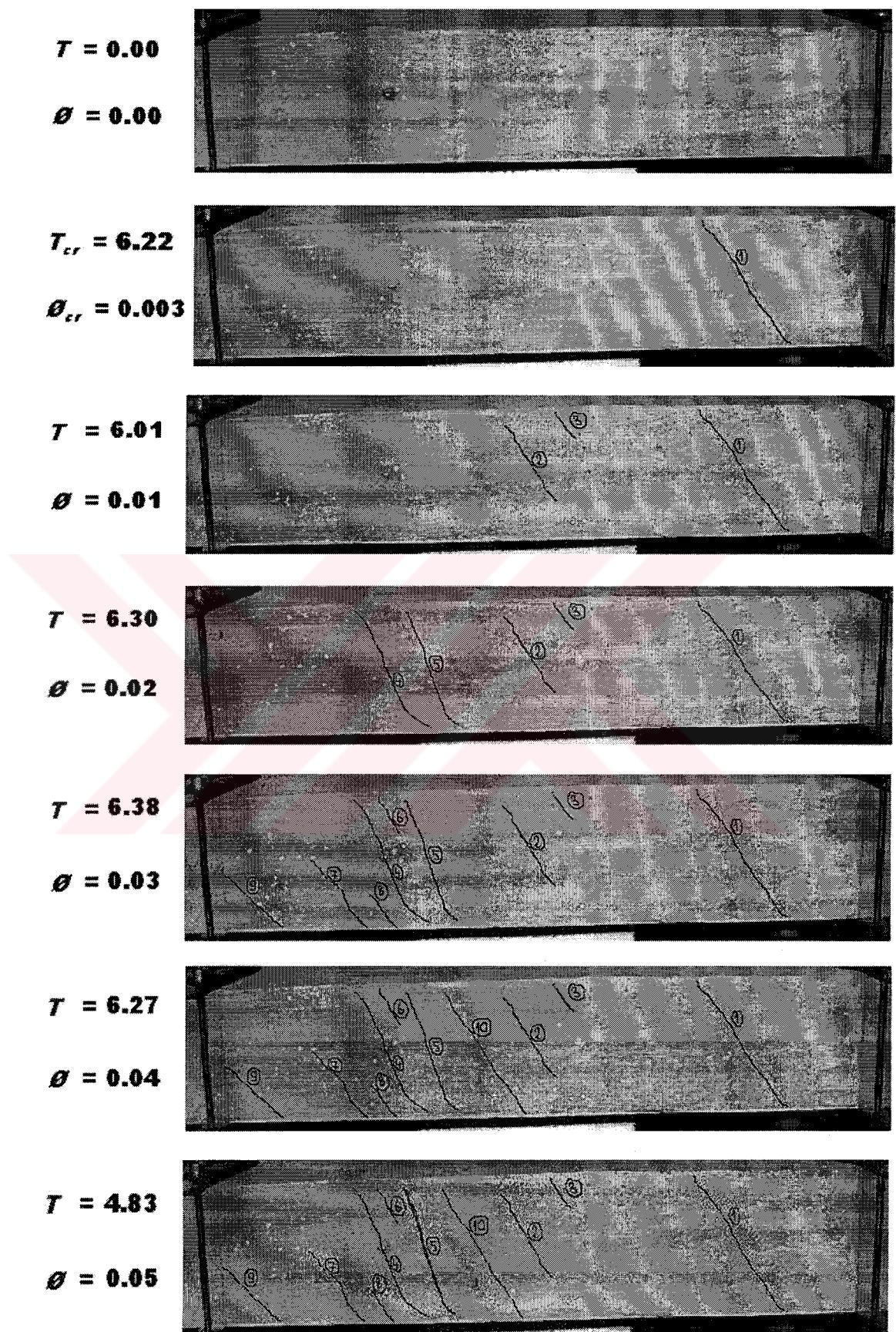
Şekil B.13. C2L1V0 numunesi çatlak dağılımı (devamı)



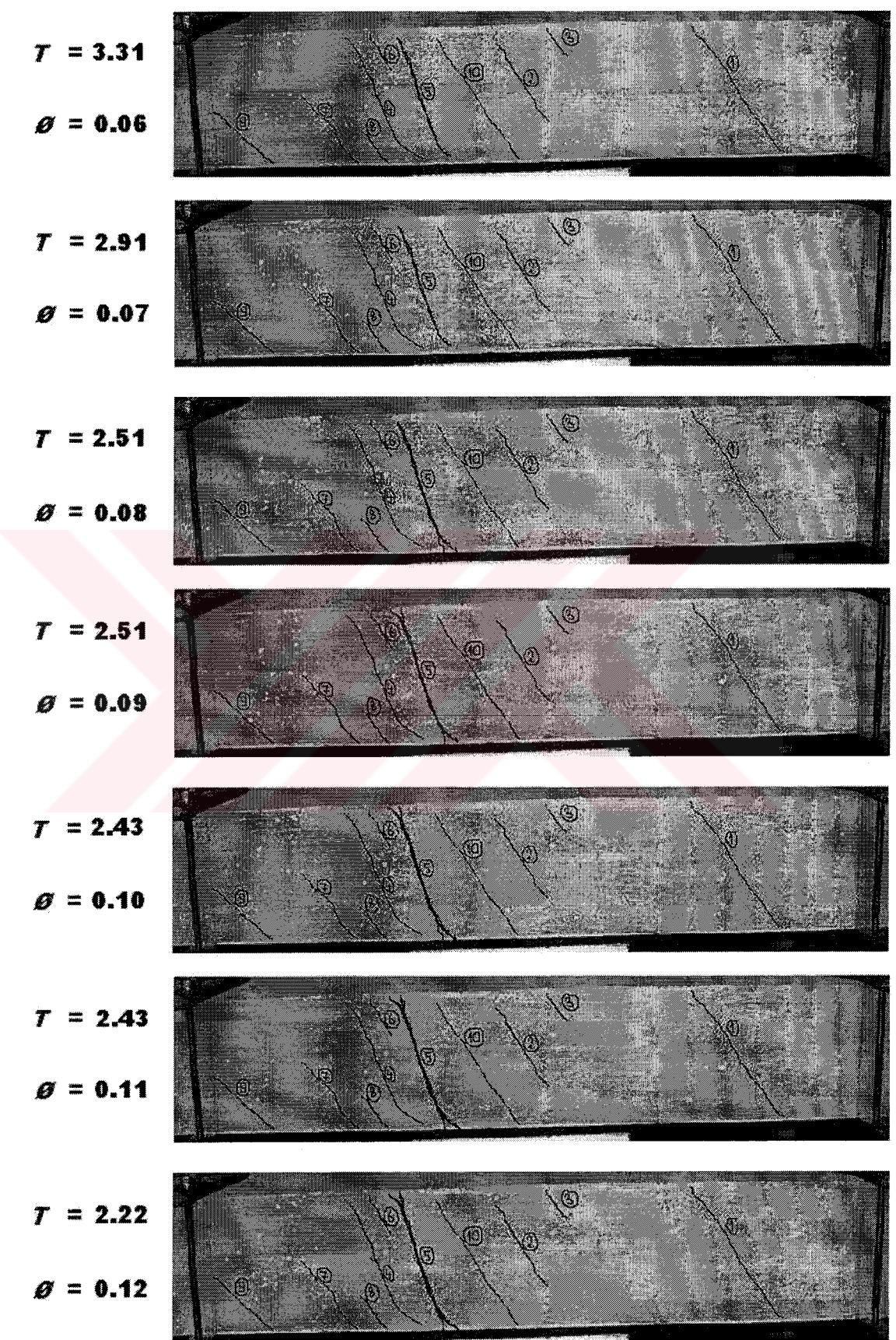
Şekil B.14. C2L1F1V1 numunesi çatlak dağılımı



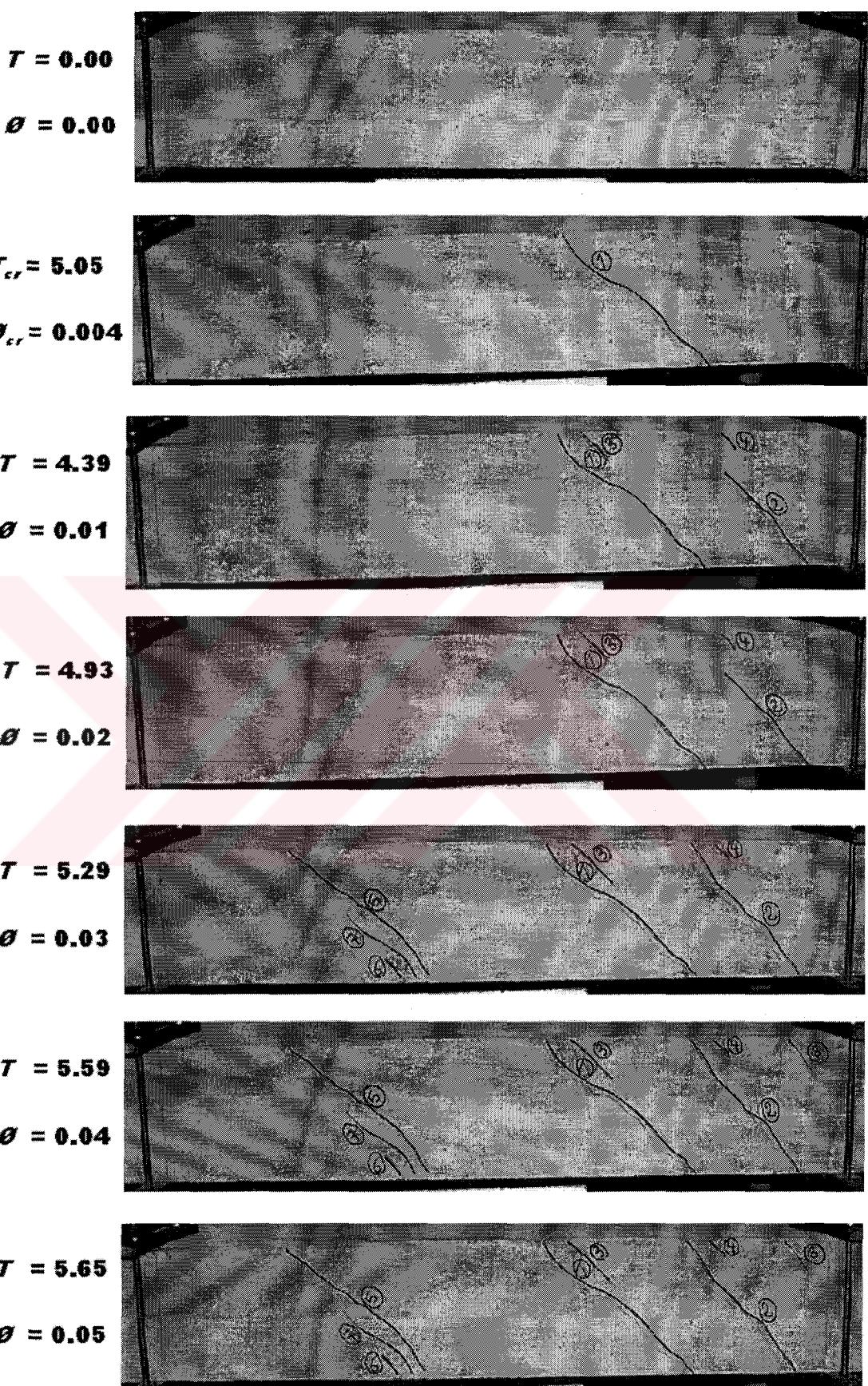
Şekil B.14. C2L1F1V1 numunesi çatlak dağılımı (devamı)



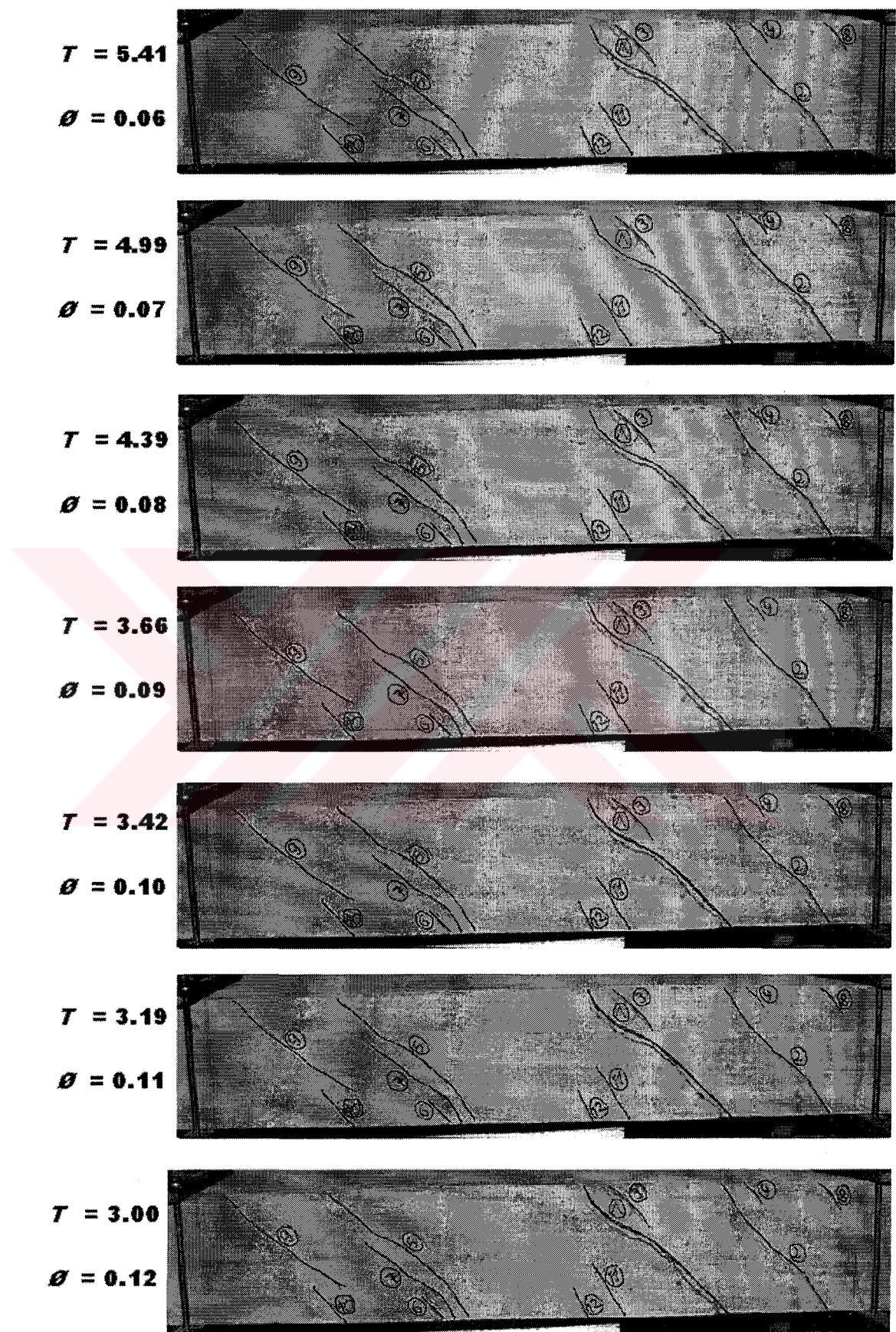
Şekil B.15. C2L1F1V2 numunesi çatıtlak dağılımı



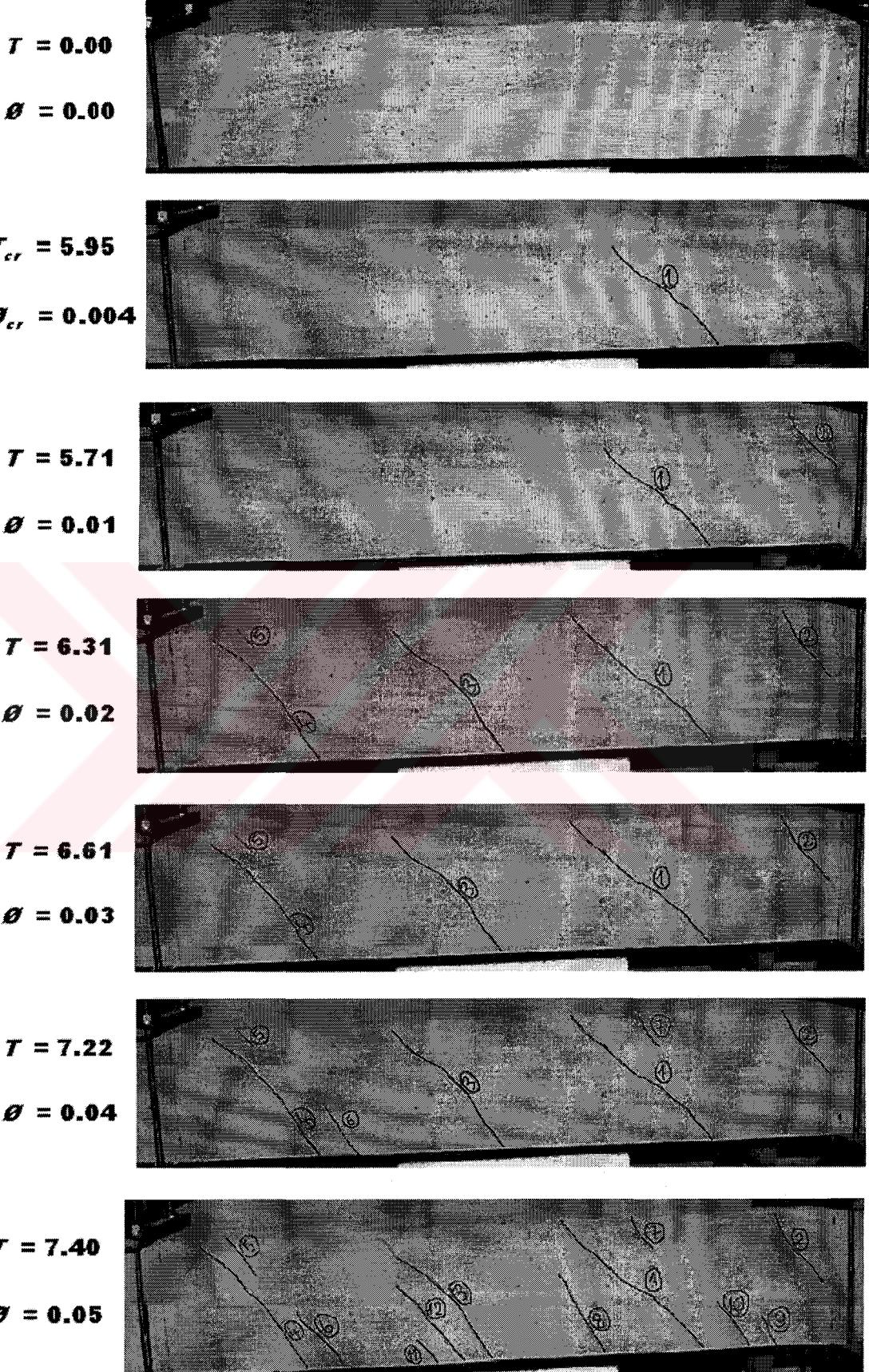
Şekil B.15. C2L1F1V2 numunesi çatlak dağılımı (devamı)



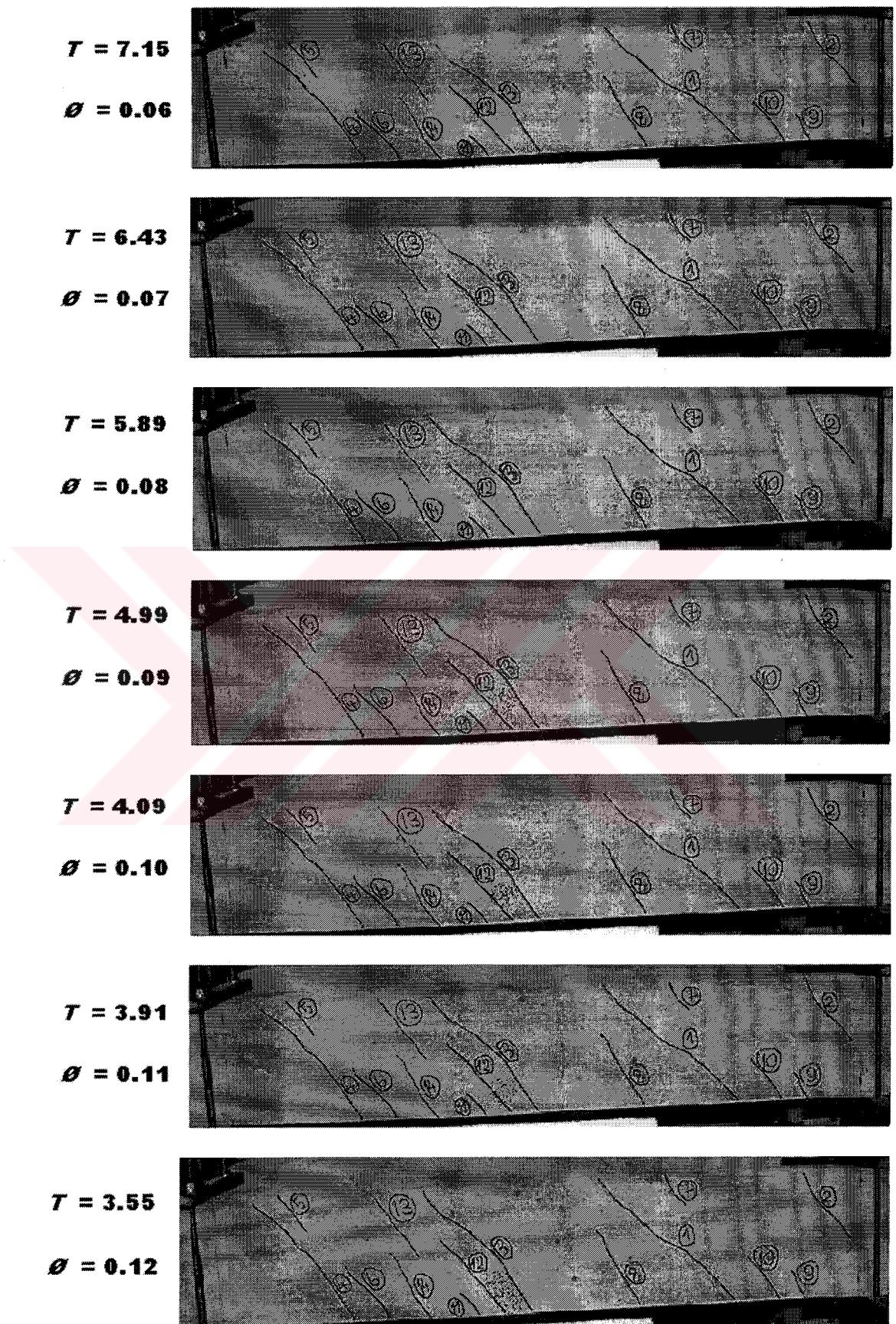
Şekil B.16. C2L1F2V1 numunesi çatılk dağılımı



Sekil B.16. C2L1F2V1 numunesi çatlak dağılımı (devamı)



Şekil B.17. C2L1F2V2 numunesi çatlak dağılımı

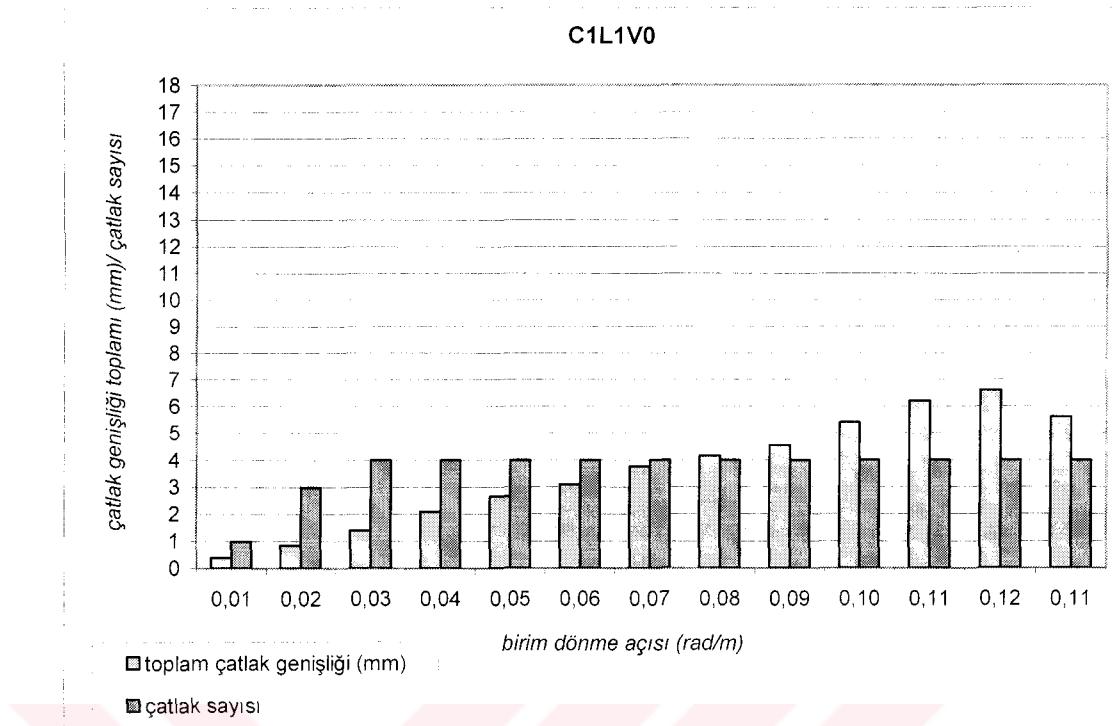


Şekil B.17. C2L1F2V2 numunesi çatlak dağılımı (devamı)

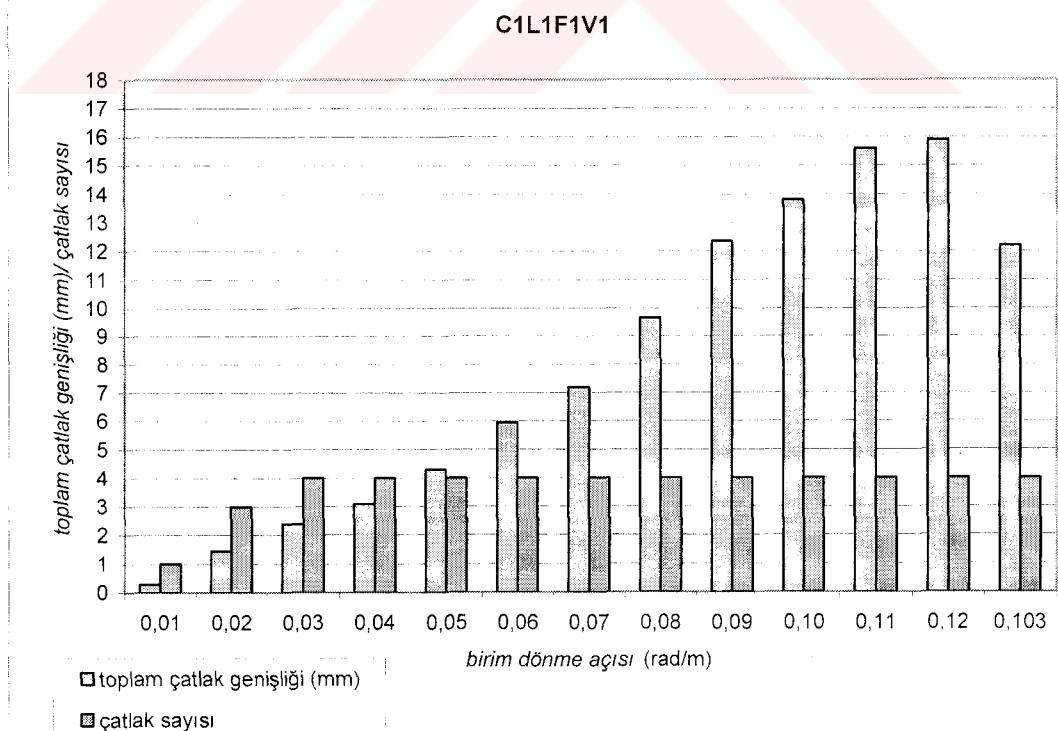
## **Ek C**

Ek C' de deney sırasında numunenin, her birim dönme açısı değeri için okunan çatlak genişlikleri kullanılarak oluşturulan grafikler verilmiştir. Bu grafiklerde birim dönme açılarına karşı gelen, toplam çatlak genişliği ve çatlak sayısı verilerek okuyucunun, numunede oluşan çatlak sayısı ile çatlakların genişliği hakkında bilgi sahibi olması amaçlanmıştır. Ek C' de verilen grafikler Tablo 3.9' da verilen numune sıralamasına uygun olarak verilmiştir.



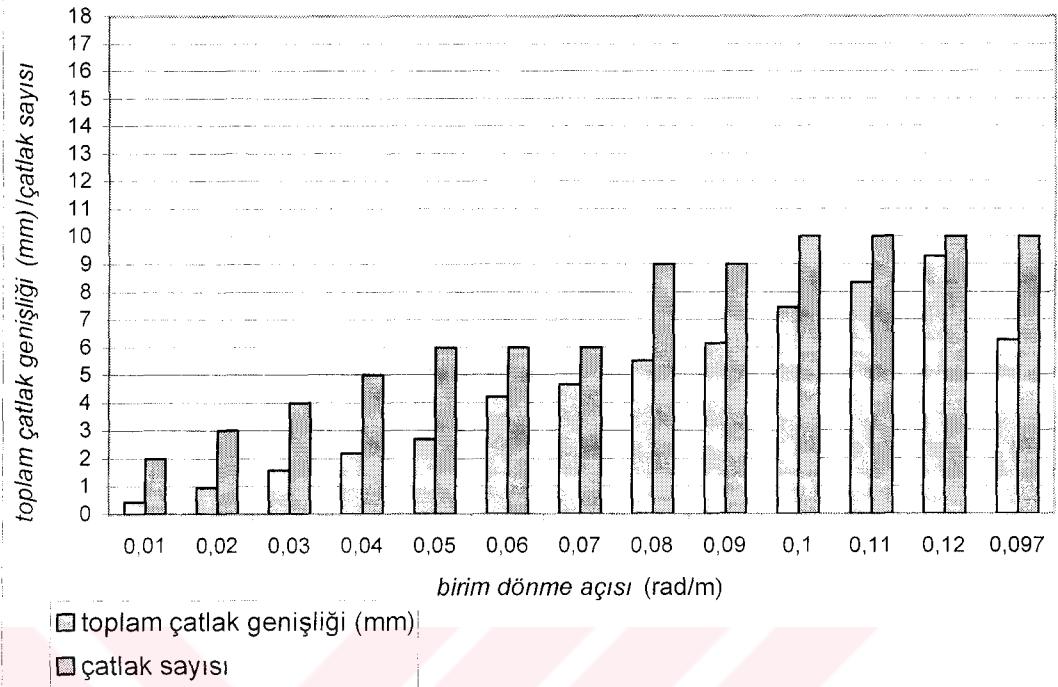


Şekil C.1 C1L1V0 numunesi çatlak grafiği



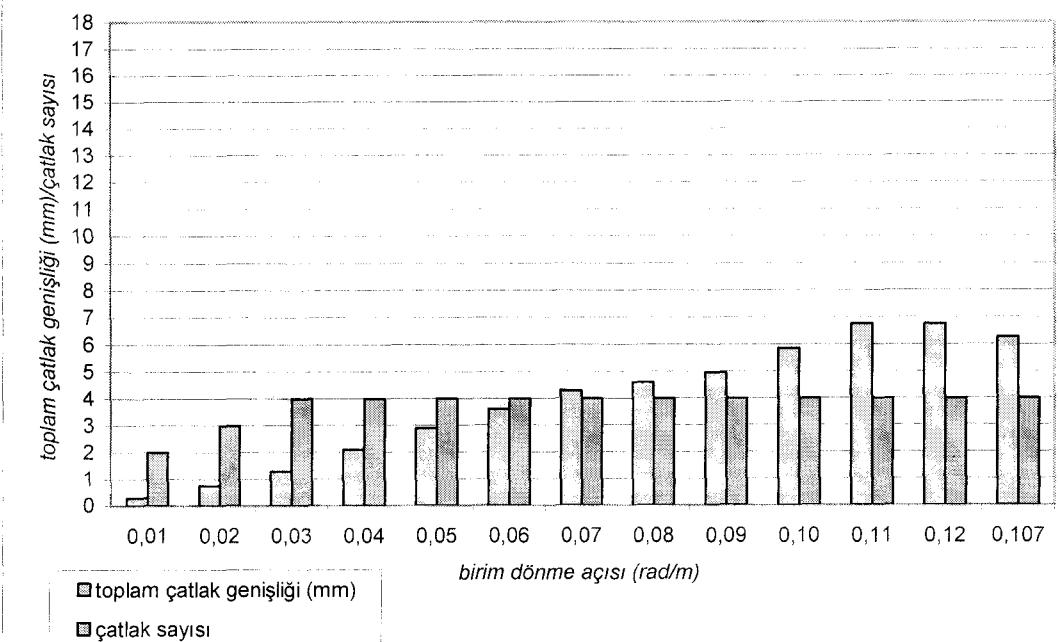
Şekil C.2 C1L1F1V1 numunesi çatlak grafiği

C1L1F1V2

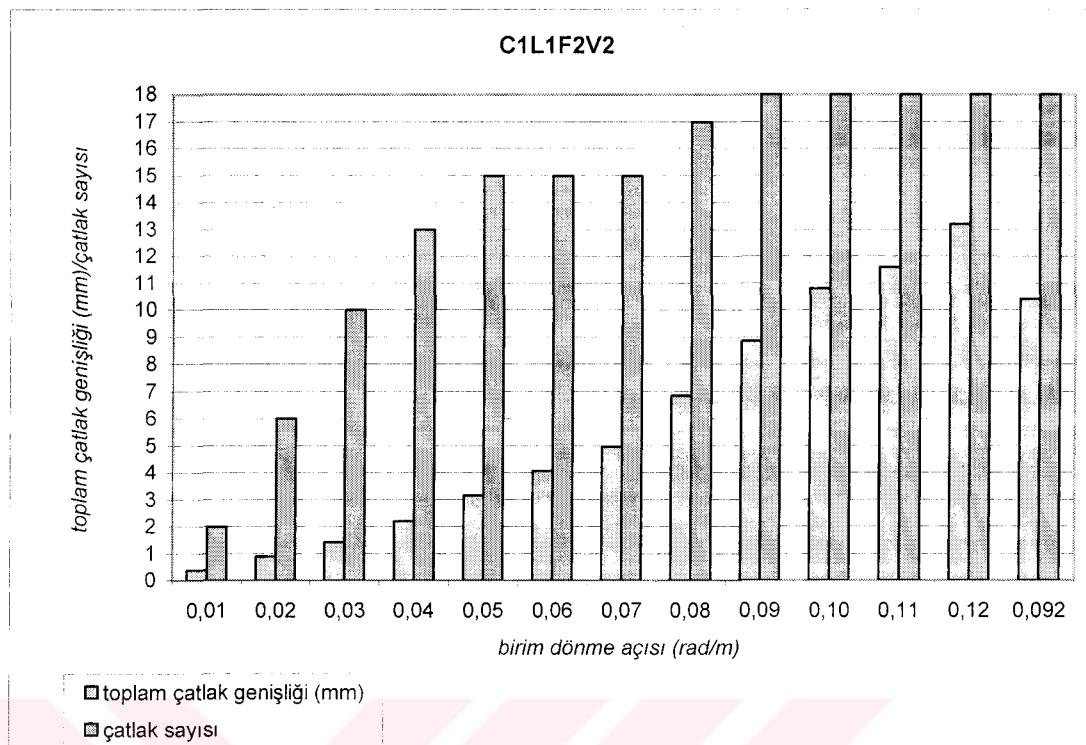


Şekil C.3 C1L1F1V2 numunesi çatlak grafiği

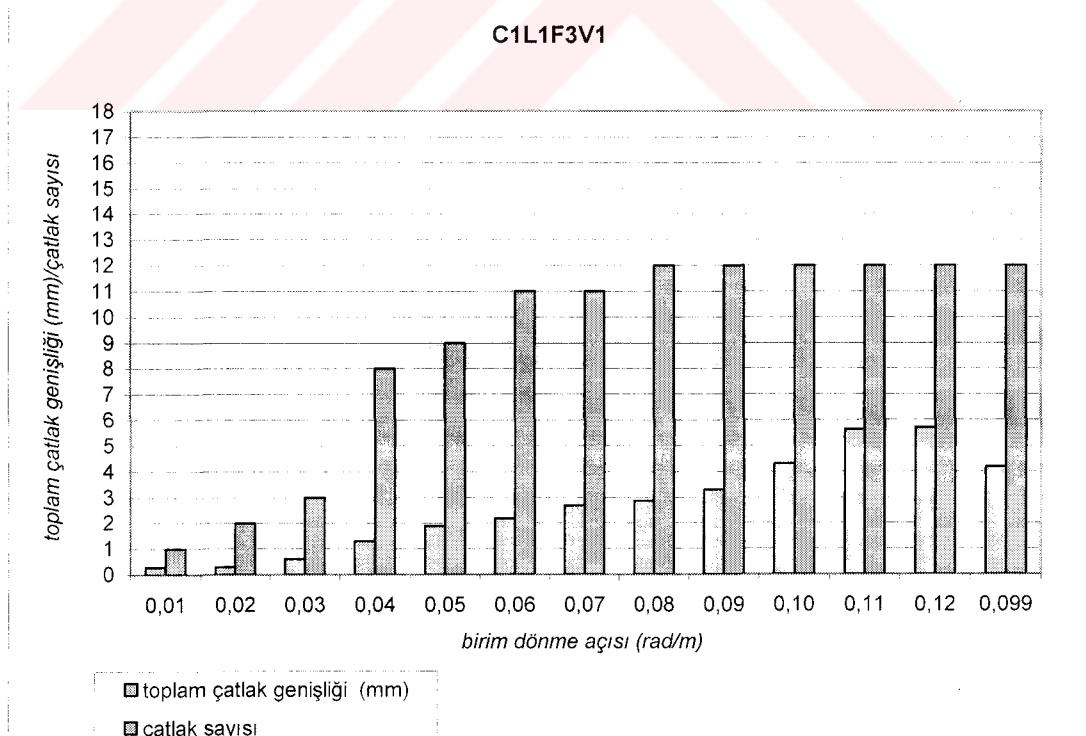
C1L1F2V1



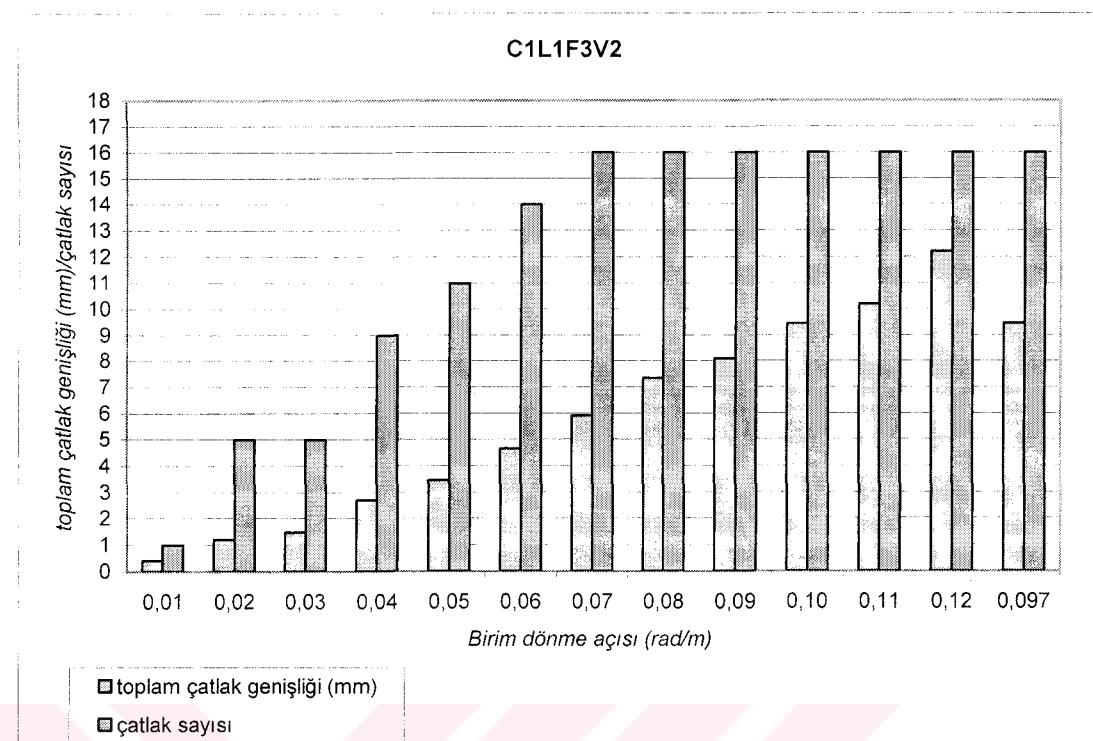
Şekil C.4 C1L1F2V1 numunesi çatlak grafiği



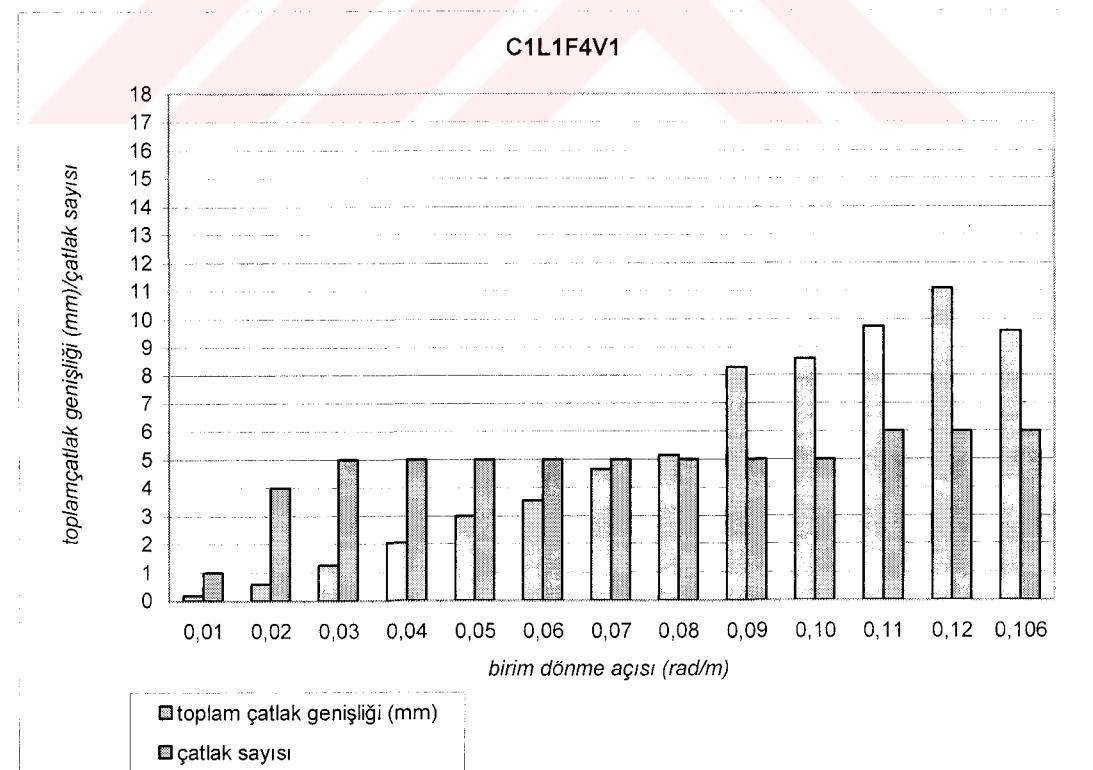
Şekil C.5 C1L1F2V2 numunesi çat�ak grafiği



Şekil C.6 C1L1F3V1 numunesi çat�ak grafiği

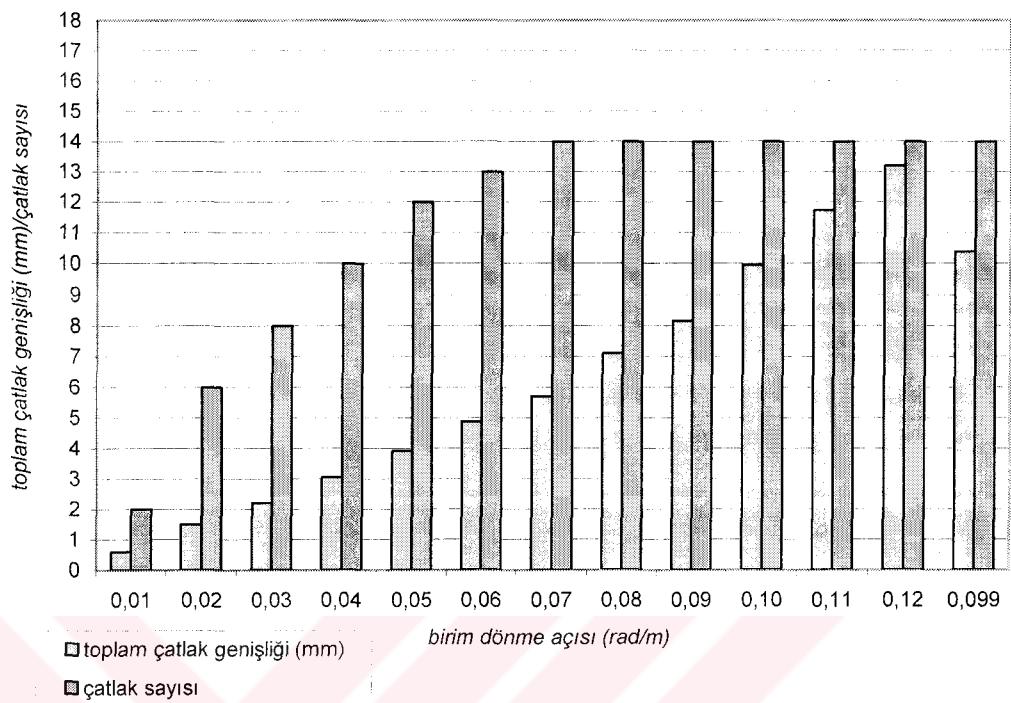


Şekil C.7 C1L1F3V2 numunesi çat�ak genişliği



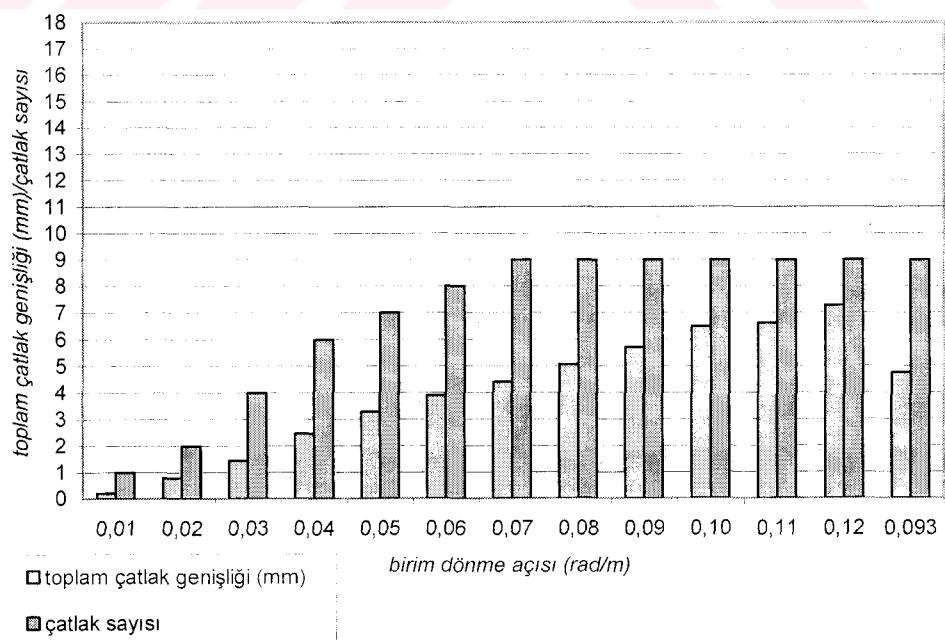
Şekil C.8 C1L1F4V1 numunesi çat�ak grafiği

C1L1F4V2

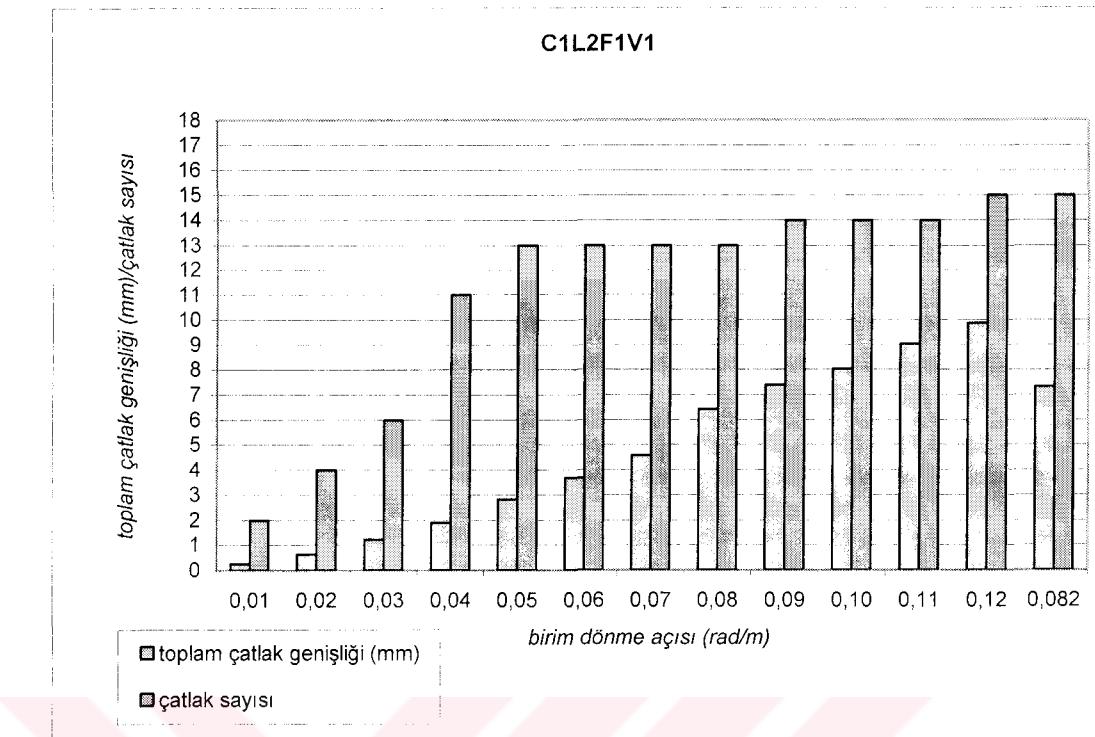


Şekil C.9 C1L1F4V2 numunesi çatlak grafiği

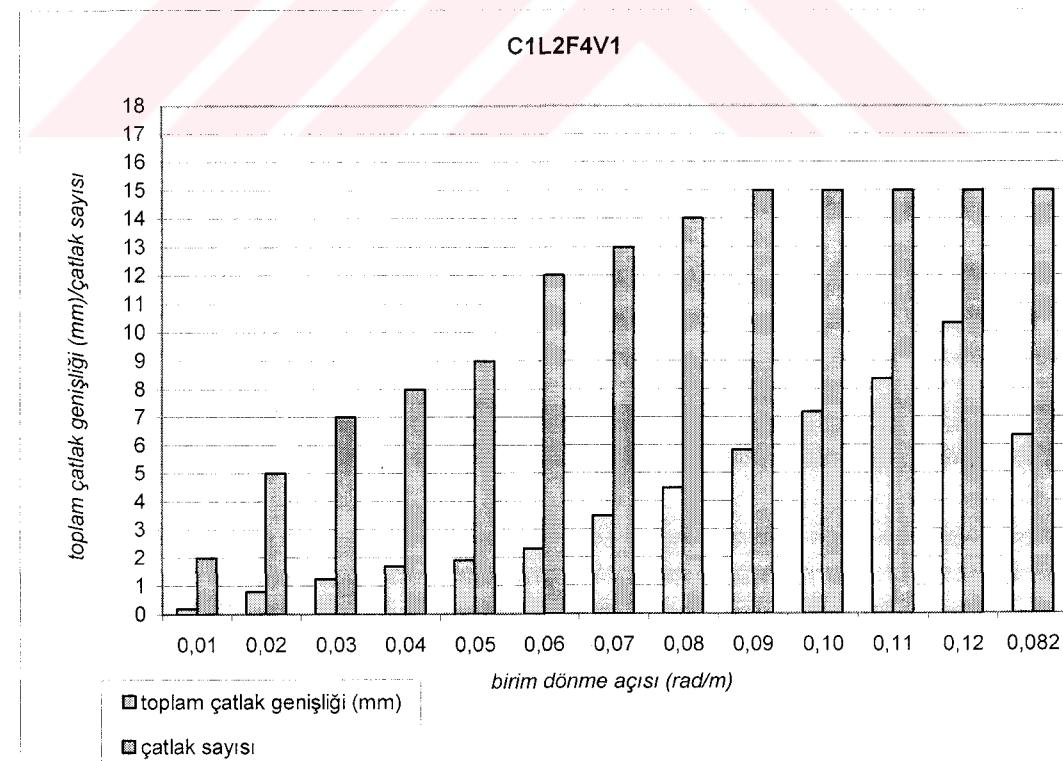
C1L2V0



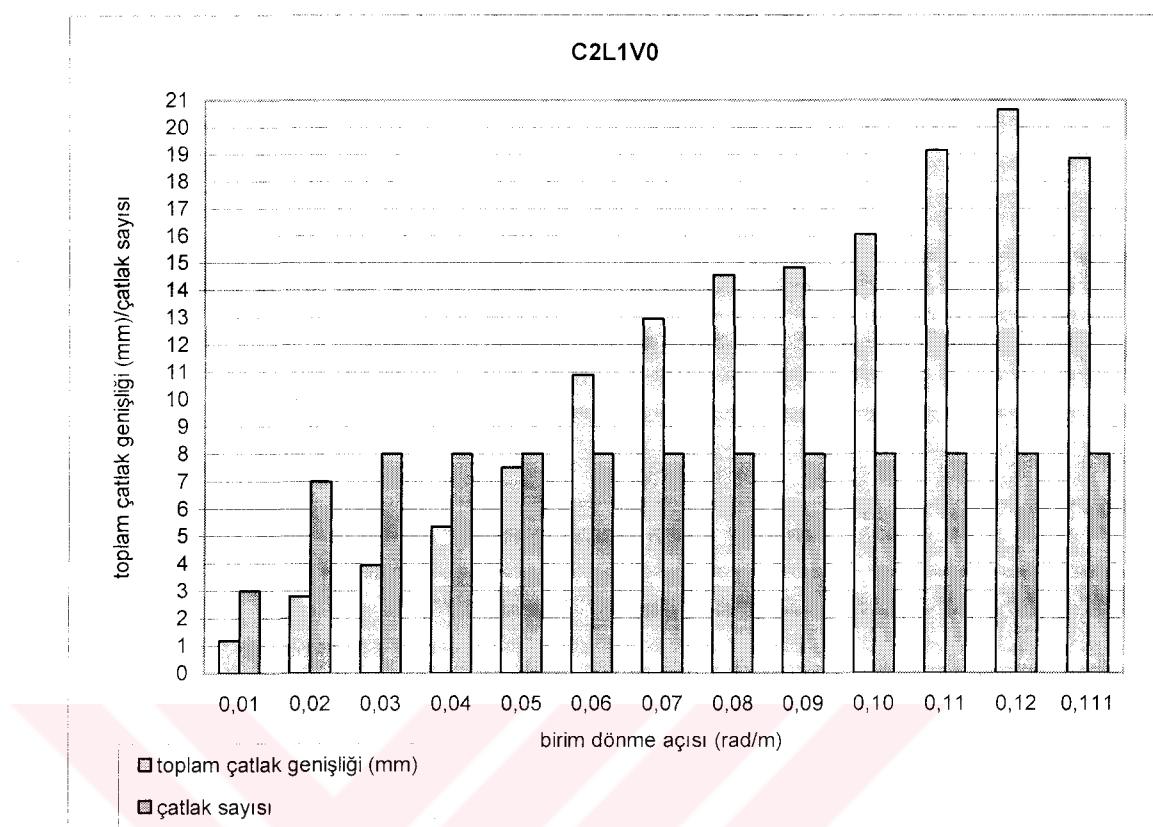
Şekil C.10 C1L2V0 numunesi çatlak grafiği



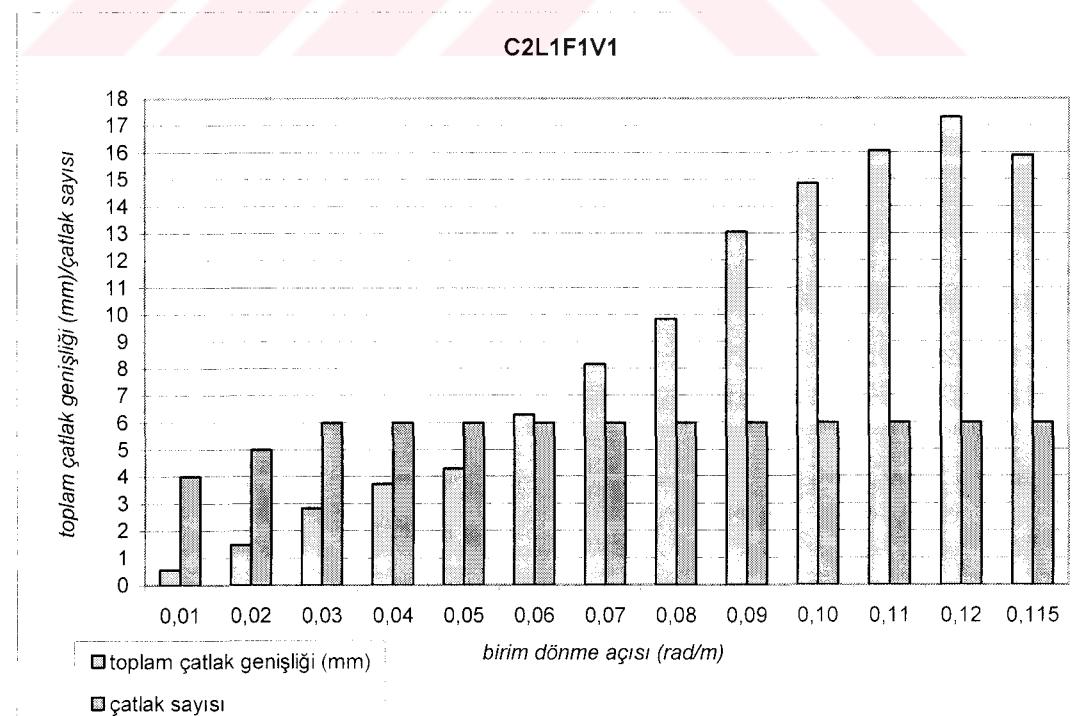
Şekil C.11 C1L2F1V1 numunesi çat�ak grafiği



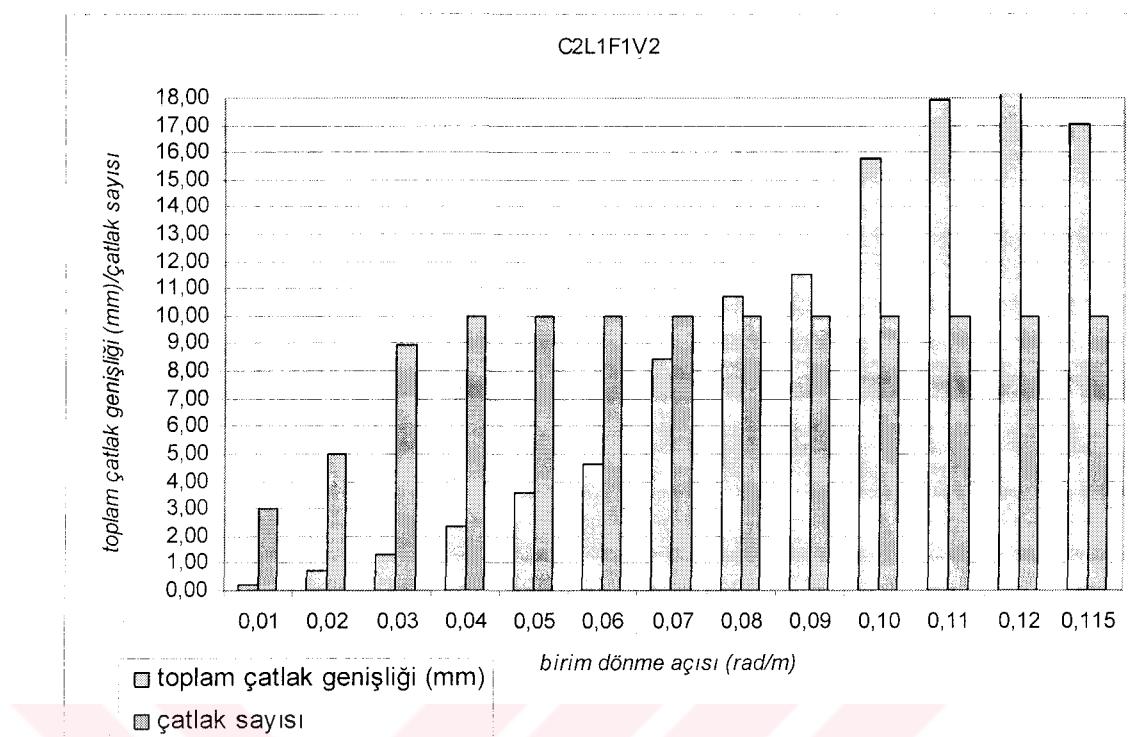
Şekil C.12 C1L2F4V1 numunesi çat�ak grafiği



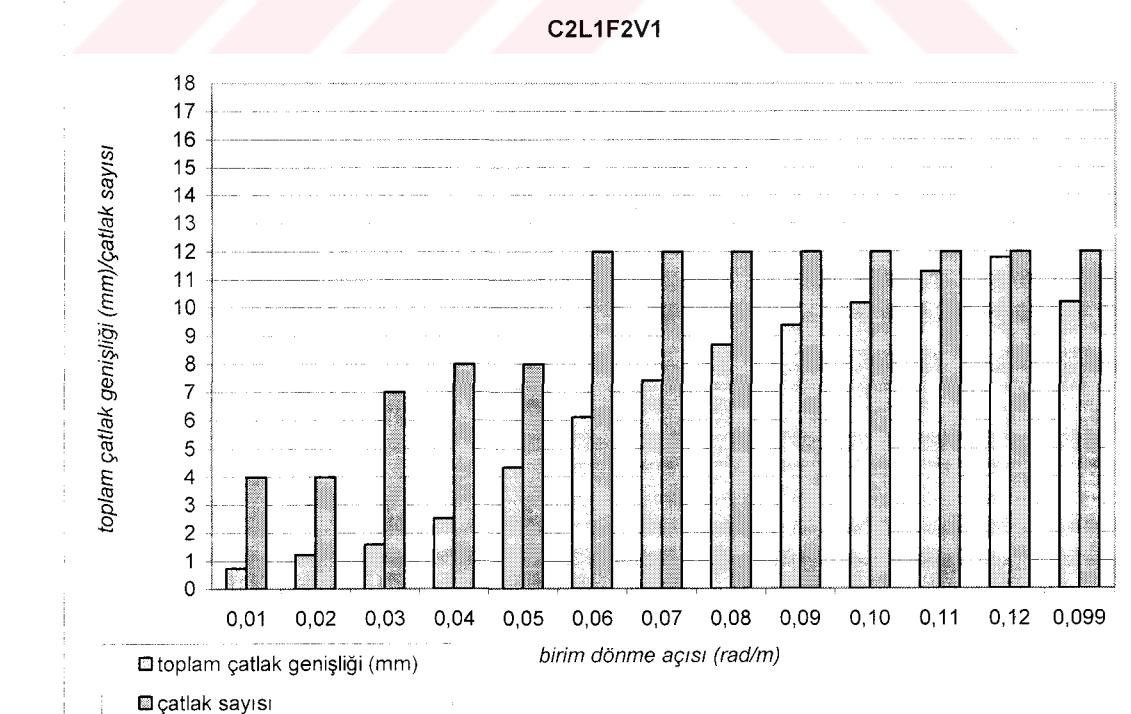
Şekil C.13 C2L1V0 numunesi çat�ak grafiği



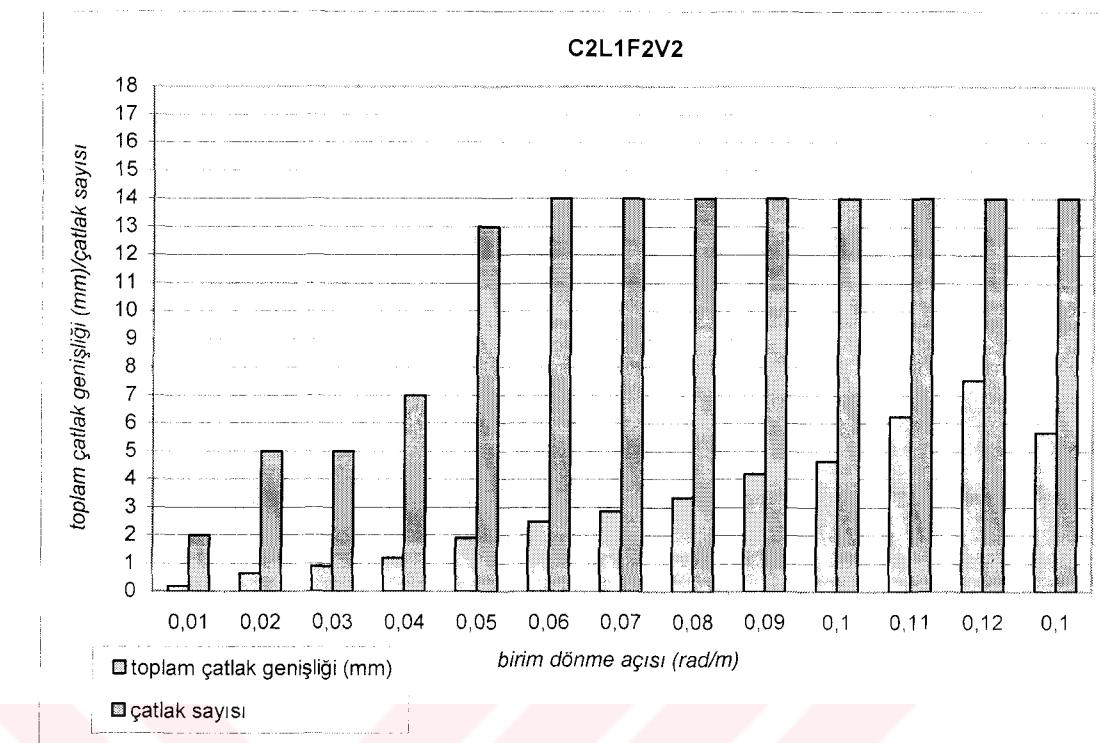
Şekil C.14 C2L1F1V1 numunesi çat�ak grafiği



Şekil C.15 C2L1F2V2 numunesi çatlak grafiği



Şekil C.16 C2L1F2V1 numunesi çatlak grafiği



Şekil C.17 C2L1F2V2 numunesi çatlak grafiği

## **ÖZGEÇMİŞ**

1978 yılında Fethiye' de doğdu. İlk ve orta öğrenimini Fethiye' de tamamladı. 1996 yılında girdiği Kocaeli Üniversitesi İnşaat Mühendisliği Bölümü' nden 2000 yılında mezun oldu. 2002 yılında Kocaeli Üniversitesi Fen Bilimleri Enstitüsü İnşaat Mühendisliği Anabilim Dalı' nda yüksek lisans öğrenimine başladı. 2001 yılından bu yana Kocaeli Üniversitesi İnşaat Mühendisliği Bölümünde araştırma görevlisi olarak çalışmaktadır.

